

## 题目描述

LIS（最长上升子序列）问题大家都是做过的。这道题是在 LIS 问题上的一个变形。

给定一个数列  $\{A_i\}, (i=1 \dots N)$ ，以及序列  $1 \leq s_1 < s_2 < \dots < s_m \leq N$ ，如果有

$A_{s_1} \leq A_{s_2} \leq \dots \leq A_{s_m}$ ，我们称  $S = \{s_1, s_2, \dots, s_m\}$  为一个上升子序列或链。如果对于

任意的  $x \notin S$ ， $S \cup \{x\}$  不是一个上升子序列，那么我们称  $S$  为一个极长上升子序列或极长链。显然极长链不唯一，LIS 也是一条极长链。

现在我们给出原数列和一条极长链  $S$ ，求链  $A$  和  $B$ ，满足以下条件：

- $A \cap B = \emptyset$ ，即  $A$  和  $B$  不相交。
- $S \subseteq A \cup B$ ，即  $S$  的每个元素或在  $A$  中，或在  $B$  中。
- 最大化  $|A \cup B| = |A| + |B|$

## 输入

多组用例，输入到文件结束。对每组用例：

第一行两个整数  $N, m$ ，表示原数列的长度和  $S$  的长度。  $2 \leq N \leq 1000, 1 \leq m \leq N$

第二行  $N$  个整数，表示原数列  $\{A_i\}$ 。  $1 \leq A_i \leq 1000$

第三行  $m$  个整数，表示  $S$ 。保证  $S$  是一个合法的链，且长度极大。

## 输出

每组用例输出三行。

第一行为  $A$  的长度和  $B$  的长度。

第二行为  $A$ 。

第三行为  $B$ 。

答案不唯一，输出任意一组解即可。

Author

1120132001

## 方法提示

带上下界的费用流卡常数当然能过。但是注意到  $S$  为极长链的限制性很强，所以我们有别的方法。一个最天真的想法是取  $A=S$ ，然后另选一个 LIS 做  $B$ 。这当然不对，但是我们可以改进它。

观察用例我们发现  $S$  是分段分布在  $A$  和  $B$  中的，如果  $S$  的一段分布在  $A$ （比如说  $S[1]..S[r]$ ），那么  $B$  中就会相应有一段，使其替换下  $S$  在  $A$  中的那一段后， $S$  依然是一个链（也就是说  $S[1-1]+$ 这一段 $+S[r+1]$ 肯定是链）。于是我们考虑动态规划。

令  $DP[i]$  表示原数列只去前  $S[i]$  个且  $S$  只取前  $i$  个时的答案。不妨假设  $S[i]$  在  $A$  中，于是我们要枚举  $j$ ，令  $j$  是最大的  $x$  使得  $S[x]$  在  $B$  中，然后  $DP[i]=DP[j]+???[j][i]$ 。

我们发现我们需要预处理一下那个  $???$ ，这又是一个原数列上的（注意不是  $S$  上的）一个区间 DP。充分利用  $S$  是极长链的性质，还有答案  $A$  和  $B$  都相应取极长的性质，我们可以在  $O(N^2)$  时间内完成。

细节处理比较烦，需要仔细考虑。

## 难度评估：

思考量：★★★★

代码量：★★★