## 1

- 1. Сформулируйте достаточное условие асимптотической устойчивости нулевого решения системы линейных дифференциальных уравнений 1-ого порядка с постоянными коэффициентами.
- 2. Что такое функция Грина краевой задачи для системы линейных дифференциальных уравнений 1-ого порядка? Как её найти?
- 3. Напишите формулу частного решения неоднородной линейной системы дифференциальных уравнений для произвольной неоднородности.
- 4. Могут ли траектории решений двумерной системы уходить на бесконечность и при  $t \to -\infty$ , и при  $t \to +\infty$ ? При каком условии?

## 2

- 1. Напишите формулу Лиувилля для системы линейных дифференциальных уравнений и для линейного дифференциального уравнения n-го порядка.
- 2. Оцените x(100), если известно, что X(t) решение системы

$$\begin{cases} X_t' = AX, \\ X(0) = B, \end{cases}$$

все собственные числа матрицы A принадлежат отрезку [-5;3], а норма вектора B равна единице.

- 3. Что такое вронскиан? В каких случаях он обращается в нуль?
- 4. Могут ли траектории решений линейной системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами не пересекаться никогда?

## 3

- 1. Сформулируйте лемму Грануолла.
- 2. Посчитайте  $e^A$ , где

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 0 \\ 0 & 3 & 1 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$$

- 3. Напишите формулу частного решения неоднородного линейного дифференциального уравнения n-го порядка.
- 4. Могут ли траектории решений линейной системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами пересекаться в одной точке, отвечающей конечному значению переменной?

## 4

- 1. Сформулируйте теорему Пикара существования и единственности решения задачи Коши.
- 2. Для произвольной матричной нормы  $\|\cdot\|$  напишите вид оценки нормы матричной экспоненты  $\|e^A\|$  с помощью нормы матрицы  $\|A\|$ . Как будет выглядеть эта оценка, если в качестве нормы  $\|\cdot\|$  взять спектральную норму?
- 3. Что такое мультипликатор?
- 4. Могут ли траектории решений линейной системы дифференциальных уравнений быть ограниченными кривыми (кривыми конечной длины)? Если да, то при каких условиях на систему?