

语言模型

一段自然语言文本可以看作是一个离散时间序列，给定一个长度为 T 的词的序列 w_1, w_2, \dots, w_T ，语言模型的目标就是评估该序列是否合理，即计算该序列的概率：

$$P(w_1, w_2, \dots, w_T).$$

本节我们介绍基于统计的语言模型，主要是 n 元语法（ n -gram）。在后续内容中，我们将会介绍基于神经网络的语言模型。

语言模型

假设序列 w_1, w_2, \dots, w_T 中的每个词是依次生成的，我们有

$$\begin{aligned} P(w_1, w_2, \dots, w_T) &= \prod_{t=1}^T P(w_t \mid w_1, \dots, w_{t-1}) \\ &= P(w_1)P(w_2 \mid w_1) \cdots P(w_T \mid w_1 w_2 \cdots w_{T-1}) \end{aligned}$$

例如，一段含有4个词的文本序列的概率

$$P(w_1, w_2, w_3, w_4) = P(w_1)P(w_2 \mid w_1)P(w_3 \mid w_1, w_2)P(w_4 \mid w_1, w_2, w_3).$$

语言模型的参数就是词的概率以及给定前几个词情况下的条件概率。设训练数据集为一个大型文本语料库，如维基百科的所有条目，词的概率可以通过该词在训练数据集中的相对词频来计算，例如， w_1 的概率可以计算为：

$$\hat{P}(w_1) = \frac{n(w_1)}{n}$$

其中 $n(w_1)$ 为语料库中以 w_1 作为第一个词的文本的数量， n 为语料库中文本的总数量。

类似的，给定 w_1 情况下， w_2 的条件概率可以计算为：

$$\hat{P}(w_2 \mid w_1) = \frac{n(w_1, w_2)}{n(w_1)}$$

其中 $n(w_1, w_2)$ 为语料库中以 w_1 作为第一个词， w_2 作为第二个词的文本的数量。

n元语法

序列长度增加，计算和存储多个词共同出现的概率的复杂度会呈指数级增加。 n 元语法通过马尔可夫假设简化模型，马尔科夫假设是指一个词的出现只与前面 n 个词相关，即 n 阶马尔可夫链（Markov chain of order n ），如果 $n = 1$ ，那么有 $P(w_3 \mid w_1, w_2) = P(w_3 \mid w_2)$ 。基于 $n = 1$ 阶马尔可夫链，我们可以将语言模型改写为

$$P(w_1, w_2, \dots, w_T) = \prod_{t=1}^T P(w_t \mid w_{t-(n-1)}, \dots, w_{t-1}).$$

以上也叫 n 元语法（ n -grams），它是基于 $n = 1$ 阶马尔可夫链的概率语言模型。例如，当 $n = 2$ 时，含有4个词的文本序列的概率就可以改写为：

$$\begin{aligned} P(w_1, w_2, w_3, w_4) &= P(w_1)P(w_2 \mid w_1)P(w_3 \mid w_1, w_2)P(w_4 \mid w_1, w_2, w_3) \\ &= P(w_1)P(w_2 \mid w_1)P(w_3 \mid w_2)P(w_4 \mid w_3) \end{aligned}$$

当 n 分别为1、2和3时，我们将其分别称作一元语法（unigram）、二元语法（bigram）和三元语法（trigram）。例如，长度为4的序列 w_1, w_2, w_3, w_4 在一元语法、二元语法和三元语法中的概率分别为

$$\begin{aligned} P(w_1, w_2, w_3, w_4) &= P(w_1)P(w_2)P(w_3)P(w_4), \\ P(w_1, w_2, w_3, w_4) &= P(w_1)P(w_2 \mid w_1)P(w_3 \mid w_2)P(w_4 \mid w_3), \\ P(w_1, w_2, w_3, w_4) &= P(w_1)P(w_2 \mid w_1)P(w_3 \mid w_1, w_2)P(w_4 \mid w_2, w_3). \end{aligned}$$

当 n 较小时， n 元语法往往并不准确。例如，在一元语法中，由三个词组成的句子“你走先”和“你先走”的概率是一样的。然而，当 n 较大时， n 元语法需要计算并存储大量的词频和多词相邻频率。

思考： n 元语法可能有哪些缺陷？

1. 参数空间过大
2. 数据稀疏

语言模型数据集

读取数据集

In [10]:

```
with open('/home/kesci/input/jaychou5323/jaychou_lyrics.txt/jaychou_lyrics.txt') as f:
    corpus_chars = f.read()
print(len(corpus_chars))
print(corpus_chars[: 40])
corpus_chars = corpus_chars.replace('\n', ' ').replace('\r', ' ')
corpus_chars = corpus_chars[: 10000]
```

63282

想要有直升机
想要和你飞到宇宙去
想要和你融化在一起
融化在宇宙里
我每天每天每

建立字符索引

In [11]:

```
idx_to_char = list(set(corpus_chars)) # 去重，得到索引到字符的映射
char_to_idx = {char: i for i, char in enumerate(idx_to_char)} # 字符到索引的映射
vocab_size = len(char_to_idx)
print(vocab_size)
```

```
corpus_indices = [char_to_idx[char] for char in corpus_chars] # 将每个字符转化为索引，得到一个索引的序列
sample = corpus_indices[: 20]
print('chars:', ''.join([idx_to_char[idx] for idx in sample]))
print('indices:', sample)
```

1027

chars: 想要有直升机 想要和你飞到宇宙去 想要和

indices: [123, 790, 718, 53, 709, 955, 96, 123, 790, 674, 467, 187, 901, 519, 1012, 865, 96, 123, 790, 674]

定义函数load_data_jay_lyrics，在后续章节中直接调用。

In [12]:

```
def load_data_jay_lyrics():
    with open('/home/kesci/input/jaychou5323/jaychou_lyrics.txt/jaychou_lyrics.txt') as f:
        corpus_chars = f.read()
        corpus_chars = corpus_chars.replace('\n', ' ').replace('\r', ' ')
        corpus_chars = corpus_chars[0:10000]
        idx_to_char = list(set(corpus_chars))
        char_to_idx = dict([(char, i) for i, char in enumerate(idx_to_char)])
        vocab_size = len(char_to_idx)
        corpus_indices = [char_to_idx[char] for char in corpus_chars]
        return corpus_indices, char_to_idx, idx_to_char, vocab_size
```

时序数据的采样

在训练中我们需要每次随机读取小批量样本和标签。与之前章节的实验数据不同的是，时序数据的一个样本通常包含连续的字符。假设时间步数为5，样本序列为5个字符，即“想”“要”“有”“直”“升”。该样本的标签序列为这些字符分别在训练集中的下一个字符，即“要”“有”“直”“升”“机”，即 \mathbf{X} =“想要有直升”， \mathbf{Y} =“要有直升机”。

现在我们考虑序列“想要有直升机，想要和你飞到宇宙去”，如果时间步数为5，有以下可能的样本和标签：

- \mathbf{X} ：“想要有直升”， \mathbf{Y} ：“要有直升机”
- \mathbf{X} ：“要有直升机”， \mathbf{Y} ：“有直升机，”
- \mathbf{X} ：“有直升机，”， \mathbf{Y} ：“直升机，想”
- ...
- \mathbf{X} ：“要和你飞到”， \mathbf{Y} ：“和你飞到字”
- \mathbf{X} ：“和你飞到字”， \mathbf{Y} ：“你飞到宇宙”
- \mathbf{X} ：“你飞到宇宙”， \mathbf{Y} ：“飞到宇宙去”

可以看到，如果序列的长度为 T ，时间步数为 n ，那么一共有 $T - n$ 个合法的样本，但是这些样本有大量的重合，我们通常采用更加高效的采样方式。我们有两种方式对时序数据进行采样，分别是随机采样和相邻采样。

随机采样

下面的代码每次从数据里随机采样一个小批量。其中批量大小batch_size是每个小批量的样本数，num_steps是每个样本所包含的时间步数。

在随机采样中，每个样本是原始序列上任意截取的一段序列，相邻的两个随机小批量在原始序列上的位置不一定相毗邻。

In [13]:

```
import torch
import random
def data_iter_random(corpus_indices, batch_size, num_steps, device=None):
    # 减1是因为对于长度为n的序列，X最多只有包含其中的前n - 1个字符
    num_examples = (len(corpus_indices) - 1) // num_steps # 下取整，得到不重叠情况下的样本个数
    example_indices = [i * num_steps for i in range(num_examples)] # 每个样本的第一个字符在corpus_indices中的下标
    random.shuffle(example_indices)

    def _data(i):
        # 返回从i开始的长为num_steps的序列
        return corpus_indices[i: i + num_steps]

    if device is None:
        device = torch.device('cuda' if torch.cuda.is_available() else 'cpu')

    for i in range(0, num_examples, batch_size):
        # 每次选出batch_size个随机样本
        batch_indices = example_indices[i: i + batch_size] # 当前batch的各个样本的首字符的下标
        X = [_data(j) for j in batch_indices]
        Y = [_data(j + 1) for j in batch_indices]
        yield torch.tensor(X, device=device), torch.tensor(Y, device=device)
```

测试一下这个函数，我们输入从0到29的连续整数作为一个人工序列，设批量大小和时间步数分别为2和6，打印随机采样每次读取的小批量样本的输入X和标签Y。

In [14]:

```
my_seq = list(range(30))
for X, Y in data_iter_random(my_seq, batch_size=2, num_steps=6):
    print('X: ', X, '\nY: ', Y, '\n')
```

```
X:  tensor([[18, 19, 20, 21, 22, 23],
          [ 0,  1,  2,  3,  4,  5]])
Y:  tensor([[19, 20, 21, 22, 23, 24],
          [ 1,  2,  3,  4,  5,  6]])
```

```
X:  tensor([[12, 13, 14, 15, 16, 17],
          [ 6,  7,  8,  9, 10, 11]])
Y:  tensor([[13, 14, 15, 16, 17, 18],
          [ 7,  8,  9, 10, 11, 12]])
```

相邻采样

在相邻采样中，相邻的两个随机小批量在原始序列上的位置相毗邻。

In [15]:

```
def data_iter_consecutive(corpus_indices, batch_size, num_steps, device=None):
    if device is None:
        device = torch.device('cuda' if torch.cuda.is_available() else 'cpu')
    corpus_len = len(corpus_indices) // batch_size * batch_size # 保留下来的序列的长度
    corpus_indices = corpus_indices[: corpus_len] # 仅保留前corpus_len个字符
    indices = torch.tensor(corpus_indices, device=device)
    indices = indices.view(batch_size, -1) # reshape成(batch_size, )
    batch_num = (indices.shape[1] - 1) // num_steps
    for i in range(batch_num):
        i = i * num_steps
        X = indices[:, i: i + num_steps]
        Y = indices[:, i + 1: i + num_steps + 1]
        yield X, Y
```

同样的设置下，打印相邻采样每次读取的小批量样本的输入X和标签Y。相邻的两个随机小批量在原始序列上的位置相毗邻。

```
In [16]:
    for X, Y in data_iter_consecutive(my_seq, batch_size=2, num_steps=6):
        print('X: ', X, '\nY:', Y, '\n')

X:  tensor([[ 0,  1,  2,  3,  4,  5],
           [15, 16, 17, 18, 19, 20]])
Y:  tensor([[ 1,  2,  3,  4,  5,  6],
           [16, 17, 18, 19, 20, 21]])

X:  tensor([[ 6,  7,  8,  9, 10, 11],
           [21, 22, 23, 24, 25, 26]])
Y:  tensor([[ 7,  8,  9, 10, 11, 12],
           [22, 23, 24, 25, 26, 27]])
```