Hausdorff 距离

汇报人 王如晨

中国海洋大学 信息科学与工程学院

2014年11月

wrc (ouc) Hausdorff 距离 2014 年 11 月 1 / 13

Contents

- ① 经典 Hausdorff 距离
- ② 部分 Hausdorff 距离 (PHD)
- ③ 改进 Hausdorff 距离 (MHD)
- 4 LTS Hausdorff 距离
- 5 应用

wrc (ouc) Hausdorff 距离 2014 年 11 月 2 / 13

Hausdorff 距离是描述两组点集之间相似程度的一种度量,是一种定义于两个点集上的最大最小距离。

若给定两个点集, $A = \{a_1, a_2, \dots\}$, $B = \{b_1, b_2, \dots\}$,则点集 A、B 之间的 Hausdorff 距离定义为:

$$H(A, B) = \max[h(A, B), h(B, A)]$$

其中, h(A, B) 称为集合 A 到 B 有向 Hausdorff 距离, 即点集 A 中所有点到点集 B 的最小距离的最大值。

$$h(A, B) = \max_{a \in A} d_B(a) \qquad d_B(a) = \min_{b \in B} \| a - b \|$$

wrc (ouc) Hausdorff 距离 2014 年 11 月 3 / 13

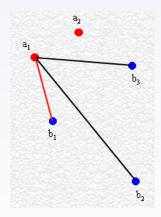


Figure: a_1 到 B 的距离

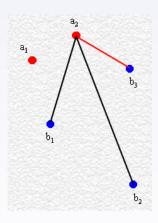


Figure: a_2 到 B 的距离

wrc (ouc) Hausdorff 距离 2014 年 11 月 4 / 13

经典 Hausdorff 距离

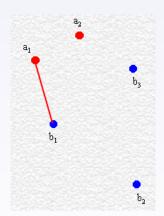


Figure: 点集 A 到 B 的距离

wrc (ouc) Hausdorff 距离 2014 年 11 月 5 / 13

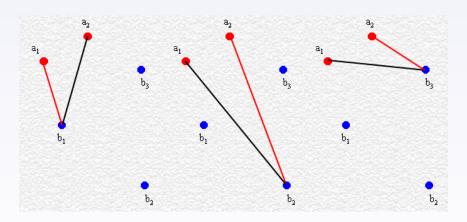


Figure: b_1 到 A 的距离 Figure: b_2 到 A 的距离 Figure: b_3 到 A 的距离

wrc (ouc) Hausdorff 距离 2014 年 11 月 6 / 13

经典 Hausdorff 距离

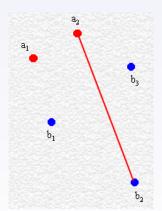


Figure: 点集 B 到 A 的距离

wrc (ouc) Hausdorff 距离 2014 年 11 月 7 / 13

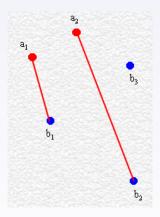


Figure: 点集 $A \times B$ 之间的距离

$$H(A, B) = \max[h(A, B), h(B, A)]$$

Hausdorff 距离 2014年11月 wrc (ouc) 8 / 13

经典 Hausdorff 距离的缺点

经典 Hausdorff 距离

受到噪声的影响较大。例如,即使 A、B 的形状相似,只要 A 中有 一个点偏离 B 较远,那么计算出来的 Hausdorff 距离就会很大。

wrc (ouc) Hausdorff 距离 2014年11月

部分 Hausdorff 距离(PHD)

部分 Hausdorff 距离的定义:

$$H_K(A, B) = \max[h_K(A, B), h_K(B, A)]$$

$$h_K = K_{a \in A}^{th} d_B(a)$$

部分 Hausdorff 距离中,要求出点集 A 中所有点到点集 B 的距离, 然后将这些距离从小到大排序,其中序号为 K 的距离就是 $h_K(A,B)$ 。

$$K = [f \times N_A]$$

部分 hausdorff 距离可以有效处理当目标发生遮蔽和有外部点存在的 情形。

wrc (ouc) Hausdorff 距离 2014年11月 10 / 13

改进 Hausdorff 距离的定义:

$$H_K(A, B) = \max[h_{MHD}(A, B), h_{MHD}(B, A)]$$

$$h_{MHD}(A,B) = \frac{1}{N_A} \sum_{a \in A} d_B(a)$$

改进 Hausdorff 距离中, $h_{MHD}(A, B)$ 要求出点集 A 中所有点到点集 B 的距离, 然后求取距离的平均值。

Hausdorff 距离 2014年11月 11 / 13 LTS Hausdorff 距离为了获得更加准确的目标匹配结果,结合上面两种 方法得到的。

$$H_{LTS}(A,B) = \max[h_{LTS}(A,B), h_{LTS}(B,A)]$$

$$h_{LTS}(A,B) = \frac{1}{2} \sum_{A=0}^{H} d_{T}(A,B)$$

$$h_{LTS}(A, B) = \frac{1}{H} \sum_{i=1}^{H} d_B(a)_i$$

其中, $H = h \times N_A$, 0 < h < 1, N_A 是点集 A 的个数, $d_B(a)_i$ 表示对 序列 $d_B(a)$ 排序后第 i 个距离。

LTS Hausdorff 距离是一种排序再求部分均值的方法来确定点集 A. B 之间的距离。这种方法将噪声干扰和遮挡产生的大距离问题去除。

(ouc) Hausdorff 距离 2014年11月 12 / 13

应用

图像匹配







wrc (ouc) Hausdorff 距离 2014 年 11 月 13 / 13