Politechnika Wrocławska

SPD

Opracowanie

Spis treści

1	\mathbf{Prz}	ykładowe zadania optymalizacji. Klasyfikacja podejść i		
	met	cod	3	
	1.1	Przykładowe zadania optymalizacji	3	
	1.2	Klasyfikacja podejść i metod	3	
2	Optymalizacja procesu wytwarzania. Szeregowanie.			
	2.1	Optymalizacja procesu wytwarzania	5	
	2.2	Szeregowanie	5	
3	Strategie wytwarzania. Systemy sterowania			
	3.1	Systemy sterowania	6	
	3.2	Strategie wytwarzania	6	
		3.2.1 PUSH	6	
		3.2.2 SQUEEZE	6	
		3.2.3 PULL (JIT)	7	
		3.2.4 Inne strategie	7	
4	Problem Pakowania			
	4.1	Sformułowanie	8	
	4.2	Własności	8	
	4.3		8	
5	Pro	blem komiwojazera. Sformulowanie, wlasnosci i metoda		
	roz	wiazywania	9	
	5.1	Sformulowanie	9	
	5.2	Wlasnosci	9	
	5.3		9	
6	Pro	blem plecaka 1	.0	
	6.1	Sformułowanie	10	
	6.2	Własności	LO	
	6.3		10	

1 Przykładowe zadania optymalizacji. Klasyfikacja podejść i metod

1.1 Przykładowe zadania optymalizacji

- Problem plecakowy zadanie to polega na zapakowaniu do plecaka przedmiotów tak, aby osiągnąć maksymalną sumaryczną wartość przedmiotów zapakowanych przy ograniczonej pojemności plecaka.
- Problem komiwojażera (TSP) polega na znalezieniu minimalnego cyklu Hamiltona w pełnym grafie ważonym. Odwzorowaniem tego problemu w rzeczywistości jest rozwiązanie problemu podróżnego handlarza, który chce odwiedzić wszystkie zaplanowane miasta minimalizując jednoczenie drogę lub czas lub koszt odbycia tej podróży.
- Optymalizacja procesu wytwarzania uszeregowanie zadań w taki sposób aby zostało osiągnięte zadane kryterium np. minimalizacja czasu wykonania wszystkich zadań.

1.2 Klasyfikacja podejść i metod

1. Metody dokładne

- Schemat podziału i ograniczeń (B&B) ogólne podejście oparte na dekompozycji (podziału na mniejsze problemy, redukcja ograniczeń) i "inteligentnym" przeszukiwaniu zbioru rozwiązań dopuszczalnych problemu optymalizacyjnego. Znajduje zastosowanie w problemach silnie NP-trudnych. Dostarcza algorytmów o wykładniczej złożoności obliczeniowej. Może być stosowany dla dowolnego problemu dyskretnego (liniowego i nieliniowego).
- Schemat programowania dynamicznego (PD) podejście polegające na przekształceniu zadania optymalizacji w wieloetapowy proces podejmowania decyzji, w którym stan na każdym etapie zależy od decyzji wybieranej ze zbioru decyzji dopuszczalnych. Stany poprzednich etapów zostają zapamiętane zatem eliminowana jest konieczność kilkukrotnego przeliczania tych samych rozwiązań (porozwiązywań). Złożoność algorytmów dla tego podejścia może być wielomianowa (max droga w grafie), pseudowielomianowa (problem załadunku) jak i wykładnicza (TSP).
- Programowanie liniowe całkowitoliczbowe (PLC) podejście w którym zarówno funkcja celu jak i zestaw ograniczeń składają się

- z funkcji liniowych z żądaniem aby wszystkie parametry były wyrażone liczbami całkowitymi.
- Programowanie liniowe binarne (PLB) tak jak PLC, w którym parametry przyjmują wartości binarne (0,1).
- Metody subgradientowe mogą byś stosowane dla przypadków, gdzie funkcja celu jest funkcją ciągłą i subróżniczkowalną, posiadającą skończoną wartość ekstremum, a zbiór rozwiązań jest niepusty, domknięty i wypukły. Metody te s ą kosztowne obliczeniowo, a ich szybkość zbiegania do rozwiązania optymalnego silnie zależy od przykładu problemu.
- 2. Metody przybliżone są to metody, które nie znajdują rozwiązania optymalnego, lecz rozwiązanie bliskie optymalnemu. Są stosowane tam, gdzie ważniejsze jest szybkie otrzymanie rozwiązania.
 - Konstrukcyjne szybkie, łatwe w implementacji lecz rozwiązanie dość znacznie odbiega od rozwiązania optymalnego.
 - Poprawiające wolniejsze, wymagają podania początkowego rozwiązania rozwiązania, które poprawiają w kolejnych krokach. Dostarczają rozwiązań o bardzo dobrej i doskonałej jakości. Umożliwiają kształtowanie kompromisu pomiędzy jakością a czasem obliczeń.

2 Optymalizacja procesu wytwarzania. Szeregowanie.

2.1 Optymalizacja procesu wytwarzania

Proces wytwarzania jest rozbudowanym zagadnieniem. W celu jego optymalizacji należy zwrócić uwagę na:

- synchronizację terminów dostaw z zapotrzebowaniami,
- odpowiednim przydzieleniu w czasie zasobów do wykonywanych zadań,
- podział zadań na partie produkcyjne,
- uszeregowanie zadań (określenie ich terminów wykonywania na poszczególnych maszynach)

2.2 Szeregowanie

Szeregowanie zadań w procesie wytwarzania jest kluczowym elementem optymalizacji tego procesu. Na podstawie problemu praktycznego tworzony jest opis przy użyciu pojęć z teorii szeregowania, który prowadzi do matematycznego modelu procesu. Symboliczny opis problemu szeregowania:

$$\alpha |\beta| \gamma$$
 (1)

 α - typ zagadnienia,

 β - dodatkowe ograniczenia,

 γ - postać funkcji celu.

W typie zagadnienia zawarte są informacje o ilości maszyn, sposobie przejścia zadań przez system (typ zagadnienia: przepływowy, gniazdowy, równoległy) oraz o trybie realizacji poszczególnych operacji zadania.

Pośród przykładowych dodatkowych ograniczeń można wymienić takie jak: prec - narzucony, częściowy porządek wykonywania zadań, pmtn - dopuszczenie możliwości przerwania wykonywania zadania, setup - wstępują czasy przezbrojenia maszyn pomiędzy wykonywaniem zadań i inne.

Przykładowa funkcja celu może być w postaci minimalizacji czasu wykonania wszystkich zadań.

Problem szeregowania zazwyczaj jest problemem NP-trudym. Istnieje wiele algorytmów dokładnych jak i przybliżonych rozwiązujących problemy tego typu.

3 Strategie wytwarzania. Systemy sterowania

3.1 Systemy sterowania

System sterowania ma zapewnic uruchamianie, nadzorowanie i zapewnienie realizacji zadan produkcyjnych. W zaleznosci od wielkosci produkcji, jej charakteru linii produkcyjnej i stoppnia automatyzacji parku maszynowego stosowane sa rozne strategie wytwarzania.

3.2 Strategie wytwarzania

3.2.1 PUSH

Zadania wytworcze (zamowienia na produkt koncowy) sa tłumaczone na zadania materialow i polproduktow a nastepnie przepychane przez system sterowania produkcj? wed?ug ustalonego harmonogramu. W razie potrzeby harmonogram jest na bierzaco korygowany i odpowiednie sterowania sa przekazywane do systemu wytwarzania. Sterowanie tego typu nosi nazwe nadaznego Systemy sterowania dla tej strategii to MRP i ERP.

- MRP Material Requirements planning Umozliwia kontrole rodzajow ilosci i terminow produkcji a takze sterowanie zapasami i ich uzupelnianiem
- ERP enterprise resource planning system wspomagajacy nadzor nad calym procesem produkcji poczawszy od zaopatrzenia w materialy a skonczywszy na dostawie do odbiorcy.

Strategie polecana dla produkcji jednostkowej i krotkoseryjnej.

3.2.2 SQUEEZE

Strategia zak?ada ?e wydajnosc systemu wytworczego jest ograniczona przepustowościa waskejgo gardla systemu. Gard?o to zestaw stanowisk wytworczych przez ktore produkcja sie przeciska powodujacspietrzanie i kolejki zadan.

Jeno jeden system OPT : umozliwia zoptymalizowanie przeyplywu produkcji koncentrujac sie na waskim gardle upatrujac w nim element determinujacy dzialanie calego systemu produkcyjnego.

Strategia polecana dla produkcji krotko i srednio seryjnej.

3.2.3 PULL (JIT)

Strategia zaklada za podstawe produkcji zgloszona wielkosc zapotrzebowania na okreslony produkt koncowy ktory powoduje ssanie na wyjsciu systemu. Przeklada sie to na ssanie materialow i polproduktow. Brak ssania oznacza bezczynnosc systemu i stanowisk wytwarzania, zapobiega zbednemu wytwarzaniu redukuje zapasy.

KANBAN TOYOTA zamowienia gotowe na czas, karteczki etc. to chyba wiemy

3.2.4 Inne strategie

- 1. CAW steruje zleceniami w celu zapewnienia stalego sredniego obciazenia stanowisk. Dobra jak stale terminy dostaw , stabilne dostawy materialow, niezmienna zdolnosc produkcyjna
- 2. CRS ciagle uzupelnianie stawnow materialowych. Dobra dla produkcji seryjnej i powtarzalnej przy stalym zapotrzebowaniu

4 Problem Pakowania

4.1 Sformułowanie

Danych jest n obiektów, każdy o rozmiarze w_i . Dane są również opakowania o pojemności W. Należy tak rozmieścić obiekty w opakowaniach aby użyć jak najmniej opakowań przy założeniu nie przekraczania pojemności opakowań.

4.2 Własności

- Należy do zagadnień grupowania elementów.
- Jest problemem NP-trundym optymalizacji kombinatorycznej.

4.3 Metoda rozwiązania

- 1. Algorytmy przybliżone
 - First Fit Decreasing (nazwa mówi wszystko :) rozwiązanie nie gorsze niż 22% optymalnego
 - Przeszukiwanie z nawrotami bardzo dobre rezultaty.
 - Specjalizowany algorytm genetyczny Falkenauera.

5 Problem komiwojazera. Sformulowanie, wlasnosci i metoda rozwiazywania

5.1 Sformulowanie

Dane jest n miast, ktore komiwojazer musi odwiedzic, oraz odleglosci miedzy kazda para miast. Celem jest znalezienie najkrotszej drogi laczacej wszystkie miasta zaczynajacej i konczocej sie w okreslonym punkcie. Sprowadza sie to do budowy grafu gdzie wierzcholki to miasta a wagi krawedzi to odleglosci miedzy nimi.

5.2 Wlasnosci

- Z uwagi na to ze powstaly graf jest grafem pelnym to na pewno posiada przynajmniej jeden minimalny cykl Hamiltona (problem zawsze ma rozwiazanie).
- Zagadnianie nalezy do problemow NP-trudnych duza zlozonosc obliczeniowa wraz ze wzrostem liczby miast (nie wiadomo czy mozna rozwiazac w czasie wielomianowym).

5.3 Metody

Do rozwiazywania tego rpoblemu stosuje sie metody przyblizone. Za pomoca metod programowania dynamicznego istnieje algorytm 'Held-Karp algorithm' (Helda-Karpia:D?) ktory umozliwia rozwiazanie problemu w czasie $O(n^22^n)$ Ale algorytmy dokladne wolno działaja i raczej stosuje sie przyblizone. Algorytm mrowkowy, Lin-Kernighan, NN (nearest neighbour)

Algorytm 2-optymalny - W podejściu tym bazujemy na obserwacji, iż krzyżujące się połączenia między miastami są zawsze gorsze niż takie, które się nie krzyżują. W algorytmie tym zatem sprawdza się wszystkie możliwe pary krawędzi i jeśli którakolwiek zawiera krawędzie krzyżujące się, następuje takie przestawienie czterech miast na trasie, by krzyżujące się krawędzie zostały zastąpione przez takie, które się nie krzyżują. Jednakże, brak krzyżujących się krawędzi wcale nie gwarantuje optymalności rozwiązania i cały proces przeważnie kończy się w minimum lokalnym. Aby "uciec" z tego minimum lokalnego wprowadzić można losowe zaburzenia do aktualnie najlepszej trasy

6 Problem plecaka

6.1 Sformulowanie

Danych jest n przedmiotów, każdy o objętości (wadze) w_i oraz cenie (wartości) c_i . Dany jest również plecak o pojemności W Należy zapakować do plecaka przedmioty tak, aby ich sumaryczna wartość była możliwie jak największa przy nie przekroczeniu objętości plecaka.

6.2 Własności

- Problem jest NP-trudny.
- Występuje w postaci ciągłej jak i dyskretnej.

6.3 Metoda rozwiązania

- 1. Metody dokładne
 - Przegląd zupełny generuje wszystkie dopuszczalne rozwiązania i z nich wybiera optymalne $O(2^n)$.
 - Programowanie dynamiczne złożoność pseudowielomianowa. Dzieli zadanie na mniejsze prostsze do rozwiązania. Na początku przyjmuje, że plecak ma pojemność 1, następnie generuje optymalne rozwiązanie dla plecaka o takiej pojemności, zapamiętuje je i inkrementuje pojemność plecaka tym razem szukając rozwiązania optymalnego korzysta z wcześniej znalezionego rozwiązania dla mniejszej objętości plecaka. Ten schemat jest powtarzany aż do osiągnięcia wymaganej pojemności plecaka wraz z rozwiązaniem optymalnym.

2. Metody przybliżone

• Algorytm zachłanny - polega na posortowaniu przedmiotów niemalejąco według stosunku ceny do wagi $\frac{c_i}{w_i}$. Następnie iterując całą posortowaną kolekcję od pierwszego elementu umieszcza kolejno w plecaku te przedmioty, które wraz z przedmiotami umieszczonymi wcześniej nie przekraczają pojemności plecaka aż do końca kolejki lub całkowitego zapełnienia plecaka. Złożoność algorytmu O(nlogn).