关系代数

- ●基本概念
- <u>•集合运算</u>
- <u>o投影</u>
- <u>o选择</u>
- <u>o笛卡尔积</u>
- ●自然连接

- <u>ο θ 连接</u>
- <u>o改名</u>
- **o**除法
- 0复合运算
- o对关系的约束
- <u>o小结</u>

基本概念

◆ 关系代数: 是从抽象的观点出发学习数据库查询的问题, 定义查询运算符。

关系代数中,表达式的运算数是关系,关系用关系名表示。 将要描述的任何运算符用于关系或用于关系的表达式,逐渐构造更为复杂的表达式。

- 一个查询就是关系代数的一个表达式。
- ◆关系代数运算包括:
- •集合运算符: U(并), -(差), ∩(交), X((广义)笛卡尔积)
- •专门的关系运算符: σ(选择), π(投影), θ(连接), |X|(自然连接), \div (除)
- ■逻辑运算符: ∧(与), ∨(或), ¬(非)
- 算术比较运算符: >(大于), ≥(大于等于), <(小于), ≤(小于等于), =(等于), ≠(不等于)



基本概念

- 并集、差集、选择、投影、改名运算不能由其他关系运算 导出,称为基本运算。
- ■交集、笛卡尔积、θ连接、自然连接可由其他关系运算导 出,称为导出运算(非基本运算)。
- •设关系模式 $R(A_1,A_2,...A_n)$,它的一个关系为R,则用 $t \in R$ 表示t是R的一个元组, $t[A_i]$ 表示元组t中相应于属性 A_i 的一个分量。
- ■象集(image set): 给定一个关系R(X,Y), X和Y为属性集, 当t[X]=x时,x在R中的象集是

R中的属性集X上值为x的诸元组在Y上分量的集合,表示 为 $Y_v = \{t[Y] | t \in R, t[X] = x\}$ 。



1 关系的基本集合运算

- ◆集合运算:并、交、差。对于关系R和S,
- ■R∪S R和S的并,是在R中或在S中的元组的集合,即R和S的所有元组合并,结果中有重复的元组,则只保存一次。

 $R \cup S = \{t | t \in R \lor t \in S\}$

■R∩S R和S的交,是在R和S中都存在的元组的集合。

 $R \cap S = \{t | t \in R \land t \in S\}$

•R-S R和S的差,是在R中而不在S中的元组的集合。

 $R-S=\{t|t\in R\land t\in S\}$

交运算可以用差运算来表示: R∩S=R-(R-S)

- ₹R-S不同于S-R,后者是在S中而不在R中的元组的集合。
- ②这三种基本集合运算不改变关系模式。
- ?是否任意两个关系都可以进行集合运算?



关系的集合运算

- 是否任意两个关系都可以进行集合运算? 需要R和S两个关系满足下面条件:
- ■R和S的模式必须具有相同个数的属性集。
- ■R中第i个属性和S中第i个属性必须来自同一个域(相同的数据类型)。
- 如果要对属性数相同但属性名不同的关系进行集合运算,则可以利用改名运算符来改变其中一个或两个关系的模式,使它们具有相同的属性集。



关系的集合运算 例

假定有两个关系R和S,都是关系MovieStar的实例。R和S的当前实例分别在下图给出。

关系R

name	address	gender	birthdate
<u>Carrie Fishe</u> r	123 Maple St. Hollywood	\mathbf{F}	9/9/99
Mark Hamill	456 Oak Rd. Brentwood	\mathbf{M}	8/8/88

关系S

name	address	gender	birthdate
<u>Carrie Fishe</u> r	123 Maple St. Hollywood	F	9/9/99
Harrison Ford	678 Palm Dr. Beverly Hills	M	7/7/77

RUS

name	address	gender	birthdate
<u>Carrie Fishe</u> r	123 Maple St. Hollywood	F	9/9/99
Mark Hamill	456 Oak Rd. Brentwood	\mathbf{M}	8/8/88
Harrison Ford	678 Palm Dr. Beverly Hills	\mathbf{M}	7/7/77

R∩S

name	address	gender	birthdate
Carrie Fisher	123 Maple St. Hollywood	F	9/9/99



关系的集合运算 例

name address gender birthdate 关系R Carrie Fisher 123 Maple St. Hollywood F 9/9/99 Mark Hamill 456 Oak Rd. Brentwood M 8/8/88

关系S

name	address	gender	birthdate
Carrie Fisher	123 Maple St. Hollywood	F	9/9/99
Harrison Ford	678 Palm Dr. Beverly Hills	M	7/7/77

R-S

name	address	gender	birthdate
Mark Hamill	456 Oak Rd. Brentwood	M	8/8/88

S-R

name	address	gender	birthdate
Harrison Ford	678 Palm Dr. Beverly Hills	\mathbf{M}	7/7/77



2 投影

◆投影运算符:从关系R产生一个只有R的某些列的新关系。 投影运算是单目运算。表示为 $\pi_{A_1A_2\cdots A_n}(R)$

 $\pi_{A1,A2,...An}(R) = \{t[A_1,A_2,...A_n] | t \in R\}$

- •结果关系的模式是属性集 $\{A_1,A_2,...,A_n\}$,并保持列出的顺序。
- •投影后有重复的元组,则结果中只保存一次。
- ₹投影运算可以改变关系的属性次序!

例 考虑关系模式Movie,将该关系投影到前三个属性上。

title	year	length	inColor	studioName	produc#
Star Wars	1977	124	true	Fox	11111
Mighty Ducks	1991	104	true	Disney	22222
Wayne's World	1992	95	true	Paramount	33333



投影 例

例 考虑关系模式Movie,将该关系投影到前三个属性上。

title	year	length	inColor	studioName	produc#
Star Wars	1977	124	true	Fox	11111
Mighty Ducks	1991	104	true	Disney	22222
Wayne's World	1992	95	true	Paramount	33333

 $\pi_{title,year,length}(Movie)$

用上面投影表达式将该关系投影到前三个属性上,结果如下。

title	year	length
Star Wars	1977	124
Mighty Ducks	1991	104
Wayne's World	1992	95

3 选择

- ◆选择运算符:将关系 \mathbf{R} 中满足某种条件 \mathbf{C} 的元组组成一个新的关系,记为 $\sigma_{\mathbf{C}}(\mathbf{R})$ 。选择运算是单目运算。
- $\sigma_{\mathbf{C}}(\mathbf{R}) = \{ \mathbf{t} | \mathbf{t} \in \mathbf{R} \land \mathbf{C}(\mathbf{t})$ 为真 $\}$
- •运算结果关系的模式中属性的顺序应保持与R同样的顺序。
- •条件C由运算项和运算符组成。
- >运算项是常量或R的属性(用属性名表示)。
- 运算符有算术比较运算符(>, ≥, <, ≤, =, ≠)和逻辑运算符(∧ ∨ ¬)。

条件C的结果为逻辑值"真"或"假"。

•运算方法:

把条件C用于R的每个元组t,计算是否满足条件。如果将条件C的每个属性用元组中的相应属性代替后条件C为真,那么,元组t就是出现在选择运算 $\sigma_{C}(R)$ 的结果中的元组之一,否则t不出现在结果中。

选择 例

title	year	length	inColor	studioName	produc#
Star Wars	1977	124	true	Fox	11111
Mighty Ducks	1991	104	true	Disney	22222
Wayne's World	1992	95	true	Paramount	33333

查询长度不少于100分钟的电影信息 $\sigma_{\text{length}\geq 100}(ext{Movie})$

title	year	length	inColor	studioName	produc#
Star Wars	1977	124	true	Fox	11111
Mighty Ducks	1991	104	true	Disney	22222

σ_{(length≥100) ∧ (studioName Fox')} (Movie) 单引号

title	year	length	inColor	studioName	produc#
Star Wars	1977	124	true	Fox	11111

◆选择是从关系的水平方向上进行运算的,而投影则是从关系的垂直方向上进行的。

4 笛卡尔积

- ◆笛卡尔积:关系R、S的笛卡尔积是两个关系的元组对的集合所组成的新关系,用R×S表示。该元素对是选择R的任何元素作为第一个元素,S的元素作为第二个元素构成的。
- •结果关系模式是R和S的模式的并集,按代数表达式的顺序, R的分量在S的分量之前。
- •若R有 k_1 个元组,S有 k_2 个元组,则关系R和关系S的笛卡尔积有 k_1*k_2 个元组。
- •如果R和S有同名属性,就需要为同名属性改名。

例如:R和S的模式中都有属性A,则在结果关系模式中对来自R的属性用R.A表示,对来自S的属性用S.A表示。



笛卡尔积 例

假设关系R和S具有如下给出的模式和元组。求乘积RXS 包括的元组。

I	2		S	
A	B	(\mathbf{B})	C	D
1	2	2	5	6
3	4_	4	7	8
		9	10	11

A	R.B	S.B	C	D
1	2	2	5	6
1	2	4	7	8
1	2	9	10	11
3	4	2	5	6
3	4	4	7	8
3	4	9	10	11



5 自然连接

- ◆自然连接:两个关系R和S的自然连接是从R×S的结果集中,选取在公共属性上具有相同值的元组,组成新的关系。表示为R|×|S。该运算是二目运算。
- •R、S的公共属性是指属性集的交集(名称及类型相同)。
- •公共属性在结果关系模式中只出现一次。
- •假设A₁,A₂,...,A_n是R和S的公共属牲,当且仅当R的元组r和S的元组s在A₁,A₂,...,A_n每个属性上都一致时,R的元组r和S的元组s才能成功地组成一对,作为自然连接的结果。此时构成一个连接元组。
- 没能在连接中和另一个关系的任何元组匹配的元组称为悬挂元组。
- ■自然连接中可能会出现R中一个元组和S中几个元组连接的情况。



自然连接 例

A	В
1	2
3	4



В	C	D
2	5	6
4	7	8
9	10	11

A	В	C	D
1	2	5	6
3	4	7	8

A	B	C
1	2	3
6	7	8
9	7	8



B	C	D
2	3	4
2	3	5
7	8	10

=

A	В	C	D
1	2	3	4
1	2	3	5
6	7	8	10
9	7	8	10

关系U

关系V

自然连接

【分析】R和S的自然连接可看作是在广义笛卡尔积R×S中选出同名属性上符合相等条件元组,再进行投影,去掉重复的同名属性,组成新的关系。

即首先RXS。然后在如下条件C下进行选择

 $R.A_1=S.A_1$ AND $R.A_2=S.A_2$ AND ... AND $R.A_n=S.A_n$

其中,A₁,A₂,...,A_n是R和S的公共属性。最后再投影。

◆假设L是一个属性表,其中前面的属性是关系R的所有属性,后面的属性是除了共有属性以外的关系S的属性。则

$$R|X|S=\pi_L(\sigma_C(RXS))$$

基本和导出运算 例

A	В	C		В	C	D
1	2	3	\bowtie	2	3	4
6	7	8		7	3	5
9	7	8		7	8	10

关系U

关系V

关系U和V的自然连接可以用乘积、选择和投影的形式写出:

$$\pi_{A,U.B,U.C,D}(\sigma_{(U.B=V.B)\wedge(U.C=V.C)}(U \times V)),$$

即首先得到乘积UXV,然后在每对同名属性(在这个例子中是B和C)之间进行等值选择。最后投影到所有的属性上,但只保留其中一个B和一个C。



6 θ连接

- igtledown 也,把两个关系的元组按指定条件匹配成对。R和S基于条件C的eta连接表示为etaigtriangledown 法人igcircCS。该运算是二目运算。
- •该运算的步骤如下:
 - >获得R和S的笛卡尔积。
 - ▶从乘积中选择满足条件C的元组。
- ■结果模式是R和S模式的并集,如果需要指出属性来自哪个模式,则可在属性前面加上前缀R.或S.。
- •0连接可以通过乘积和选择两个运算表达

$$R|X|_{C}S = \sigma_{C}(RXS)$$

0连接 例

			1		1		1	A	U.B	U.C	V.B	V.C	$ \mathbf{D} $
A	B	C		B	C	D		1	2	3	2	3	4
1	2	3		-2	3	4		1	2	3	2	3	$\begin{vmatrix} 1 \\ 5 \end{vmatrix}$
6	7	8		2	3	5		1	2		7	8	
9	7	8-		7	8	10			7	$\begin{vmatrix} 3 \\ 0 \end{vmatrix}$			$\left \begin{array}{c} 10 \\ 10 \end{array} \right $
上 半							J	6	_	8	7	8	10
大	かし の は の に る に	Л Х	$ _{\mathbf{A}<\mathbf{D}}\mathbf{V} $					9	7	8	7	8	10

图中的结果模式包括所有6个属性,U和V的公共属性用U.和V.作为前缀加在相应的属性前面以区别它们。

- ²若θ连接的条件是两个关系的公共属性相等,则是否等同于自然连接?
- ◆不同,自然连接的公共属性合并成一个副本。

θ连接 例

$|\mathbf{U}| \times |_{(\mathbf{A} < \mathbf{D}) \wedge (\mathbf{U}.\mathbf{B} \neq \mathbf{V}.\mathbf{B})} \mathbf{V}|$

A	В	C
1	2	3
6	7	8
9	7	8

В	C	D
2	3	4
2	3	5
7	8	10

关系U 关系V

A	U.B	U.C	V.B	V.C	D
1	2	3	7	8	10

A	U.B	U.C	V.B	V.C	D
1	2	3	2	3	4
1	2	3	2	3	5
1	2	3	7	8	10
6	7	8	2	3	4
6	7	8	2	3	5
6	7	8	7	8	10
9	7	8	2	3	4
9	7	8	2	3	5
9	7	8	7	8	10

7 改名

◆改名:使用运算符 $\rho_s(A_1,A_2,...,A_n)(R)$ 把关系R改名。 结果关系和初始关系R有完全相同的元组,但关系名是S,并且结果关系S的属性从左至右依次命名为 $A_1,A_2,...,A_n$ 。 如果只想把关系改名为S,而属性名和R中的一样,用 $\rho_s(R)$ 。 【例】求R $\times \rho_s(X,C,D)(S)$ 。

A	В
1	2
3	4

关系R

В	C	D
2	5	6
4	7	8
9	10	11

关系S

X	C	D
2	5	6
4	7	8
9	10	11

A	В	X	C	D
1	2	2	5	6
1	2	4	7	8
1	2	9	10	11
3	4	2	5	6
3	4	4	7	8
3	4	9	10	11

8 除法

◆除法:是二目运算。设有关系R(X,Y)与关系S(Y,Z),其中X,Y,Z为属性集合,R中的Y与S中的Y可以有不同的属性名,但对应属性必须出自相同的域。

关系R除以关系S所得的商是一个新关系P(X),P是R中满足下列条件的元组在X上的投影:

元组在X上分量值x的象集 Y_x 包含S在Y上投影的集合。记作:

 $R \div S = \{tr[X] | tr \in R \land \pi_y(S) \subseteq Y_x\}$

其中, Y_x 为x在R中的象集,x=tr[X]。

•除法运算为非基本运算,可以表示为:

$$R \div S = \pi_x(R) - \pi_x(\pi_x(R) \times \pi_y(S) - R)$$



除法 例

A	В	C	D	E
a1	b2	c3	d5	e1
a1	b2	c4	d6	e1
a2	b4	c1	d3	e3
a3	b5	c2	d8	e4

C	D	F
c3	d5	f3
c4	d6	f4

A	В	E
a1	b2	e1

 $R \div S$

R

除法 例

sno	pno		ono		pno		pno	
S1	P1]]	P2		P2		P1	
S1	P2		D1		P4		P2	
S1	P3		B1		B2		P4	
S1	P4	Γ	sno		DZ	Ĺ		
S2	P1		S1	1			B3	
S2	P2		S1 S2		sno			
S3	P2		S3		S1		sno	
S4	P2		S4		S1 S4		S1	
S4	P4	L			5		31	
A	A		A/B 1	l	A/B 2	2	A/B3	3

9 查询中的复合运算

◆可以通过将运算符用于子表达式,必要时用括号表明运算项分组,来构造关系代数表达式。

【例】查询"由Fox公司制作的至少有100分钟长的电影的名称和年份是什么?"。

Movie(title,year,length,filmType,studioName)

【解】要计算这个查询的答案,可以按下面步骤进行。

- 1)选择长度length≥l00的Movie元组。
- 2)选择StudioName='Fox'的Movie元组。
- 3)计算(1)和(2)的交集。
- 4)将来自(3)的关系投影到属性title和year上。

$$\pi_{title, year}(\sigma_{length \ge 100}(Movie) \cap \sigma_{studioName = 'Fox'}(Movie))$$

$$\pi_{title, year}(\sigma_{length \geq 100 \land studioName = 'Fox'}(Movie))$$



复合运算

◆自然连接运算的一个用途是重组被分解的关系。

【例】设Movie1具有模式 {title,year,length,filmType,studioName}, Movie2具有模式 {title,year,starName}, 查询"主演的电影至少100分钟长的影 星的名字"。

【解】该查询首先用自然连接|X|把在title和year上一致的元组成功地匹配成对,也就是把同一部电影的元组匹配成对。

然后使用一个选择,其条件是要求电影的长度至少是100分钟。 然后投影到所要求的属性starName上。表达式如下:

$$\pi_{starName} \left(\sigma_{length \geq 100} \left(Movie 1 \bowtie Movie 2 \right) \right)$$

复合运算

◆除法运算同时从行和列的角度进行运算,适合于包含"全部"之类的短语的查询。

【例】SCore(SNO,CNO,grade),Course(CNO,Cname,Ccredit),Student(SNO,Sname,Ssex,Sbirthday)

【解】首先需要获得全部课程信息, 然后利用除法得到具有全部课程成绩的学生的学号, 再利用自然连接将学生的姓名获得。

查询选修了全部课程的学生的学号和姓名。

 $(\pi_{SNO,CNO}(SCore) \div \pi_{CNO}(Course))| \times |\pi_{SNO,SName}(Student)|$

关系代数习题注意事项

- 1、问题要求回答的内容才要显示,其他内容不能有。别忘了用投影显示要查询的属性。
- 2、笛卡尔积、自然连接和θ连接要分清。
- 笛卡尔积是两个关系的元组的排列组合,没有任何条件。
- •自然连接要求元组中相同属性有相同的值。
- ■0连接是在做了笛卡尔积之后再选择符合条件的组合。
- 3、复杂的查询可以首先将它分解成一步一步的简单的查询。



【例】有关系模式如下,写出关系代数表达式回答下列查询:

Product(maker(制造商),model,producttype(产品类型))

PC(model(型号),speed,ram(内存),hd(硬盘),cd(光驱),price)

- 1、找出PC速度至少为150的型号。
- 2、列出制造商制造的所有的PC的型号、速度、价格和相应的制造商名。
- 3、找出价格高于1000美元的PC的制造商。
- 4、找出速度大于133或者内存大于256的PC的型号。

$$1 \sigma_{model} \left(\sigma_{speed \ge 150}(PC) \right)$$

- $2 \pi_{model, speed, price, maker}(Product[X]PC)$
- $3 \sigma_{maker} \left(\sigma_{price > 1000} (Product[X]PC) \right)$
- $4 \sigma_{model} \left(\sigma_{speed > 133 \vee ram > 256} PC \right)$



【例】有关系模式如下,写出关系代数表达式回答下列查询:

Product(maker(制造商),model,producttype(产品类型))

PC(model(型号),speed,ram(内存),hd(硬盘),cd(光驱),price)

Laptop(model,speed,ram,hd,screen,price)

Printer(model,color(颜色),type(类型),price)

1、找出在两个或两个以上PC中出现的硬盘容量。

【解】 R1=
$$\rho_{PC1}(PC)$$

R2= $\rho_{PC2}(PC)$
R3=R1| \times | $\rho_{PC1.hd=PC2.hd}$ $\rho_{PC1.model\neq PC2.model}$ R2
 $R4 = \pi_{PC1.hd}(R3)$



【例】有关系模式如下,写出关系代数表达式回答下列查询:

Product(maker(制造商),model,producttype(产品类型))
PC(model(型号),speed,ram(内存),hd(硬盘),cd(光驱),price)
Laptop(model,speed,ram,hd,screen,price)
Printer(model,color(颜色),type(类型), price)

2、找出速度相同且RAM相同的成对的PC型号。

【解】 R1=
$$\rho_{PC1}(PC)$$

R2= $\rho_{PC2}(PC)$
R3=
R1| \times | $\rho_{C1.speed=PC2.speed \land PC1.ram=PC2.ram \land PC1.model \neq PC2.model}$ R2
 $R4 = \pi_{PC1.model,PC2.model}(R3)$

?如何消除重复的PC对?



【例】有关系模式如下,写出关系代数表达式回答下列查询:

Product(maker(制造商),model,producttype(产品类型))

PC(model(型号),speed,ram(内存),hd(硬盘),cd(光驱),price)

Laptop(model,speed,ram,hd,screen,price)

Printer(model,color(颜色),type(类型),price)

3、找出至少生产两种不同的计算机且机器速度至少为133的厂商。

「解】
$$R1 = \pi_{model,speed}(PC) \cup \pi_{model,speed}(Laptop)$$
 $R2 = \pi_{maker,model}(\sigma_{speed \ge 133}(R1)[X]Product)$
 $R3 = \rho_{R3}(maker 2, model 2)(R2)$
 $R4 = R2[X]_{maker = maker 2 \land model \ne model 2}R3$
 $R5 = \pi_{maker}R4$



10 对关系的约束

- ◆如果R和S是关系代数表达式,则
- •R=Ø是一个约束,它表明"R的值必须为空",即"在R的结果中没有元组"。
- •R⊆S(R属于S)是一个约束。它表明"R中的每个元组也必须在S中"。而S可能包括不是R的元组。
- -约束R⊆S也可以写为R-S=Ø,R=Ø也可以写为R⊆Ø。 R-R=Ø。
- ◆参照完整性约束:如果实体A与实体B相关,那么B必须实际存在。

在关系模型中,如果一个关系R的一个元组有一个分量值为v,那么根据用户的设计意图,可以期望v将出现在另一个关系S的某个元组的特定分量中。



参照完整性约束 例

考虑两个关系

Movie(title,year,length,inColor,studioName,producerC#)

MovieExec(name,address,cert#,networth)

如果要求它们之间存在参照完整性约束,即假定每部电影的制片人必须出现在MovieExec关系中,

也就是每个Movie元组的producerC#分量也必须出现在某个MovieExec元组的cert#分量中。

则可以用集合的包含关系来表达这个约束:

$$\pi_{procducerC\#}(Movie) \subseteq \pi_{cert\#}(MovieExec)$$

$$\pi_{procducerC\#}(Movie) - \pi_{cert\#}(MovieExec) = \Phi$$



参照完整性约束 例

如果某个参照完整性约束涉及到多个属性,也可以类似地表达。例如,要求在关系

starsIn(movieTitle,movieYear,starName)

中涉及到的任何电影也出现在下面的关系中

Movie(title,year,length,inColor,studioName,producerC#)

在两个关系中电影都用title-year对表示。

则用下面表达式表达这样的参照完整性约束。

$$\pi_{movieTitle, movieYear}(starsIn) \subseteq \pi_{title, year}(Movie)$$

!注意前后投影顺序要一致。



附加约束

◆域约東就是要求属性的值有特定的数据类型,例如整型或长度为30的字符串。

如果域约束涉及到属性所需要的特定值,属性可取值的集合可以用选择条件语言表达,那么这个域约束就可以用代数约束语言表达。

【例】假定希望MovieStar"性别"属性仅有的合法值为'F'和'M'。则可以用如下的代数方法表示这个约束。

$$\sigma_{gender \neq 'F'AND\ gender \neq 'M'}(MovieStar) = \Phi$$

附加约束 例

有关系MovieExec(name,address,cert#,networth)和Studio(name,address,presC#),假定要求一个人必须至少有净资产\$10000000才可以做电影制片公司的总裁。试将该约束用关系代数表示。

首先用θ连接把两个关系连起来,θ连接中利用的条件是来自 studio的presC#和来自MovieExec的cert#相等。该连接把包 含制片公司和行政长官的两个元组组合成对。

如果从这个关系中选择净资产少于\$10000000的元组,则要求它必须为空。这样,可以把该约束表达为

$$\sigma_{netWorth < 10000000} (studio \bowtie_{presC \#=cert \#} MovieExec) = \Phi$$

$$\pi_{presC}$$
 (studio) $\subseteq \pi_{cert}$ ($\sigma_{networth \ge 10000000}$ (MovieExec))



关系代数小结

- 1、并R∪S、交R∩S、差R-S。
- 2、投影 从关系R产生一个只有R的某些列的新关系。
- $3、选择 \sigma_{C}(R)$ 保留满足条件C的R中的元组。
- 4、笛卡尔积 R×S是两个关系R和S的元素对的集合。
- 5、自然连接 R|X|S,结果关系的元组是R和S元组在公共属性上取值一致的所有元组的组合。
- 6、 θ 连接 $R|X|_{C}S$,结果关系是首先获得R和S的积(笛卡尔积),然后从乘积中选择满足条件C的元组。
- 7、改名 $\rho_s(A_1,A_2,...,A_n)(R)$,结果关系名是S,属性从左至右依次命名为 $A_1,A_2,...,A_n$ 。
- 8、除法R÷S是R中满足下列条件的元组在X上的投影:元组在X上分量值x的象集Yx包含S在Y上投影的集合。

