

به نام خدا



دانشگاه تهران دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر شبکه های عصبی و یادگیری عمیق

تمرین سری اول

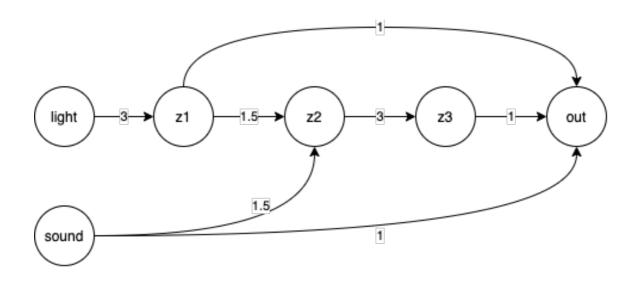
ژبیوار صورتی حسنزاده	نام و نام خانوادگی
810196502	شماره دانشجویی
1400/01/10	تاریخ ارسال گزارش

فهرست گزارش سوالات (لطفاً پس از تكميل گزارش، اين فهرست را بهروز كنيد.)

3	McCulloch-Pitts – سوال 1
4	Perceptron – سوال ۲
6	Adaline – سوال 3
9	– Madaline – سوال 4

سوال ۱ - McCulloch-Pitts

الف) شبکه مد نظر را طراحی کنید. ب) معادله منطقی این شبکه را بنویسید.



There shold = 3 out = sound(t-1) AND light(t-2) AND {sound(t-3) AND light(t-4)}

شكل مربوط به شبكه تشخيص گفته شده به همراه معادله منطقى أن

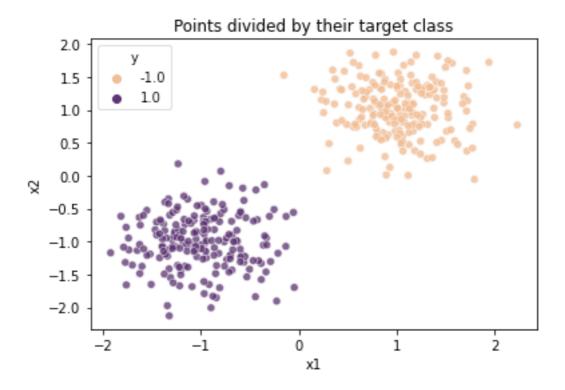
ج) فرایند کار این شبکه را از ورودی تا خروجی توضیح دهید.

طرز کار این شبکه به این شکل است که در ابتدا نور و صدا در قسمت ZT ، منفجر شدن بمب اول را شناسایی میکنند که این قسمت نیز با کمک delay ای که در ZI اتفاق میافتد امکان پذیر میباشد. با توجه به اینکه بمب دوم بعد از Step ۲ زمانی منفجر میشود، زمانی که نورون ZT خروجی ۱ میدهد نور مربوط به بمب دوم نیز شناسایی شدهاست. با ایجاد یک delay دیگر در قسمت ZT برای در نظر گرفتن اینکه صدای بمب دوم نیز یک step زمانی بعد از نور آن قابل شناسایی خواهد بود، تمامی این اتفاقات یعنی نور با یک فاصله زمانی delay ، صدای شناسایی شده در لحظه و بمب شناسایی شده در

دو فاصله زمانی قبل تر، همگی جمع شده و AND آنها به عنوان خروجی در نظر گرفته می شود تا زمانی که همه آنها با هم اتفاق افتادند، شخص کلید را بزند.

سوال Perceptron - ۲

الف) رسم دادهها در scatter plot گفته شده.

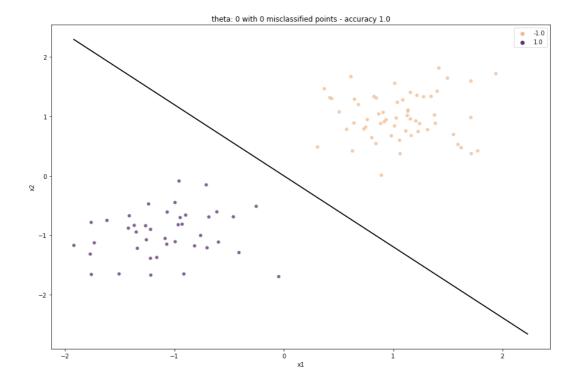


نقاط با توجه به کلاس آنها با رنگهای متفاوت

ج) نتایج استفاده از نورون آموزش دیده روی دادههای train برای پیشبینی کلاس مربوط به دادههای تست.

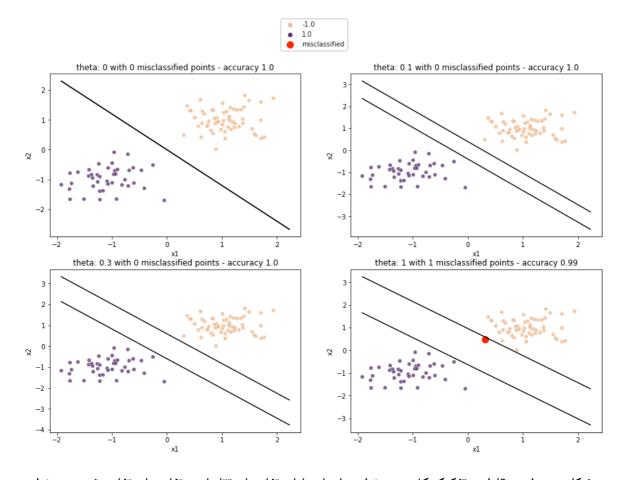
د) در این قسمت نتایج قسمت قبل را با استفاده از مقادیر متفاوت برای تتا بدست آوردیم.

نکتهای که باید به آن دقت کنید این است که اگر در فرآیند یادگیری تعداد epoch ها را بدون محدودیت در نظر بگیریم، حتی با با بالا بردن تتا، هیچ نقطهای داخل این دو خط نخواهد افتاد زیرا با در نظر گرفتن وزنهای بیشتر، مدل همچنان سعی در کمینه کردن خطا و در نهایت صفر کردن آن دارد



نقاط متعلق به تفکیک کلاس و همینطور خط جداکننده (مربوط به داده تست)

که در نتیجه آن با بالا بردن تتا، از نقطهای به بعد تغییری در خطوط ایجاد شده مشاهده نمی شود تا خطایی در این مورد اضافه نشود.



شكل مربوط به نقاط به تفكيك كلاس و خط جداساز با استفاده از تتاهاى متفاوت استفاده شده در خط

همینطور در مورد تاثیری که پارامتر تتا در مدل دارد می توان گفت این پارامتر، باعث می شود خطوط تا جای ممکن از هم دور شوند که به بیان بهتر باعث می شود نقاط نزدیک به مرکز این طبقه بند در قسمت صفر قرار گرفته و در قسمتهای یک و منفی یک قرار نگیرند و به این ترتیب تنها نقاطی که به طور کاملا مشخص در قسمت یک و منفی یک قرار می گیرند دارای کلاس یک و منفی یک خواهند شد. برای جمع بندی نیز می توان گفت میزان دقتی که مدل دارد به همین دلیل کمتر خواهد شد که حتی شاید به نوعی regularization term نیز به حساب بیاید.

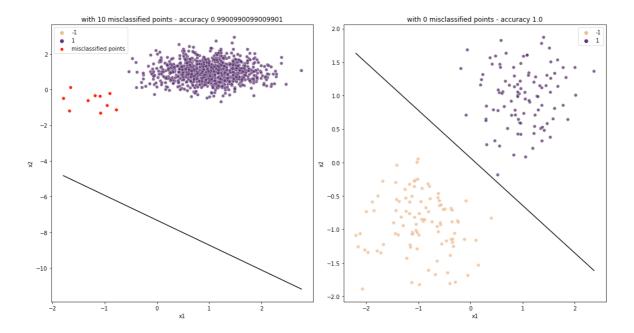
سوال Adaline - ۳

الف) دو تفاوت و یک شباهت اصلی شبکه عصبی آدلاین و پرسپترون خطی را بیان کنید.

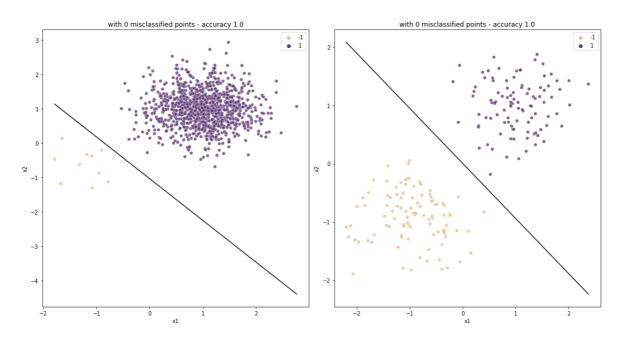
شباهت عمدهای که این دو شبکه با هم دارند مربوط به ساختار و architecture آنها است که هردو کاملا شبیه هم هستند. تفاوتهایی که در مورد این دو شبکه موجود است یکی وجود و عدم وجود کاملا شبیه هم هستند. تفاوتهایی که در برسپترون خطی وجود دارد و در نتیجه آن باعث بوجود آمدن دو خط می شود، در حالی که در adaline وجود ندارد و در نتیجه آن تنها یک خط جدا کننده ایجاد می کند. تفاوت دیگری که در مورد این دو مدل وجود دارد مربوط به قاعدههای بروز رسانی وزنها می باشد. البته این نکته را نیز در نظر بگیرید که اگرچه این دو قاعده با هم تفاوت دارند، اما چون علامت یکسانی دارند و در یک جهت حرکت می کنند، هر دو در جهت کم کردن خطا و ایجاد خط جدا کننده حرکت می کنند.

ب) توضیح الگوریتم و رسم خط جدا کننده و همینطور دادههای مربوطه.

الگوریتم به این شکل کار می کند که تا زمانی که خطاها صفر نشود دادههای مربوط به train را به مدل نشان می دهیم. در هر کدام از این تکرارها، هر کدام از دادهها در ابتدا به مدل نشان داده و عمل forward pass را برای آن انجام می دهیم. قسمت forward pass نیز به این شکل انجام می شود که جمع وزن دار دادهها همراه با وزنهای مربوطه محاسبه شده و با قسمت موسوم به bias جمع می شود. در انتها نیز برای بدست آوردن کلاس مربوطه علامت مقدار بدست آورده شده در نظر گرفته می شود. با توجه به اینکه مدل به درستی کار جداسازی را انجام داده یا خیر، خطا محاسبه شده و همینطور با استفاده از آن وزنها و بایاس مربوط به بروز رسانی می شود. تمامی قسمتهای گفته شده در مورد قسمت بعدی که از tanh استفاده می شود نیز به همین شکل بوده و تنها روش محاسبات تغییر پیدا خواهد کرد.



خط جداساز میان دادههای دو کلاس انجام شده برای هر دو سری داده با استفاده از adaline و حالت عادی آن و تابع فعالساز غیر نرم



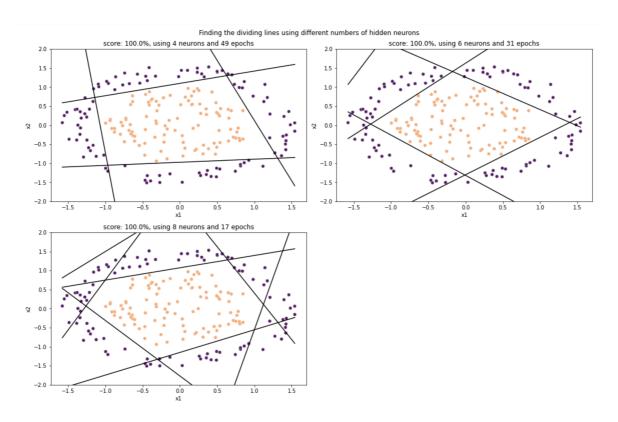
خط جداساز میان دادههای دو کلاس انجام شده برای هر دو سری داده با استفاده از adaline بهبود یافته و تابع فعالساز نرم

ج) تضمینی وجود ندارد که مدل در مواجهه با دادههای نشان داده شده به خوبی عمل کند و یادگیری را انجام بدهد همانطور که در شکلهای بالا نیز مشخص است. دلیل این امر این است که مقدار خطایی که این مدل سعی در کمینه کردن آن دارد کاملا دقیق نبوده و در مقدار خروجی مدل در محاسبه خطا، همنوع با مقادیر درست کلاسها نیست. همین امر باعث می شود تا اگر توزیع دادههای مربوط به کلاسهای متفاوت یکسان نباشد مدل نتواند یادگیری را به خوبی انجام دهد که در نتیجه آن خط جداساز نیز از دقت خوبی برخوردار نخواهد بود. همینطور می توان به این نکته نیز اشاره کرد که تابع فعالساز نرمی در آن استفاده نشده که در نتیجه آن مقدار خطا و شیوه بروزرسانی نیز در تناسب با کلاسهای خروجی تعیین نشده است.

برای رفع مشکل گفته شده می توان از تابع فعالساز نرمی استفاده کرد که با استفاده از آن هم بتوان تابع sign را شبیه سازی کرد و همینطور با کمک نرم بودن آن بتوان به درستی شیوهای برای بروزرسانی با اثبات ریاضی ارائه داد. برای پیاده سازی نکات گفته شده از تابع tanh استفاده می کنیم که هم خواص مربوط به توابع خطی و مشتق پذیر را دارد و هم می توان با استفاده از آن یک تابع sign را شبیه سازی کرد. نتایج استفاده از این تابع در مدل در قسمت زیر آمده است که همانطور که مشهود است بهبود قابل توجهی مشاهده می شود. همینطور این نکته نیز وجود دارد که برای جمله خطا مقدار دقیق کلاس که همنوع با خروجی است را در نظر می گیریم.

د) با در نظر گرفتن این که برای بروز رسانی از تابع نرمی استفاده می کنیم و به طور شهودی در هر بروز رسانی در جهت نزدیک تر شدن به یک دره حرکت می کنیم، تاثیر این پارامتر را می توان به یک شتاب در حرکت در جهت شیب داخل دره گفته شده تشبیه کرد. پس می توان گفت با زیاد بودن این پارامتر با شیب زیادی در جهت نزدیک شدن به دره حرکت می کنیم که در نتیجه آن ممکن است دره را رد کرده و به بدنه قسمت دیگر آن برسیم که در نتیجه آن مشکل Convergence خواهیم داشت. همینطور با کم کردن این پارامتر نیز شیب ما کم خواهد بود که در نتیجه آن ممکن است نتوانیم از دره های بسیار کوچک در مسیر رسیدن به دره اصلی رد شویم و در نتیجه آن به این شکل است که اگر مقدار زیادی برای این رسید. نمود نکات گفته شده در مسئله در دست نیز به این شکل است که اگر مقدار زیادی برای این پارامتر تعیین شود، ممکن است نتوانیم به جواب مورد نظر دست پیدا کنیم و خطا را به صفر برسانیم. همینطور اگر مقدار کمی برای این پارامتر در نظر بگیریم، این اتفاق می افتد که جواب دقیق را پیدا نمی کنیم و الگوریتم اگر چه فکر می کند به جواب رسیده ولی در حقیقت جواب دقیق درست نخواهد بود.

سوال Madaline - ۴



خطوط بدست آمده با استفاده از madaline با ذكر epoch و همينطور دقت بدست آمده

تعداد epoch استفاده شده، تعداد نورون استفاده شده و همینطور دقت هر مدل را می توانید در شکل بالا مشاهده کنید. نکتهای که در مورد این اشکال وجود دارد این است که برای اینکه قالب مقایسه باشند، یک Seed مشخص برای وزنها و همینطور بایاس استفاده شده است. دیگر نکتهای که پر اهمیت می باشد این است که برای سادگی بیشتر، نورون انتهایی که برای مدل کردن and استفاده شده است به این شکل پیاده سازی شده است که اگر تمامی ورودیها منفی یک باشند خروجی شبکه نیز منفی یک باشد و در غیر این صورت یک. خروجی منفی یک برای نقاط داخلی در نظر گرفته شده اند تا اگر این نقاط نسبت به تمامی خطها خروجی منفی یک می دهند خروجی شبکه نیز منفی یک باشد. دلیل این کار این می باشد که اگر به این شکل پیاده سازی را انجام دهیم که جمع وزن دار علامت خطها نسبت به نقطه را در نظر بگیریم ممکن است خطوط در بین نقاط بیرونی و داخلی قرار نگیرد ولی خروجی متناسب با یکی از این حالات را مشاهده کنیم که در نتیجه آن غلط می باشد. به عنوان مثال می توان ۴ خط نسبت به یک نقطه بالای آن و ۴ خط پایین آن باشند و همدیگر را خنثی کنند.

البته روش بروز رسانی مربوط به Or میباشد با توجه به اینکه برای نقاط خارجی در نظر گرفته شده است. البته بروز رسانی این دو logic شبیه هم بوده و هر دو در یک راستا حرکت میکنند به این دلیل که قرار گرفتن نقاط داخلی در مرکز تمامی خطها در واقع این حالت را نیز ایجاد میکند که نقاط

خارجی هرکدام نسبت به حداقل یک خط بیرون قرار بگیرند. همینطور با دقت به تعداد epoch های شده برای رسیدن به نتیجه مد نظر می توان به این نتیجه رسید که برای تعداد نورون بالاتر، سرعت رسیدن به خطوط بهینه نیز بیشتر می باشد. اگر چه تعداد زیادی از این مشاهدات برای رسیدن به رابطه علیت و یا منطقی وجود ندارد اما می توان به طور شهودی به این نکته رسید که با تعداد نورون بیشتر رسیدن به خطوطی که بتوانند نقاط مورد نظر را در داخل خود قرار دهند راحت تر بوده، به این دلیل که با تعداد نورون بالاتر در حقیقت می توان این کار را کرد که هر خط به شکل relax تری به مکان مورد نظر خود برسد و به نوعی با تعداد خطوط بالا، دقت بالای مدل را پشتیبانی کنیم. این در حالی است که با تعداد خطوط کم هر خط می بایست از دقت بسیار بالایی برخوردار باشد. همینطور در بحث دقت نیز می توان به این شکل بحث کرد که با توجه به اینکه نقاط داده شده در تمامی مدل ها قابل رسیدن به شکلی بودند که این امکان وجود نداشت، دقت مدل هایی با تعداد نورون کمتر به طور قطع کمتر می بود. شکلی بودند که این امکان وجود نداشت، دقت مدل هایی با تعداد نورون کمتر به طور قطع کمتر می بود. نکته بسیار مهمی که وجود دارد این است. که تمامی نکات گفته شده در مورد نتایج گرفته شده کاملا موجه به وضعیت اولیه خطوط دارند. با در نظر گرفتن این نکته، اینکه با چه تعداد Poch به حالت می رسیم و یا اینکه با چه تعداد خط سریع تر به این حالت می رسیم کاملا تحت تاثیر قرار خواهد گرفت.