# C. 知其不可微而微之(PseudoDifferentiable)

#### 問題描述

在某個網站上面曾經有著一個傳奇人物,他就是<u>張旭</u>老師,人稱P站第一活菩薩。 以下是BiliBili 上的學生對他的描述:

本以為他是打著數學的名頭搞顏色

沒想到他是打著顏色的名頭搞學習

素人劇情,真人高清

標籤裡的每一個字眼,無時無刻不在刺激你的神經

書面中擦黑板的劇情讓你浮想聯翩

但那也僅僅是為了過審才迫不得已加上的元素

作為一名真正優秀的教師,張旭老師知道自己的學生會出現在哪裡

他也更清楚自己的學生什麼時候更適合學習

你因慾望而身陷泥潭無法自拔,他卻踏著泥潭帶你脫離慾望的溝壑

又用微積分將你引領到知識的道路上,使你幡然醒悟

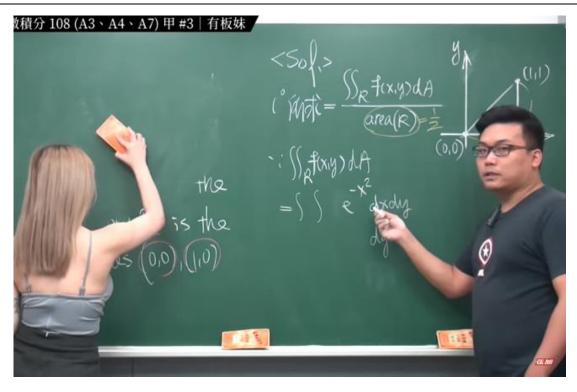
在了解到張旭老師在網路上各個角落散布微積分的種子、助人為樂的善舉後

每到夜深人静,望著窗外的燈紅酒綠

我都會腦子一熱,打開張旭老師的影片學習兩節微積分

那時候的我感覺微積分就是世間最性感的尤物

尤其是學完萊布尼茲微分後,靈魂彷彿得到了洗滌昇華



圖片來源: 數學老師張旭 Youtube 頻道

身為優秀青年的學生 Zhenzhe 看完了介紹,也想學習學習微積分,但是他數學不太好,除了每天定時三餐觀看張旭老師的影片外,還要請教你關於微積分的知識,以下是他最近剛學會的多項式函數的微分,假設 f(x) 與 g(x) 皆為多項式函數。

- 1. f(x) 對 x 微分後為一個新的函數 f'(x)
- 2. 加減法運算  $f(x) \pm g(x)$  對 x 微分後結果為  $f'(x) \pm g'(x)$
- 3. 若  $f(x) = ax^n$ ,則  $f'(x) = n \times ax^{n-1}$ ,也就是次方乘到前面之後次方減一
- 4. 若 f(x) = k, 即常數函數,則 f'(x) = 0

舉例來說,若  $f(x) = x^3 + 3x^2 + x - 100$ ,透過上面的規則對 x 微分,次方乘前面然後次方減一,則  $f'(x) = 3 \times x^{3-1} + 2 \times 3x^{2-1} + 1 \times x^{1-1} + 0 = 3x^2 + 6x + 1$ 。

現在 Zhenzhe 有一個多項式函數 f(x),並且這個函數最高為 n 次,假設次數為 i 的項係數為  $p_i$ ,微分後次數為 i 的項係數為  $q_i$ 。也就是說 Zhenzhe 會好奇的給你一個多項式函數 f(x),請你告訴 Zhenzhe 此 f(x) 對 x 微分後每一項的係數是多少,請降幂排列。 【註】  $f(x) = \sum_{i=0}^{n} p_i x^i$  而  $f'(x) = \sum_{i=0}^{n-1} q_i x^i$ 

#### 輸入格式

n

 $p_n p_{n-1} p_{n-2} \dots p_2 p_1 p_0$ 

- n 為一個非負整數,代表 f(x) 最高次項為 n次
- $p_i$  為一個整數,代表  $x^i$  項的係數, $0 \le i \le n$
- 係數為降冪排序
- 若 n=0 即代表 f(x) 為常數函數

#### 輸出格式

 $q_{n-1} \ q_{n-2} \ \dots \dots \ q_1 \ q_0$ 

- 輸出一行,代表 f'(x) 的係數,每個數字間用空格隔開
- $q_i$  為一個整數,代表  $x^i$  項的係數, $0 \le i < n$
- 請以降幂排列輸出

### 測資限制

- $0 \le n \le 2 \times 10^5$
- $-10^{12} \le p_i \le 10^{12}$

## 範例測試

Sample Input	Sample Output
0	0
-123456789	
1	10
10 -9	
2	2 0
1 0 0	
3	3 6 1
1 3 1 -100	

- 在範例測試  $3 + f(x) = x^2 + f'(x) = 2 \times x^{2-1} = 2x$
- 範例測試 4 即為題目中之範例

## 評分說明

本題共有七組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	4	與範例測資相同
2	6	n = 0
3	10	n = 1
4	15	$n = 2, p_1 = 0, p_0 = 0$
5	20	n = 2
6	20	$-100 \le p_i \le 100$
7	25	無額外限制