用蒙特卡洛方法计算累计期权

一、 背景知识

1、蒙特卡洛法

蒙特卡洛法为非确定性算法, 通过大量随机采样计算得到近似结果

2、几何布朗模型

在本报告中,我们采取几何布朗模型来模拟股票的金额。用S(t)表示供应物在t时间下的金额,则满足 $dS(t)/dS = \alpha dt + \sigma dW(t)$. 我们使用均值为0,方差为t的正态分布模拟dW(t)

3、累计认购期权

累积认购期权合约为一系列合成远期合约的结合。投资者将根据合约内容,每天以较进场价低的指定价格买入相关股票,直至定价日或合约触发障碍条款提前结束。

二、建模过程及参数选择

1、股票参数

本报告中,采用虚构的 A 股票数据。该股票平均年化收益为 7%,波动系数为 50%,市场的年化利润率为 5%,初始价格为每股 100 元

2、 累计期权条款

本报告所研究的累计期权持续时间为六个月,每月有21个观察日。在每个观察日,投资者需购买100股该股票。若股票价格小于90元,则投资者当日需要购买200股;若股票价格高于105元,则该交易提前终止,并以该日收盘价格计算收益。详细内容见附录条款

三、实验结果

通过100000次重复实验,并对各次收益取均值,发现

- 1、该期权平均价值为 -10335 元:
- 2、其中83.8%的实验达到障碍条件提前中止,每次平均折扣收益为76994元:
- 3、其他15.2%的实验未提前中止,每次平均折扣收益为-462045元;
- 4、该实验运行时间为4.26秒

附录 A 累计认购期权条款

障碍类型	障碍类型分为两种类型,类型一为暂停型,类型二为敲出型		
	对于障碍类型为敲出型的交易,本交易在发生障碍事件时提前终		
	止。该交易适用于类型【敲出型]	
标的证券			
标的数量	10000 股		
起始日	期初观察日		
期初观察日	2022年1月1日		
到期日	2022年7月1日		
期间观察期(i)	i 期间观察起始日(i)	期间观察到期日(i)	
	1 2022年1月1日	2022年2月1日	
	2 2022年2月2日	2022年3月1日	
	3 2022年3月2日	2022年4月1日	
	4 2022年4月2日	2022年5月1日	
	5 2022年5月2日	2022年6月1日	
	6 2022年6月2日	2022年7月1日	
观察日	对于任何一个期间观察期(i),观察日指从期间观察起始日(i) (含)至期间观察到期日(i)(含)之间的日子		
累计倍数	【2】		
标的数量(单日)	★24 标的数量÷观察日总数		
期初价格(以交易	小山		
货币计价)			
期末价格(i) (以	对于任何一个期间观察期(i),若未发生障碍事件的,标的证券		
交易货币计价)	在观察到期日(i)的结算价格。		
	对于任何一个期间观察期(i),若发生障碍事件的,标的证券在该障碍观察日的结算价格,该交易在该障碍观察日提前终止。		
收盘价格(以交易 货币计价)	标的证券在其所在交易所公布的收盘价		
 行权价格	期初价格×90%		

障碍价格	期初价格×105%	
二、交易结算支付金额条款		
障碍事件	在任一障碍观察日,若标的证券收盘价格大于或等于障碍价格,则触发障碍事件。	
障碍观察日	从期初观察日(含)至到期日(含)之间所有的日子	
障碍事件的结果	对于敲出型交易, 交易在触发障碍事件当天提前终止, 该触发障碍事件的障碍观察日为交易提前终止日	
交易结算支付金额(以结算货币计价)	对于敲出型交易:	
	对于任何一个期间观察期(i): ✓ 若发生障碍事件的:	
	(1) M1(i)表示在观察起始日(i)(含)到发生障碍事件的障碍观察日(含)内,标的证券收盘价格小于或等于行权价格的观察日的天数。	
	(2) M2(i)表示在观察起始日(i)(含)到发生障碍事件的障碍观察日(含)内,标的证券收盘价格大于行权价格的观察日的天数。	
	则:	
	交易结算支付金额 =[M1(i) ×累计倍数+M2(i)]×[期末价格(i) —行权价格]×标的数量(单日)。	
	✓ 若未发生障碍事件的:	
	(1) N1(i)表示在观察起始日(i)(含)到期间观察到期日(i)(含)内,标的证券收盘价格小于或等于行权价格的观察日的天数。	
	(2) N2(i)表示在观察起始日(i)(含)到期间观察到期日(i)(含)内,标的证券收盘价格大于行权价格的观察日的天数。	
	则:	
	交易结算支付金额 =[N1(i) ×累计倍数+N2(i)]×[期末价格 (i) —行权价格]×标的数量(单日)。	