# A. 崩壞的代理商與無法取得的特典(Unattainable)

#### 問題描述

最近有一個來自 Jepen 的有趣電影,被代理商<u>漪邦</u>(NediePink)負責,因而能夠在<u>臺灣</u>上映。電影劇情本身是延伸自知名手機遊戲《Project NININ: Depression School》,而身為這個遊戲的狂熱粉絲的 Zhenzhe 肯定要去好好觀賞一下。

眾所周知,這種電影在買票時通常都會附贈特典,特典可能會是色紙、光碟片甚至是遊戲序號,而 Zhenzhe 肯定不想錯過這些難得的東西,但是因為代理商的神奇操作,原本在 Jepen 不限量發送的特典,到了臺灣之後,每間影院都有限制發送的數量,並且代理商聲稱 是根據每間影院的平均票房來分發,雖然 Zhenzhe 當然不相信這種鬼話,但是不管怎麼樣,這使得 Zhenzhe 不得不跟其他的粉絲爭搶稀少的特典。



圖片來源:改編自《劇場版世界計畫:崩壞的世界與無法歌唱的初音未來》

雖然 Zhenzhe 確實很想要拿到特典,但是身為學生的他只有假日才有空,但是他平常上課又很累,不想早起去搶,因此他想選擇一個時間可以盡可能的晚卻又拿的到特典。已知 Zhenzhe 目前有兩家影院可以去,分別是<u>泰秀(以 A 表示)跟秀威(以 B 表示)。為了更好的選擇出一個時間,Zhenzhe 在網路上查到了當天會去看電影的人流狀況,並且假設兩間影院都是發放總共 x 份特典:</u>

- 1. 【A 影院】總共會有 n 個人前去看電影,第 i 個人會在時間  $t_i$  時前去買票,也就是說他會得到一份特典。
- 2. 【B 影院】已購票人數與時間 T 的關係為  $F(T) = T^2 + \alpha T + b$ ,已購票即領到特典。

現在 Zhenzhe 告訴你他決定前往哪個影城和他查到的人流狀況,請你幫他找出他最晚可以在哪個時間 m 到達影城並拿到特典。

- 第一行會有一個字元,必定為 A 或者 B 其中一種,代表 Zhenzhe 要去的影城
- 去不同的影城會對應不同的輸入

#### 【去A影城的輸入】

 $\boldsymbol{A}$ 

n x

 $t_1$   $t_2$   $t_3$   $t_4$  ... ...  $t_n$ 

- n 為一個正整數,代表會有多少人進入影城
- · x 為一個正整數,代表該影院特典發送的數量
- t<sub>i</sub> 代表第 i 個人會在時間 t<sub>i</sub> 買票(領取特典)

#### 【去B影城的輸入】

В

x a b

- · x 為一個正整數,代表該影院特典發送的數量
- a,b 為已購票人數與時間 T 的關係式  $F(T) = T^2 + aT + b$  之係數,且皆為整數

#### 輸出格式

m

- m 為一個正整數,代表 Zhenzhe 可最晚到達並領到特典的時間
- ·保證 m 必定存在且小於 264

#### 測資限制

- $3 \le x \le 10^{18}$
- $5 \le n \le 2 \times 10^5$  且當去 A 影城時保證  $x \le n$
- $1 \le t_i \le 10^{15}$ , 且  $< t_n >$  不會依照大小順序排列
- $0 \le a, b \le 10^9$
- 輸入的數字皆為整數

#### 範例測試

Sample Input	Sample Output
A	149
5 3	
100 50 200 150 3000	
В	2
20 3 2	

#### • 範例測試1中:

- 1. 選擇  $m = 1 \sim 49$  去,特典還剩 3 份
- 2. 選擇  $m = 50 \sim 99$  去,特點已經被 t = 50 的人拿走一份,可以拿第二份
- 3. 選擇  $m = 100 \sim 149$  去,特點被 t = 50,100 的人領走,可以領最後一份
- 4. 選擇  $m \ge 150$  去則會被 t = 50,100,150 的人拿走,就領不到特典了

因此要滿足最晚去又拿的到特典就是 m = 150 - 1 = 149。

#### • 範例測試2中:

- 1. m=1 時,已經有  $F(1)=1^2+3\times1+2=6$  個人領取特典,剩下 14 份可以領
- 2. m=2 時,已經有  $F(2)=2^2+3\times2+2=12$  個人領取特典,剩下 8 份可以領
- 3. m=3 時,已經有  $F(3)=3^2+3\times3+2=20$  個人領取特典,剩下 0 份可以領

因此要滿足最晚去又拿到特典就是 m=2。

#### 評分說明

本題共有七組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測試資料皆需答對才會獲得該組分數,表中去 A/B 影城的意思為該組測試資料全部皆為去 A/B 影城,無額外限制則是兩種都可能去,也就是說測試資料中會有 A 也會有 B。

子任務	分數	額外輸入限制
1	2	與範例測資相同
2	8	$\pm A$ 影城且 $< t_n >$ 由小到大排序
3	10	去 B 影城且 $a=b=0$
4	10	去 B 影城且 x ≤ 10 <sup>8</sup>
5	20	去A影城
6	20	去B影城
7	30	無額外限制

# B. 現在正是復權的時刻(DianSh1ng)

#### 問題描述

「出淤泥而不染,濯清漣而不妖。」相信各位國中都學過這句話,這句話出自於<u>周敦頤</u>的《愛蓮說》,形容蓮花雖然生於汙泥之中,卻依然保持著高雅的節操,就如同 Sh1ng 一樣,面對西方的英文字母橫式書寫方式的入侵,他依然堅守<u>中國</u>傳統的直式書寫原則,如同蓮花般清雅自持。他深信,「語言乃文化之根,文字之道不可輕易改變」,這份堅持宛若滄浪之水清且濁,清者自清,濁者自濁,足以彰顯文人之氣節。

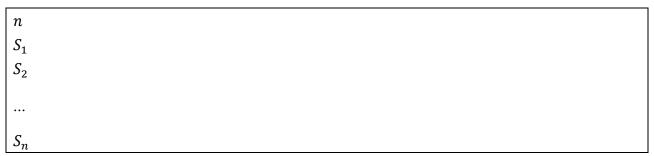
「舉世皆濁我獨清,眾人皆醉我獨醒。」這句話各位國中沒意外的話應該也學過,這句話出自於<u>屈原</u>的《漁父》,寫出了其獨善其身的高節,即使英文崇洋風氣盛行,數學式子亦橫向排列,他依舊選擇直式書寫,維護國文的尊嚴與秩序。 他的行為如屈原般,孤高不屈,寧可被誤解,也要保留那份對國文的敬畏與信仰,真正實現了「吾道 一以貫之」的儒者精神。



圖片來源:《BanG Dream! It's MyGO!!!!!》

因此 Sh1ng 自封為 DianSh1ng,代表他自己是國文電神的意思。並且有著高尚節操的 Sh1ng 創建了遠超九流十家的新流派,致力於推廣直式書寫給英國人。但是今天遇到了 Zhenzhe 帶著邪惡的英文字母前來踢館,身為 Sh1ng 流派中的一員,好好地告訴 Zhenzhe 應該如何直式書寫。

Zhenzhe 首先在紙上寫下了 n 個英文句子,而你的任務就是把這 n 個句子從橫式書寫變成直式書寫,另外直式書寫會向右邊對齊,並且請你跟 Zhenzhe 書寫的句型方式相同,一句自己一行。



- n 為一個正整數,代表 Zhenzhe 寫下的句子數量
- Si 代表第 i 個句子(一個字串), 句子可能會有標點符號或空格, 每個句子自己一行

# 輸出格式

```
S_n S_{n-1} \dots \dots S_2 S_1
```

• 輸出 n 個直行,將原本的  $S_i$  變成直式書寫,並向右對齊

# 測資限制

- $1 \le n \le 1000$
- $1 \leq length(S_i) \leq 100$  , length(X) 代表字串 X 的長度
- $S_i$  中的標點符號僅有逗號(,)和句號(.)
- $S_i$  中可能會有空格

# 範例測試

Sample Input	Sample Output
3	DCF
Fish	o a i
Cat	g t s
Dog	h
3	III
I am Sh1ng.	
I am smart.	laa
I love Chinese.	omm
	V
	esS
	mh
	Ca1
	hrn
	itg
	n
	e
	s
	e

# 評分說明

本題共有七組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	2	與範例測資相同
2	8	所有 $S_i$ 滿足 $length(S_i) = 1$ 且不是空格
3	5	$n=1$ 且所有 $S_i$ 中皆不包含空格
4	5	$n=1$ 但 $S_i$ 中可能包含空格
5	5	$n=2$ 且所有 $S_i$ 中皆不包含空格
6	25	所有Si中皆不包含空格
7	50	無額外限制

# C. 知其不可微而微之(PseudoDifferentiable)

#### 問題描述

在某個網站上面曾經有著一個傳奇人物,他就是<u>張旭</u>老師,人稱P站第一活菩薩。 以下是BiliBili 上的學生對他的描述:

本以為他是打著數學的名頭搞顏色

沒想到他是打著顏色的名頭搞學習

素人劇情,真人高清

標籤裡的每一個字眼,無時無刻不在刺激你的神經

書面中擦黑板的劇情讓你浮想聯翩

但那也僅僅是為了過審才迫不得已加上的元素

作為一名真正優秀的教師,張旭老師知道自己的學生會出現在哪裡

他也更清楚自己的學生什麼時候更適合學習

你因慾望而身陷泥潭無法自拔,他卻踏著泥潭帶你脫離慾望的溝壑

又用微積分將你引領到知識的道路上,使你幡然醒悟

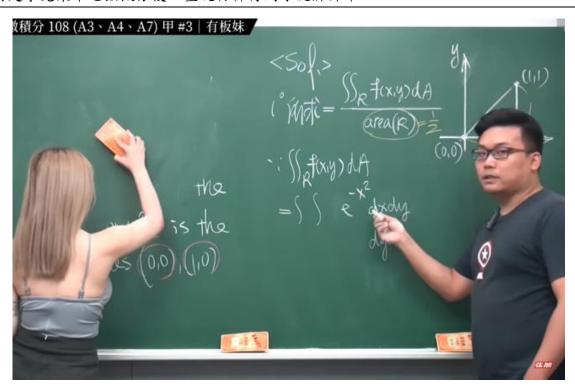
在了解到張旭老師在網路上各個角落散布微積分的種子、助人為樂的善舉後

每到夜深人静,望著窗外的燈紅酒綠

我都會腦子一熱,打開張旭老師的影片學習兩節微積分

那時候的我感覺微積分就是世間最性感的尤物

尤其是學完萊布尼茲微分後,靈魂彷彿得到了洗滌昇華



圖片來源: 數學老師張旭 Youtube 頻道

身為優秀青年的學生 Zhenzhe 看完了介紹,也想學習學習微積分,但是他數學不太好,除了每天定時三餐觀看張旭老師的影片外,還要請教你關於微積分的知識,以下是他最近剛學會的多項式函數的微分,假設 f(x) 與 g(x) 皆為多項式函數。

- 1. f(x) 對 x 微分後為一個新的函數 f'(x)
- 2. 加減法運算  $f(x) \pm g(x)$  對 x 微分後結果為  $f'(x) \pm g'(x)$
- 3. 若  $f(x) = ax^n$ ,則  $f'(x) = n \times ax^{n-1}$ ,也就是次方乘到前面之後次方減一
- 4. 若 f(x) = k,即常數函數,則 f'(x) = 0

舉例來說,若  $f(x) = x^3 + 3x^2 + x - 100$ ,透過上面的規則對 x 微分,次方乘前面然後次方減一,則  $f'(x) = 3 \times x^{3-1} + 2 \times 3x^{2-1} + 1 \times x^{1-1} + 0 = 3x^2 + 6x + 1$ 。

現在 Zhenzhe 有一個多項式函數 f(x),並且這個函數最高為 n 次,假設次數為 i 的項係數為  $p_i$ ,微分後次數為 i 的項係數為  $q_i$ 。也就是說 Zhenzhe 會好奇的給你一個多項式函數 f(x),請你告訴 Zhenzhe 此 f(x) 對 x 微分後每一項的係數是多少,請降幂排列。 【註】  $f(x) = \sum_{i=0}^{n} p_i x^i$  而  $f'(x) = \sum_{i=0}^{n-1} q_i x^i$ 

#### 輸入格式

n

 $p_n p_{n-1} p_{n-2} \dots p_2 p_1 p_0$ 

- n 為一個非負整數,代表 f(x) 最高次項為 n次
- $p_i$  為一個整數,代表  $x^i$  項的係數, $0 \le i \le n$
- 係數為降冪排序
- 若 n=0 即代表 f(x) 為常數函數

### 輸出格式

 $q_{n-1} \ q_{n-2} \ \dots \dots \ q_1 \ q_0$ 

- 輸出一行,代表 f'(x) 的係數,每個數字間用空格隔開
- $q_i$  為一個整數,代表  $x^i$  項的係數, $0 \le i < n$
- 請以降幂排列輸出

## 測資限制

- $0 \le n \le 2 \times 10^5$
- $-10^{12} \le p_i \le 10^{12}$

# 範例測試

Sample Input	Sample Output
0	0
-123456789	
1	10
10 -9	
2	2 0
1 0 0	
3	3 6 1
1 3 1 -100	

- 在範例測試  $3 + f(x) = x^2 + f'(x) = 2 \times x^{2-1} = 2x$
- 範例測試 4 即為題目中之範例

# 評分說明

本題共有七組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	4	與範例測資相同
2	6	n = 0
3	10	n = 1
4	15	$n = 2, p_1 = 0, p_0 = 0$
5	20	n = 2
6	20	$-100 \le p_i \le 100$
7	25	無額外限制

# D. No 1 can solve this problem

#### 問題描述

現在的社長 Zhenzhe 去年當然也是資訊社的一員,但是在去年的兩次社內競賽中,其中一次被前任社長 Mingyee 摧殘,嚴重打擊自信心;另一次則是被電神 Sh1ng 虐的體無完膚。現在 Zhenzhe 不小心成為了社長,當然必須開始他的復仇計畫。

而 Zhenzhe 要達成的目標就是沒人解的出這一題(No one can solve this problem.)。為了實現這次的復仇計畫,Zhenzhe 開始研究一些奇怪的理論,其中畢氏定理與槓桿原理是 Zhenzhe 研究的最為深入的領域。結合這兩個深奧的理論,Zhenzhe 創造出了一個擁有強大能量的數字 S 來作為他的復仇計畫。



圖片來源: Meme 梗圖倉庫

而你作為這屆的資訊社社員,也就是 Zhenzhe 的復仇對象,當然要想辦法避免被成功復仇。作為數理科天才的你,肯定比 Zhenzhe 更了解畢氏定理與槓桿原理的本質,因此你可以在腦中快速計算出一個反噬能量非負整數 K,抵銷有強大能量的數字 S,抵銷原理就是這題的本質「No one can solve this problem」,你只要把「one」看成「1」你就能順利破解,也就是說,使 S+K 的十進位表示法中沒有出現任何的 1 就可以了。但是 K 有很多可能,為了避免消耗太多自己的能量,你要找到最小的 K。

舉例來說,當 S=1時,你可以快速算出  $K=1,2,3,4,5,\ldots,8,10\ldots$  皆符合條件,但是其中最小的是 1,因此就可以讓 S+K=2,其中沒有 1 的存在,就讓 Zhenzhe 的計畫失敗了。反之,當 S=199 時,你若算出 K=2,使得 S+K=201,201 的個位數字仍然是 1,你就失敗了,你應該選擇 K=1,使得 S+K 中「No one」。

S

· S 為一個正整數,代表 Zhenzhe 的強大能量數字

#### 輸出格式

# $K_{\underline{min}}$

- K 為一個非負整數,使得S+K的十進制表示法中沒有任何一位數字是1
- 輸出的值為所以可能的 K 中最小的
- · 舉例來說,95<u>1</u>4<u>1</u>2 中包含 1,6475 中則不包含 1

#### 測資限制

•  $1 \le S \le 10^{1000000}$ 

## 範例測試

Sample Input	Sample Output
1	1
100	100
1991	9
955422477006547	0
14149	5851

# 評分說明

本題共有六組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測 試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	5	與範例測資相同
2	10	$1 \le S \le 10$
3	5	S的十進制表示法中沒有1
4	10	S中只有一個1或者沒有1
5	20	$1 \le S \le 10^5$
6	50	無額外限制

# E. 今日份 Kahoot 測驗 (Today's Kahoot)

#### 問題描述

這學期的社課會在最後幾分鐘的時間進行課後的 Kahoot 小測驗,相信各位都再熟悉不過了,但是今天因為是社末競賽,因此並不會有 Kahoot 的時間。以往的 Kahoot 都是由教學長 Sh1ng 進行出題的,每次都會有一些令人匪夷所思的題目,但是這次 Zhenzhe 就像改變一下形式,把今天原本要有的 Kahoot 換個方式進行,所以就考出現多次的經典題型。當初 TOI 的第一有講過,後來學科能力競賽初賽的第一題也有再講一次。

有一個非負十制整數x,請你把她轉成y進制,而當 $y \ge 11$ 的時候,請依序用大寫 英文字母 A, B, C, D, E···, Y, Z 來表示,舉例來說: A 代表 10,B 代表 11···以此類推。

不會寫怎麼不找找自己問題,Zhenzhe 雖然說過上課可以做自己的事,但是你到底是為了什麼加入資訊社?還是你其實很看不起這些基礎的東西,或是說你覺得寫程式不是什麼重要的事情,反正希望你知道,現在都已經 2025 年了,寫程式是個人類都應該要會,已經不是什麼特殊技能。如果你還有想好好反悔一下,可以參考看看 Zhenzhe 給的大抄或者之前上課的講義。



圖片來源:《BanG Dream! It's MyGO!!!!!》

表示法	十進位值	表示法	十進位值	表示法	十進位值
0	0	С	12	0	24
1	1	D	13	Р	25
2	2	E	14	Q	26
3	3	F	15	R	27
4	4	G	16	S	28
5	5	Н	17	T	29
6	6	I	18	U	30
7	7	J	19	V	31
8	8	K	20	W	32
9	9	L	21	X	33
A	10	M	22	Y	34
В	11	N	23	Z	35

表格、多進制表示法對應的十進位數值

• 第一行會有一個非負整數 x 和一個正整數 y

## 輸出格式

ans

• 輸出將 x 的 y 進制值,輸出結果不包含前導零(0123 是 123,那個零就是前導零)

## 測資限制

- $0 \le x \le 10^{18}$
- $2 \le y \le 36$

### 範例測試

Sample Input	Sample Output
100 10	100
12 2	1100
2603 16	A2B

- 範例測試  $2 \implies 12 = 2^3 + 2^2 + 0 \times 2^1 + 0 \times 2^0$ , 故其二進制為  $1100_{(2)}$
- ・ 範例測試 3 為  $2603 = 10 \times 16^2 + 2 \times 16^1 + 11 \times 16^0$ ,而 10 對應 A,11 對應 B,因此結果為  $A2B_{(16)}$

## 評分說明

本題共有五組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測 試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	10	x = 0
2	10	y = 10
3	30	y = 2
4	10	$x = y^k (k \in N)$
5	40	無額外限制

# F. 不時可憐地以遊戲為由被社員忽略的 CJ 題目 (Ignorance)

#### 問題描述

既然放在 CITRC Judge 上都沒有人要寫,那我就放在這裡在讓你看一次。不過因為這題有點太簡單了,所以稍微做億些修改。

#### 【題目】不時莫名地以凱撒加密遮羞的鄰座 shlng 同學

Zhenzhe 又一次轉生到了異世界 Jepen,理所當然會遇到一些莫名其妙的事,他的朋友的哥哥的學妹的同學 KBC 是你的表哥, KBC 的同學 sh1ng 特別喜歡用凱撒加密遮羞的羞恥 play,凱撒加密是一種在這個世界的一種奇妙語言,規則如下:

- 1. 由 26 個英文字母組成
- 2. 每個字母對應的都是往後位移 x 個字母過後的結果

舉例來說:當x=2時,英文的 A 在羅馬加密中就會是 C ,而 Y 就會是 A (繞一圈的概念),而從小跟著外公看電視劇的 shlng 當然是相當精通凱撒加密,甚至達到母語水平,而 Zhenzhe 轉生到這個世界之前只會英文,由於 Zhenzhe 想認識一下 shlng,但雙方都聽不懂對方講的語言,請幫忙翻譯 shlng 說的話讓 Zhenzhe 知道。

當Sh1ng 說出一句話S(也就是一個字串),請你幫忙翻譯成S'



(↑圖片) 美麗的鄰座 Sh1ng 同學

在原本的題目中 x=2,但現在 $0 \le x \le 25$ ,請你解出來,你也可以去翻原本那題的解答,應該有放在 Judge 上奇怪的角落。

### 輸入格式

x

C

- S 為一個字串,且 S 中可能含有空格,但是不會有標點符號,空格翻譯後仍然是空格
- · x 代表兩種語言間的字母翻譯時需要位移幾格

# 輸出格式

S'

· S' 為一個字串,代表翻譯過後的句子

# 測資限制

- $0 \le x \le 25$
- $1 \le length(S) \le 200$

# 範例測試

Sample Input	Sample Output
2	hello
jgnnq	
2	I like you
K nkmg aqw	
1	abcd
bcde	

## 評分說明

本題共有六組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	5	length(S) = 1 且 S 不是空格
2	5	x = 0 且 $S$ 中不含空格
3	10	x=2 且 $S$ 中不含空格
4	5	x = 0
5	25	x = 2
6	50	無額外限制

# G. 驚奇的心動魔法 (Magic)

#### 問題描述

相信玩過各種奇怪遊戲的各位,對魔法這個詞都不陌生吧!使用魔法理所當然的要消耗魔力(消耗的量是根據其魔法的魔力係數 M 而定),並且每個魔法都有一個最適合施放的位相 p。但是強大的魔法師 Sh1ng 不會滿足於此,一次發動一種魔法對他來說只是一塊小蛋糕,Sh1ng 擅長的是一次發動多種魔法的大型混合魔法,讓不同的魔法產生融合的效果,真正意義上的實現「1+1>2」的效果。

而一次發動多種魔法肯定不會那麼簡單,通常都會伴隨著大量的魔力消耗,因此選擇正確的位相 x 施法是很重要的,假設一個大型魔法 S 由 n 個小魔法組合而成,那麼第 i 個魔法的位相為  $p_i$ ,消耗魔力值為  $M_i \times |x-p_i|$ ,為了消耗盡可能少的魔力量值,請你幫助 Sh lng 找出最適合的位相 x,使消耗的魔力量值最小。也就是說,找到一個可能的 x 使  $E = \sum_{i=1}^n M_i \times |x-p_i|$  的值最小。請注意,要輸出最小魔力消耗量值  $E_{min}$ ,而非 x。



圖片來源:〈孤獨搖滾!〉

舉例來說,如上圖所示,Sh1ng 最擅長的魔法是「驚奇的心動魔法」,是一種可以讓蛋 包飯變好吃的魔法,這個魔法由以下四種小型魔法組成:

項目	魔法名稱	位相 $p_i$	魔力係數
魔法一	召喚喜多郁代(kita ikuyo)	2	2
魔法二	彈指魔法	3	1
魔法三	極柔極柔,濃香濃香	1	1
魔法四	蛋包飯,變美味吧	4	1

第 26 屆 CITRC 期末競賽

從表格可以得出,E=2|x-2|+|x-3|+|x-1|+|x-4|,選擇 x=2,可以使魔力消耗量值最小,其值為  $E_{min}=1+1+2=4$ ,故輸出 4。

### 輸入格式

n

 $p_1 \ p_2 \ p_3 \ \dots \dots \ p_{n-1} \ p_n$  $M_1 \ M_2 \ M_3 \dots \dots \ M_{n-1} \ M_n$ 

- n 為一個正整數,代表此魔法由 n 個小型魔法組成
- · p<sub>i</sub> 為一個正整數,代表第 i 個魔法的位相
- $M_i$  為一個正整數,代表第 i 個魔法的魔力係數

### 輸出格式

 $E_{min}$ 

•  $E_{min}$  為一個正整數,代表最小的魔力消耗量值(提示: x 可能不是唯一的)

#### 測資限制

- $2 \le n \le 2 \times 10^5$
- $0 \le p_i \le 10^5$
- $1 \le M_i \le 10^9$

#### 範例測試

Sample Input	Sample Output
4	4
2 3 1 4	
2 1 1 1	
4	4
4 3 2 1	
1 1 1 1	
10	112
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10	
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10	

- 範例測試一即為題目敘述中之範例
- 範例測試二中,選擇  $x = \frac{5}{2}$  會有最小值  $\left| 4 \frac{5}{2} \right| + \left| 3 \frac{5}{2} \right| + \left| 2 \frac{5}{2} \right| + \left| 1 \frac{5}{2} \right| = 4$
- 範例測試三中,選擇 x=7 會有最小值 112

# 評分說明

本題共有七組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測 試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	3	與範例測資相同
2	3	n = 2
3	4	n = 3
4	20	$n \le 100$
5	10	所有 $M_i$ 的值都是 $1$
6	20	所有 $M_i$ 的總和不超過 $5 \times 10^5$
7	40	無額外限制

# H. 多麼虎頭蛇尾的結局 (Goodbye)

#### 問題描述

這次社課結束之後,就剩下最後一次社課了,資訊社的課程也差不多告一段落了,不知道各位玩的還開心嗎(我絕對不是說社課玩手機的部分),就算你沒有很認真在聽課,應該也稍微對資訊社有一點點的認識吧,所以這題就來送各位分數,就依照提示作答吧!全部答對的話社長會請你喝飲料。我只能說,多麼虎頭蛇尾的結局阿!



圖片來源:《BanG Dream! Ave Mujica》

#### 【題目】(一) 請注意題號,回答時請全部用小寫字母

- (二) 幹部名稱請用 Discord 中的回答
- (三) 數字請用阿拉伯數字回答
- 0. (例題) 上一屆社長是誰? (共5個字元)
- 1. 請輸出引號中的內容:「Goodbye!\></」
- 2. 請輸出一個字串:「HELLO, WORLD」的標準寫法(提示:CITRC Judge 第一題)
- 3. 今年校內資訊學科能力競賽初賽是幾月幾號? (輸出格式:「MM/DD」)
- 4. 請問社長是誰?(共7個字元)
- 5. 請問副社長是誰? (共9個字元)
- 6. 負責每次 Kahoot 的教學長是誰? (共5個字元)
- 7. 請問彰化高中資訊研究社的英文縮寫為何?(共5個字元)
- 8. 請問資訊科技研究社在上學期的社團評鑑中獲得第幾名?(若沒得名請輸出「-1」)
- 9. 請問資訊科技研究社分成幾個組別上課? (一個正整數)
- 10. 請問這學期有幾次社課? (一個正整數)
- 11. 請問本屆資研社是第幾屆資研社? (一個正整數)
- 12. 請問本次社末競賽是第幾屆社末競賽? (一個正整數)
- 13. 某一次社課中有說今年 TOI 第一題,你如果 AC 你就第幾名了? (一個正整數)
- 14. 現在程式設計組的教學長共有幾位? (一個正整數)
- 15. 請問社長上學期 Discord 頭像的人是誰? (9 個字母、1 個空格,提示:前面出現過)

0

• Q 為一個正整數,代表要你回答的題號

## 輸出格式

 $ans_0$ 

• 根據題號進行回答

### 測資限制

•  $1 \le Q \le 15$ 

## 範例測試

Sample Input	Sample Output
0	mingyee

- · 範例測試一即為範例,不會算分,依照說明進行回答(全部小寫,用 Discord 名稱回答)
- 上一屆社長是「Mingyee」,因此變成小寫,輸出「mingyee」



## 評分說明

只要答對一題就可以拿到該題的分數,共有15題,配分如下。

題號	每題配分
第 0 題	每題 0 分
第1題到第10題	每題5分
第11題到第15題	每題 10 分

# I. 巨震大師 (Matrix Master)

#### 問題描述

傳說中,彰化高中的魔術社並非尋常社團,而是一群掌握禁忌力量的魔法師聚集之所。 想成為其中一員,得先通過一道古老而神秘的考驗—成功駕馭爆裂魔法(Explosion)。



圖片來源:〈為美好世界獻上爆焰!〉

這可不是什麼煙火把戲。爆裂魔法是第十七階的高等咒文,能引發地面震盪、空氣撕裂,甚至讓整個校門口瞬間陷入紅蓮火海。KCC 對這種魔法癡迷不已,每天都要施放一發,才能讓心情平靜下來。然而,長期施放爆裂魔法也引起了科學班學生 Sh1ng 的注意。為了揭開魔法背後的本質,他展開了一連串精密的觀測與研究。終於,他在某個閃電交加的夜晚推導出了一個公式,被魔術社譽為「能量之核」:

$$E_{\phi}(n) = \left(a + b\sqrt{c} + d\sqrt{e}\right)^n$$

這個式子代表的是:爆裂魔法其實是由一種名為「火焰氣動魔法單位」的原型魔力,經過n 層疊加與共鳴後產生的結果。展開這個式子,便能揭示魔法真正的力量分布形式:

$$E_{\phi}(n) = (a + b\sqrt{c} + d\sqrt{e})^n = p + q\sqrt{c} + r\sqrt{e} + s\sqrt{ce}$$

Sh1ng 將其中的四個係數命名為「魔力參數」

- p:穩定核心,代表能量的穩定輸出。
- q:脈動係數,決定魔法的共振頻率。
- r:扭力成分,與空間扭曲有關。
- S:交錯能流,驅動橢圓震波在空間中擴散。

不過問題來了:當 n 過大時,這些係數會暴增到不可控制的程度,甚至會撕裂現實本身。因此,魔術社在代數維度中設立了安全防線:所有魔力參數都必須對  $10^9+7$  取模,只保留餘數。舉例來說,若計算出來的 $p=10^9+10$ ,那麼實際的能量就會被「稀釋」為  $p=10^9+10 (mod\ 10^9+7)=3$ 。現在,KCC 正在準備他的最終測驗—進行一場 n 層火焰氣動魔法的超大規模疊加。他需要你的幫助,來準確算出爆裂魔法展開後的四個魔力參數 p,q,r,s。唯有精確掌握這些能量,他才能完成全校最大的巨震儀式,成為真正的—

#### 巨震大師 (Matrix Master)!!

# n a b c d e

- n 為一個正整數,代表此魔法由 n 個小型魔法疊加
- a,b,c,d,e皆為整數,代表小型魔法可表示為 $(a+b\sqrt{c}+d\sqrt{e})$

# 輸出格式

#### pqrs

• 輸出展開後 p,q,r,s 除以 109+7 之餘數

### 測資限制

- $0 \le n \le 10^{18}$
- $0 \le a, b, d \le 10^5$
- $0 \le c^2, e^2 \le 10^5$  ,保證  $c \ne e$  且  $c \ne 1$
- · c,e 皆不是完全平方數

## 範例測試

Sample Input	Sample Output
3 2 0 3 0 5	8 0 0 0
2 3 1 2 0 7	11 6 0 0
2 1 2 3 3 2	31 4 6 12

• 範例測資一為 $(2 + 0\sqrt{3} + 0\sqrt{5})^3 = 8$ 

# 評分說明

本題共有十二組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有 測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制	幫你翻譯一下
1	5	a = 1, b = c = d = e = 0	$1^n$
2	5	n = 0	$\left(a+b\sqrt{c}+d\sqrt{e}\right)^0$
3	50	n = 2	$\left(a+b\sqrt{c}+d\sqrt{e}\right)^2$
4	10	$b = c = d = e = 0  \text{Ln} \le 10^6$	a <sup>n</sup> 但n很小
5	100	b = c = d = e = 0	$a^n$
6	50	c = 2, a = d = e = 0	$(b\sqrt{2})^n$
7	100	c=2, d=e=0	$\left(a+b\sqrt{2}\right)^n$
8	20	$a=0$ 且 $n\leq 10^6$	$(b\sqrt{c}+d\sqrt{e})^n$ 但 $n$ 很小
9	20	a = 0	$(b\sqrt{c}+d\sqrt{e})^n$
10	20	$a,b,c,d,e \leq 10, n \leq 10$	$(a + b\sqrt{c} + d\sqrt{e})^n$ 但數字很小
11	40	$n \le 10^6$	$(a+b\sqrt{c}+d\sqrt{e})^n$ 但 $n$ 很小
12	80	無額外限制	$\left(a+b\sqrt{c}+d\sqrt{e}\right)^n$

# 提示

- 上次上課特別強調的內容
- 子題比你想像中的簡單(好像有幾個子題顏色不一樣)
- · 矩陣、struct…很多解法
- 記得開 long long
- 數字很大乘一次就要取一次餘數
- • $n \le 10^6$ 用 for 迴圈就可以過了

# J. 計畫 C (Plan C)

#### 問題描述

Zhenzhe 的數學成績一直都不是很理想,目前段考兩次都不及格,要是期末考再不及格就要被當了,因此,Zhenzhe 必須找出自己的問題並改正,試圖挽救數學成績。Zhenzhe 透過一番仔細的觀察後,發現他的一元二次方程式總是解錯,畢竟 Zhenzhe 太菜了,連公式解都背不起來。於是他跑去找數學電神 Sh1ng 求救,希望能夠改善數學成績,於是 Sh1ng 幫他制定了一個數學搶救計畫 C。



圖片來源:〈ATRI:My Dear Moments〉

不過 Zhenzhe 並不認為數學考爛是自己的問題,一定是數學出太難,所以儘管是數學電神所制定的計畫 C 也無法改變 Zhenzhe 在考前還是學不會一元二次方程式這件事。因此情況緊急之下,Zhenzhe 拿出了兩分社點賄賂你代替他去考試,請你幫 Zhenzhe 解出困擾他許久的一元二次方程式,讓 Zhenzhe 的數學免於被當。



圖片來源:〈櫻花莊的寵物女孩〉

a b c

• a,b,c 為三個整數,代表方程式  $ax^2 + bx + c = 0$ 

#### 輸出格式

 $\alpha$   $\beta$ 

- 輸出兩行,分別代表方程式的兩個根 $\alpha, \beta$ ,並且先輸出較大的根 $(\alpha \geq \beta)$
- · 若方程式無實數解,請輸出「no real root」
- 輸出的答案 p 只要與正確答案 q 的差值小於 $10^{-6}$ 就算正確(即  $|p-q| \le 10^{-6}$ ) (例如:答案為 $\sqrt{2}=1.41421356\cdots$ ,輸出 1.4142134,差值為 $1.6\times 10^{-7}$ ,因此正確)

## 測資限制

- $0 < a \le 500$
- $-10^5 \le b, c \le 10^5$

# 範例測試

Sample Input	Sample Output
1 1 1	no real root
1 -1 -1	1. 618033988749895
	-0. 618033988749895
1 4 4	-2. 000000
	-2. 000000
123 -456 -789	4. 992238488824477
	-1. 284921415653746

#### 評分說明

本題共有七組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測 試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	5	$b^2 - 4ac < 0$
2	15	保證兩根必定存在且為整數
3	80	無額外限制