E. 今日份 Kahoot 測驗 (Today's Kahoot)

問題描述

這學期的社課會在最後幾分鐘的時間進行課後的 Kahoot 小測驗,相信各位都再熟悉不過了,但是今天因為是社末競賽,因此並不會有 Kahoot 的時間。以往的 Kahoot 都是由教學長 Sh1ng 進行出題的,每次都會有一些令人匪夷所思的題目,但是這次 Zhenzhe 就像改變一下形式,把今天原本要有的 Kahoot 換個方式進行,所以就考一點以前講過的題目吧!這題有三個小題,這三題如下:

- 1. 求 a^b 對 p 的餘數
- 2. 求費氏數列的第 n 項對 $10^9 + 7$ 的餘數 $(F_1 = 1, F_2 = 1)$
- 3. 求一個正整數 S 的 2 進制表示法

這些題目上課都講過,如果你不會的話就好好檢討一下自己,Zhenzhe 雖然說過上課可以做自己的事,但是你到底是為了什麼加入資訊社?還是你其實很看不起這些基礎的東西,或是說你覺得寫程式不是什麼重要的事情,反正希望你知道,現在都已經 2025 年了,寫程式是個人類都應該要會,已經不是什麼特殊技能。如果你還有想好好反悔一下,可以參考看看 Zhenzhe 給的大抄或者之前上課的講義。



圖片來源:《BanG Dream! It's MyGO!!!!!》

輸入格式

- 第一行會有一個數字 O,代表要你回答第 O 小題,當然, O=1,2,3
- 不同的小題就會有不同的輸入格式
- 1 a b p
- 第一小題,也就是 a^b 對 p 的餘數,其中 a,b,p 皆為正整數

2 n

• 第二小題,也就是費氏數列(前兩項皆為1)的第 n 項,其中 n 為正整數

3 S

• 第三小題, 也就是 S 的 2 進制表示法

輸出格式

ans

- 第一小題與第二小題請輸出答案,為一個正整數
- 第二小題請記得對 109+7 取餘數
- 第三小題請輸出一個字串,代表二進制表示法,不能包含前導零

測資限制

- $Q \in \{1,2,3\}$
- $2 \le a \le 10^9$, $2 \le b \le 10^{18}$, $1 \le p \le 10^9$
- $1 \le n \le 10^{18}$
- $0 \le S < 2^{63}$

範例測試

Sample Input	Sample Output	
1 2 3 5	3	
1 2 100 10	6	
1 1000000000 1000000000 99997	94621	
2 5	5	
2 1000000000000000000	209783453	
3 12	1100	

- 範例測試 1 為 23 = 8 然後 8 ÷ 5 = 1 ... 3, 故結果為 3
- 範例測試 2 為 2¹⁰⁰ ≡ 6 (mod 10)
- 範例測試 4 為 F = 1,1,2,3,5...,第 5 項為 5,除以 $10^9 + 7$ 的餘數為 5
- 範例測試6中,12的二進制表示法為(1100)2,若輸出01100則最左邊有前導零

評分說明

本題共有十二組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	6	Q = 1, a = 2, p = 10
2	10	$Q=1, b \le 10^5$
3	10	$Q=2, n \leq 15$
4	10	$Q=2, n \le 2 \times 10^5$
5	5	$Q = 3, S = 2^k (0 \le k \le 31)$
6	20	Q = 1
7	20	Q = 2
8	20	Q = 3
9	33	$Q=1$ $\stackrel{.}{\circ}$ $Q=2$
10	33	$Q=1$ $\stackrel{.}{o}$ $Q=3$
11	33	$Q=2$ $\stackrel{.}{\circ}$ $Q=3$
12	100	無額外限制