





中国人民解放军战略支援部队信息工程大学—曹一冰讲师

PLA Strategic Support Force Information Engineering University——Lecturer. Yibing Cao

● 主要研究方向: 地理空间建模、地理信息系统平 台及应用技术研究。

▶ 获省部级科技进步二等奖1项、三等奖1项。获第 五届全国高校GIS青年教师讲课比赛一等奖,指导 第九届全国大学生GIS应用技能大赛获特等奖。

● 近五年来,主持国家重点研发计划项目子课题2项,发表学术论文10篇,受理国家发明专利9项,获得计算机软件著作权7项。



凸包

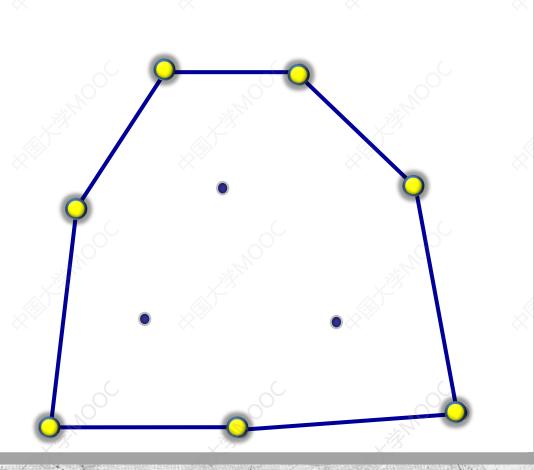
在一个实数向量空间V中,对于给定集合X,所有包含X的凸集的交集S被称为X的凸包。

X的凸包可以用X内所有点  $(X_1, \dots X_n)$  的凸组合来构造。

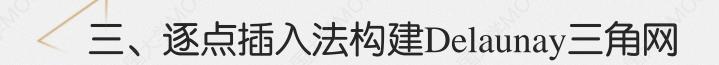


凸包

最外层的点连接起来构成的 凸多边形,其中凸多边形包 含所有离散点。

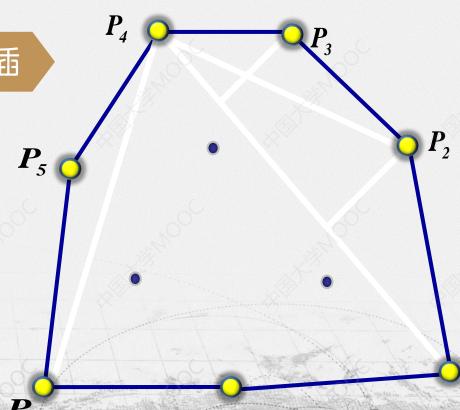




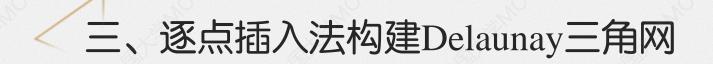


1 凸包生成 2 凸包剖分 3 离散点内插

(1) 求出点集中满足min(x)、min(y)、max(x)、max(y)的四个点,并按逆时针方向存储于凸包数组中;

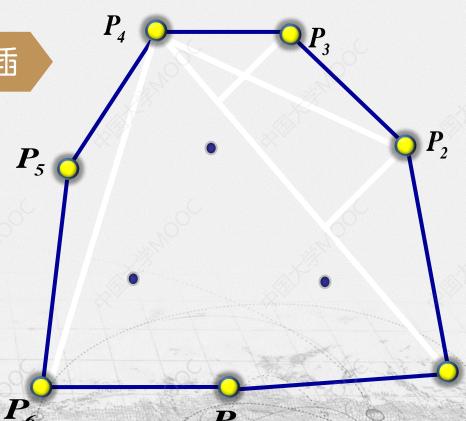




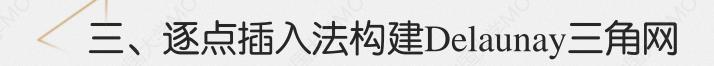


1 凸包生成 2 凸包剖分 3 离散点内插

(2) 顺序取凸包数组中的点,如 $P_1$ 、  $P_2$ ,计算有向线段 $P_1P_2$ 右侧所有离散点到 $P_1P_2$ 的距离,并求出距离最大的点,记为P;

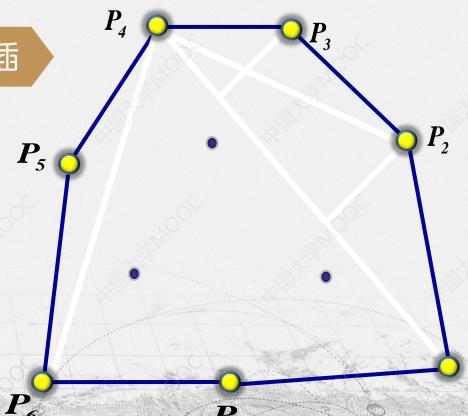




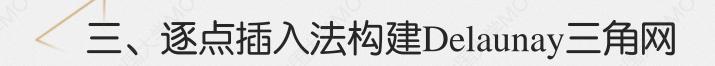


1 凸包生成 2 凸包剖分 3 离散点内插

(3) 将P点插入到凸包数组 $P_1P_2$ 之间,并将P赋给 $P_2$ ;

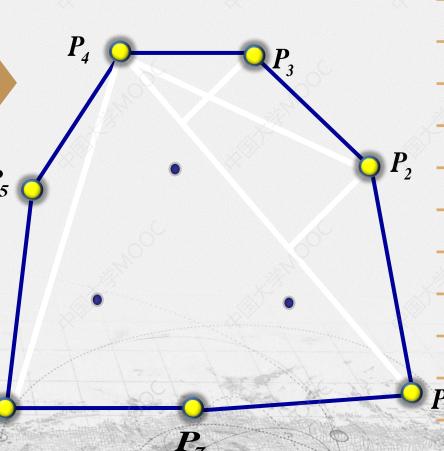




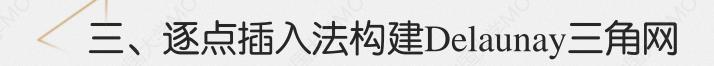


1 凸包生成 2 凸包剖分 3 离散点内插

(4) 重复以上步骤,直到线段 $P_1P_2$ 右侧没有离散点为止;

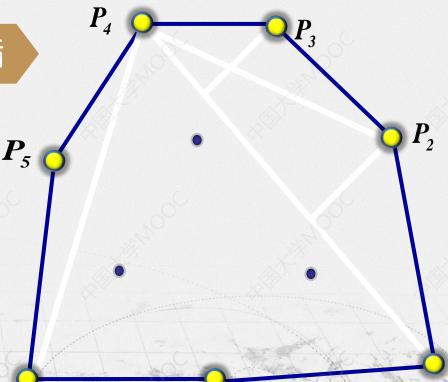






1 凸包生成 2 凸包剖分 3 离散点内插

(5) 取凸包数组中的下一条边,重复以上步骤;



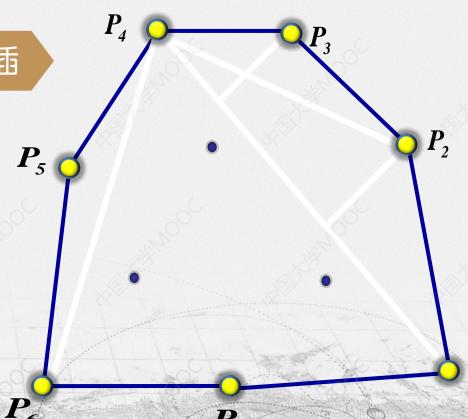
 $P_{7}$ 





1 凸包生成 2 凸包剖分 3 离散点内插

(6) 当凸包数组中任意相临两点连线右侧不存在离散点时,凸包生成完毕。

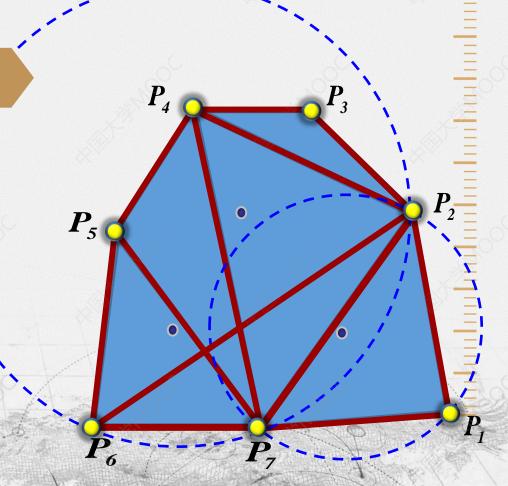




三、逐点插入法构建Delaunay三角网

#### 1 凸包生成 2 凸包部分 3 离散点内插

(1) 在凸包数组中依次取出相邻两条凸包边,构成三角形;如果该三角形外接圆内不包含凸包上的任何其它点,则记录该三角形,并将剩余部分作为新的凸包。





三、逐点插入法构建Delaunay三角网

1 凸包生成 2 凸包部分 3 离散点内插

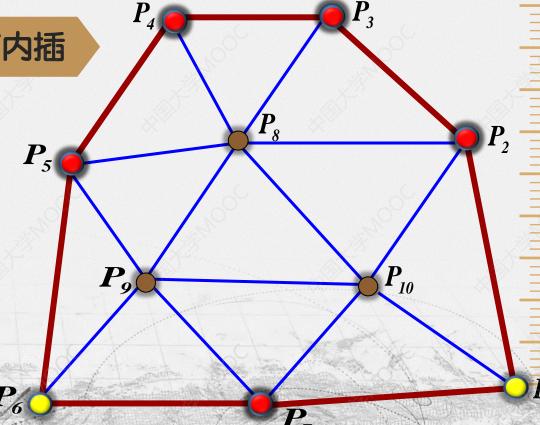
(2) 重复上述过程,直到凸包数组中只剩下三个离散点为止;将最后三个离散点构成一个三角形,凸包剖分结束。



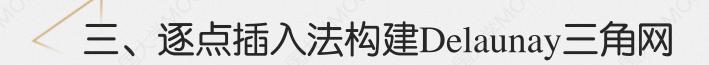


1 凸包生成 2 凸包剖分 3 离散点内插

(1) 从剩余离散数据中取出一个点,找出外接圆包含该离散点的所有三角形,构成插入区;

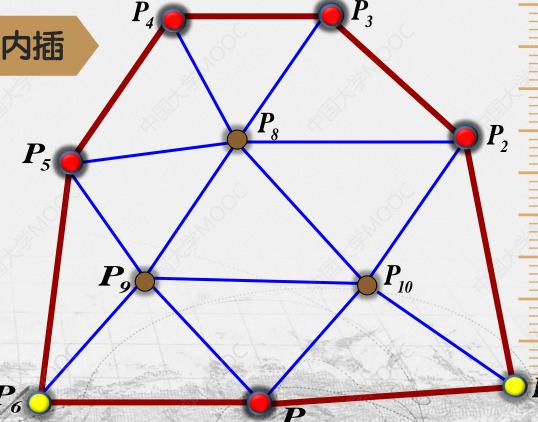






1 凸包生成 2 凸包剖分 3 离散点内插

(2) 删除插入区内的三角形公共边,形成该插入点的待插入多边形;

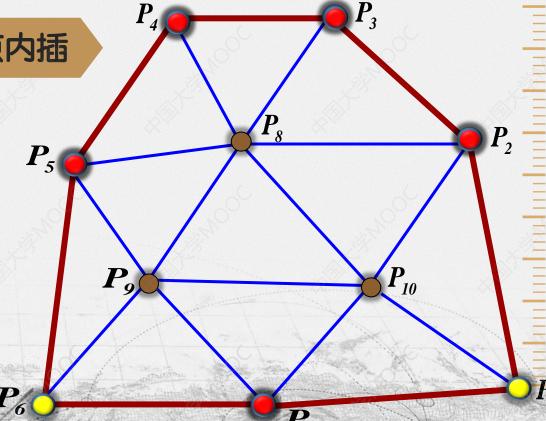




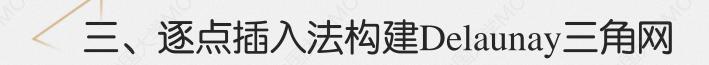


1 凸包生成 2 凸包剖分 3 离散点内插

(3) 将插入点与待插入多边形所有顶点相连,构成新的Delaunay三角形;

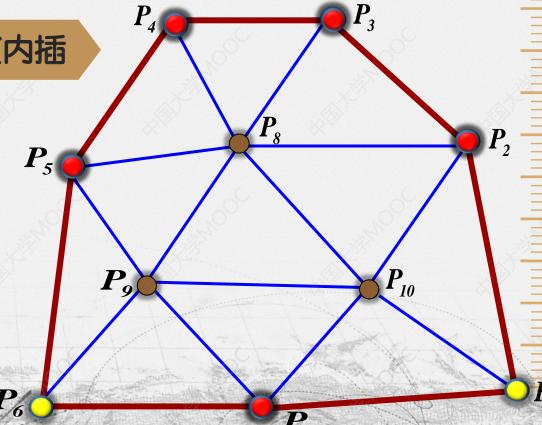






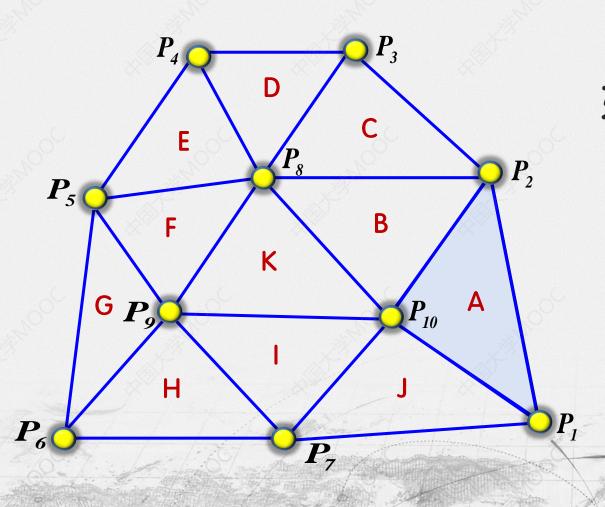
1 凸包生成 2 凸包剖分 3 离散点内插

(4) 重复以上步骤,直到所有离散点插入完,算法结束。









#### 如何在计算机中存储TIN?

- 1、结点
- 2、边
- 3、三角面



#### 结点列表

标识码	X	Y	Z
$\mathbf{P_1}$		>	
$P_2$			
P <sub>3</sub> P <sub>4</sub>	T.		
$P_4$		$\sim$	
$P_5$			
$\mathbf{P_6}$			
$P_7$		×	
P <sub>8</sub>			
P	100		
$P_{10}$			

	$P_4$ D	3
D d	$P_8$	$P_2$
$P_5$	F K	
G	$P_{g}$	$P_{10}$ A
$P_6$	H • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	$P_1$

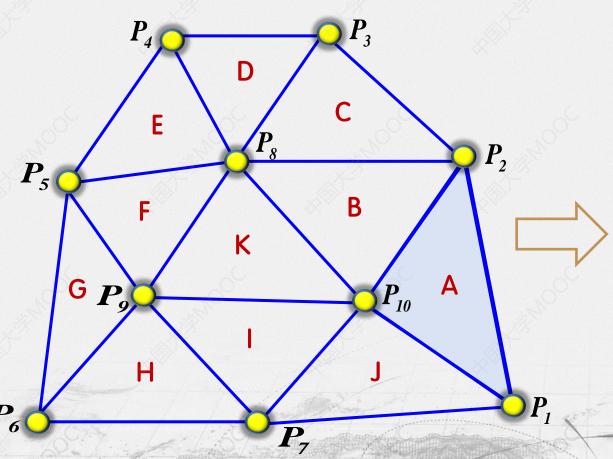


#### 三角形列表



1、记录每个三角形的三个结点

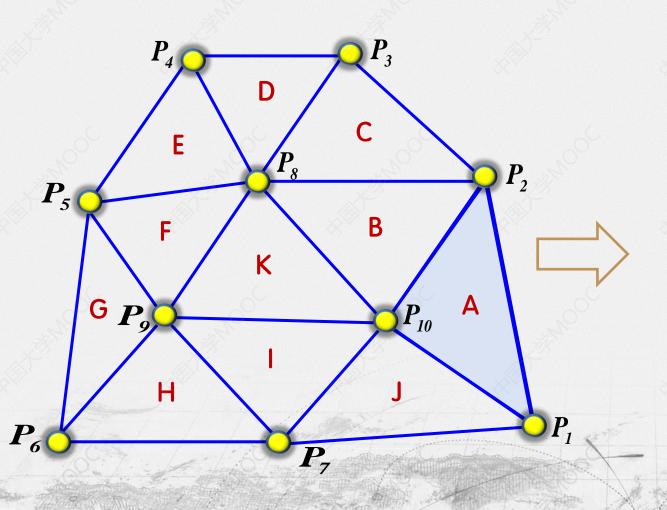
2、记录每个三角形相邻的三个 三角形



# 03 TIN的存储方法 TIN Storage Method



#### 三角形列表



标识码	结点列表	相邻三角形
A	$P_1, P_{10}, P_2$	J,B,0
В	$P_2, P_{10}, P_8$	A,K,C
C	$P_2, P_8, P_3$	B,D,0
D	$P_3, P_8, P_4$	C,E,0
E	$P_4, P_8, P_5$	D,F,0
I	$P_7, P_9, P_{10}$	H,K,J
J	$P_1, P_7, P_{10}$	0,I,A
K	$P_9, P_8, P_{10}$	F,B,I

#### 不规则三角网TIN

Triangulated Irregular Network





构建TIN

Delauny三角网

目标

直接采用地形特征 点表达地形表面 过程

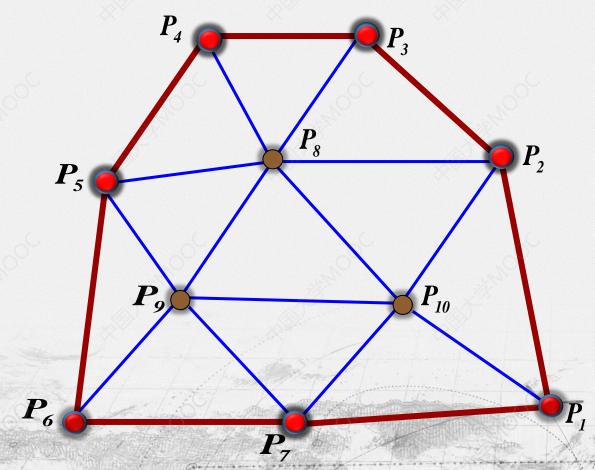
逐点插入法

#### 不规则三角网TIN

Triangulated Irregular Network



#### 作业题



#### 构建Delaunay三角网的算法:

- □ 逐点插入法
- □ 分治算法
- □ 三角网生长算法



