# I. 巨震大師 (Matrix Master)

#### 問題描述

傳說中,彰化高中的魔術社並非尋常社團,而是一群掌握禁忌力量的魔法師聚集之所。 想成為其中一員,得先通過一道古老而神秘的考驗—成功駕馭爆裂魔法(Explosion)。



圖片來源:〈為美好世界獻上爆焰!〉

這可不是什麼煙火把戲。爆裂魔法是第十七階的高等咒文,能引發地面震盪、空氣撕裂,甚至讓整個校門口瞬間陷入紅蓮火海。KCC 對這種魔法癡迷不已,每天都要施放一發,才能讓心情平靜下來。然而,長期施放爆裂魔法也引起了科學班學生 Sh1ng 的注意。為了揭開魔法背後的本質,他展開了一連串精密的觀測與研究。終於,他在某個閃電交加的夜晚推導出了一個公式,被魔術社譽為「能量之核」:

$$E_{\phi}(n) = \left(a + b\sqrt{c} + d\sqrt{e}\right)^n$$

這個式子代表的是:爆裂魔法其實是由一種名為「火焰氣動魔法單位」的原型魔力,經過n 層疊加與共鳴後產生的結果。展開這個式子,便能揭示魔法真正的力量分布形式:

$$E_{\phi}(n) = (a + b\sqrt{c} + d\sqrt{e})^n = p + q\sqrt{c} + r\sqrt{e} + s\sqrt{ce}$$

Sh1ng 將其中的四個係數命名為「魔力參數」

- p:穩定核心,代表能量的穩定輸出。
- q:脈動係數,決定魔法的共振頻率。
- r:扭力成分,與空間扭曲有關。
- S:交錯能流,驅動橢圓震波在空間中擴散。

不過問題來了:當 n 過大時,這些係數會暴增到不可控制的程度,甚至會撕裂現實本身。因此,魔術社在代數維度中設立了安全防線:所有魔力參數都必須對  $10^9+7$  取模,只保留餘數。舉例來說,若計算出來的 $p=10^9+10$ ,那麼實際的能量就會被「稀釋」為  $p=10^9+10 (mod\ 10^9+7)=3$ 。現在,KCC 正在準備他的最終測驗—進行一場 n 層火焰氣動魔法的超大規模疊加。他需要你的幫助,來準確算出爆裂魔法展開後的四個魔力參數 p,q,r,s。唯有精確掌握這些能量,他才能完成全校最大的巨震儀式,成為真正的—

#### 巨震大師 (Matrix Master)!!

## 輸入格式

# n a b c d e

- n 為一個正整數,代表此魔法由 n 個小型魔法疊加
- a,b,c,d,e皆為整數,代表小型魔法可表示為 $(a+b\sqrt{c}+d\sqrt{e})$

# 輸出格式

#### pqrs

• 輸出展開後 p,q,r,s 除以 109+7 之餘數

### 測資限制

- $0 \le n \le 10^{18}$
- $0 \le a, b, d \le 10^5$
- $0 \le c^2, e^2 \le 10^5$  ,保證  $c \ne e$  且  $c \ne 1$
- · c,e 皆不是完全平方數

### 範例測試

Sample Input	Sample Output	
3 2 0 3 0 5	8 0 0 0	
2 3 1 2 0 7	11 6 0 0	
2 1 2 3 3 2	31 4 6 12	

• 範例測資一為 $(2 + 0\sqrt{3} + 0\sqrt{5})^3 = 8$ 

# 評分說明

本題共有十二組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,該組所有 測試資料皆需答對才會獲得該組分數。

子任務	分數	額外輸入限制	幫你翻譯一下
1	5	a = 1, b = c = d = e = 0	$1^n$
2	5	n = 0	$\left(a+b\sqrt{c}+d\sqrt{e}\right)^0$
3	50	n = 2	$\left(a+b\sqrt{c}+d\sqrt{e}\right)^2$
4	10	$b = c = d = e = 0  \text{Ln} \le 10^6$	a <sup>n</sup> 但n很小
5	100	b = c = d = e = 0	$a^n$
6	50	c = 2, a = d = e = 0	$(b\sqrt{2})^n$
7	100	c=2, d=e=0	$\left(a+b\sqrt{2}\right)^n$
8	20	$a=0$ 且 $n\leq 10^6$	$(b\sqrt{c}+d\sqrt{e})^n$ 但 $n$ 很小
9	20	a = 0	$(b\sqrt{c}+d\sqrt{e})^n$
10	20	$a,b,c,d,e \leq 10, n \leq 10$	$(a + b\sqrt{c} + d\sqrt{e})^n$ 但數字很小
11	40	$n \le 10^6$	$(a+b\sqrt{c}+d\sqrt{e})^n$ 但 $n$ 很小
12	80	無額外限制	$\left(a+b\sqrt{c}+d\sqrt{e}\right)^n$

# 提示

- 上次上課特別強調的內容
- 子題比你想像中的簡單(好像有幾個子題顏色不一樣)
- · 矩陣、struct…很多解法
- 記得開 long long
- 數字很大乘一次就要取一次餘數
- • $n \le 10^6$ 用 for 迴圈就可以過了