《第一次课后作业》

13 设x(t) 的傅里叶变换为

$$X(j\omega) = \delta(\omega) + \delta(\omega - \pi) + \delta(\omega - 5)$$

并令

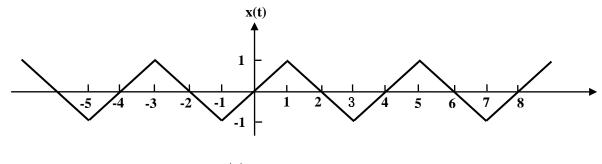
$$h(t) = u(t) - u(t-2)$$

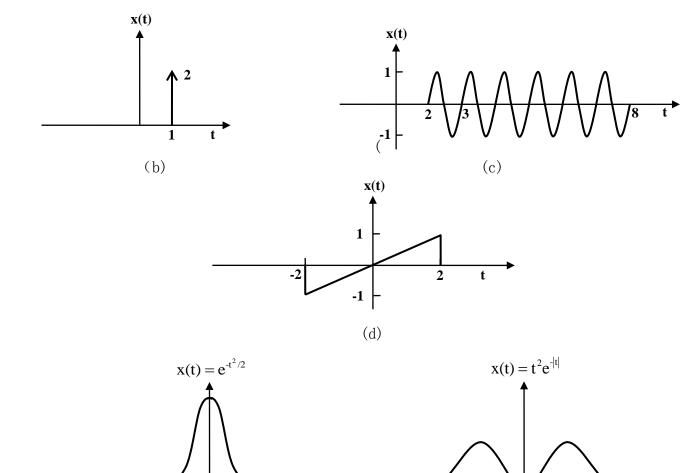
- (a) x(t) 是周期的吗?
- (b) x(t)*h(t) 是周期的吗?
- (c) 两个非周期信号的卷积有可能是周期的吗?
- 14 考虑一个信号x(t), 其傅里叶变换为 $X(j\omega)$, 假设给出下列条件:
 - 1. x(t) 是实值且非负的。
 - 2. $\mathcal{F}^{-1}\left\{(1+\mathrm{j}\omega)X(\mathrm{j}\omega)\right\} = Ae^{-2t}u(t)$, A 与 t 无关。
 - 3. $\int_{-\infty}^{\infty} |X(j\omega)|^2 d\omega = 2\pi$

求x(t)的闭式表达式。

- (a) 下图所示的实信号中,如果有的话,哪些信号的傅里叶变换满足下列所 24 有条件:
 - (1) $\Re\{X(j\omega)\}=0$ (2) $\Im\{X(j\omega)\}=0$
- - (3) 存在一个实数 α , 使 $e^{\mathrm{j}\alpha\omega}X(\mathrm{j}\omega)$ 为实函数

 - (4) $\int_{-\infty}^{\infty} X(j\omega) d\omega = 0$ (5) $\int_{-\infty}^{\infty} \omega X(j\omega) d\omega = 0$
 - (6) *X*(jω) 是周期的。





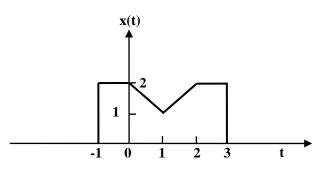
(b)构造一个信号,它具有上述性质(1),(4)和(5),但没有其余性质。

25 设 $X(j\omega)$ 为右下图所示信号x(t)的傅里叶变换:

(e)

- (a) 求 $< X(j\omega)$
- (b) 求X(j0)
- (c) $\Re \int_{-\infty}^{\infty} X(j\omega) d\omega$
- (d) 计算 $\int_{-\infty}^{\infty} X(j\omega) \frac{2\sin\omega}{\omega} e^{j2\omega} d\omega$
- (e) 计算 $\int_{-\infty}^{\infty} |X(j\omega)|^2 d\omega$
- (f) 画出 $\Re\left\{X(j\omega)\right\}$ 的反变换

注意:不必具体算出 $X(j\omega)$ 就能完成以上全部计算。



(f)

27 考虑信号

$$x(t) = u(t-1) - 2u(t-2) + u(t-3)$$

和

$$\tilde{x}(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} x(t - kT)$$

式中T>2。令 a_k 记作 $\tilde{x}(t)$ 的傅里叶级数系数, $X(j\omega)$ 为x(t)的傅里叶变换。

- (a) 求 $X(j\omega)$ 的闭式表达式。
- (b) 求傅里叶级数 a_k 的表达式,并验证 $a_k = \frac{1}{T} X(j\frac{2\pi k}{T})$