

# 程序报告

## 一、问题重述

**八皇后问题：**如何能在  $8 \times 8$  的国际象棋棋盘上放置八个皇后，使得任何一个皇后都无法直接吃掉其他的皇后？为了到达此目的，任两个皇后都不能处于同一条横行、纵行或斜线上。

在给出的chessboard的基础上，设计算法，求解八皇后问题。

## 二、设计思路

利用回溯算法，寻找所有的摆放方式。

采用的主算法及其注释：

```
1  A=[0]*(8+1)          # 本行的这一列是否已经落子
2  B=[0]*(3*8+1)        # /对角线标记
3  C=[0]*(2*8+1)        # \对角线标记
4  k=[[0]*9 for _ in range(9)] # chessboard
5
6  def lay(self,i) :
7      j = 1
8      while (j <= 8):
9          # 如果这一列、/对角线、\对角线 都没有落子
10         if A[j] + B[j - i+8] + C[j + i] == 0 :
11             # 落子，并且禁用斜对角线
12             k[i][j] =1
13             A[j] =1
14             B[j - i+8] =1
15             C[j + i] =1
16             # 如果还不是最后一行，继续递归
17             if i < 8:
18                 self.lay(i + 1)
19             else :
20                 # 如果已经是最后一行了
21                 # tmp是最后会被append到solutions之中的
22                 tmp=[]
23                 for u in range(1,9):
24                     for t in range(1,9):
25                         if k[u][t]==1:
26                             tmp.append(t-1)
27                 self.solves.append(tmp)
28                 # 从递归处回来或者append完，恢复为0
29                 A[j] =0
30                 B[j - i+8] =0
31                 C[j + i] = 0
32                 k[i][j] = 0
33             j=j+1
```

### 三、代码内容

```
1 import numpy as np          # 提供维度数组与矩阵运算
2 import copy                 # 从copy模块导入深度拷贝方法
3 from board import Chessboard
4
5 A=[0]*(8+1)
6 B=[0]*(3*8+1)
7 C=[0]*(3*8+1)
8 k=[[0]*9 for _ in range(9)]
9
10 # 基于棋盘类，设计搜索策略
11 class Game:
12     def __init__(self, show = True):
13         """
14         初始化游戏状态.
15         """
16
17         self.chessBoard = Chessboard(show)          # a chessBoard
18         self.solves = []                            # solves is a list
19         self.gameInit()
20
21     # 重置游戏
22     def gameInit(self, show = True):
23         """
24         重置棋盘.
25         """
26
27         self.Queen_setRow = [-1] * 8
28         self.chessBoard.boardInit(False)
29
30     def run(self, row=0):
31         self.lay(1)
32
33     # 回溯算法
34     def lay(self,i) :
35         j = 1
36         while (j <= 8):
37             if A[j] + B[j - i+8] + C[j + i] == 0 :
38                 k[i][j] =1
39                 A[j] =1
40                 B[j - i+8] =1
41                 C[j + i] =1
42                 if i < 8:
43                     self.lay(i + 1)
44             else :
45                 tmp=[]
46                 for u in range(1,9):
47                     for t in range(1,9):
48                         if k[u][t]==1:
49                             tmp.append(t-1)
50                 self.solves.append(tmp)
51                 A[j] =0
52                 B[j - i+8] =0
53                 C[j + i] = 0
54                 k[i][j] = 0
55         j=j+1
```

```

56
57     def showResults(self, result):
58         """
59         结果展示.
60         """
61
62         self.chessBoard.boardInit(False)
63         for i,item in enumerate(result):
64             if item >= 0:
65                 self.chessBoard.setQueen(i,item,False)
66
67         self.chessBoard.printChessboard(False) # draw the chessboard
68
69     def get_results(self):
70         """
71         输出结果(请勿修改此函数).
72         return: 八皇后的序列解的list.
73         """
74
75         self.run()
76         return self.solves
77
78
79
80 game = Game()
81 solutions = game.get_results()
82 print('There are {} results.'.format(len(solutions)))

```

## 四、实验结果

运行输出结果如下, 可以通过 `game.showResults(solutions[i])` 来可视化输出所有解

```

1      0 1 2 3 4 5 6 7
2  0 - - - - - - -
3  1 - - - - - - -
4  2 - - - - - - -
5  3 - - - - - - -
6  4 - - - - - - -
7  5 - - - - - - -
8  6 - - - - - - -
9  7 - - - - - - -
10 There are 92 results.

```

## 五、总结

**是否达到目标预期:** 是

**可能改进的方向:** 提高算法性能

**实验过程中遇到的困难:** 对于python语言的不熟悉, 对于回溯算法的不了解。