



به نام خدا



دانشگاه تهران
دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر
شبکه های عصبی و یادگیری عمیق
تمرین سری اول

نام و نام خانوادگی	ژیوار صورتی حسنزاده
شماره دانشجویی	810196502
تاریخ ارسال گزارش	1400/01/10

فهرست گزارش سوالات (لطفاً پس از تکمیل گزارش، این فهرست را بهروز کنید).

3.....1 سوال - McCulloch-Pitts

4.....۲ سوال - Perceptron

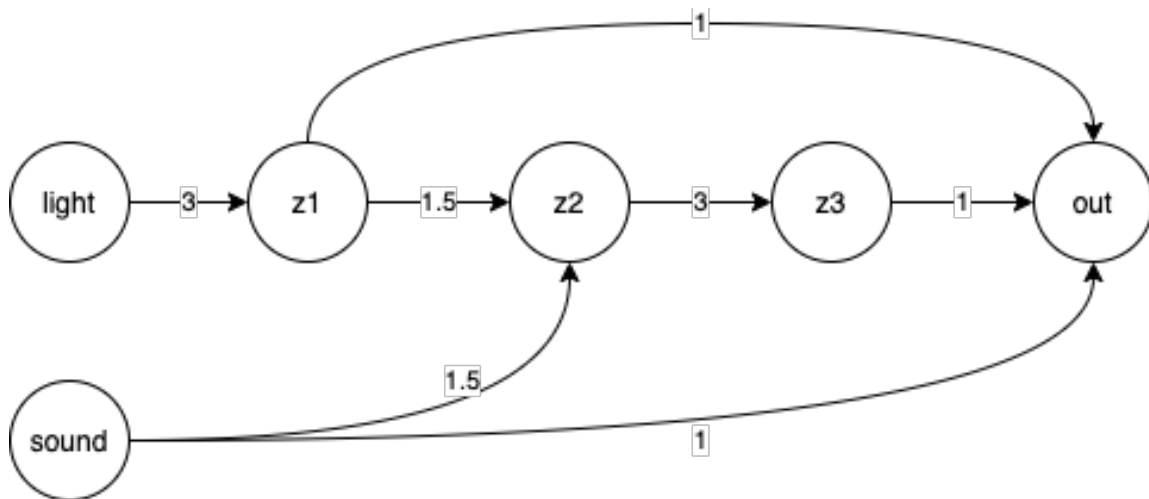
5.....3 سوال - Adaline

8.....4 سوال - Madaline

سوال ۱ – McCulloch-Pitts

الف) شبکه مد نظر را طراحی کنید.

ب) معادله منطقی این شبکه را بنویسید.



Threshold = 3

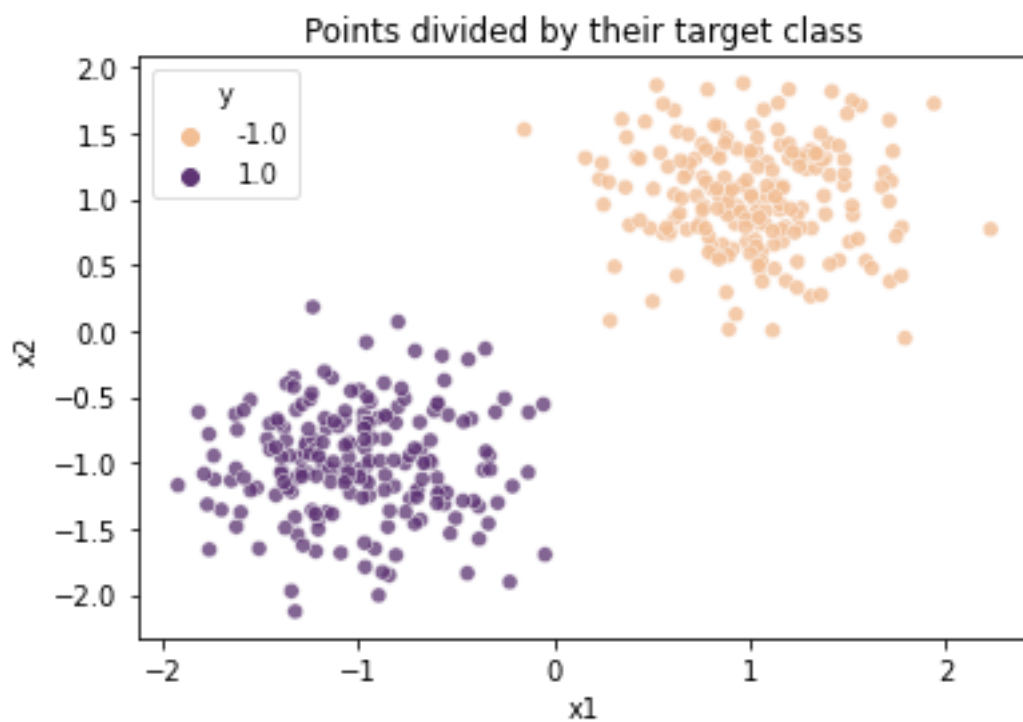
$out = sound(t-1) \text{ AND } light(t-2) \text{ AND } \{sound(t-3) \text{ AND } light(t-4)\}$

ج) فرایند کار این شبکه را از ورودی تا خروجی توضیح دهید.

طرز کار این شبکه به این شکل است که در ابتدا نور و صدا در قسمت z_2 ، منفجر شدن بمب اول را شناسایی می کنند که این قسمت نیز با کمک **delay** ای که z_1 اتفاق می افتد امکان پذیر می باشد. با توجه به اینکه بمب دوم بعد از **step ۲** زمانی منفجر می شود، زمانی که نورون z_2 خروجی ۱ می دهد نور مربوط به بمب دوم نیز شناسایی شده است. با ایجاد یک **delay** دیگر در قسمت z_3 برای در نظر گرفتن اینکه صدای بمب دوم نیز یک **step** زمانی بعد از نور آن قابل شناسایی خواهد بود، تمامی این اتفاقات یعنی نور با یک فاصله زمانی **delay**، صدای شناسایی شده در لحظه و بمب شناسایی شده در دو فاصله زمانی قبل تر، همگی جمع شده و **AND** آن ها به عنوان خروجی در نظر گرفته می شود تا زمانی که همه آن ها با هم اتفاق افتادند شخص کلید را بزند.

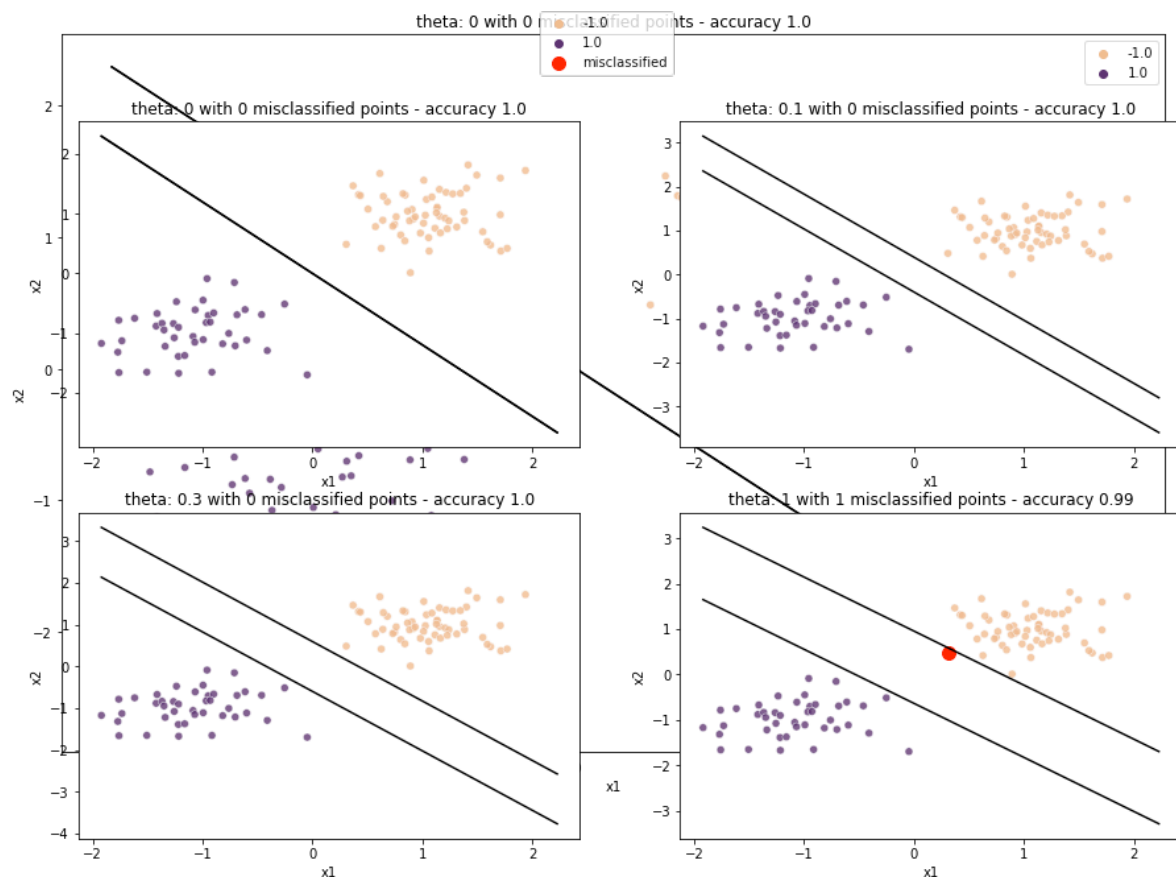
سوال ۲ – Perceptron

الف) رسم داده‌ها در scatter plot گفته شده.



ج) نتایج استفاده از نورون آموزش دیده روی داده‌های **train** برای پیش‌بینی کلاس مربوط به داده‌های تست.

د) در این قسمت نتایج قسمت قبل را با استفاده از مقادیر متفاوت برای تتا بدست آوردیم.



نکته‌ای که باید به آن دقت کنید این است که اگر در فرآیند یادگیری تعداد epoch ها را بدون محدودیت در نظر بگیریم، حتی با بالا بردن θ ، هیچ نقطه‌ای داخل این دو خط نخواهد افتاد زیرا با در نظر گرفتن وزن‌های بیشتر، مدل همچنان سعی در کمینه کردن خطا و در نهایت صفر کردن آن دارد که در نتیجه آن با بالا بردن θ ، از نقطه‌ای به بعد تغییری در خطوط ایجاد شده مشاهده نمی‌شود تا خطایی در این مورد اضافه نشود.

همینطور در مورد تأثیری که پارامتر θ در مدل دارد می‌توان گفت این پارامتر، باعث می‌شود خطوط تا جای ممکن از هم دور شوند که به بیان بهتر باعث می‌شود نقاط نزدیک به مرکز این طبقه بند در قسمت صفر قرار گرفته و در قسمت‌های یک و منفی یک قرار نگیرند و به این ترتیب تنها نقاطی که به طور کاملاً مشخص در قسمت یک و منفی یک قرار می‌گیرند دارای کلاس یک و منفی یک خواهند شد. برای جمع بندی نیز می‌توان گفت میزان دقتی که مدل دارد به همین دلیل کمتر خواهد شد که حتی شاید به نوعی **regularization term** نیز به حساب بیاید.

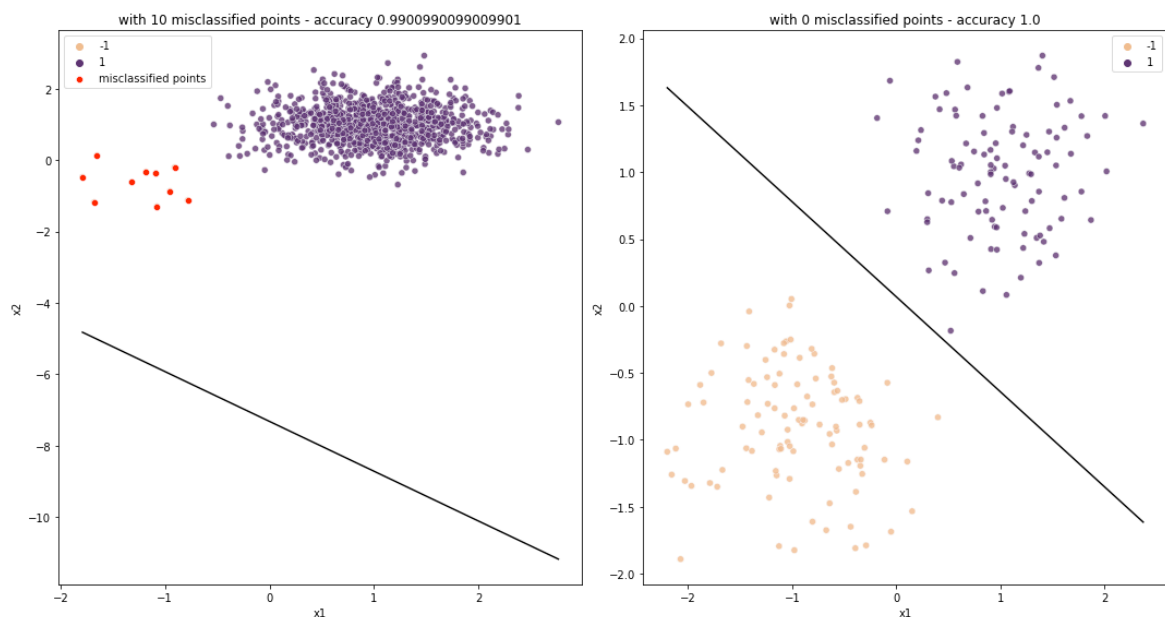
سوال ۳ – Adaline

الف) دو تفاوت و یک شباهت اصلی شبکه عصبی آدلاین و پرسپترون خطی را بیان کنید.

شباهت عمده‌ای که این دو شبکه با هم دارند مربوط به ساختار و **architecture** آن‌ها است که هر دو کاملاً شبیه هم هستند. تفاوت‌هایی که در مورد این دو شبکه موجود است یکی وجود و عدم وجود **threshold** است که در پرسپترون خطی وجود دارد و در نتیجه آن باعث بوجود آمدن دو خط می‌شود، در حالی که در **adaline** وجود ندارد و در نتیجه آن تنها یک خط جدا کننده ایجاد می‌کند. تفاوت دیگری که در مورد این دو مدل وجود دارد مربوط به قاعده‌های بروز رسانی وزن‌های آن‌ها می‌باشد. البته این نکته را نیز در نظر بگیرید که اگرچه این دو قاعده با هم تفاوت دارند، اما چون علامت یکسانی دارند و در یک جهت حرکت می‌کنند، هر دو در جهت کم کردن خطا و ایجاد خط جدا کننده حرکت می‌کنند.

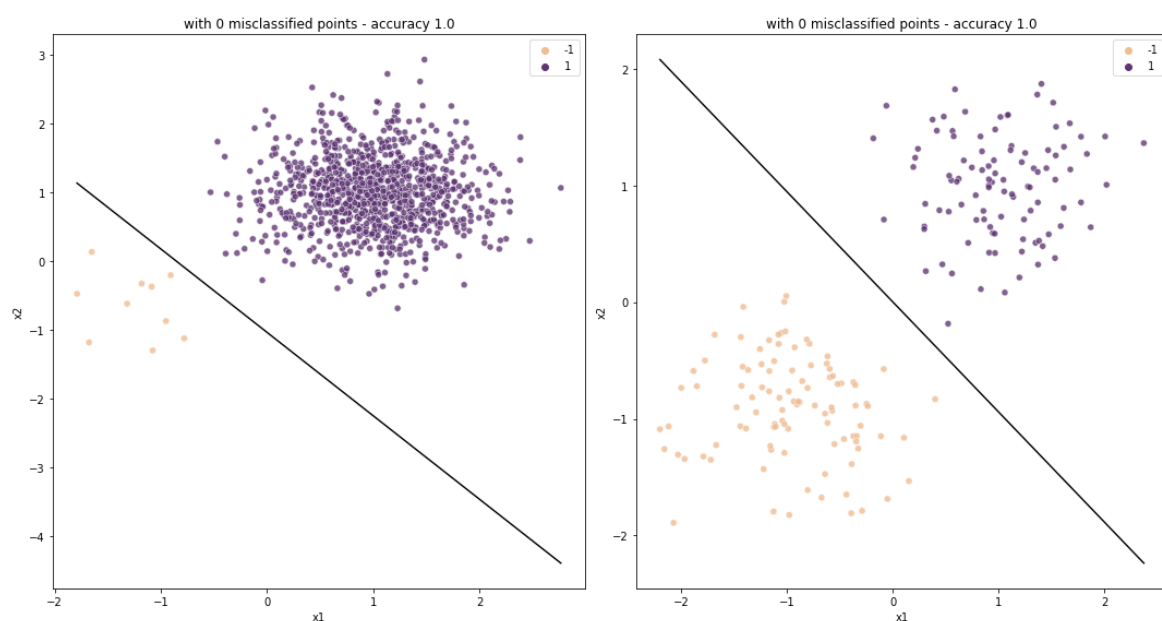
ب) توضیح الگوریتم و رسم خط جدا کننده و همینطور داده‌های مربوطه.

الگوریتم به این شکل کار می‌کند که تا زمانی که خطاها صفر نشود داده‌های مربوط به **train** را به مدل نشان می‌دهیم. در هر کدام از این تکرارها، هر کدام از داده‌ها در ابتدا به مدل نشان داده و عمل **forward pass** را برای آن انجام می‌دهیم. قسمت **forward pass** نیز به این شکل انجام می‌شود که جمع وزن دار داده‌ها همراه با وزن‌های مربوطه محاسبه شده و با قسمت موسوم به **bias** جمع می‌شود. در انتها نیز برای بدست آوردن کلاس مربوطه علامت مقدار بدست آورده شده در نظر گرفته می‌شود. با توجه به اینکه مدل به درستی کار جداسازی را انجام داده یا خیر، خطا محاسبه شده و همینطور با استفاده از آن وزن‌ها و بایاس مربوط به بروز رسانی می‌شود. تمامی قسمت‌های گفته شده در مورد قسمت بعدی که از **tanh** استفاده می‌شود نیز به همین شکل بوده و تنها روش محاسبات تغییر پیدا خواهد کرد.



ج) تضمینی وجود ندارد که مدل در مواجهه با داده‌های نشان داده شده به خوبی عمل کند و یادگیری را انجام بدهد همانطور که در شکل بالا نیز مشخص است. دلیل این امر این است که مقدار خطایی که این مدل سعی در کمینه کردن آن دارد کاملاً دقیق نبوده و در مقدار خروجی مدل در محاسبه خطا هم نوع با مقادیر درست کلاس‌ها نیست. همین امر باعث می‌شود تا اگر توزیع داده‌های مربوط به کلاس‌های متفاوت یکسان نباشد مدل نتواند یادگیری را به خوبی انجام دهد که در نتیجه آن خط جداساز نیز از دقت خوبی برخوردار نخواهد بود. همینطور می‌توان به این نکته نیز اشاره کرد که تابع فعالساز نرمی در آن استفاده نشده که در نتیجه آن مقدار خطا و شیوه بروزرسانی نیز در تناسب با کلاس‌ها خروجی تعیین نشده است.

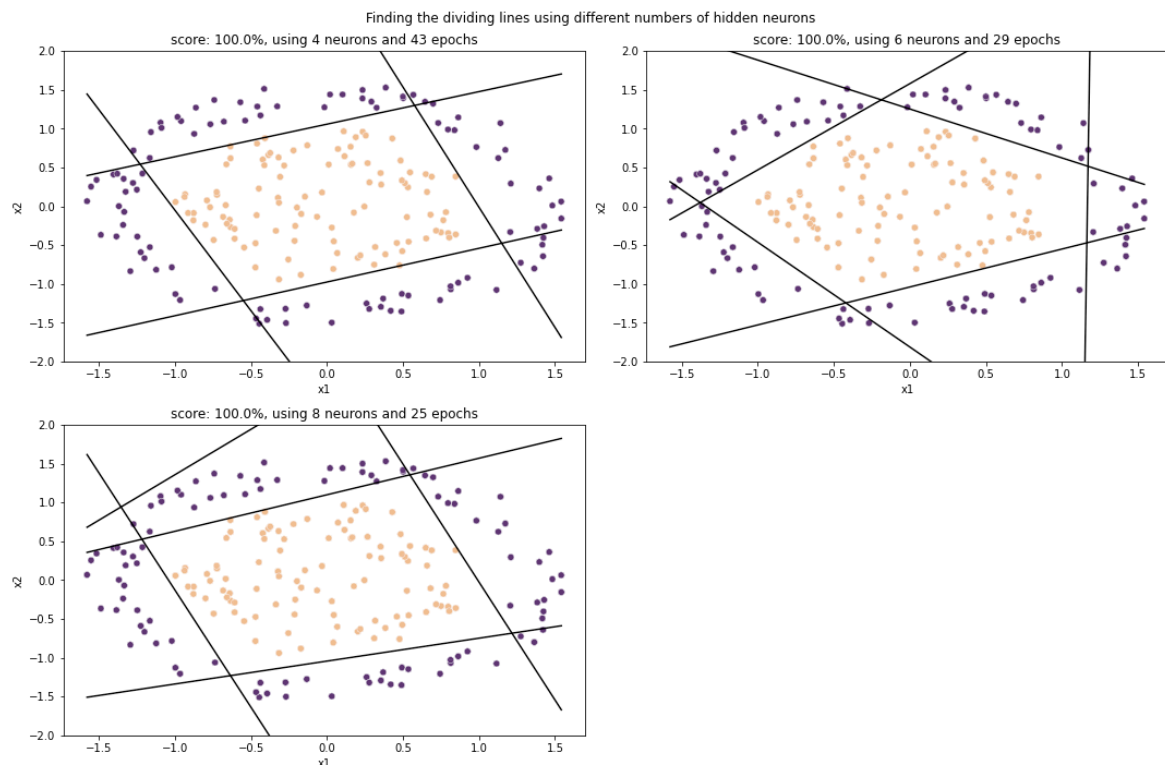
برای رفع مشکل گفته شده می‌توان از تابع فعالساز نرمی استفاده کرد که با استفاده از آن هم بتوان تابع **sign** را شبیه‌سازی کرد و همینطور با کمک نرم بودن آن بتوان به درستی شیوه‌ای برای بروزرسانی با اثبات ریاضی ارائه داد. برای پیاده سازی نکات گفته شده از تابع **tanh** استفاده می‌کنیم که هم خواص مربوط به توابع خطی و مشتق پذیر را دارد و هم می‌توان با استفاده از آن یک تابع **sign** را شبیه سازی کرد. نتایج استفاده از این تابع در مدل در قسمت زیر آمده است که همانطور که مشهود است بهبود قابل توجهی مشاهده می‌شود.



د) با در نظر گرفتن این که برای بروز رسانی از تابع نرمی استفاده می‌کنیم و به طور شهودی در هر بروز رسانی در جهت نزدیک‌تر شدن به یک دره حرکت می‌کنیم، تاثیر این پارامتر را می‌توان به یک شتاب در حرکت در جهت شیب داخل دره گفته شده تشبیه کرد. پس می‌توان گفت با زیاد بودن این پارامتر با شیب زیادی در جهت نزدیک شدن به دره حرکت می‌کنیم که در نتیجه آن ممکن است دره را رد کرده و به بدنه قسمت دیگر آن برسیم که در نتیجه آن مشکل **convergence** خواهیم داشت. همینطور با کم کردن این پارامتر نیز شیب ما کم خواهد بود که در نتیجه آن ممکن است نتوانیم از دره‌های بسیار

کوچک در مسیر رسیدن به دره اصلی رد شویم و در نتیجه آن به sub-optimal solution خواهیم رسید.

سوال ۴ – Madaline



تعداد epoch استفاده شده، تعداد نورون استفاده شده و همینطور دقت هر مدل را می‌توانید در شکل بالا مشاهده کنید. نکته‌ای که در مورد این اشکال وجود دارد این است که برای اینکه قالب مقایسه باشند، یک seed مشخص برای وزن‌ها و همینطور بایاس استفاده شده است. دیگر نکته‌ای که پر اهمیت می‌باشد این است که برای سادگی بیشتر، نورون انتهایی که برای مدل کردن and استفاده شده است به این شکل پیاده سازی شده است که اگر تمامی ورودی‌ها منفی یک باشند خروجی شبکه نیز منفی یک باشد و در غیر این صورت یک. خروجی منفی یک برای نقاط داخلی در نظر گرفته شده اند تا اگر این

نقاط نسبت به تمامی خط‌ها خروجی منفی یک می‌دهند خروجی شبکه نیز منفی یک باشد. البته روش بروز رسانی مربوط به **or** می‌باشد با توجه به اینکه برای نقاط خارجی در نظر گرفته شده است. البته بروز رسانی این دو **logic** شبیه هم بوده و هر دو در یک راستا حرکت می‌کنند به این دلیل که قرار گرفتن نقاط داخلی در مرکز تمامی خط‌ها در واقع این حالت را نیز ایجاد می‌کند که نقاط خارجی هرکدام نسبت به حداقل یک خط بیرون قرار بگیرند. همین‌طور با دقت به تعداد **epoch** های طی شده برای رسیدن به نتیجه مد نظر می‌توان به این نتیجه رسید که برای تعداد نوروں بالاتر سرعت رسیدن به خطوط بهینه نیز بیشتر می‌باشد. اگر چه تعداد زیادی از این مشاهدات برای رسیدن به رابطه علیت و یا منطقی وجود ندارد اما می‌توان به طور شهودی به این نکته رسید که با تعداد نوروں بیشتر رسیدن به خطوطی که بتواند نقاط مورد نظر را در داخل خود قرار دهد راحت‌تر بوده به این دلیل که با تعداد نوروں بالاتر در حقیقت می‌توان این کار را کرد که هر خط به حالت **relax** تری به مکان مورد نظر خود برسد و به جای آن با تعداد خطوط بالا، دقت بالای مدل را پشتیبانی کنیم. همین‌طور در بحث دقت نیز می‌توان به این شکل بحث کرد که با توجه به اینکه نقاط داده شده در تمامی مدل‌ها قابل رسیدن به دقت کامل هستند، با دادن زمان کافی به آن‌ها به دقت کامل خواهیم رسید در صورتی که اگر نقاط به شکلی بودند که این امکان وجود نداشت، دقت مدل‌هایی با تعداد نوروں کمتر به طور قطع کمتر می‌بود.