

绪论(四道)

一. 信息、消息、信号含义

1. 信息——是事物运动状态或存在方式的不确定性的描述
2. 消息——包含信息的语言、文字和图像等。
3. 信号——消息的物理体现

二. 什么是信息率失真函数 $R(D)$

· 给定信源 $P(x_i)$, 在小于平均失真 D 中寻找一种信源编码 P_{ij} , 使互信息 $I(X;Y)$ 达到最小。

· $R(D)$ 函数的定义域: $D_{\min}=0, R(D_{\min})=R(0)=H(X)$
 $D_{\max}=\min_{R(D)=0} D, R(D_{\max})=0$

三. 有扰离散信道的信道编码定理.

$$P_e < e^{-NE(R)}$$

用文字叙述其内涵: 只要传信率 R 小于信道容量 C , 总存在一种信道码(及解码器), 能够以所要求的任意小的差错概率实现可靠的信道。

四. 线性分组码纠错能力

1. 任何最小距离 d_{\min} 的线性分组码, 其检错能力为 $L=(d_{\min}-1)$, 纠错能力 t 为 $t = \text{INT}[\frac{d_{\min}-1}{2}]$
2. 线性分组码的最小距离等于码集中非零码字的最小重量。
$$d_{\min} = \min \{W(C_i)\} \quad C_i \in C \text{ 及 } C_i \neq 0$$
3. (n, k) 线性分组码最小距离等于 d_{\min} 的必要条件是: 校验矩阵 H 中有 $(d_{\min}-1)$ 列线性无关。
4. (n, k) 线性分组码的最小距离必定小于等于 $(n-k+1)$
$$d_{\min} \leq (n-k+1)$$

计算(3道)

一、离散信道容量

3-1 即离散
设二进制对称信道的概率转移矩阵为 $\begin{bmatrix} 2/3 & 1/3 \\ 1/3 & 2/3 \end{bmatrix}$,

(1) 若 $p(x_0)=3/4, p(x_1)=1/4$, 求 $H(X)$ 、 $H(X|Y)$ 、 $H(Y|X)$ 和 $I(X;Y)$ 。

(2) 求该信道的信道容量及其达到信道容量时的输入符号概率分布。

(3) 求(1)中信道的绝对冗余度和相对冗余度。

二. 马尔可夫信源

- 已知符合条件概率(2元2阶)
- ① 状态转移概率(矩阵)
 - ② 画状态转移图
 - ③ 求信源平衡分布(极限概率)
 - ④ 求信源极限熵

二元二阶马尔可夫信源

0, 1 $m=2$

$S_1=00 \quad S_2=01 \quad S_3=10 \quad S_4=11$

(1) ... 011010001110...

(2) 已知 $P(x_j | S_i)$:

0.8	0.2	S_1	0	0
0.5	0.5	S_2	0	1
0.5	0.5	S_3	1	0
0.2	0.8	S_4	1	1

求 P_{ij}

解: (1) ... $S_2 S_4 S_3 S_2 S_3 S_1 S_1 S_2 S_4 S_4 S_3 \dots$

(2) $[P_{ij}] =$

0.8	0.2	0	0	S_1	0	0
0	0	0.5	0.5	S_2	0	1
0.5	0.5	0	0	S_3	1	0
0	0	0.2	0.8	S_4	1	1

③ 平衡分布: $W_j = \sum_i W_i P_{ij}$

$\begin{cases} W_1 = W_1 P_{11} + W_2 P_{21} + W_3 P_{31} + W_4 P_{41} = 0.8W_1 + 0.5W_3 \\ W_2 = 0.2W_1 + 0.5W_3 \\ W_3 = 0.5W_2 + 0.2W_4 \\ W_4 = 0.5W_2 + 0.8W_4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} W_1 = W_2 = \frac{5}{14} \\ W_3 = W_4 = \frac{1}{7} \end{cases}$

④ 状态转移图

~~绝对概率(无件概率)~~

$P_{ij} = P_{x_i} = \sum_j P(S_{i+1} = x_j | S_i)$

④ 求信源极限熵

三、编码 (哈夫曼, 香农) { 已知信源, 求①信源熵
②二进制香农编码
③平均码长算效率
④~~固定~~编码算效率
单符号, 1个编码组

5-4 若消息符号、对应概率分布和二进制编码如下:

消息符号: u_0 u_1 u_2 u_3

概率: $1/2$ $1/4$ $1/8$ $1/8$

编码: 0 10 110 111

试求: (1) 消息符号熵;

(2) 每个消息符号所需的平均二进制码个数;

(3) 若各消息符号间相互独立, 求编码后对应的二进制码序列中出现“0”和“1”的无条件概率 p_0 和 p_1 , 以及相邻码间的条件概率 $p(1|1)$ 、 $p(0|1)$ 、 $p(1|0)$ 和 $p(0|0)$ 。

5-6 设无记忆二元信源, 概率为 $p_0=0.005$, $p_1=0.995$ 。信源输出 $N=100$ 的二元序列。在长为 $N=100$ 的信源序列中只对含有 3 个或小于 3 个“0”的各信源序列构成一一对应的一组定长码。

(1) 求码字所需的最小长度。

(2) 考虑没有给予编码的信源序列出现的概率, 该定长码引起的错误概率 P 是多少?

5-7 已知信源符号集