

## Compilerbau - Wintersemester 2021/22

### Übungsblatt 3 - Musterlösung

#### Aufgabe 3.1

1. (a)

$$\begin{aligned} S \vdash (L) \vdash (L, S) \vdash (L, S, S) \vdash (S, S, S) \vdash ((L), S, S) \vdash ((L, S), S, S) \\ \vdash ((S, S), S, S) \vdash ((a, S), S, S) \vdash ((a, a), S, S) \vdash ((a, a), a, S) \\ \vdash ((a, a), a, (L)) \vdash ((a, a), a, (S)) \vdash ((a, a), a, (a)) \end{aligned}$$

(b)

$$\begin{aligned} S \vdash (L) \vdash (L, S) \vdash (L, (L)) \vdash (L, (S)) \vdash (L, (a)) \vdash (L, S, (a)) \\ \vdash (L, a, (a)) \vdash (S, a, (a)) \vdash ((L), a, (a)) \vdash ((L, S), a, (a)) \\ \vdash ((L, a), a, (a)) \vdash ((S, a), a, (a)) \vdash ((a, a), a, (a)) \end{aligned}$$

- (c) Die Grammatik ist eindeutig. Am Anfang gibt es nur zwei Möglichkeiten: Entweder der String besteht nur aus einem  $a$ , oder er startet mit einer Klammer, entsprechend ist es eindeutig, welche Produktion zuerst angewandt werden muss. Hat man die Regel  $S \vdash (L)$  angewandt, so kann man nun zählen wieviele „Elemente“ diese Liste enthält, deren Klammern man gerade erzeugt hat. Entsprechend oft muss man dann in einer Linksableitung die Regel  $L \vdash L, S$  (jeweils auf das führende  $L$ ) anwenden, bevor man die Regel  $L \vdash S$  anwendet, um so auf eine Ableitung der Form

$$S \vdash (L) \vdash (L, S) \vdash \dots \vdash (L, S, \dots, S) \vdash (S, S, \dots, S)$$

zu kommen. Rekursiv kann man dasselbe Argument nun wieder auf die gerade erzeugten  $S$ -Nichtterminale anwenden.

- (d) Informal beschreibt diese Grammatik eine Sprache von „Listen“, wobei eine Liste entweder  $a$  ist oder von der Form  $(L_1, L_2, \dots, L_n)$ , wobei die  $L_i$  wiederum Listen sind.

2. (a)

$$S \vdash aSbS \vdash aaSbSbS \vdash aabSbS \vdash aabbS \vdash aabbaSbS \vdash aabbabS \vdash aabbab$$

(b)

$$S \vdash aSbS \vdash aSbaSbS \vdash aSbaSb \vdash aSbab \vdash aaSbSbab \vdash aaSbbab \vdash aabbab$$

- (c) Die Grammatik ist mehrdeutig. Der String *aabbab* hat etwa neben der in (a) gegebenen Linksableitung noch folgende Linksableitung:

$$S \vdash aSbS \vdash aaSbSbS \vdash aabSbS \vdash aabbSaSbS \vdash aabbaSbS \vdash aabbabS \vdash aabbab$$

- (d) Die Grammatik generiert die Sprache aller Wörter in *a* und *b* mit gleich vielen *as* wie *bs*.

3. (a)

$$\begin{aligned}
& bexpr \vdash bterm \\
& \vdash bfactor \\
& \vdash (bexpr) \\
& \vdash (bexpr \textbf{ or } bterm) \\
& \vdash (bterm \textbf{ or } bterm) \\
& \vdash (bfactor \textbf{ or } bterm) \\
& \vdash ((bexpr) \textbf{ or } bterm) \\
& \vdash ((bexpr \textbf{ or } bterm) \textbf{ or } bterm) \\
& \vdash ((bterm \textbf{ or } bterm) \textbf{ or } bterm) \\
& \vdash ((bfactor \textbf{ or } bterm) \textbf{ or } bterm) \\
& \vdash ((\textbf{true or } bterm) \textbf{ or } bterm) \\
& \vdash ((\textbf{true or } bterm \textbf{ and } bfactor) \textbf{ or } bterm) \\
& \vdash ((\textbf{true or } bfactor \textbf{ and } bfactor) \textbf{ or } bterm) \\
& \vdash ((\textbf{true or false and } bfactor) \textbf{ or } bterm) \\
& \vdash ((\textbf{true or false and true}) \textbf{ or } bterm) \\
& \vdash ((\textbf{true or false and true}) \textbf{ or } bfactor) \\
& \vdash ((\textbf{true or false and true}) \textbf{ or not } bfactor) \\
& \vdash ((\textbf{true or false and true}) \textbf{ or not false})
\end{aligned}$$

(b)

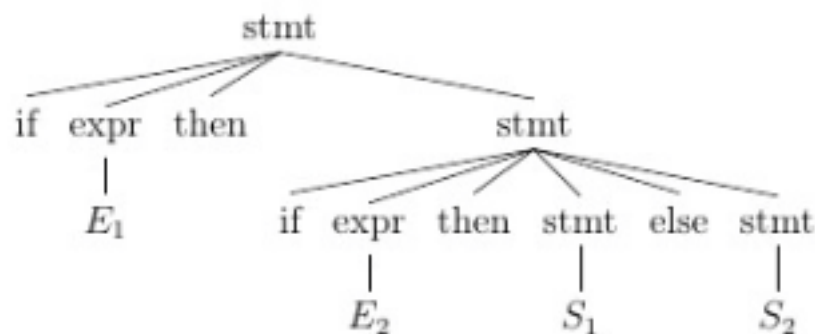
$$\begin{aligned}
 & bexpr \vdash bterm \\
 & \vdash bfactor \\
 & \vdash (bexpr) \\
 & \vdash (bexpr \text{ or } bterm) \\
 & \vdash (bexpr \text{ or } bfactor) \\
 & \vdash (bexpr \text{ or not } bfactor) \\
 & \vdash (bexpr \text{ or not false}) \\
 & \vdash (bterm \text{ or not false}) \\
 & \vdash (bfactor \text{ or not false}) \\
 & \vdash ((bexpr) \text{ or not false}) \\
 & \vdash ((bexpr \text{ or } bterm) \text{ or not false}) \\
 & \vdash ((bexpr \text{ or } bterm \text{ and } bfactor) \text{ or not false}) \\
 & \vdash ((bexpr \text{ or } bterm \text{ and true}) \text{ or not false}) \\
 & \vdash ((bexpr \text{ or } bfactor \text{ and true}) \text{ or not false}) \\
 & \vdash ((bexpr \text{ or false and true}) \text{ or not false}) \\
 & \vdash ((bterm \text{ or false and true}) \text{ or not false}) \\
 & \vdash ((bfactor \text{ or false and true}) \text{ or not false}) \\
 & \vdash ((\text{true or false and true}) \text{ or not false})
 \end{aligned}$$

(c) Die Grammatik ist eindeutig. Argument ähnlich wie oben.

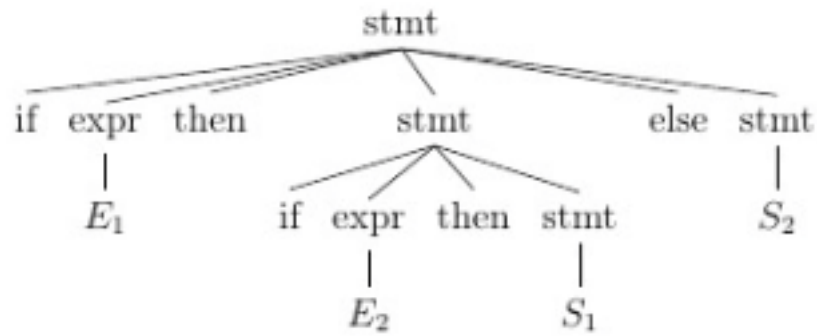
(d) Die Sprache besteht aus allen wohlgeformten Booleschen Ausdrücken, wobei ein Boolescher Ausdruck entweder **true** oder **false** oder von der Form  $(A)$ , **not**  $A$ ,  $A$  **or**  $B$  oder  $A$  **and**  $B$  ist, wobei  $A$  und  $B$  wieder Boolesche Ausdrücke sind.

### Aufgabe 3.2

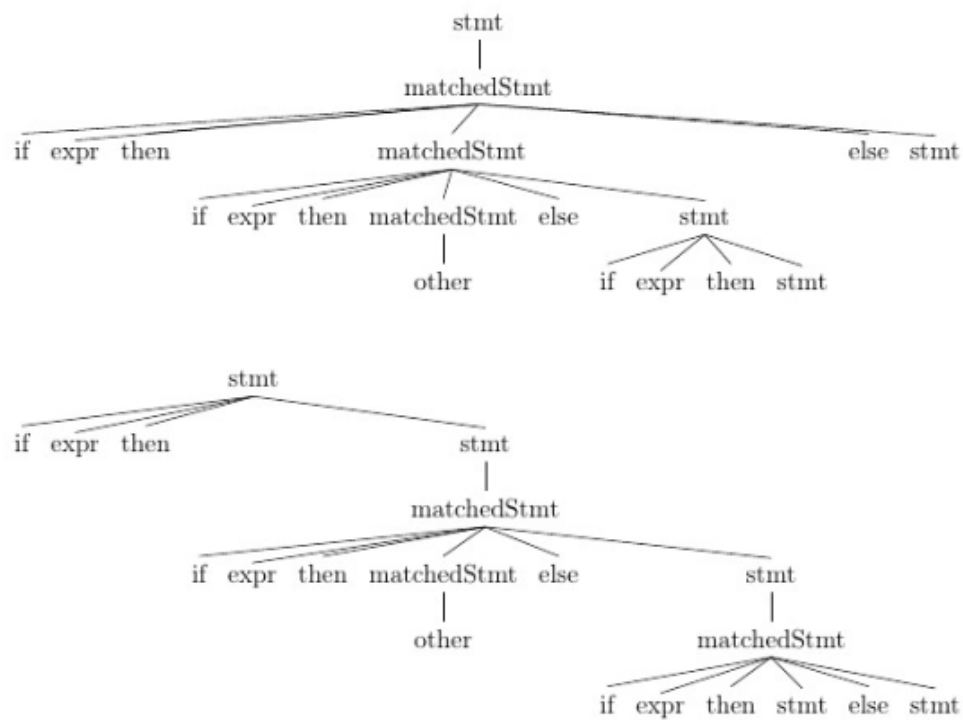
1. Entweder



oder



2. Nicht alle stmt-Knoten in den Blättern wurden noch weiter bis auf **other** runtergebrochen.



### Aufgabe 3.3

Die erste Regel der jeweiligen Grammatik ist immer die Startregel.

(a)

$$\begin{aligned}
 U &\rightarrow K \wedge U \mid K \\
 K &\rightarrow ( O ) \mid N \\
 O &\rightarrow N \vee O \mid N \\
 N &\rightarrow \neg V \mid V \\
 V &\rightarrow \mathbf{v} \mid \mathbf{w} \mid \mathbf{x} \mid \mathbf{y} \mid \mathbf{z}
 \end{aligned}$$

(b)

$$U \rightarrow K \vee U \mid K$$

$$K \rightarrow ( O ) \mid N$$

$$O \rightarrow N \wedge O \mid N$$

$$N \rightarrow \neg V \mid V$$

$$V \rightarrow \mathbf{v}N$$

$$N \rightarrow N D \mid D$$

$$D \rightarrow \mathbf{0} \mid \mathbf{1} \mid \mathbf{2} \mid \mathbf{3} \mid \mathbf{4} \mid \mathbf{5} \mid \mathbf{6} \mid \mathbf{7} \mid \mathbf{8} \mid \mathbf{9}$$