

## 算法言語

## Functional Programming

胡 振江  
平成13年冬学期

## 目的

- プログラミングを数学的(代数的)な活動としての考え方を伝授すること。
- 代数(Algebra)とは  
(The Shorter Oxford English Dictionary):
  - the reunion of broken parts
  - a calculus of symbols combined according to defined laws

## 内容

- 関数プログラミング言語Haskell
  - プログラム:関数の定義
  - プログラムの実行:式の簡約
  - 関数プログラミングの特徴
    - 抽象的
    - 構成的
    - 操作しやすい
    - 推論

## 教科書

- 武市正人訳、「関数プログラミング」, 近代科学社, 1994年. ISBN4-7649-0181-1  
(R. Bird and P. Wadler, Introduction to Functional Programming, Prentice Hall, 1988)

各自購入すること

## 参考書など

- Richard Bird. Introduction to Functional Programming in Haskell, Prentice Hall, 1998.
- 講義ページ:  
<http://www.ipl.t.u-tokyo.ac.jp/~hu/fp01>

## 講義形式・成績分配

- 講義 20%
  - 場所:6号館 または 情報基盤センター5階
  - 講義中のテスト(2回)
- 中間テスト 20%
  - 場所:情報基盤センター5階
- 試験 60%
  - 期末試験

## 関数プログラミングの基本概念

- セッション(session): 利用者と計算機の間の一連のやりとり

```
Prelude> sin 1
0.841471
(21 reductions, 101 cells)
```

```
Prelude> 2+3*4
14
(22 reductions, 55 cells)
```

## 基本概念

- スクリプト(Script): 関数定義の並び

Test.hs

```
square x = x * x
side = 12
area = square side

min' x y | x <= y    = x
        | otherwise = y
```

## 式と値

- 式: 値を表す
- 式の評価: 計算機は式を「最も単純な等価な形」に簡約し、結果を表示すること。
  - 標準形(正規形)
  - 底要素<sub>⊥</sub>: 定義されない値(1/0)
- 簡約の系列

```
square (3+4) => square 7
              => 7*7
              => 49
```

## 型

- 型: 値全体の集まり
  - 基本型
    - 整数型 Int
    - 論理型 Bool
    - 文字型 Char
  - 派生型
    - 組型 (T1,T2)
    - リスト型 [T]
    - 関数型 T1→T2
  - 強い型決め(Strong Typing)
    - 式の型が構成要素である式の型によって決まる原理

## 関数

$f :: A \rightarrow B$

$\text{square} :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$   
 $\text{square } x = x * x$

$\text{ay} :: a \rightarrow \text{Char}$   
 $\text{ay } x = 'A'$

$\text{id} :: a \rightarrow a$   
 $\text{id } x = x$

## 関数の定義

$f \ x \ y \mid x > 10 \quad = \ x + a$   
 $\mid \text{otherwise} \quad = \ x - a$   
where  $a = \text{square } (y+1)$

$f :: \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int}$

## カリー化

構造をもつ引数を単純な引数の列に置き換える方法

$\text{min } x \ y \mid x \leq y = x$	$\text{min}' (x,y) \mid x \leq y = x$
$\mid \text{otherwise} = y$	$\mid \text{otherwise} = y$

$\text{min} :: \text{Int} \rightarrow (\text{Int} \rightarrow \text{Int})$

$\text{min}' :: (\text{Int}, \text{Int}) \rightarrow \text{Int}$

$\text{min } 5 :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$

$\text{curry min}' 5 :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$

## 仕様と実現

- 仕様: 仕事の数学的な記述
  - プログラマーの意思の表現
  - 簡潔で分かりやすいことが望ましい
- 実現: 仕様を満たすプログラム
  - 計算機によって実行される表現
  - 効率よく実行すること

## 例: increase

- 仕様  
すべての  $x \geq 0$  に対して、  
 $\text{increase } x > \text{square } x$
- 実現1  
 $\text{increase } x = \text{square } (x+1)$
- 実現2  
 $\text{increase } x = \text{square } x + 1$

合成

## 宿題

- Hugs をインストールする。
- Hugs を使ってみる。

```
:load <filenames> load modules from specified files
:load            clear all files except Prelude
:also <filenames> read additional modules
:reload          repeat last load command
:project <filename> use project file
:edit <filename> edit file
:edit            edit last module
:module <module> set module for evaluating expressions
<expr>           evaluate expression
:type <expr>     print type of expression
:?              display this list of commands
:set <options>   set command line options
:set            help on command line options
:names [pat]    list names currently in scope
:info <names>   describe named objects
:browse <modules> browse names defined in <modules>
:find <name>    edit module containing definition of name
:command        shell escape
:cd dir         change directory
:gc             force garbage collection
:version        print Hugs version
:quit           exit Hugs interpreter
```