

## Parameterschätzung Übung 3



Ausarbeitung im Studiengang  
**Geodäsie und Geoinformatik**  
an der Universität Stuttgart

Ziqing Yu, 3218051

Stuttgart, June 22, 2021

---

**Betreuer:** Dr.-Ing. Mohammad Tourian  
Universität Stuttgart

Dr. Karim Douch  
Universität Stuttgart

# Kapitel 1

## Ausarbeitung

### 1.1 a

Für einen Punkt gibt es:

$$\begin{bmatrix} v_E \\ v_N \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -\omega_3 & \omega_2 \\ \omega_3 & 0 & -\omega_1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & z & -y \\ -z & 0 & x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \omega_1 \\ \omega_2 \\ \omega_3 \end{bmatrix}$$

$v_E$  und  $v_N$  sind die Geschwindigkeit in ENU System jeweils in Ost und Nord Richtungen und können wie folgt berechnet werden:

$$\begin{bmatrix} v_E \\ v_N \end{bmatrix} = (\mathbf{R}_3(-\frac{\pi}{2} - \lambda) \cdot \mathbf{R}_1(-\frac{\pi}{2} - \phi))^{-1} \cdot \begin{bmatrix} v_x \\ v_y \\ v_z \end{bmatrix}$$

wobei  $\lambda$  und  $\phi$  die Länge und Breite sind.

Dann kann man die Ausgleichungsmodell aufstellen.

$$\mathbf{Y} = \mathbf{A} \cdot \mathbf{x}$$

wobei:

$$\mathbf{Y} = \begin{bmatrix} v_E \\ v_N \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & z & -y \\ -z & 0 & x \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{x} = \begin{bmatrix} \omega_1 \\ \omega_2 \\ \omega_3 \end{bmatrix}$$

Um die LSC durchzuführen, ist eine Kovarianz Funktion notwendig, diese Funktion definiert man wie folgt:

$$K(d) = \frac{K_0}{1 + (\frac{d}{a})^2}$$

$K_0 = 1.36 \text{ mm}^2/\text{year}^2$ ,  $a = 150 \text{ km}$  und  $d$  die Abstand der 2 Punkten. Damit kann man  $Q_{ss}$ ,  $Q_{s's'}$  und  $Q_{sy}$  bestimmen weil die Koordinaten bekannt sind.

Dann berechnet man  $\hat{x}$  und die interpolierte Geschwindigkeit:

$$Q_{yy} = Q_{s's'} + Q_{ee}$$

$$\hat{x} = (A'Q_{yy}A)^{-1}A'Y = \begin{bmatrix} -2.98 \cdot 10^{-9} \\ 3.87 \cdot 10^{-9} \\ -2.26 \cdot 10^{-11} \end{bmatrix} \text{ rad/year}$$

$$\hat{s} = Q_{sy}(Q_{yy})^{-1}(Y - A\hat{x})$$

$$A_{inter} = \begin{bmatrix} 0 & z_{inter} & -y_{inter} \\ -z_{inter} & 0 & x_{inter} \end{bmatrix}$$

$$Y_{inter} = A_{inter} \cdot \hat{x} + \hat{s}$$

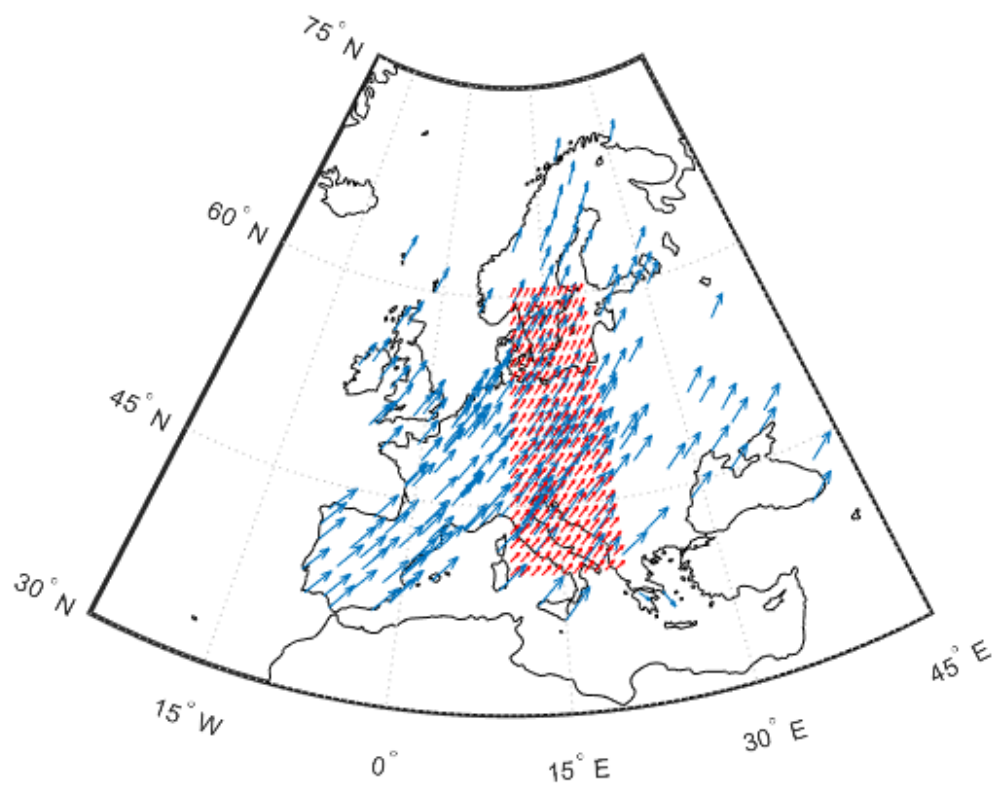
Die Geschwindigkeit Karte liegt in Abbildung 1.1 und die Residuan in Abbildung 1.2. Wegen falsche Skalierung der Matlab Funktion 'quiverm', werden Field 2 mal gezeichnet, wo einmal mit richtige, Skalar.

Die Varianz-Kovarianz werden auch berechnet:

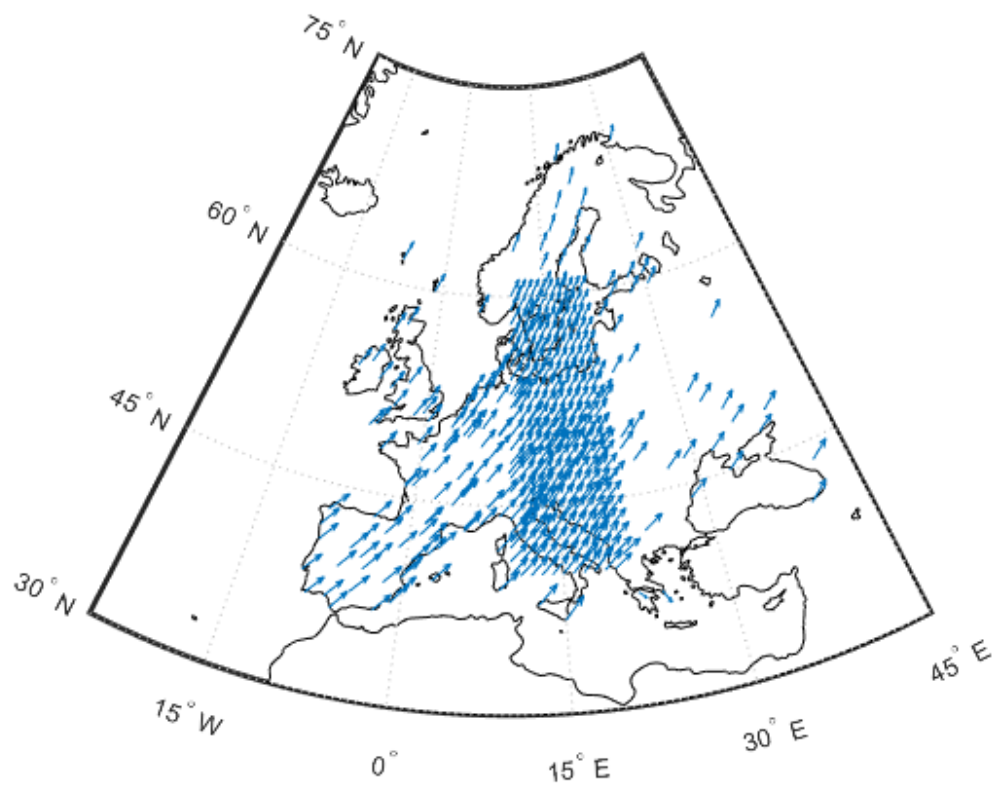
$$H = Q_{sy}(Q_{yy})$$

$$G = (A'Q_{yy}^{-1}A)^{-1}A'Q_{yy}^{-1}$$

$$Q_{\hat{x}} = (A'Q_{yy}^{-1}A)^{-1} = \begin{bmatrix} 9.27 & 1.80 & 9.88 \\ 1.80 & 2.22 & 2.37 \\ 9.88 & 2.37 & 13.04 \end{bmatrix} \cdot 10^{-15}$$

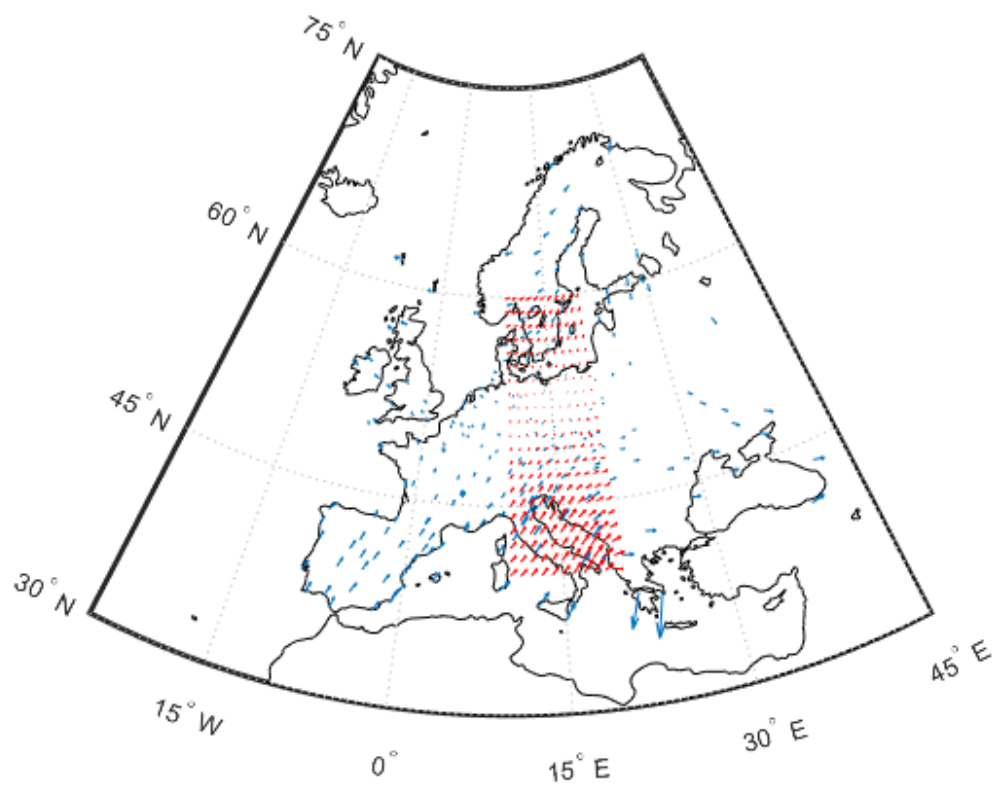


(a)

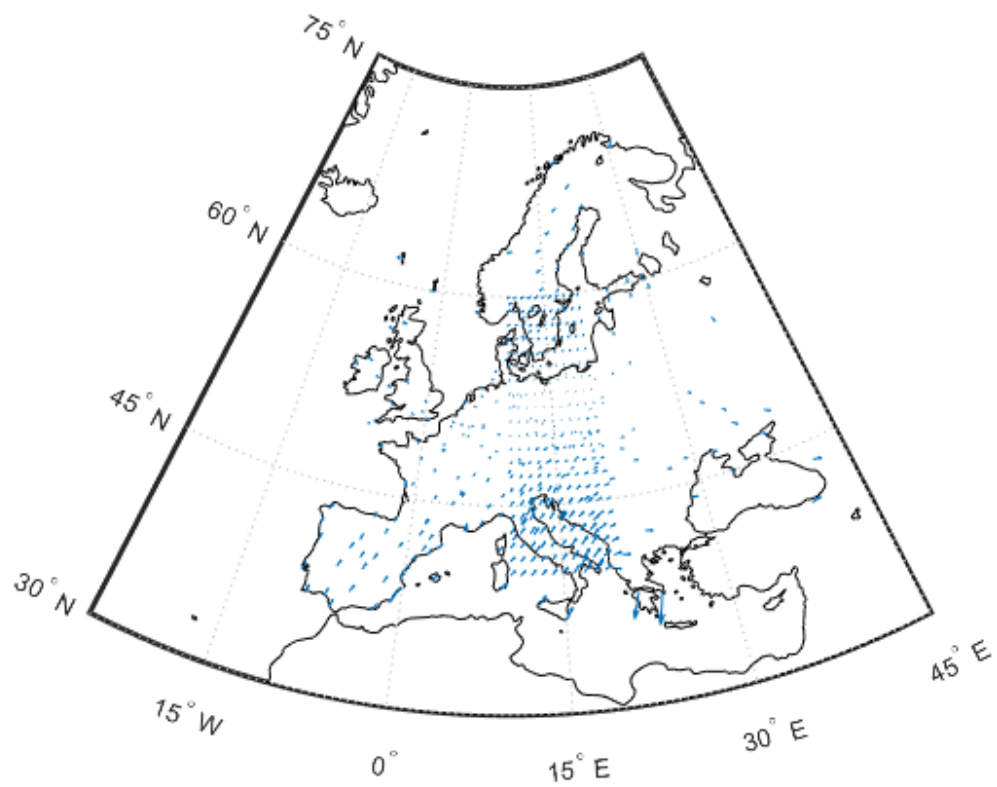


(b)

**Abbildung 1.1:** Geschwindigkeit



(a)



(b)

*Abbildung 1.2: Residual Geschwindigkeit*