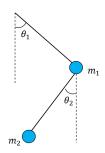
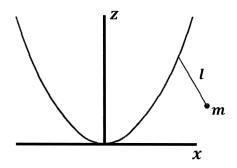
第八章 习题

习题 1 用哈密顿量和哈密顿运动方程表述双摆问题.



习题 2 一长度为 l, 质量为 m 的单摆的悬挂点被约束在竖直平面内的抛物线 $z=ax^2$ 上运动. 推导支配摆及其悬挂点的运动的哈密顿量. 求哈密顿运动方程.



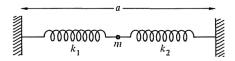
习题 ${\bf 3}$ ${\bf a}$) 一质量为 m, 电荷为 e 的质点在有心力势 V(r) 以及恒定均匀磁场 ${\bf B}$ 的作用下在一平面内运动, ${\bf B}$ 垂直于该平面并由静矢势

$$A = \frac{1}{2}B \times r,$$

产生. 求用观测者的惯性系坐标表示的哈密顿量. b) 用相对于前面的坐标系的转动坐标重复 (a) 中的推导, 转轴垂直于平面, 转动角速度

$$\omega = -\frac{eB}{2m}.$$

习题 4 一质量为 m 的质点能在两弹簧作用下作一维运动, 两弹簧连接在相距为 a 的两固定点之间. 弹簧服从胡克定律, 未被拉伸时长度为零, 弹性系数为 k_1,k_2 .



a) 把质点位置与某一固定点的距离作为广义坐标, 求拉氏量和相应的哈密顿量. 能量是否守恒? 哈密顿量是否守恒? b) 引进一新坐标 Q, 定义为

$$Q = q - b\sin\omega t, \quad b = \frac{k_2 a}{k_1 + k_2},$$

用 Q 表示的拉氏量是什么? 相应的哈密顿量是什么? 能量是否守恒? 哈密顿量是否守恒?