

日期: /

2.5 证明: 对电气系统, 由分压原理

u_o 为输出量 u_i 为输入量

$$\frac{u_o}{u_i} = \frac{R_2 + \frac{1}{j\omega C_2}}{R_2 + \frac{1}{j\omega C_2} + \frac{R_1 \cdot \frac{1}{j\omega C_1}}{R_1 + \frac{1}{j\omega C_1}}} = \frac{(R_1 + \frac{1}{j\omega C_1})(R_2 + \frac{1}{j\omega C_2})}{(R_1 + \frac{1}{j\omega C_1})(R_2 + \frac{1}{j\omega C_2}) + R_1 \cdot \frac{1}{j\omega C_1}}$$

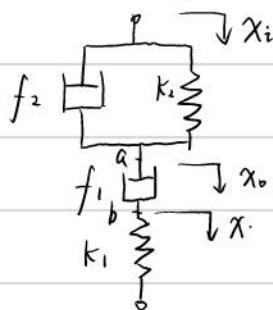
$$= \frac{(j\omega)^2 C_1 C_2 R_1 R_2 + j\omega C_1 R_1 + j\omega C_2 R_2 + 1}{(j\omega)^2 C_1 C_2 R_1 R_2 + j\omega C_1 R_1 + j\omega C_2 R_2 + 1 + j\omega C_2 R_1}$$

$j\omega$ 对应一阶微分

$(j\omega)^2$ 对应二阶微分

故微分方程为 $C_1 C_2 R_1 R_2 \cdot \frac{d^2 u_o}{dt^2} + (C_1 R_1 + C_2 R_2 + C_2 R_1) \frac{du_o}{dt} + u_o = C_1 C_2 R_1 R_2 \cdot \frac{d^2 u_i}{dt^2} + (C_1 R_1 + C_2 R_2) \cdot \frac{du_i}{dt} + u_i$

对机械系统 类似. x_o 为输出量, x_i 为输入量.



分别对 a, b 列受力微分方程

$$\begin{cases} K_2(x_i - x_o) + f_2 \cdot \frac{d(x_i - x_o)}{dt} = f_1 \cdot \frac{d(x_o - x)}{dt} = f_1 \cdot \frac{dx_o}{dt} - f_1 \cdot \frac{dx}{dt} \\ f_1 \cdot \frac{d(x_o - x)}{dt} = K_1 x \end{cases}$$

联立得 $K_2 x_i - K_2 x_o + f_2 \cdot \frac{dx_i}{dt} - f_2 \cdot \frac{dx_o}{dt} = K_1 x$ 代入原方程中

$$K_2(x_i - x_o) + f_2 \cdot \frac{d(x_i - x_o)}{dt} = f_1 \cdot \frac{dx_o}{dt} - K_1 f_1 \cdot \frac{d}{dt} (K_2 x_i - K_2 x_o + f_2 \cdot \frac{dx_i}{dt} - f_2 \cdot \frac{dx_o}{dt})$$

整理有: $f_1 f_2 \cdot \frac{d^2 x_o}{dt^2} + (f_1 K_1 + f_2 K_2 + f_2 K_1) \cdot \frac{dx_o}{dt} + K_1 K_2 x_o = f_1 f_2 \cdot \frac{d^2 x_i}{dt^2} + (f_1 K_1 + f_2 K_2 + f_2 K_1) \cdot \frac{dx_i}{dt} + x_i$

电气系统和机械系统的微分方程形式完全相同.

故为相似系统.

日期: /