

## ■ 簡約の停止性

■ 簡約順序によって簡約過程が停止しないことがある。

answer = fst (42, loop)
loop = tail loop
answer → fst (42, loop)
→ fst (42, tail loop)
→ fst (42. tail (tail loop))
→ ...
Answer → fst (42, loop)
→ 42

# 簡約法

- 正規簡約法(normal order reduction)
  - 最外簡約法
  - 性質1:正規形を持つ項は必ず正規簡約法によって 正規形に簡約することができる。
  - 性質2:解をもとめるために本質的に必要でなければ、 簡約を行わない。→ 遅延評価
- 作用的簡約法(applicative order reduction)
  - 最内簡約法
    - → 先行評価 (f ⊥ = ⊥)

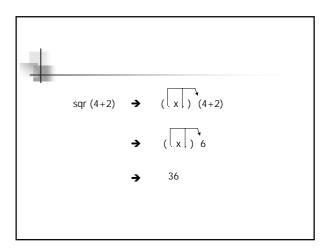
### グラフ簡約:我々の計算モデル

■ 最外簡約に要する簡約段数が最内簡約の 段数を越えることはない? → ×

 $\begin{array}{c} sqr (4+2) \quad \Rightarrow sqr 6 \\ \quad \Rightarrow 6*6 \\ \quad \Rightarrow 36 \\ sqr (4+2) \quad \Rightarrow (4+2) * (4+2) \\ \quad \Rightarrow 6 * (4+2) \\ \quad \Rightarrow 6 * 6 \\ \quad \Rightarrow 36 \end{array}$ 

■ グラフ簡約を用いると、... → 〇

共有



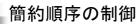
#### 頭部正規形

■ ときには、式の全体を正規形するのではなく、ある部分項だけを簡約する必要がある。

head (map sqr [1..7])

- → head (map sqr (1:[2..7]))
- → head (sqr 1 : map sqr [2..7])
- → sqr 1
- **→** 1\*1
- **→** 1
- 定義:簡約項でなく、その部分項のどれを簡約しても簡約項にはならない項は頭部正規形





- 計算モデル:最外簡約
- strictを用いて簡約順序を制御する
  - strict f eの簡約
    - まずはじめにeを頭部正規形に簡約する
    - 次にfを適用する strict sqr (4+2)
    - → sqr 6 → 6\*6

    - **→** 36

#### 期末試験

■ 日時: 2月4日 10:15から11:45まで

■ 場所: 63号室

■ 教科書、ノートを持ち込み可