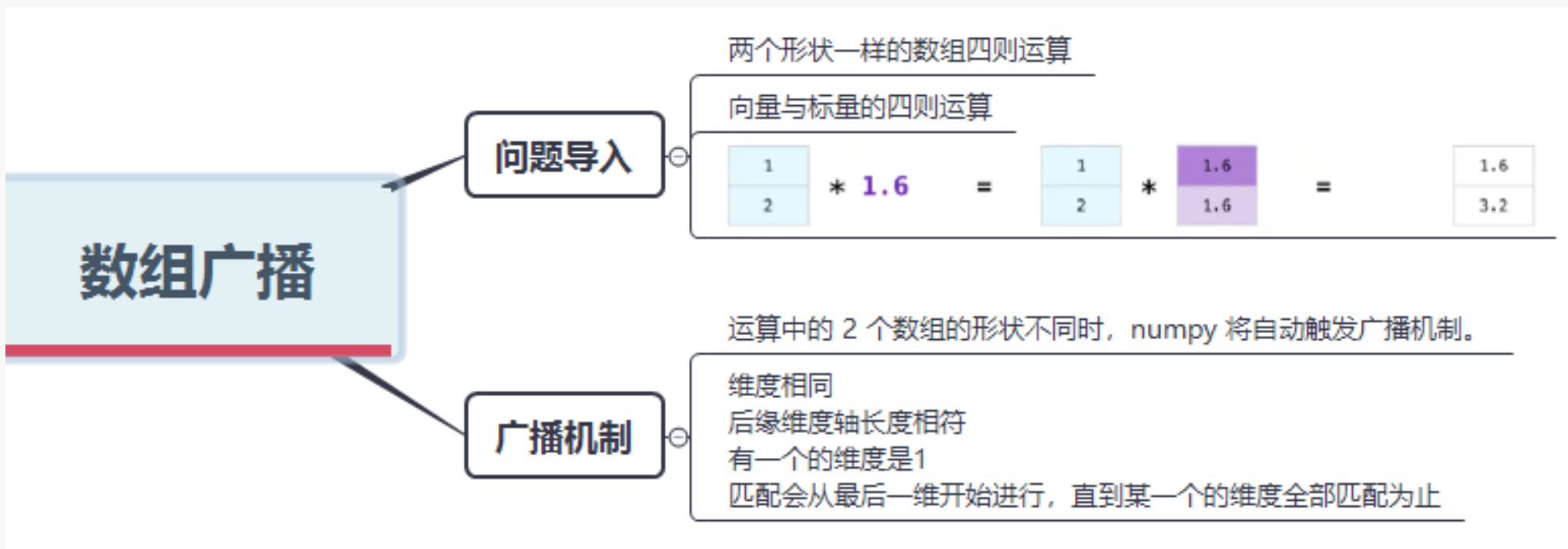


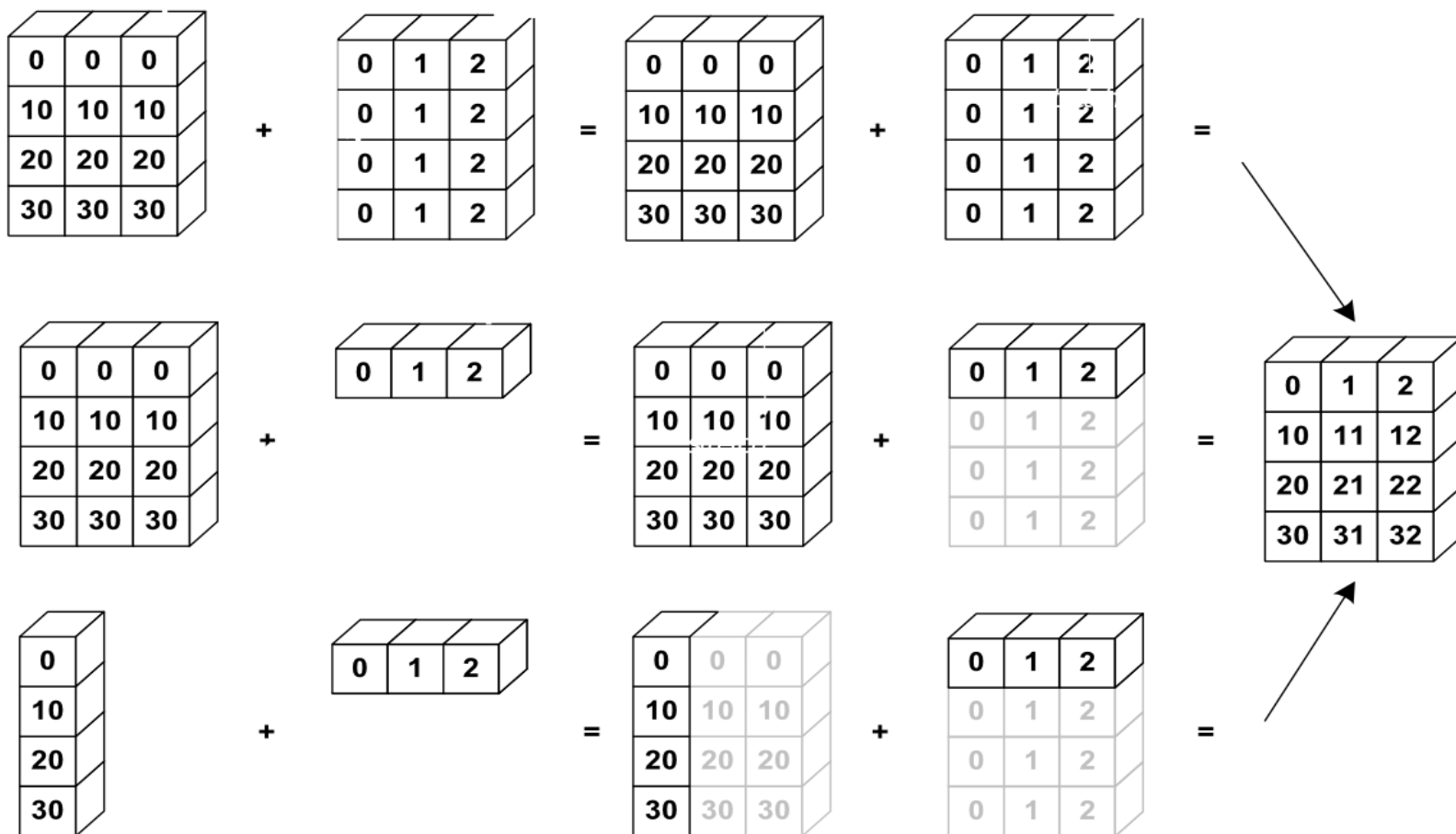
Python科学计算库Numpy之

## 07-数组广播机制





# 数组广播



# 数组广播

两个矩阵的大小相同，我们可以使用算术运算符（+ - \* /）来进行矩阵计算

$$\begin{array}{l} \text{data} + \text{ones} = \begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 2 \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline 2 \\ \hline 3 \\ \hline \end{array} \\ \\ \text{data} + \text{ones} = \begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 2 \\ \hline 3 & 4 \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 1 \\ \hline 1 & 1 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|} \hline 2 & 3 \\ \hline 4 & 5 \\ \hline \end{array} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{data} - \text{ones} = \begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 2 \\ \hline \end{array} - \begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline 0 \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \\ \\ \text{data} * \text{data} = \begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 2 \\ \hline \end{array} * \begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 2 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 4 \\ \hline \end{array} \\ \\ \text{data} / \text{data} = \begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 2 \\ \hline \end{array} / \begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 2 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 1 \\ \hline \end{array} \end{array}$$

# 数组广播

向量和标量之间的操作

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} * 1.6 = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} 1.6 \\ 1.6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.6 \\ 3.2 \end{bmatrix}$$

NumPy让每个单元格都会发生相乘叫做广播

$$\text{data} + \text{ones\_row} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 5 \\ 6 & 7 \end{bmatrix}$$

如果两个数组 `a` 和 `b` 形状相同，即满足 `a.shape == b.shape`，那么 `a*b` 的结果就是 `a` 与 `b` 数组对应位相乘。这要求维数相同，且各维度的长度相同。

当运算中的 2 个数组的形状不同时，numpy 将自动触发广播机制。

广播机制是Numpy让两个不同shape的数组能够做一些运算，需要对参与运算的两个数组做一些处理或者说扩展，最终是参与运算的两个数组的shape一样，然后广播计算(对应位置数据进行某运算)得到结果。

广播机制首先需要判断参与计算的两个数组能否被广播机制处理？规则是，比较两个数组的shape，从shape的尾部开始一一比对。

- (1). 如果两个数组的维度相同，对应位置上轴的长度相同或其中一个的轴长度为1，广播兼容，可在轴长度为1的轴上进行广播机制处理。
- (2). 如果两个数组的维度不同，那么给低维度的数组前扩展提升一维，扩展维的轴长度为1,然后在扩展出的维上进行广播机制处理。

# 数组广播

向量和标量之间的操作

$$\begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 2 \\ \hline \end{array} * 1.6 = \begin{array}{|c|} \hline 1 \\ \hline 2 \\ \hline \end{array} * \begin{array}{|c|} \hline 1.6 \\ \hline 1.6 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline 1.6 \\ \hline 3.2 \\ \hline \end{array}$$

$$(2 \times 1) + (1,) \Rightarrow (2 \times 1) + (1 \times 1) \Rightarrow (2 \times 1) + (2 \times 1)$$

$$\text{data} + \text{ones\_row} = \begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 2 \\ \hline 3 & 4 \\ \hline 5 & 6 \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 1 \\ \hline 1 & 1 \\ \hline 1 & 1 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 2 \\ \hline 3 & 4 \\ \hline 5 & 6 \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 1 \\ \hline 1 & 1 \\ \hline 1 & 1 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|} \hline 2 & 3 \\ \hline 4 & 5 \\ \hline 6 & 7 \\ \hline \end{array}$$

$$(3 \times 2) + (1 \times 2) \Rightarrow (3 \times 2) + (3 \times 2)$$

# 数组广播

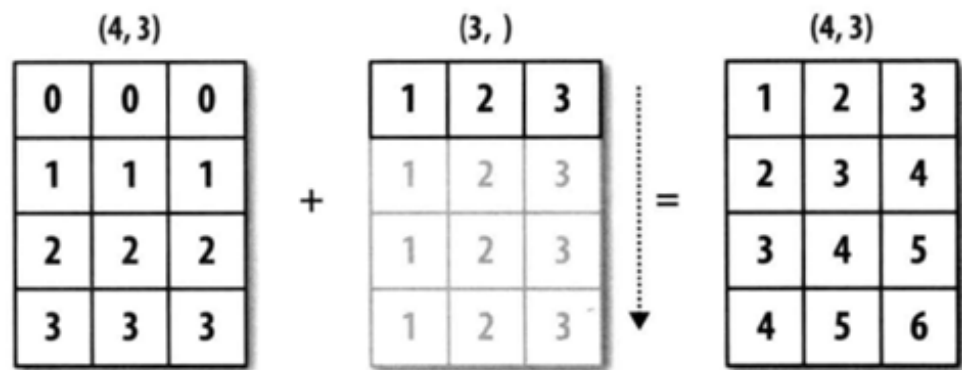
```
arr1 = np.array([[0, 0, 0],  
                 [1, 1, 1],  
                 [2, 2, 2],  
                 [3, 3, 3]]) #arr1.shape = (4, 3)  
arr2 = np.array([1, 2, 3]) #arr2.shape = (3, )
```

```
array([[1, 2, 3],  
       [2, 3, 4],  
       [3, 4, 5],  
       [4, 5, 6]])
```

数组维度不同，后缘维度的轴长相符

```
arr1 + arr2
```

```
array([[1, 2, 3],  
       [2, 3, 4],  
       [3, 4, 5],  
       [4, 5, 6]])
```

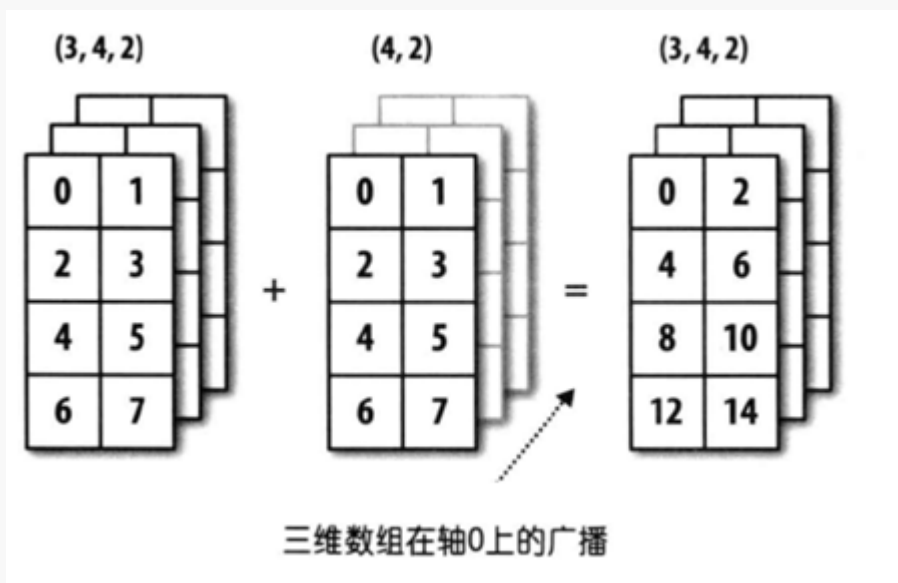


一维数组在轴0上的广播



# 数组广播

数组维度不同，后缘维度的轴长相符



$(3, 4, 2)$  和  $(4, 2)$  的维度是不相同的，前者为3维，后者为2维。  
但是它们后缘维度的轴长相同，都为  $(4, 2)$ ，所以可以沿着0轴进行广播。

对于 Numpy 来说，维度匹配当且仅当：

维度相同

后缘维度轴长度相符

有一个的维度是1

匹配会从最后一维开始进行，直到某一个的维度全部匹配为止

A

3d array: 256 x 256 x 3

4d array: 8 x 1 x 6 x 1

3d array: 5 x 4 x 3

3d array: 15 x 4 x 13

2d array: 4 x 1

B

1d array: 3

3d array: 7 x 1 x 5

1d array: 1

1d array: 15 x 1 x 13

1d array: 3

Result

3d array: 256 x 256 x 3

3d array: 8 x 7 x 6 x 5

3d array: 5 x 4 x 3

3d array: 15 x 4 x 13

2d array: 4 x 3

谢谢!

