

题目原文：

Suppose that you have an n -story building (with floors 1 through n) and plenty of eggs. An egg breaks if it is dropped from floor T or higher and does not break otherwise. Your goal is to devise a strategy to determine the value of T given the following limitations on the number of eggs and tosses:

- Version 0: 1 egg, $\leq T$ tosses.
- Version 1: $\sim \lg n$ eggs and $\sim \lg n$ tosses.
- Version 2: $\sim \lg T$ eggs and $\sim 2 \lg T$ tosses.
- Version 3: 2 eggs and $\sim 2\sqrt{n}$ tosses.
- Version 4: 2 eggs and $\leq c\sqrt{T}$ tosses for some fixed constant c

分析：

version0：拿着一个鸡蛋从1~ n 依次扔就可以，到floor T 会碎，故复杂度为 $\leq T$

version 1: 采用二分查找，首先从 $n/2$ 层开始扔：

if(鸡蛋碎) 从 $(n/2)/2$ 层开始扔；

else 从 $n/2+(n/2)/2$ 层开始扔

二分方法需要 $\lg n$ 个鸡蛋尝试 $\lg n$ 次

version 2: 依次从1, 2, 4, 8, 16, 32,... 2^k 开始扔，如果鸡蛋在 2^k 碎了，那么 $2^{k-1} \leq T \leq 2^k$ ，这时已经使用了 $\lg T$ 次步，接下来在 $[2^{k-1}+1, 2^k)$ 区间进行version1的二分查找方法，需要花费 $\lg T$ 步。这两种操作加起来总共花费 $2 \lg T$ 步

version 3: 将0~ n 层楼分成 $[1, \sqrt{n}-1]$, $[\sqrt{n}, 2\sqrt{n}-1]$, $[2\sqrt{n}, 3\sqrt{n}-1]$... $[k\sqrt{n}, (k+1)\sqrt{n}-1]$..个区间，用一个鸡蛋分布从1开始在各个区间的起始楼层扔，如果在 $k\sqrt{n}$ 层碎了，那就从 $(k-1)\sqrt{n}+1$ 开始逐层扔。第一步区间选择用了 \sqrt{n} 的复杂度，第二步区间内部扔鸡蛋用了 \sqrt{n} 的复杂度，总共用了 $2\sqrt{n}$

version 4: 尝试从1, 4, 9, 16, 25,... $(k-1)^2, k^2$楼层扔鸡蛋，加入鸡蛋在楼层 k^2 碎了，意味着 $(k-1)^2 \leq T \leq k^2$ ，这一步尝试了 \sqrt{T} 次($k=\sqrt{T}$)。接着从楼层 $(k-1)^2+1$ 开始逐层扔，最多尝试至 k^2-1 结束，这一步需要尝试 $k^2-1-(k-1)^2-1=2\sqrt{T}-1=2\sqrt{T}-2$ 次。总共用了 $3\sqrt{T}-2$ 次