

Universität Stuttgart Geodätisches Institut



Parameterschätzung Übung 1



Ausarbeitung im Studiengang Geodäsie und Geoinformatik an der Universität Stuttgart

Ziqing Yu, 3218051

Stuttgart, April 29, 2021

Betreuer: Dr.-Ing. Mohammad Tourian

Universität Stuttgart

Dr. Karim Douch Universität Stuttgart

Kapitel 1

Ausarbeitung

1.1 a

Der Nährungswert g_0 wird mit dem Mittelwert von l und T berechnet:

$$ar{T} = 2,451 \,\mathrm{s}$$
 $ar{l} = 1,480 \,\mathrm{m}$
 $g_0 = rac{ar{l} \cdot 4 \cdot \pi^2}{ar{T}^2} = 9,724 \,\mathrm{m/s^2}$

1.2 b

Bedingungsgleichungen:

$$T^2 = 4 \cdot \pi^2 \cdot \frac{l}{g}$$

1.3 c

$$f(T,l,g) = T^2 - 4 \cdot \pi^2 \cdot \frac{l}{g}$$

Linearisierung

$$\begin{split} \frac{\partial f}{\partial T} &= 2T \\ \frac{\partial f}{\partial l} &= \frac{4\pi^2}{g} \\ \frac{\partial f}{\partial g} &= -\frac{4\pi^2 l}{g^2} \\ f(\tilde{T}, \tilde{l}, \tilde{g}) &= f(T, l, g)|_0 + \frac{\partial f}{\partial T} (\Delta T + e_T) + \frac{\partial f}{\partial l} (\Delta l + e_l) + \frac{\partial f}{\partial g} (\Delta g) \end{split}$$

1.4 d

1.4 d

$$f(\tilde{T}, \tilde{l}, \tilde{g}) = \boldsymbol{w} + \boldsymbol{B}^{T} \boldsymbol{e} + \boldsymbol{A} \Delta \boldsymbol{g}$$

$$\boldsymbol{B}^{T} = \begin{bmatrix} 2T_{1} & 0 & 0 & \cdots & 0 & \frac{4\pi^{2}}{g} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2T_{2} & 0 & \cdots & 0 & 0 & \frac{4\pi^{2}}{g} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 2T_{3} & \cdots & 0 & 0 & 0 & \frac{4\pi^{2}}{g} & 0 \\ \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2T_{n} & 0 & 0 & 0 & \frac{4\pi^{2}}{g} \end{bmatrix}$$

$$\boldsymbol{A} = \begin{bmatrix} -\frac{4\pi^{2}l_{1}}{g^{2}} \\ -\frac{4\pi^{2}l_{2}}{g^{2}} \\ -\frac{4\pi^{2}l_{n}}{g^{2}} \end{bmatrix}$$

$$\boldsymbol{w} = f(T, l, g)|_{0} + \boldsymbol{B}^{T} \Delta \boldsymbol{y}$$

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{\lambda} \\ \Delta \boldsymbol{g} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{B}^{T} \boldsymbol{P}^{-1} \boldsymbol{B} & -\boldsymbol{A} \\ -\boldsymbol{A}^{T} & 0 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} \boldsymbol{w} \\ 0 \end{bmatrix}$$

1.5 e,f

Die Ergebnisse werden mit Iteration gelöst. (P ist zuerst eine Einheitmatrix.)

$$g_1 = 9.7246 \,\mathrm{m/s^2}$$

Varianz:

$$\sigma_1^2 = 2.65 \cdot 10^{-14}$$

1.6 g

Die obige Rechnungen wird jetzt mit neue Gewichtmatrix P berechnet:

$$P_2 = diag([2.5 \cdot 10^{-3}, 2.5 \cdot 10^{-3}, 2.5 \cdot 10^{-3} \cdot \cdots 0.2, 0.2, 0.2 \cdot \cdots 0.2])$$

man kriegt mit P_2 die neue Ergebnisse:

$$g_2 = 9.7262 \,\mathrm{m/s^2}$$

Varianz:

$$\sigma_2^2 = 1.54 \cdot 10^{-12}$$