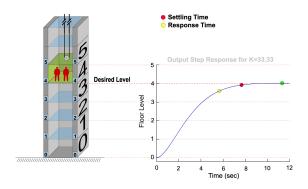
PID 控制系统



电梯控制



目标: 优化系统以获得较优的响应函数

原系统开环传递函数:

$$G(s) = \frac{s+10}{s(s+1)(s+20)(s+50)}$$
(1)

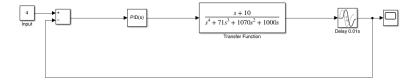
加入 PID 控制器后的开环传递函数:

$$G'(s) = (K_p + K_i/s + K_d s)G(s)$$
 (2)

闭环传递函数:

$$Q(s) = \frac{G'(s)}{1 + G'(s)}$$
 (3)

Matlab & Simulink



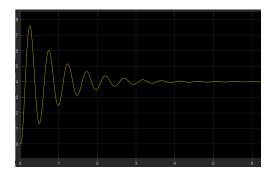
控制器类型	K_p	K_i	K_d
P	$0.5K_u$	0	0
PI	$0.45K_u$	$1.2K_p/T_u$	0
PD	$0.8K_u$	0	$K_p T_u/8$
PID	$0.6K_u$	$2K_p/T_u$	$K_p T_u/8$

Table: 参数调节公式

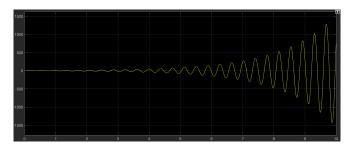
等幅震荡 $K_p = 23950, 0.335s$



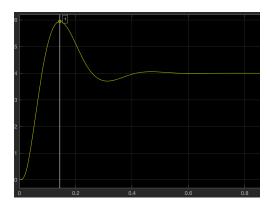
$$\begin{aligned} \mathbf{P} \\ K_p &= 11975 \end{aligned}$$



PI $K_p = 10777, K_i = 38606$

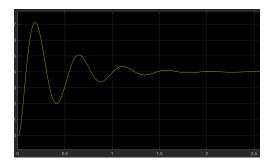


PD $K_p = 19160, K_d = 802$



PID

$$K_p = 14370, K_i = 85791, K_d = 602$$



优化目标: 快速, 超调小, 颠簸少

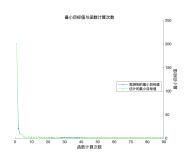
$$L_{\text{setting}} = \arg \max_{t} |r(t) - 4.0| > 4.0 \times 2\%$$
 (4)

$$L_{\text{overshoot}} = |\max(r) - 4.0| \tag{5}$$

$$L_{\text{bumpy}} = \sum_{t} |r(t + \Delta(t)) - r(t)| \tag{6}$$

$$L_{\text{total}} = w_o L_{\text{overshoot}} + w_s L_{\text{setting}} + w_b L_{\text{bumpy}}$$
 (7)

其中 r(t) 为响应函数, 可以由拉普拉斯逆变换得到优化方法: 贝叶斯优化



 $K_p = 1450, K_i = 0.38741, K_d = 1498.4$ 发现参数由 PD 主导,同时由于结果与 Simulink 模拟存在误差,故手动调节得到如下参数 $K_p = 1050, K_i = 0, K_d = 1050$

名称	数值	
延迟时间 T_d (s)	0.059	
上升时间 T_r (s)	0.206	
峰值时间 T_p (s)	$\infty \ (\sigma\% = 0)$	
调节时间 $T_s(2\%)$ (s)	0.471	
超调量 $\sigma\%$	0	

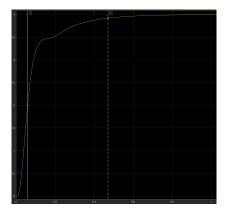
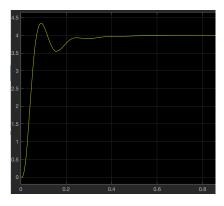


Figure: 响应函数

更大的 K_p , K_d , $K_p = K_d = 2000$



▶ 本系统中阶跃函数可以用 PD 控制器较好响应.

- ▶ 本系统中阶跃函数可以用 PD 控制器较好响应.
- ▶ 贝叶斯优化可以高效调节 PID 系统的参数.

- ▶ 本系统中阶跃函数可以用 PD 控制器较好响应.
- ▶ 贝叶斯优化可以高效调节 PID 系统的参数.
- ► Simulink ODE 模拟与 Matlab 通过求根进行的逆拉普拉斯 变换存在偏差.

Thanks

代码开源于 https://github.com/zinccat/PIDController