G. 驚奇的心動魔法 (Magic)

問題描述

相信玩過各種奇怪遊戲的各位,對魔法這個詞都不陌生吧!使用魔法理所當然的要消耗魔力(消耗的量是根據其魔法的魔力係數 M 而定),並且每個魔法都有一個最適合施放的位相 p。但是強大的魔法師 Sh1ng 不會滿足於此,一次發動一種魔法對他來說只是一塊小蛋糕,Sh1ng 擅長的是一次發動多種魔法的大型混合魔法,讓不同的魔法產生融合的效果,真正意義上的實現「1+1>2」的效果。

而一次發動多種魔法肯定不會那麼簡單,通常都會伴隨著大量的魔力消耗,因此選擇正確的位相 x 施法是很重要的,假設一個大型魔法 S 由 n 個小魔法組合而成,那麼第 i 個魔法的位相為 p_i ,消耗魔力值為 $M_i \times |x-p_i|$,為了消耗盡可能少的魔力量值,請你幫助 Sh lng 找出最適合的位相 x,使消耗的魔力量值最小。也就是說,找到一個可能的 x 使 $E = \sum_{i=1}^n M_i \times |x-p_i|$ 的值最小。請注意,要輸出最小魔力消耗量值 E_{min} ,而非 x。



圖片來源:〈孤獨搖滾!〉

舉例來說,如上圖所示,Sh1ng 最擅長的魔法是「驚奇的心動魔法」,是一種可以讓蛋 包飯變好吃的魔法,這個魔法由以下四種小型魔法組成:

項目	魔法名稱	位相 p_i	魔力係數
魔法一	召喚喜多郁代(kita ikuyo)	2	2
魔法二	彈指魔法	3	1
魔法三	極柔極柔,濃香濃香	1	1
魔法四	蛋包飯,變美味吧	4	1

第 26 屆 CITRC 期末競賽

從表格可以得出,E=2|x-2|+|x-3|+|x-1|+|x-4|,選擇 x=2,可以使魔力消耗量值最小,其值為 $E_{min}=1+1+2=4$,故輸出 4。

輸入格式

n

 $p_1 \ p_2 \ p_3 \ \dots \dots \ p_{n-1} \ p_n$ $M_1 \ M_2 \ M_3 \dots \dots \ M_{n-1} \ M_n$

- n 為一個正整數,代表此魔法由 n 個小型魔法組成
- · p_i 為一個正整數,代表第 i 個魔法的位相
- • M_i 為一個正整數,代表第i 個魔法的魔力係數

輸出格式

 E_{min}

• E_{min} 為一個正整數,代表最小的魔力消耗量值(提示: x 可能不是唯一的)

測資限制

- $2 \le n \le 2 \times 10^5$
- $0 \le p_i \le 10^5$
- $1 \le M_i \le 10^9$

範例測試

Sample Input	Sample Output	
4	4	
2 3 1 4		
2 1 1 1		
4	4	
4 3 2 1		
1 1 1 1		
10	112	
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10		
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10		

- 範例測試一即為題目敘述中之範例
- 範例測試二中,選擇 $x = \frac{5}{2}$ 會有最小值 $\left| 4 \frac{5}{2} \right| + \left| 3 \frac{5}{2} \right| + \left| 2 \frac{5}{2} \right| + \left| 1 \frac{5}{2} \right| = 4$
- 範例測試三中,選擇 x=7 會有最小值 112

評分說明

本題共有七組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有測 試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	3	與範例測資相同
2	3	n = 2
3	4	n = 3
4	20	$n \le 100$
5	10	所有 M_i 的值都是 1
6	20	所有 M_i 的總和不超過 5×10^5
7	40	無額外限制