

通信原理 实验报告

学号: 2206113602

班级: 信息 005

姓名: 王靳朝

3 接收端的同步处理

一 实验内容 (10 分)

1.1 接收端的同步处理

包括三方面内容: 帧组同步、频偏补偿、相偏补偿。

二 实验原理 (40 分)

2.1 接收端为什么需要同步?

同步传输是以同定的时钟节拍来发送数据信号的, 因此在一个串行的数据流中, 各信号码元之间的相对位置都是固定的, 接收方为了从收到的数据流中正确地区分出一个个信号码元, 首先必须建立准确的时钟信号。如果没有进行同步, 将不能将单个符号从符号流中正确的分离出来。

2.2 频偏估计和补偿的原理

IQ 调制后的发送信号为

$$S(t) = I(t) \cos(\omega_c t) + Q(t) \sin(\omega_c t) \xrightarrow{\text{信道}} y(t)$$

预期接收:

$$I_r = y(t) \cos(\omega_c t) = [I_t \cos(\omega_c t) + Q_t \sin(\omega_c t)] \cos(\omega_c t) \xrightarrow{\text{LPF}} I_r = \frac{1}{2} I_t$$

$$Q_r = y(t) \sin(\omega_c t) = [I_t \cos(\omega_c t) + Q_t \sin(\omega_c t)] \sin(\omega_c t) \xrightarrow{\text{LPF}} Q_r = \frac{1}{2} Q_t$$

但由于存在 $\omega_c + \omega_m$ 及 $\omega_c - \omega_m$ 的现象, 实际接收信号为

$$\begin{cases} I_r = y(t) \cos \omega_c t = \frac{1}{2} I_t \cos(\omega_c t + \Delta\phi) - \frac{1}{2} Q_t \sin(\omega_c t + \Delta\phi) \\ Q_r = y(t) \sin \omega_c t = \frac{1}{2} I_t \sin(\omega_c t + \Delta\phi) + \frac{1}{2} Q_t \cos(\omega_c t + \Delta\phi) \end{cases}$$

设符号相角集为 $\{a_k\}$ a_k 由调制解调方式决定, 例如: 4PSK 时 $\{a_k\} = \{\pm\frac{\pi}{4}, \pm\frac{3\pi}{4}\}$

定义 M 为符号集中符号的数目, 例如: 4PSK: $M=4$ BPSK: $M=2$ 定义 T_{syn} 为系统时钟

由 $t = kT_{\text{syn}}$ 代入, 接收信号可写为:

$$r_k = I_r + jQ_r = e^{ja_k} e^{j(\omega_c kT_{\text{syn}} + \Delta\phi)} \quad 1 \leq k \leq N \quad N \text{ 为训练序列长度}$$

只需求出上式中的 $\Delta\omega$ ，则可利用 $r_k e^{-j\omega_k T_{\text{syn}}} = s_k e^{j\phi_k}$ 来纠正频偏

只用将 r_k 进行 M 次累，即可消除 ϕ_k 的影响。 $e^{jM\phi_k} = 1$

利用L&R算法求 $\Delta\omega$

两相偏一致的符号，其中之一共轭相乘： $z_i z_k^* = e^{jM(\omega_m T_{\text{syn}} + \phi)}$ ， $e^{jM(\omega_m T_{\text{syn}} + \phi)} = e^{jM\omega_m T_{\text{syn}}}$

$$\text{令 } R_{ik} = \frac{1}{N-k} \sum_{i=k+1}^N z_i z_k^*$$

$$= e^{jM\omega_m T_{\text{syn}} \cdot k} \quad 1 \leq k \leq N-1$$

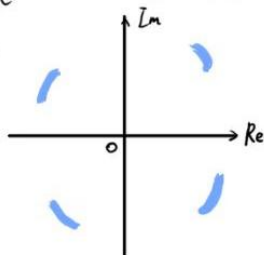
则对 R_{ik} 求时间的均值即可

$$\hat{\Delta\omega} \approx \frac{2}{MN T_{\text{syn}}} \arg \left\{ \sum_{k=1}^{N-1} R_{ik} \right\} = \Delta\omega$$

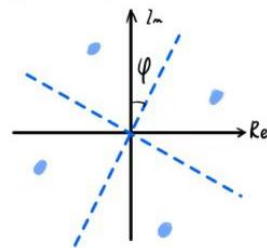
最后代入纠正公式

$$s_k e^{j\phi_k} = r_k e^{-j(\omega_k T_{\text{syn}})}$$

预期结果：



纠正后：



进一步需要修正星座图的旋转角 ϕ

2.3 相偏估计和补偿的原理

经频偏纠正后的序列可以写成如下形式

$$r_k = s_k e^{j\Delta\phi} = e^{j\Delta\omega k} e^{j\Delta\phi}$$

本地的 M 序列： $(r_{\text{local}})_k = e^{j\Delta\omega k}$

如果想提取每粒的 $\Delta\phi$ 并取均值，只用 ① 共轭相乘 ② 求相角 ③ 取平均

$$\hat{\Delta\phi} \approx \frac{1}{N} \sum_{k=1}^N \arg \{ r_k (r_{\text{local}})_k^* \}$$

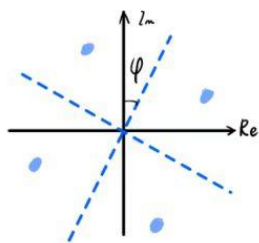
$$= \frac{1}{N} \sum_{k=1}^N \arg \{ e^{j\Delta\phi} \}$$

$$= \Delta\phi$$

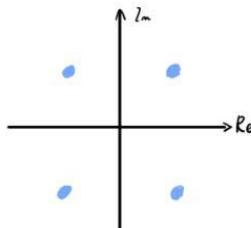
$$\text{相位补偿: } \hat{r}_k = e^{j(\Delta\omega k + \Delta\phi)} e^{-j\Delta\phi}$$

$$\approx e^{j\Delta\omega k}$$

纠正前：



纠正后：



2.4 帧组同步的原理

帧组同步的目的是找到一帧的开头，所以此步骤需要在频偏补偿和相偏补偿之前进行。本实验中使用的是 127 位 M 序列作为训练序列，由于 M 序列有高度自相关和较低互相关

特性，可以用接收端本地的已知 M 序列在接收到的序列上滑动并计算相关值，相关值高于设定的阈值即可认为找到了 M 序列。

由于序列较长，求多次互相关可能会拖慢运算速度，故可以将整个帧组同步过程分为两步：粗同步和精同步。粗同步是起始点逐个取，但起始点之后的相关值数据点每隔一定距离取一个点（本实验中该距离取的是 4），进行滑动和相关值计算，在找到高于阈值的起始点后，再将其与其之后的一些点（本实验中该窗口长度为 8）逐一求完整相关值，选出最高的那个，即可精确定位到 M 序列。

三 具体实现（15 分）

3.1 帧组同步的具体实现

帧组同步函数 `rx_package_search` 有以下重要参量：

```
function [out_signal, cor_abs, col, index_s] = rx_package_search(rxdata, local_sync, len_frame, ratio)

    down_sig=reshape(rxdata, ratio, []); % 假设为4倍过采样
    [m, n]=size(down_sig); % 取数组大小, m=4, n=6258
    cor_abs=zeros(m, n); % 构建相同大小的数组, 存储相关值
    len_window=8; % 精同步窗长度
    threshold=0.3; % 门限阈值0.3
    l=0;
    flag=false; % 找到的标志初始化为false, 高于阈值置为true表示成功同步
```

该函数的实现以 `flag` 为核心，先将粗同步第一列的数与 M 序列依次求相关，当找到相关值大于门限 `threshold` 的起始点后，将 `flag` 置为 `true`，并记录次数，超过 8 次（窗口长度）跳出循环，找到了 M 序列。

3.2 频偏估计和补偿的具体实现

核心代码为：

```
z_k=training_seq.^2;
r=zeros(1, N-1);
for k=1:N-1
    r(k)=mean(z_k(1+k:N). *conj(z_k(1:N-k)));
end

freq_offset=angle(sum(r))/(2*pi*N*T_sym);
out_signal=rxdata.*exp(-1i*2*pi*freq_offset*(1:len)*T_sym);
end
```

频偏估计和补偿的代码实现和原理中的公式基本一致，即先将训练序列求 M 次幂（在本实验中使用 BPSK 调制方式，故 $M=2$ ，也可以为 2 的整数倍），得到 z_k ，然后两两分别共轭相乘并求平均值，得到 r （即原理中的 R ），提取相角并归一化即可得到频偏 `freq_offset`

3.3 相偏估计和补偿的具体实现

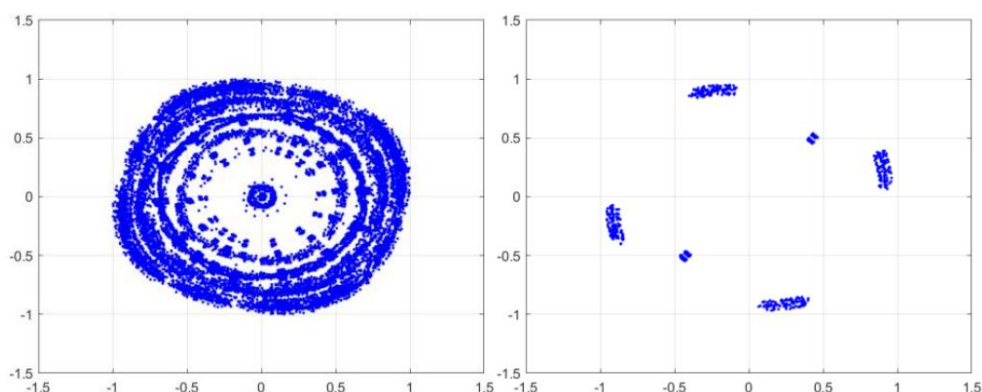
函数输入：1*639 out_signal3, 函数输出：1*639 out_signal4, 偏移角 ang

算法描述：取 out_signal3 的前 127 位训练序列，和本地 local_sync 的共轭值相乘，得到 $\exp(j*\theta)$ 求取 127 个角度值，取平均，作为偏移角 ang 对接收信号（1*639）的每一位进行相位补偿，即乘一个 $\exp(-j*\theta)$ ，具体代码如下：

```
function [out_signal,ang] = rx_phase_sync(signal_freq_sync,local_seq)
    len=length(local_seq);
    L=len;
    for i=1:L-1
        cor(i)=signal_freq_sync(i).*conj(local_seq(L-i));
    end
    ang=angle(mean(cor))-pi;
    out_signal=signal_freq_sync.*exp(-1i*ang);
```

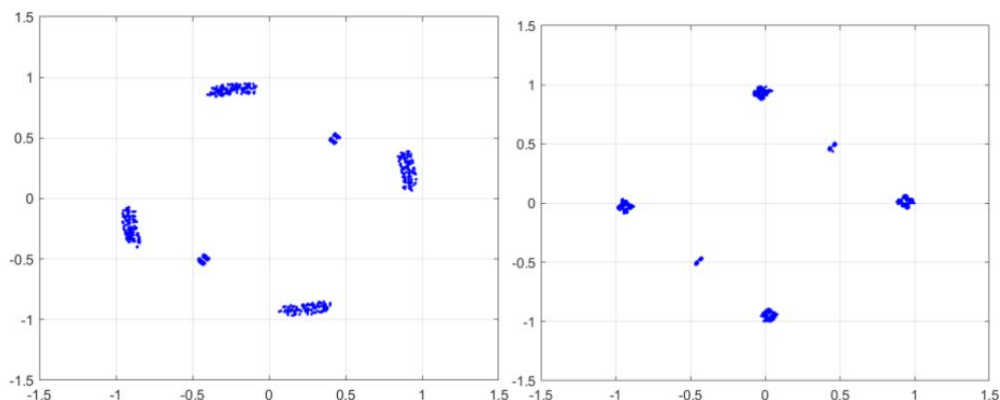
四 实验结果图示及分析（15 分）

4.1 帧组同步前后星座图分析



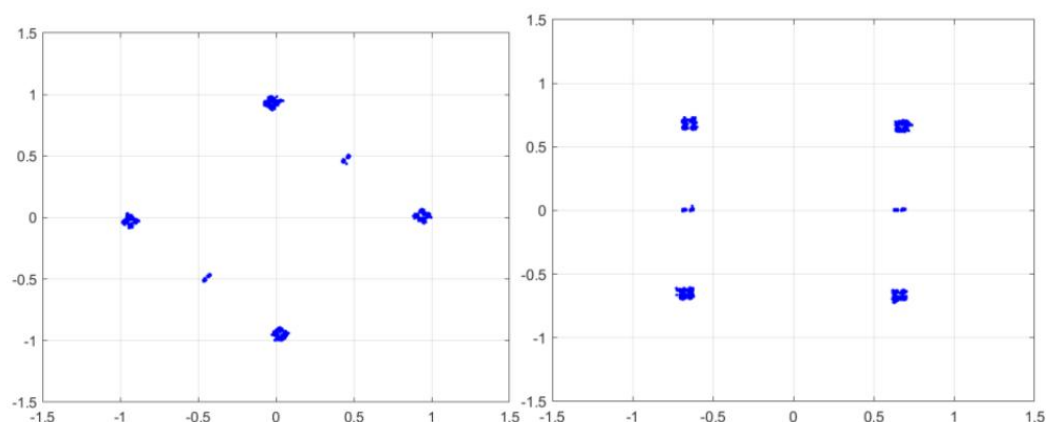
左侧是帧组同步前的星座图，右侧是帧组同步后，可以看到，系统提取出来了一帧的数据，相对原来来说基本收敛到一定区域内。

4.2 频偏估计前后星座图分析



左侧为频偏校正前，右侧为频偏校正后，可以看到拖尾基本消除，星座图从原来的四条线收敛成四个点。

4.3 相偏估计前后星座图分析



左侧为相位校正前，右侧为相位校正后，可以看到原本扭转的角度被消除了，星座图很接近与 BPSK 理论上的星座图，同步处理基本完成，可以进行解码操作了。

五 总结和思考 (20 分)

5.1 实验过程中遇到的问题及解决方法 (4 分)

实验中有许多求和以及求均值的步骤，直接写比较麻烦，可以使用 matlab 自带的函数 `sum()` 和 `mean()`，阅读时需要着重理解。

M 次幂的选择并无一定，本实验中只需是 2 的整数倍即可，但是次数选择过大会影响计算速度，因此合适即可。

同时需要注意选择门限值的大小，太大太小均会出现问题。

5.2 帧组同步一定要在频偏估计之前吗？为什么？ (8 分)

不一定，因为和相偏估计不同，频偏估计并不需要使用本地的 M 序列，所以也就不需要将本地训练序列与接受训练序列对齐，从而不需要找到准确的 M 序列开始位置。但这可能造成用与纠正频偏的序列并不是 M 序列，而是接收序列中普通的一段，所以也就没有 M 序列的一些优良性质，比如说四个符号数量近似等，可能会造成频偏纠正效果变差。

但是一般情况下，帧同步应该在频偏估计之前进行。这是因为如果帧同步不准确，将导致数据帧的边界被错误地确定，进而影响频偏估计的准确性。

5.3 含频偏和相偏的 M 序列，自相关性会受影响吗？ (8 分)

会有一定影响，因为在帧组同步的过程中使用的是理论上的序列和接收序列求相关，理论上的序列 $r_{local} = e^{ja_k\pi}$ ，而接收到的序列 $r_k = e^{ja_k\pi} \cdot e^{j(\Delta\omega t + \Delta\phi)}$ ，不完全一致，所以自相关函数和 M 序列理论上的自相关函数会略有差别。正因如此才需要合理调整门限 threshold，

使系统既可以在自相关达不到理论值时正确检测出来 M 序列，又不会将其他序列误判为 M 序列。