

第9章 场效应晶体管 (FETs)

场效应晶体管的结构和工作原理

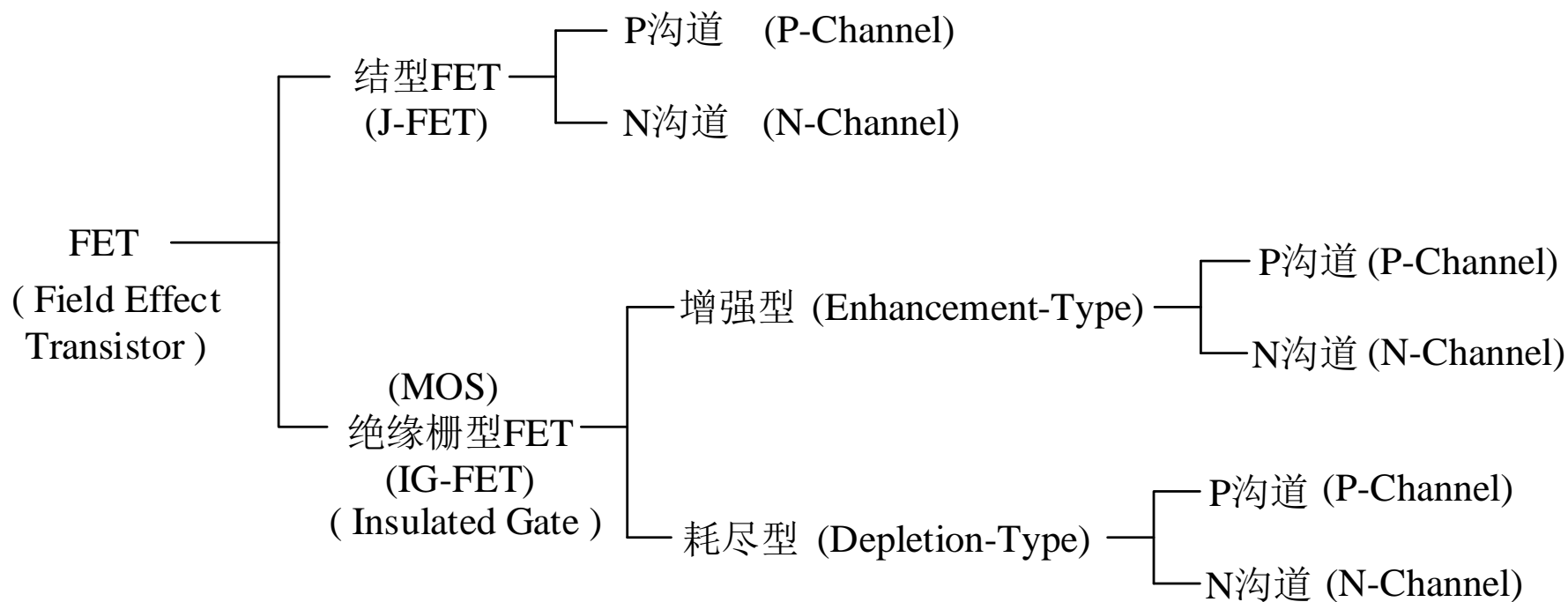
场效应晶体管的特性及其等效模型

场效应晶体管放大电路的构成及其分析

9.1 场效应晶体管的结构和工作原理

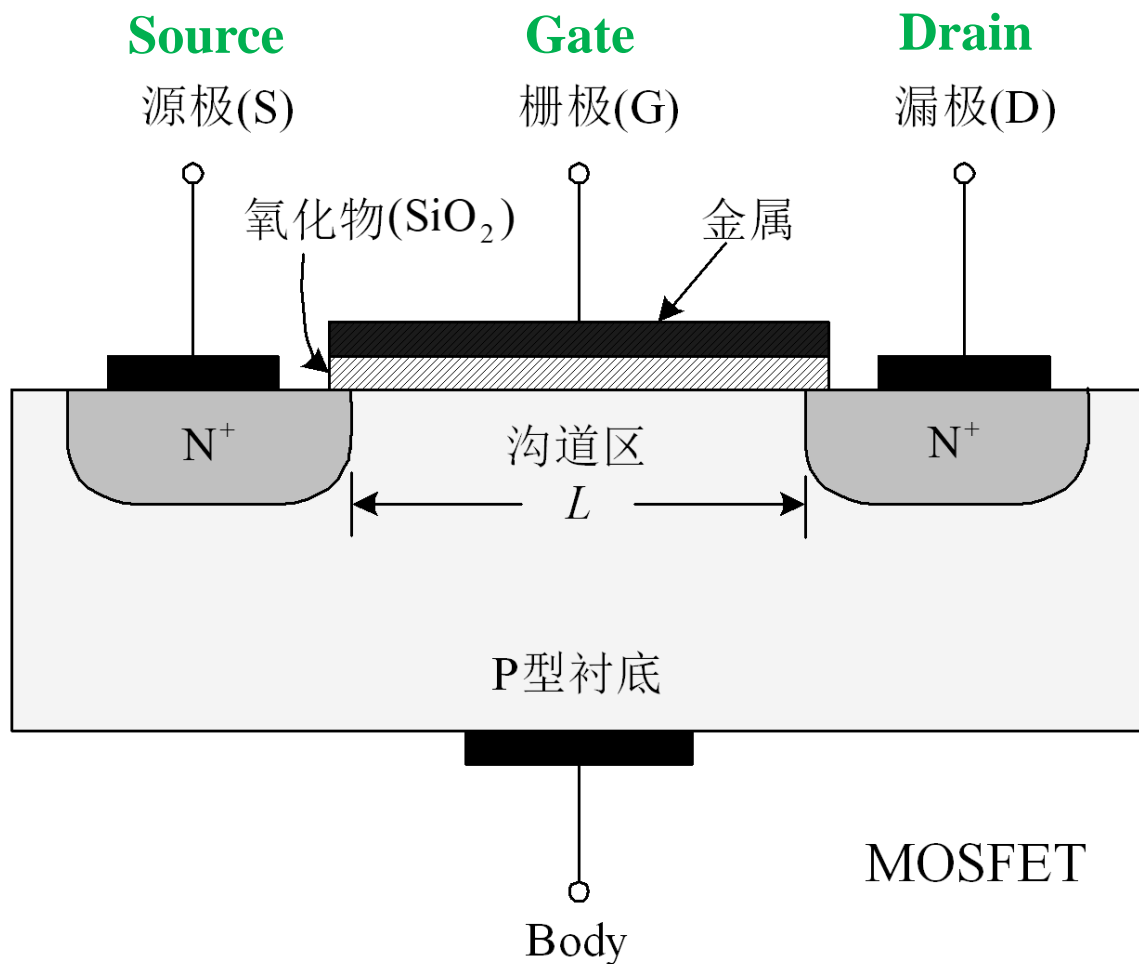
9.1.1 场效应晶体管的结构及其电路符号

单极型管：噪声小、抗辐射能力强、低电压工作

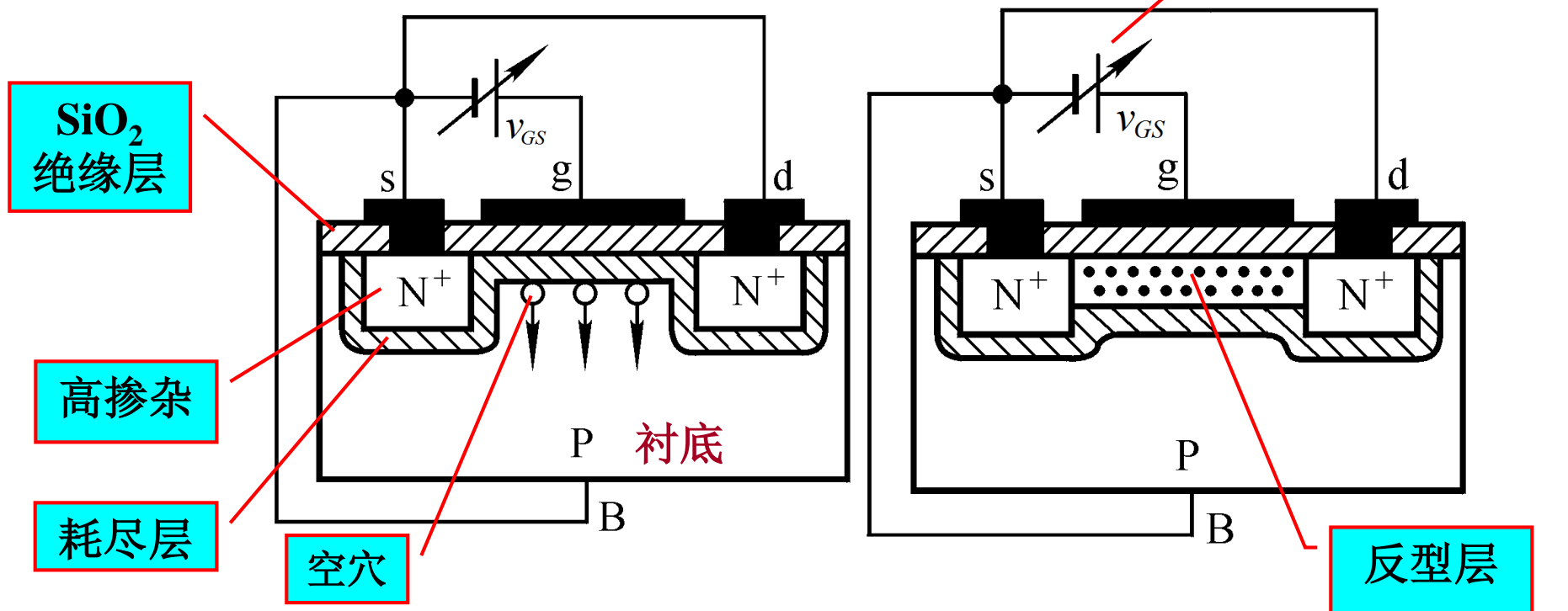


一、场效应晶体管的结构

1、绝缘栅型场效应晶体管的结构

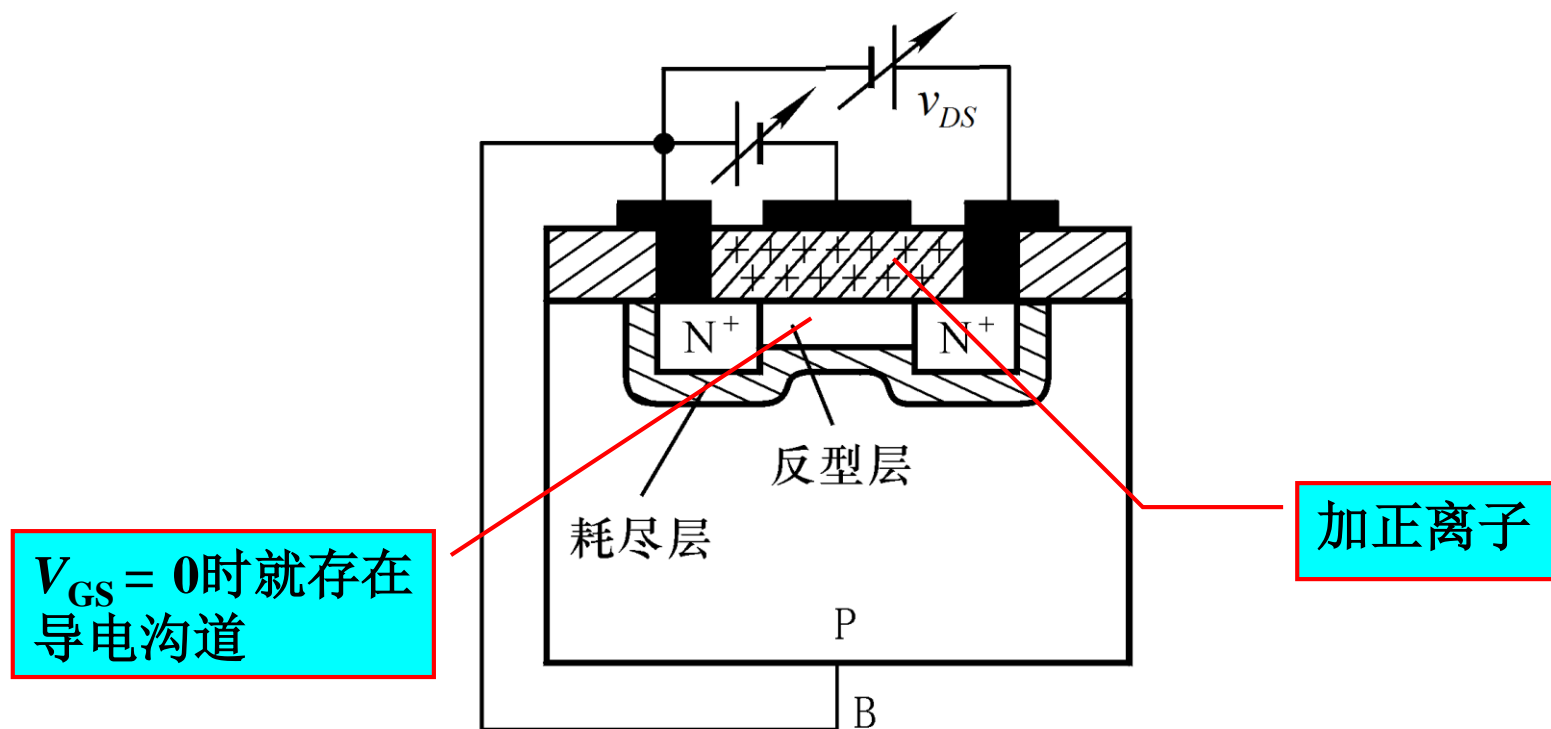


(a) 增强型



V_{GS} 增大，反型层（导电沟道）将变厚变长。当反型层将两个N区相接时，形成导电沟道。

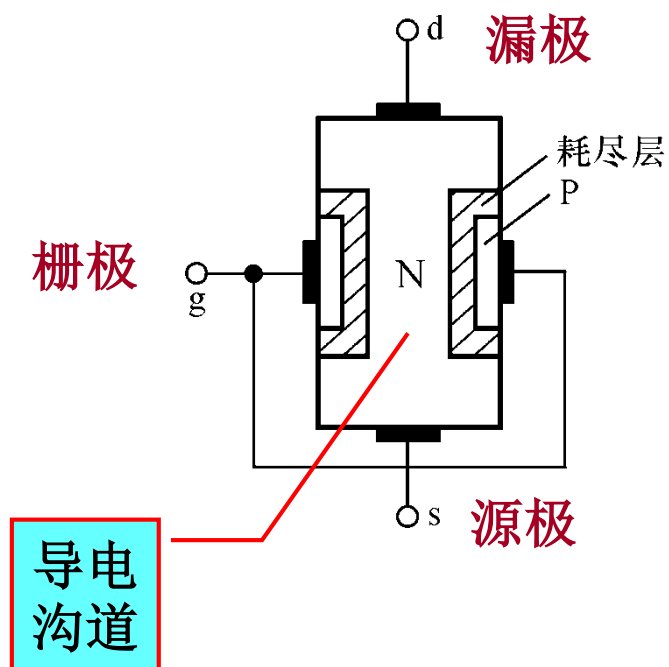
(b) 耗尽型



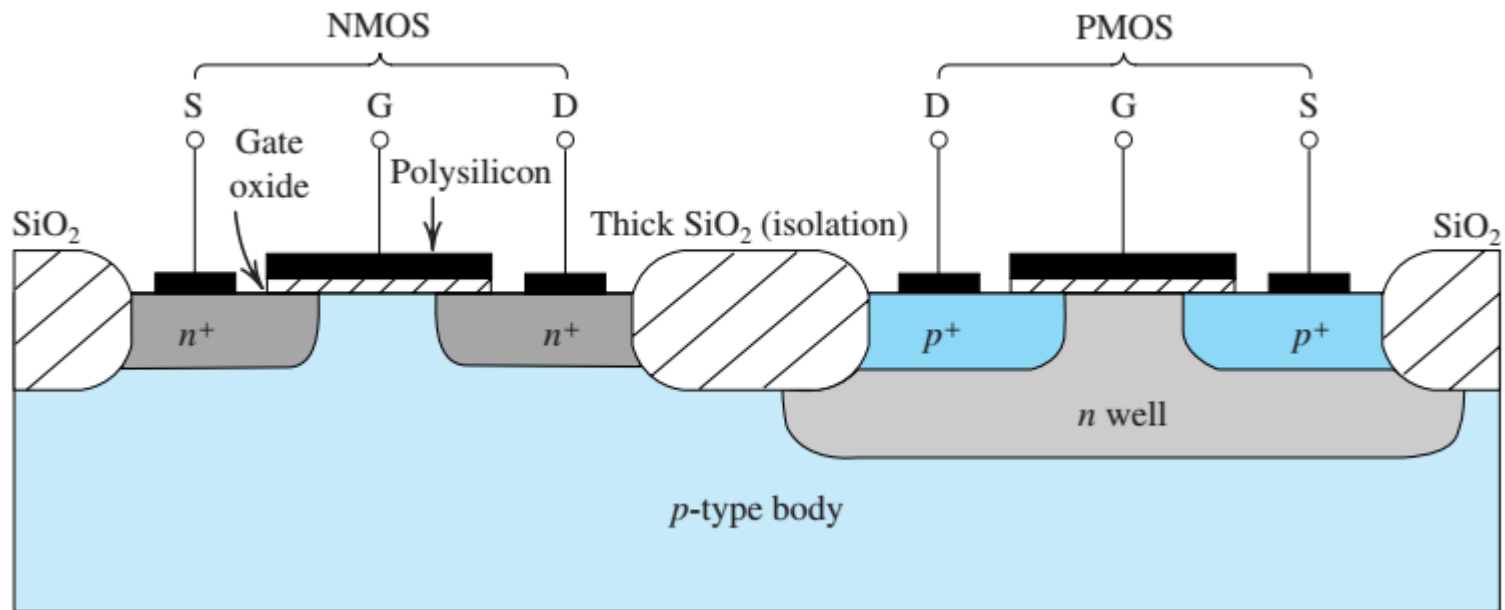
耗尽型MOS管在 $V_{GS} > 0$ 、 $V_{GS} < 0$ 、 $V_{GS} = 0$ 时均可导通。

2、结型（Junction-FET）场效应管的结构

N沟道结型
场效应晶体管

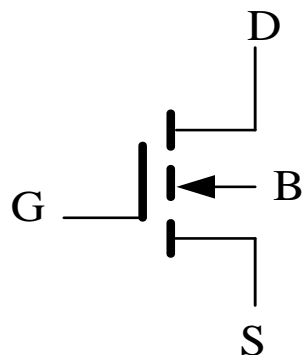


3、Complementary MOS (CMOS) 的结构

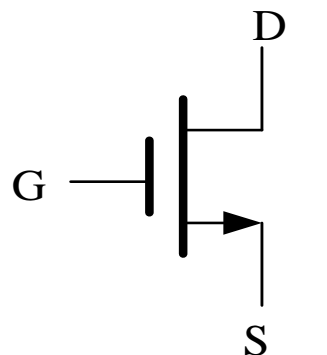


二、场效应晶体管的符号

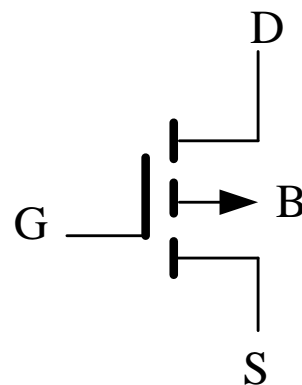
1、增强型（MOSFET）



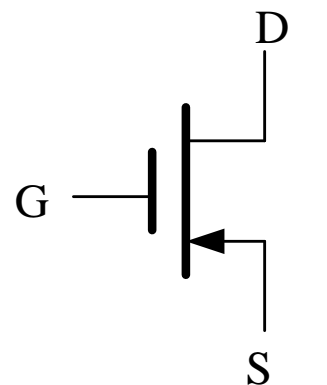
N沟道



简化符号

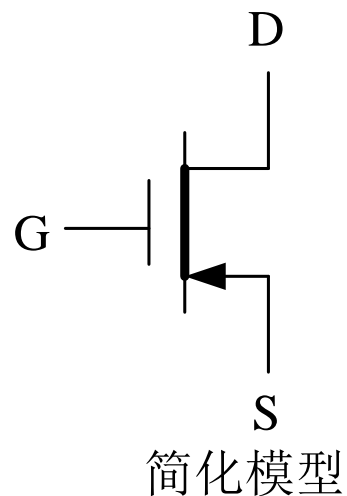
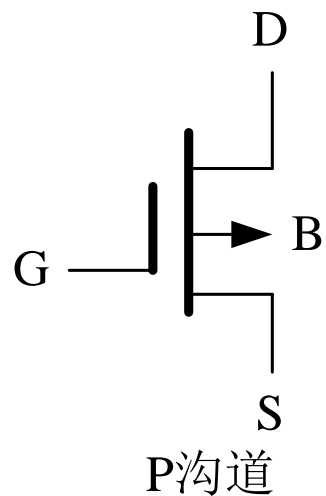
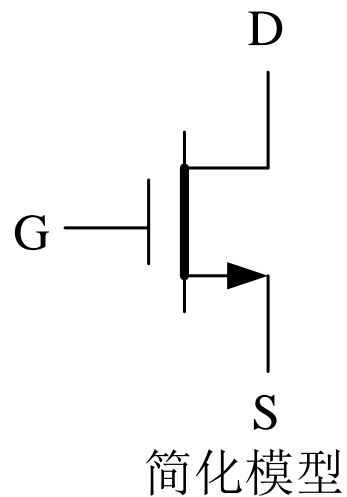
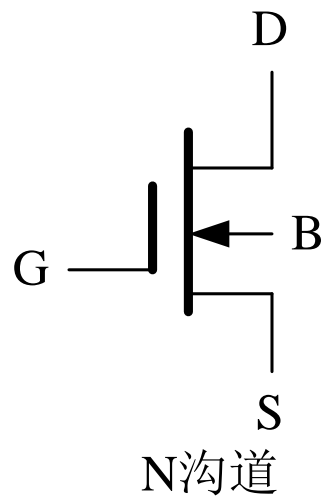


P沟道

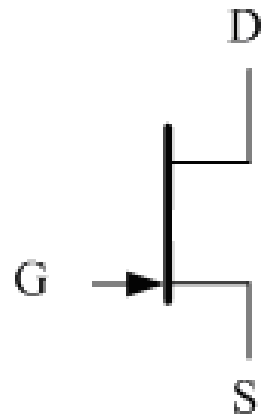


简化符号

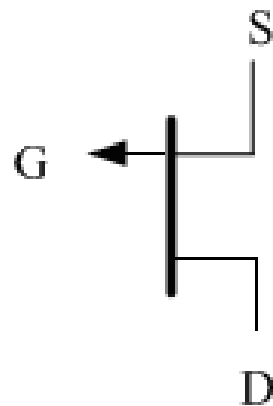
2、耗尽型 (MOSFET)



3、结型场效应晶体管 (J-FET)



N沟道

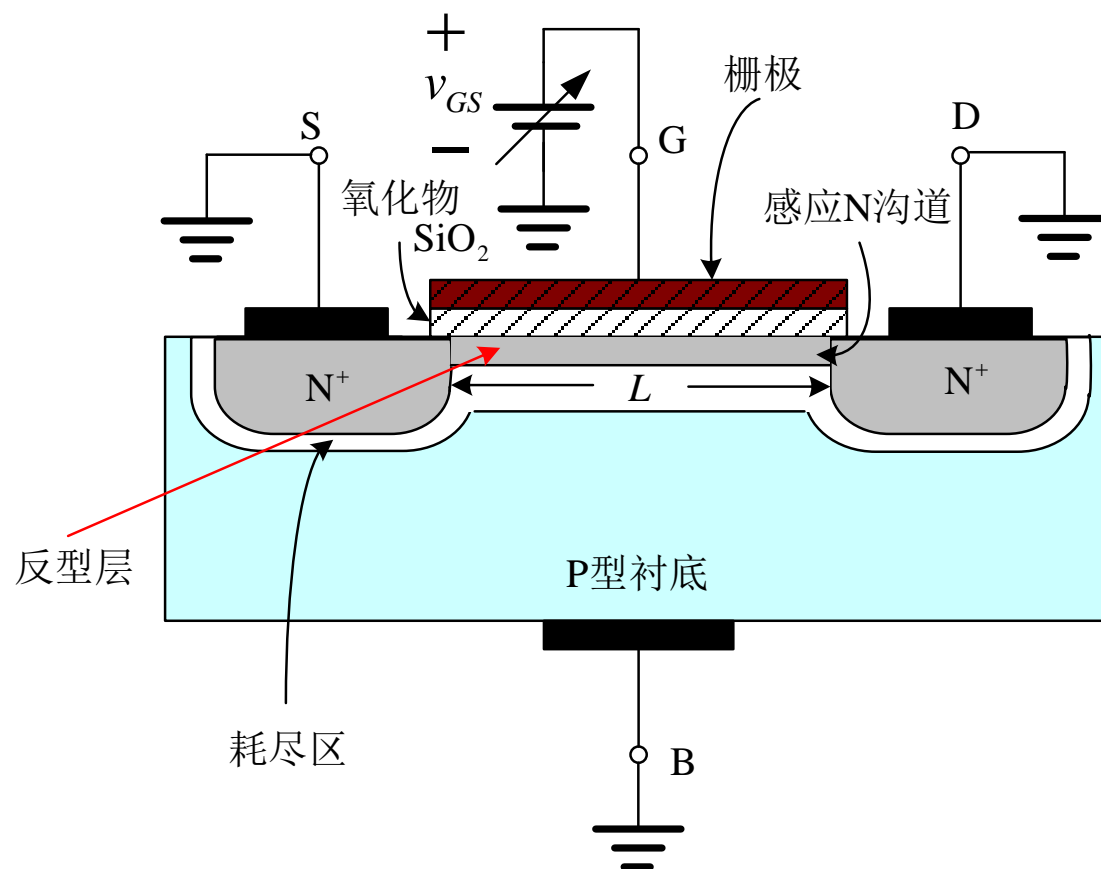


P沟道

9.1.2 场效应晶体管的工作原理

一、N沟道增强型MOSFET的工作原理

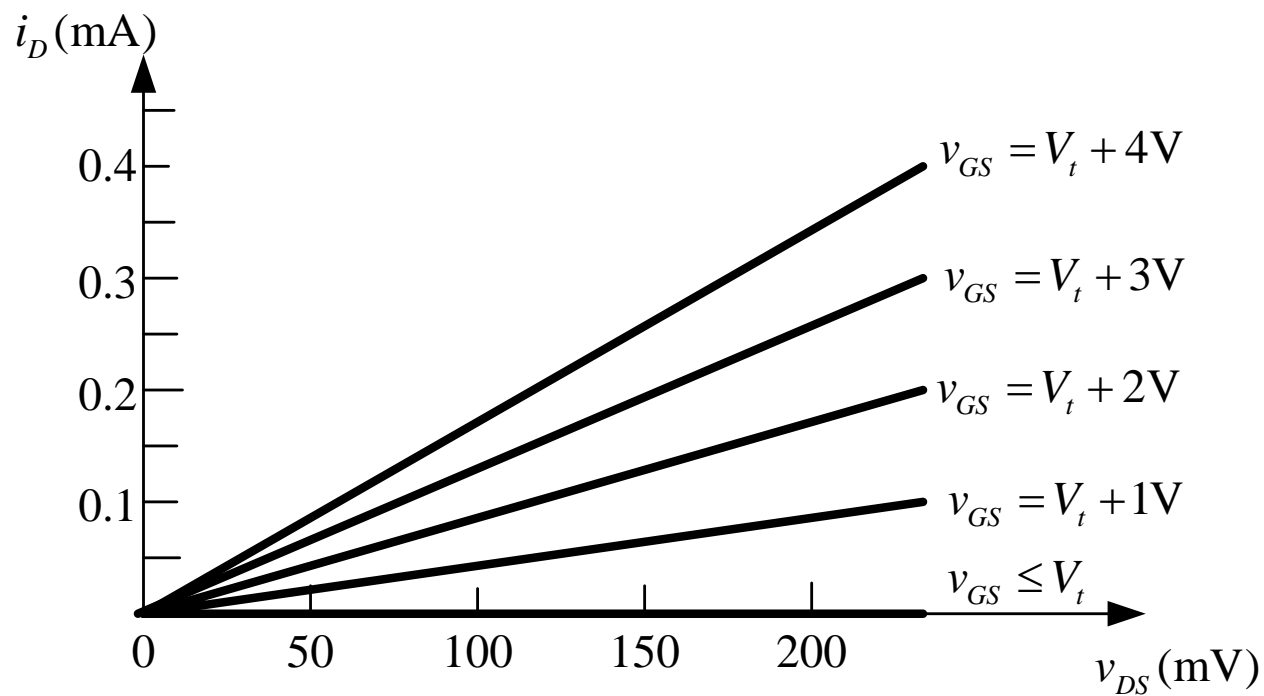
1、导电沟道的形成



特点:

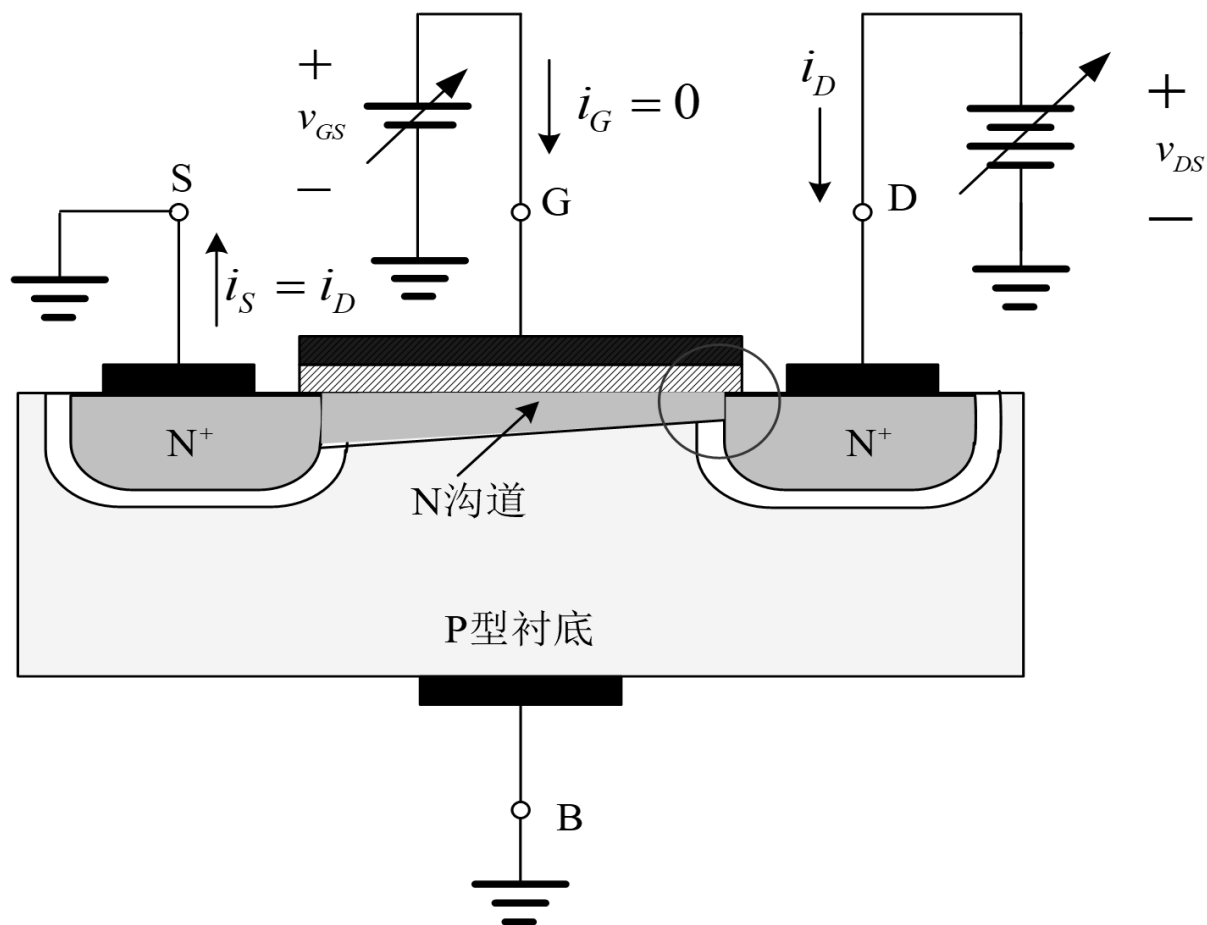
- (1) 由电子形成的反型层称N沟道，对应为NMOS；由空穴构成的反型层称P沟道，对应为PMOS。
- (2) 对于NMOS，反型层形成的先决条件是 $V_{GS} > V_t$ （开启电压，阈值电压，threshold voltage）。 V_t 的大小取决于场效应管的工艺参数。 SiO_2 绝缘层越薄，两 N^+ 区的掺杂浓度越高，衬底掺杂浓度越低， V_t 就越小。
- (3) 对于NMOS， V_{GS} 越大，反型层的电子浓度就越大，沟道的导电能力也就越强，在同样的 V_{DS} 作用下，漏极与源极之间的电流相应也越大。
- (4) 如果在源漏间加上一个小电压（如100 ~ 200 mV），沟道呈电阻特性。

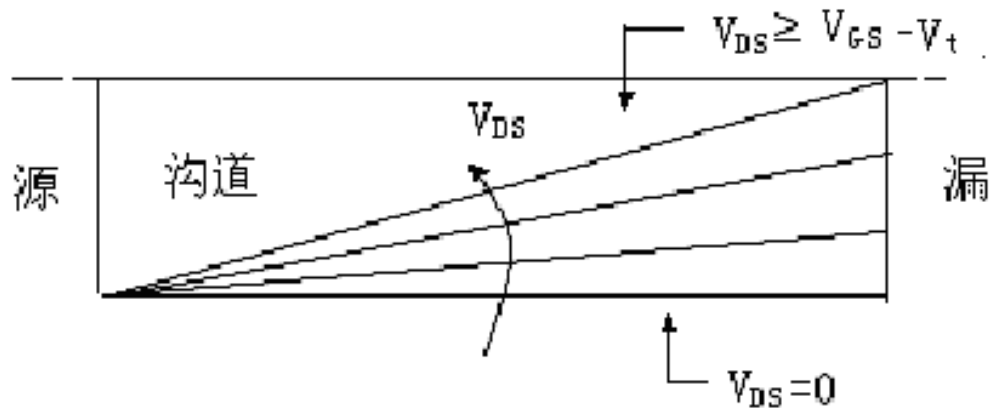
增强型NMOS管在很小的 V_{DS} 作用下的伏安特性



2、沟道夹断 (channel pinch-off)

$$V_{GD} = V_{GS} - V_{DS} = V_t$$

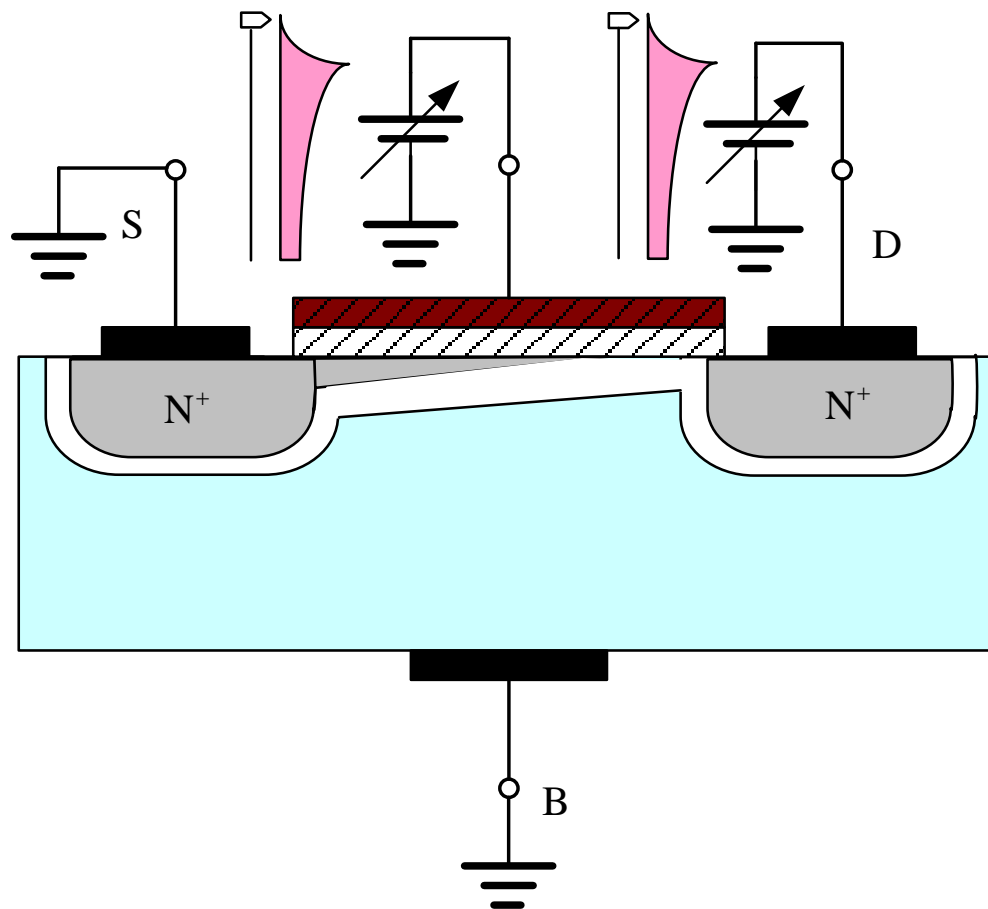




当 $v_{DS} \geq v_{GS} - V_t$ 时，如果继续升高漏极电压，漏极电流达到饱和，不再随漏极电压的升高而增大。

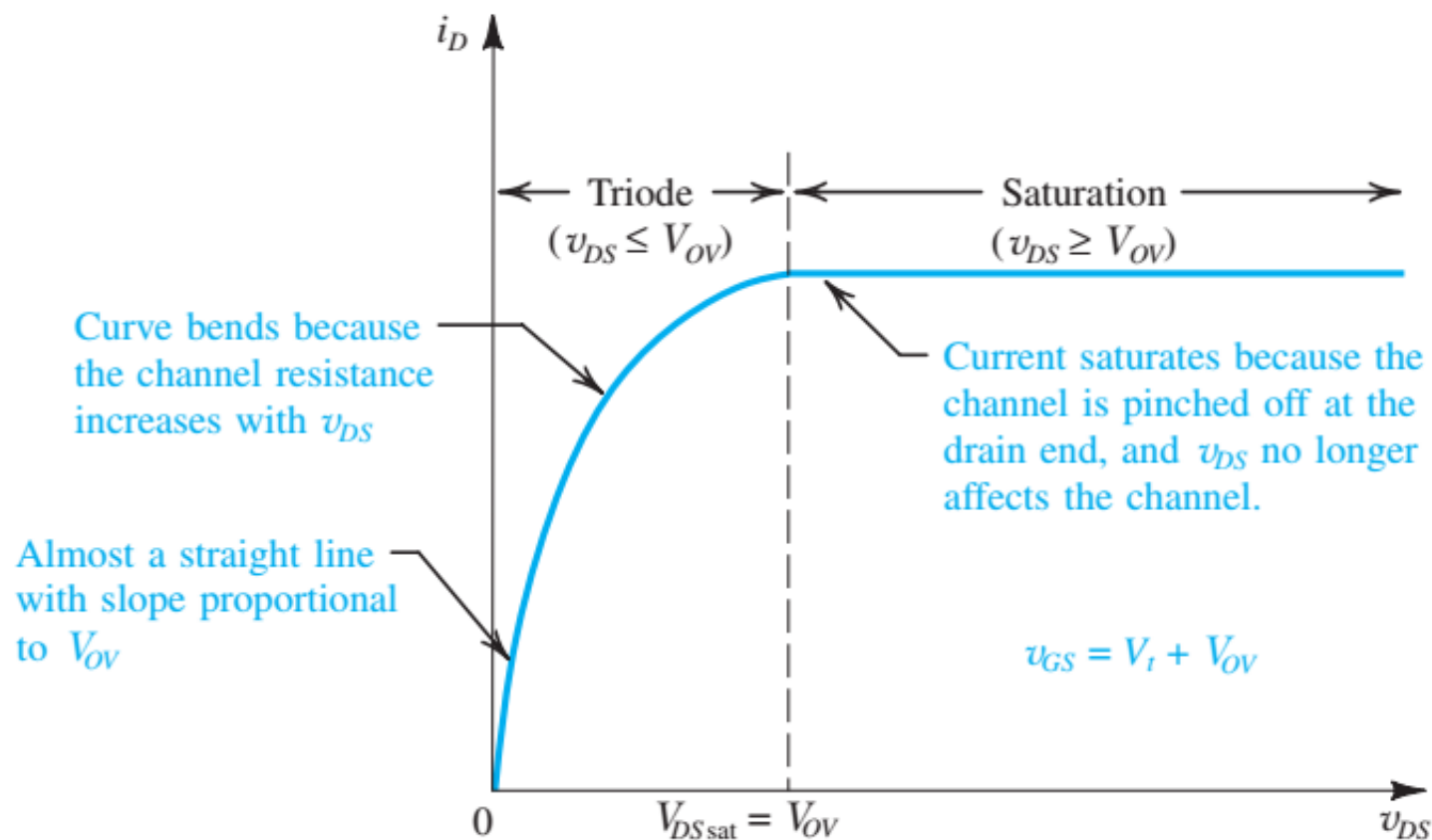
$$v_{OV} = v_{GS} - V_t$$

Effective voltage
Overdrive voltage



随着 V_{DS} 继续升高，沟道夹断的长度增加，沟道长度进一步变短，沟道呈现的阻抗进一步加大，增加的电压基本与沟道增加的阻抗相匹配，漏极电流达到饱和。

3、漏极电流的分析



漏极电流

变阻区（triode region）

$$i_D = k_n' \frac{W}{L} \left[(v_{GS} - V_t) v_{DS} - \frac{1}{2} v_{DS}^2 \right]$$

饱和区（saturation region）

$$i_D = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (v_{GS} - V_t)^2$$

$$k_n' = \mu_n C_{ox}$$

k_n' : the process transconductance parameter

μ_n : the electron mobility

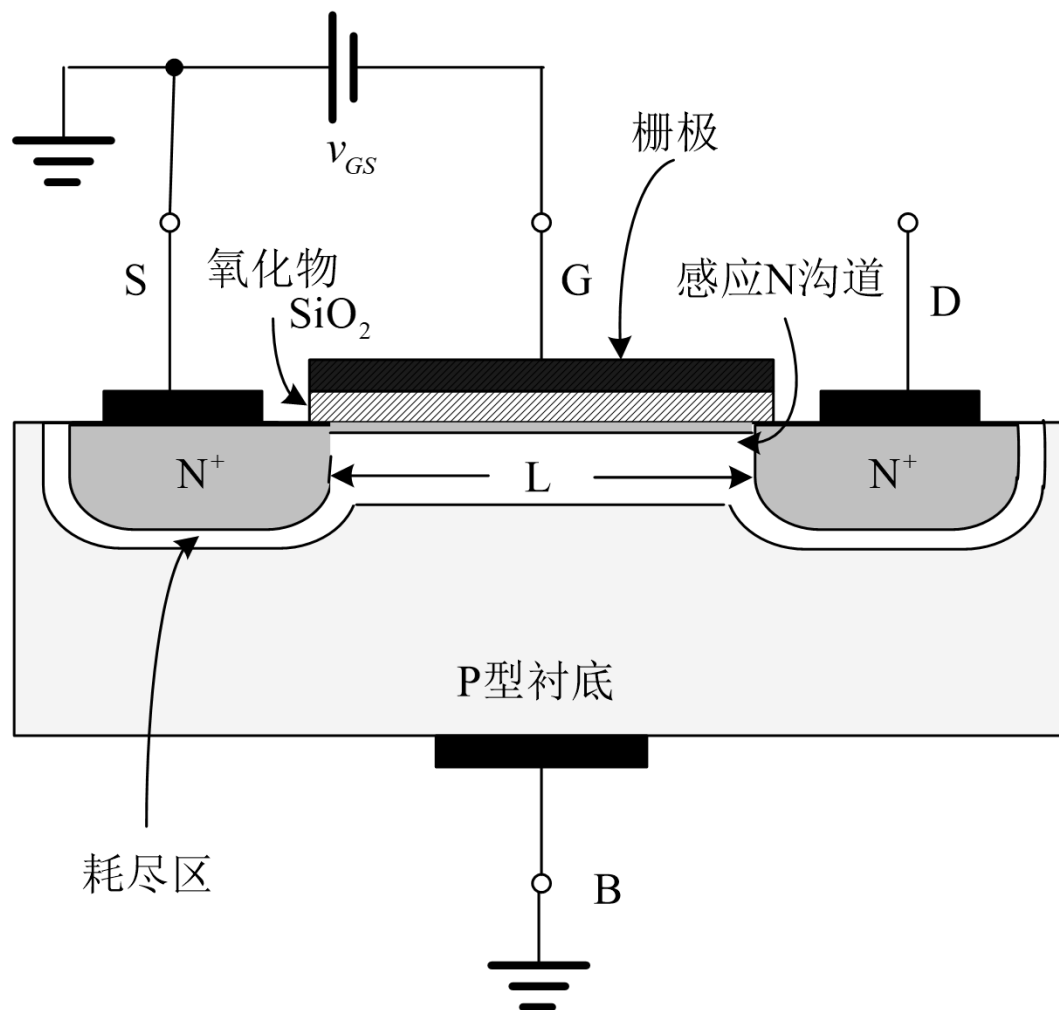
C_{ox} : the oxide capacitance

W 、 L : 沟道的宽度和长度

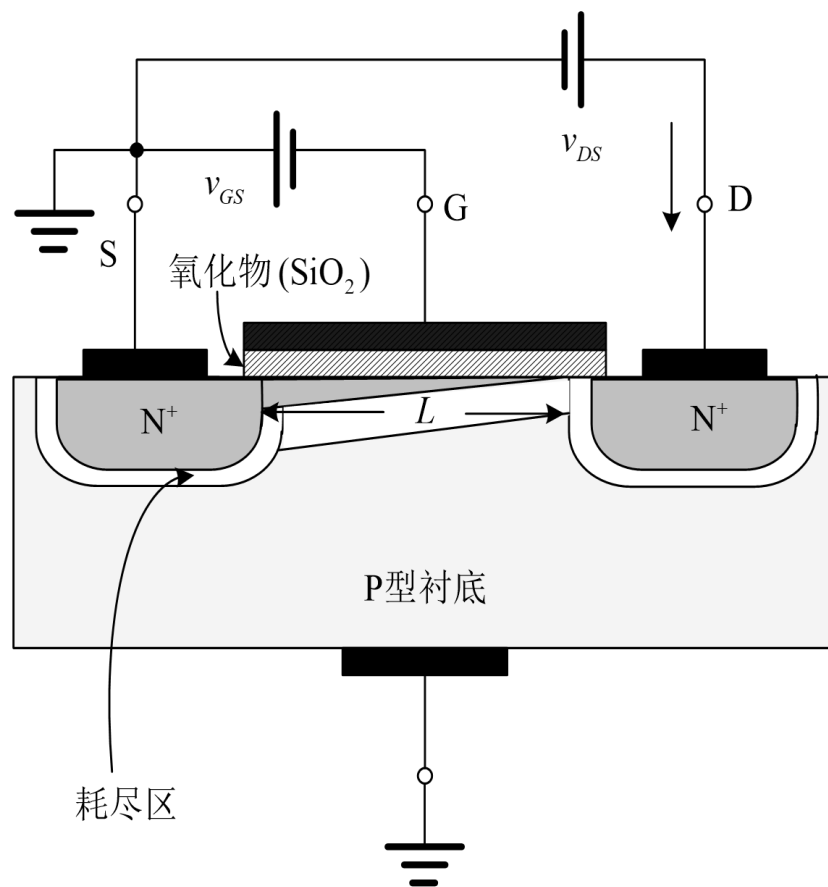
二、耗尽型MOSFET的工作原理

1、通道夹断

夹断电压 $V_{GS}(\text{off})$



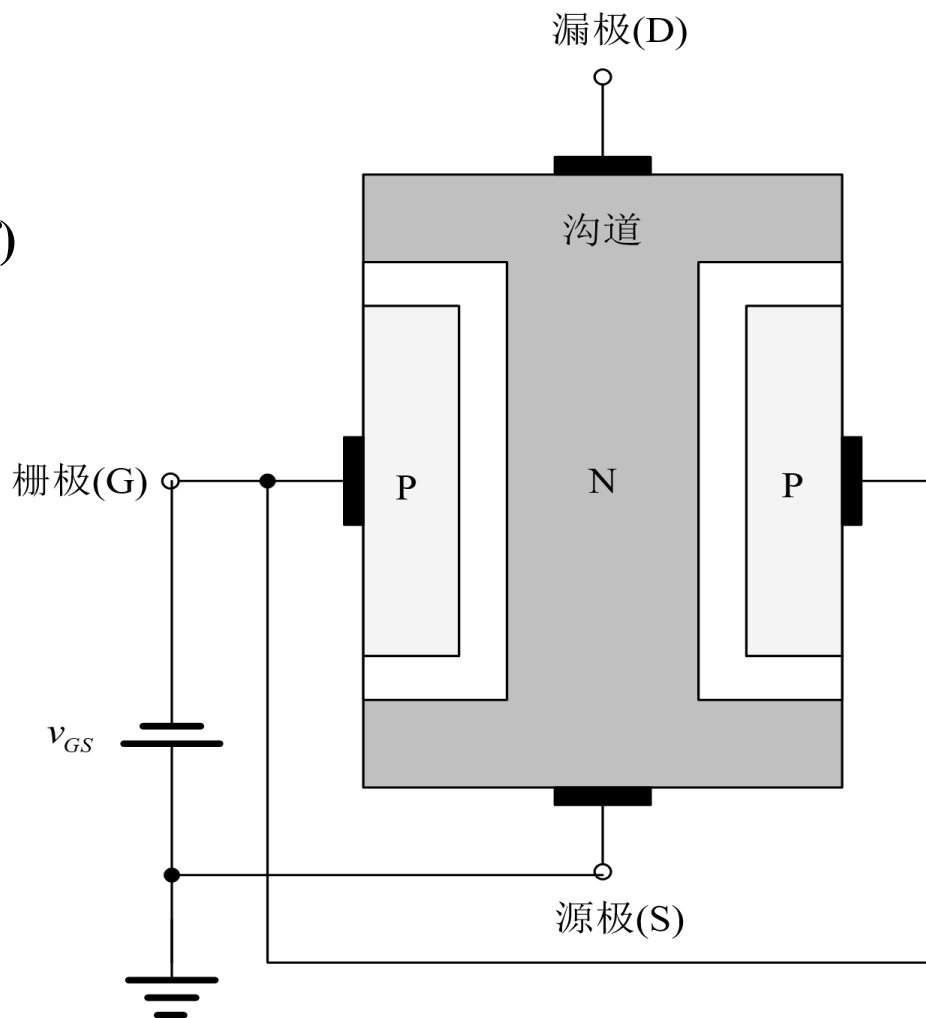
2、预夹断



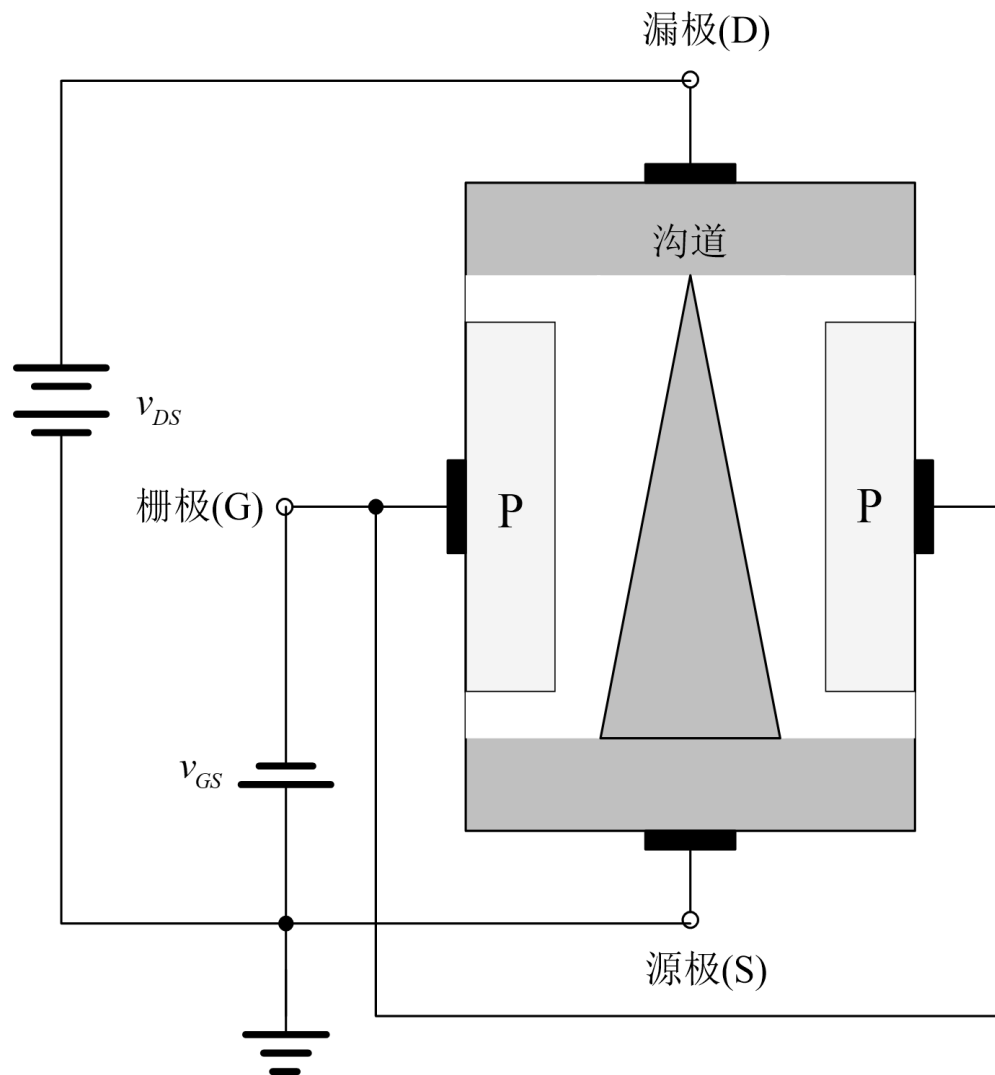
三、结型场效应管的工作原理

1、通道夹断

夹断电压 $V_{GS(off)}$



2、预夹断



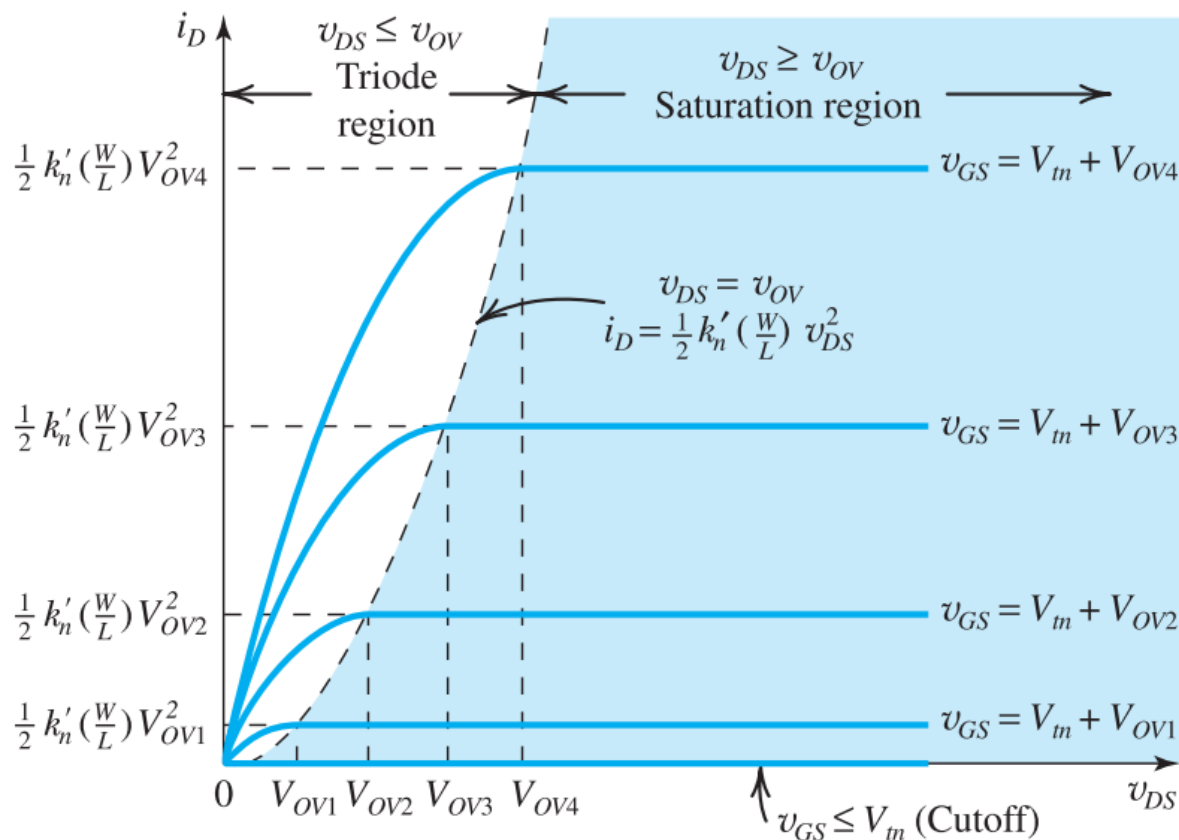
9.2 场效应晶体管的特性及其等效模型

9.2.1 输出特性和转移特性

一、输出特性

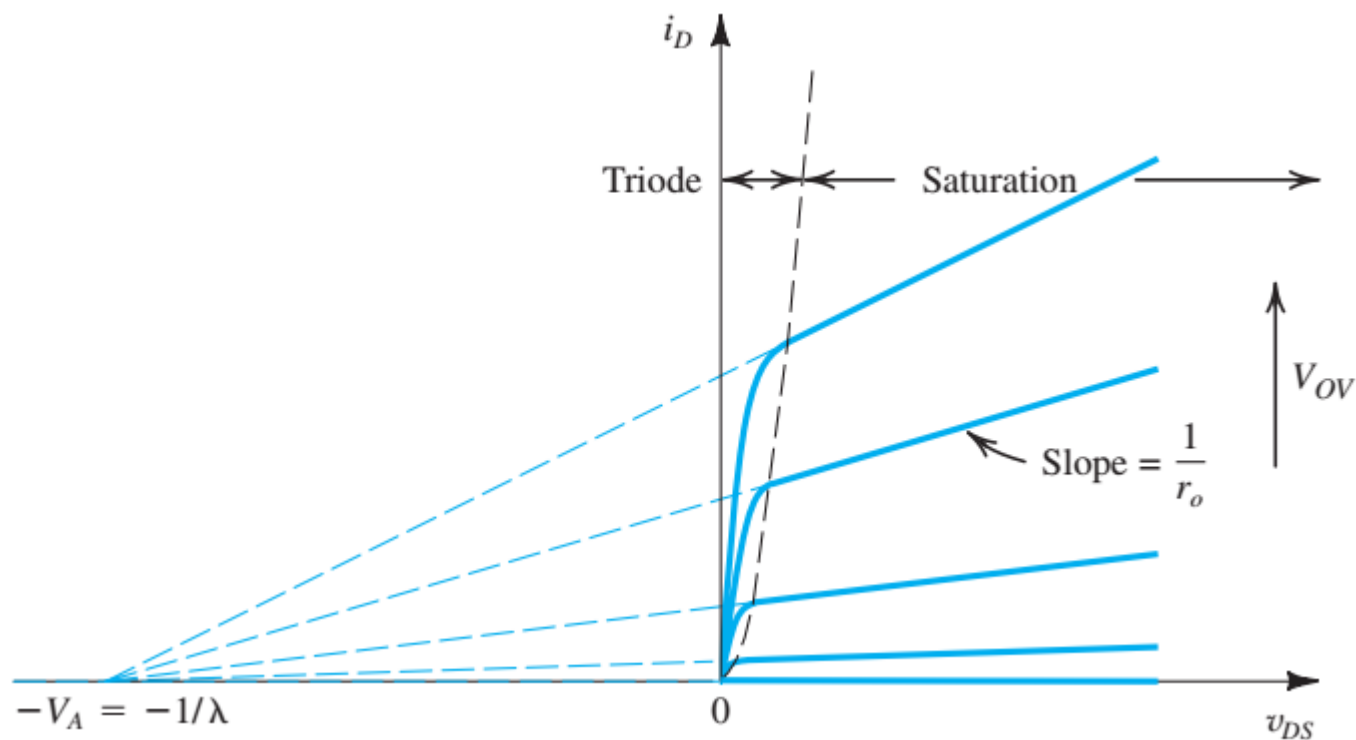
增强型NMOS管

输出特性曲线



若考虑沟道长度调制效应
(channel-length modulation)

$$r_o \equiv \left(\frac{\partial i_D}{\partial v_{DS}} \right)_{v_{GS}=\text{Const}}^{-1} = \frac{V_A}{I_D}$$



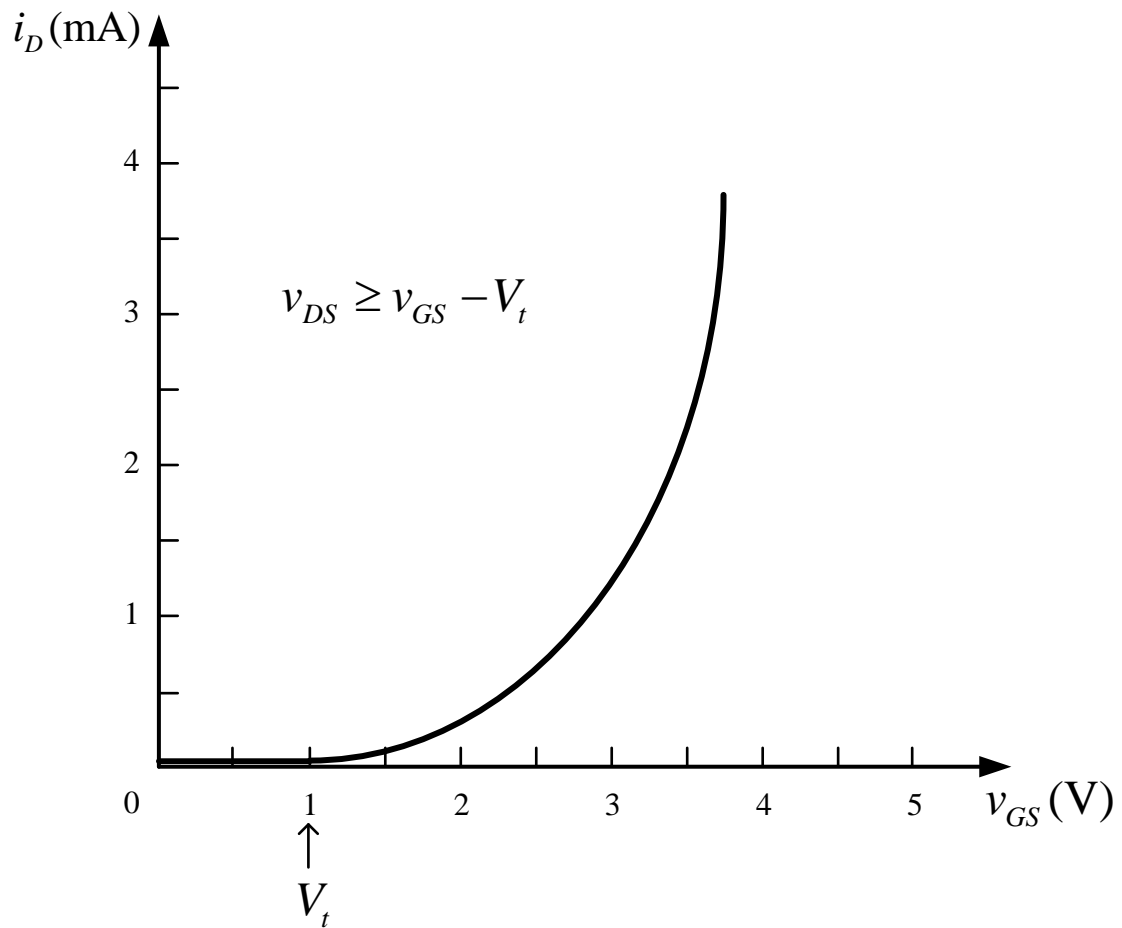
$$i_D = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (v_{GS} - V_t)^2 (1 + \lambda v_{DS})$$

$$\lambda = \frac{1}{V_A}$$

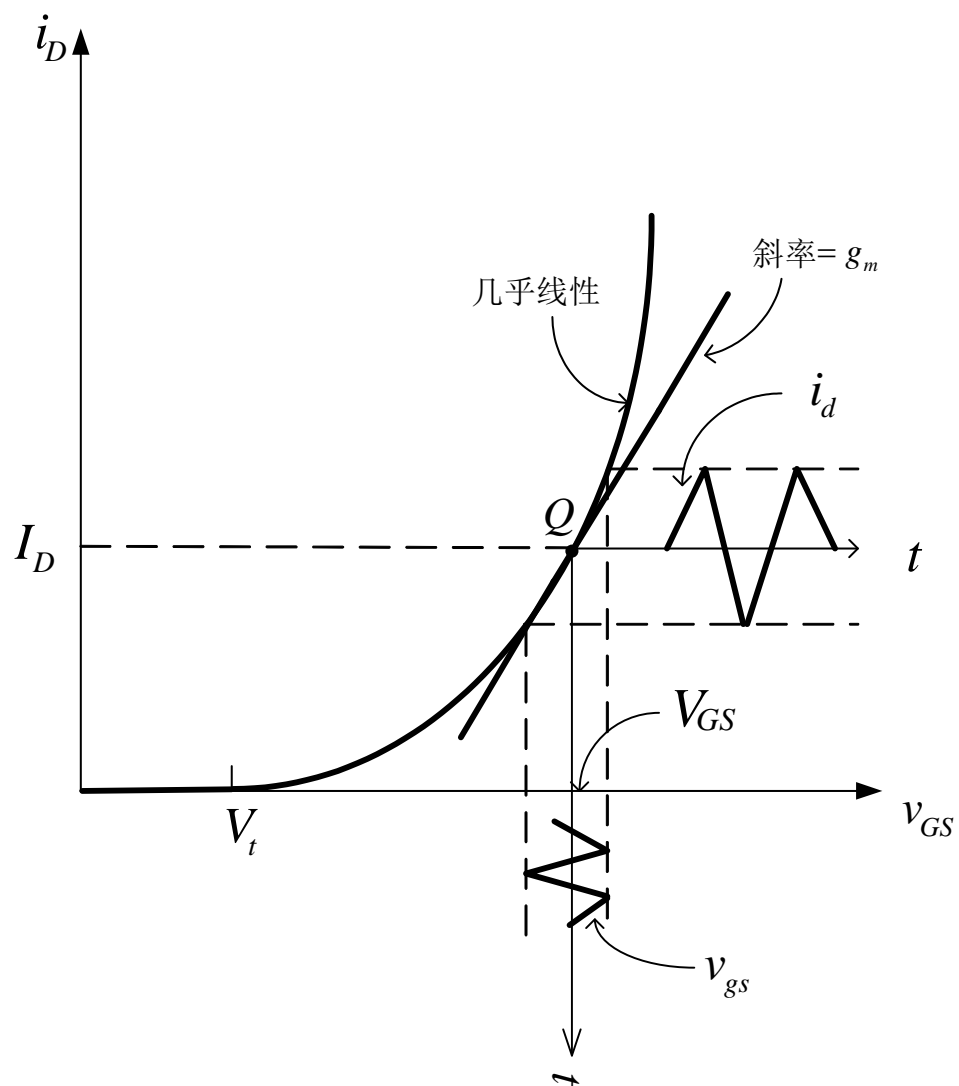
二、转移特性

增强型NMOS管

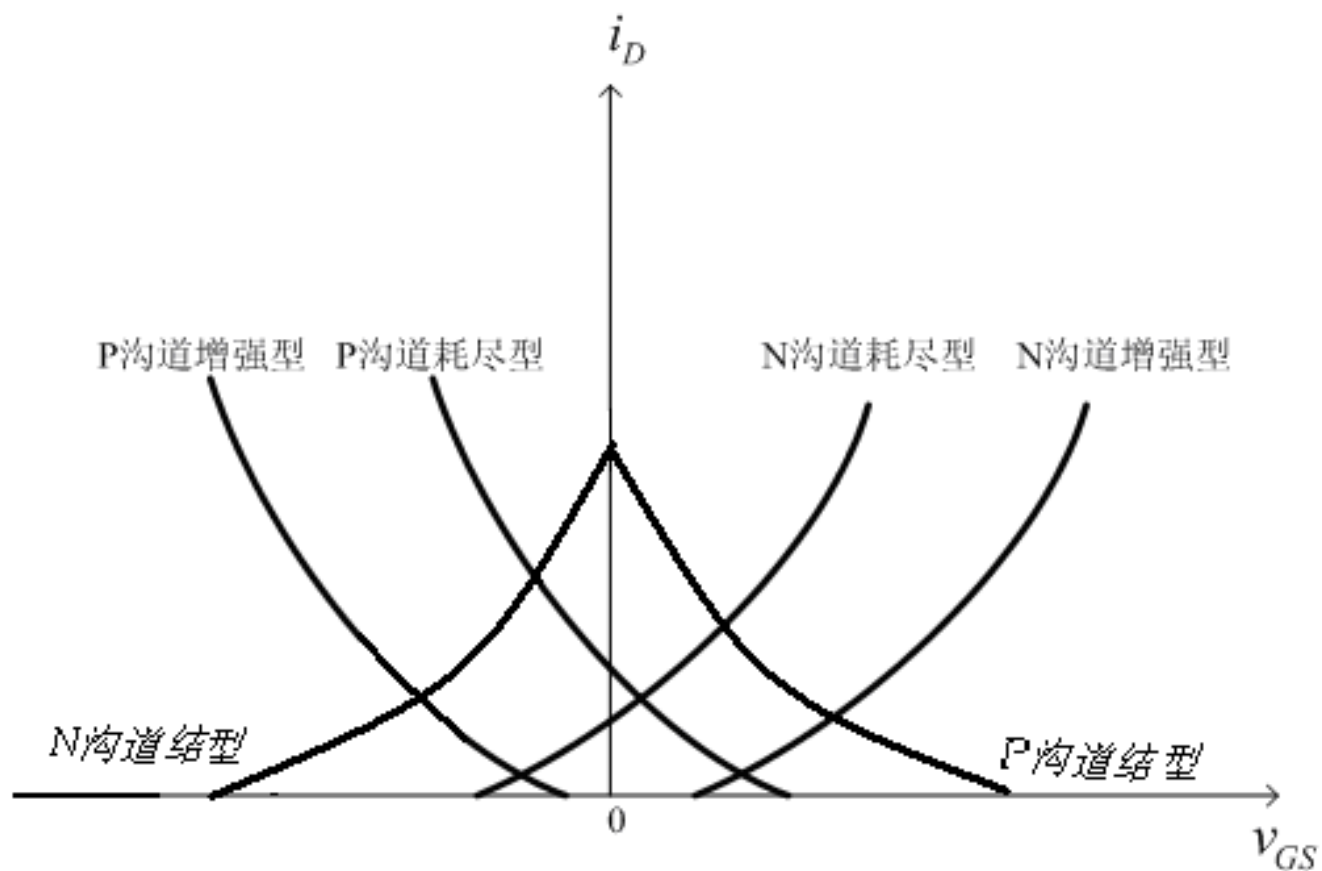
转移特性曲线



场效应管工作点的确定



6种场效应管的转移特性曲线



三、场效应管（FET）的参数

- 直流参数:

$V_{GS(th)} / V_t$: 开启电压（增强型MOSFET特有的参数），当 V_{DS} 为一固定值时，能够产生漏极电流 I_D 所需的 $|V_{GS}|$ 最小值。

$V_{GS(off)}$: 夹断电压（耗尽型MOSFET特有的参数），当 V_{DS} 为一固定值时，使 I_D 减小到一个微小值时所需的 V_{GS} 值。

I_{DSS} : 饱和漏极电流（耗尽型MOSFET特有的参数），当 $V_{GS} = 0$ ，场效应管发生预夹断时的漏极电流。

R_{GS} : 直流输入电阻， $V_{DS} = 0$ 时， V_{GS} 与 I_G 的比值。

$V_{(BR)DS}$: 漏源击穿电压

$V_{(BR)GS}$: 栅源击穿电压

- 交流参数:

g_m 、 r_o 、 C_{GS} 、 C_{GD} 、 C_{DS}

9.2.2 中频等效电路

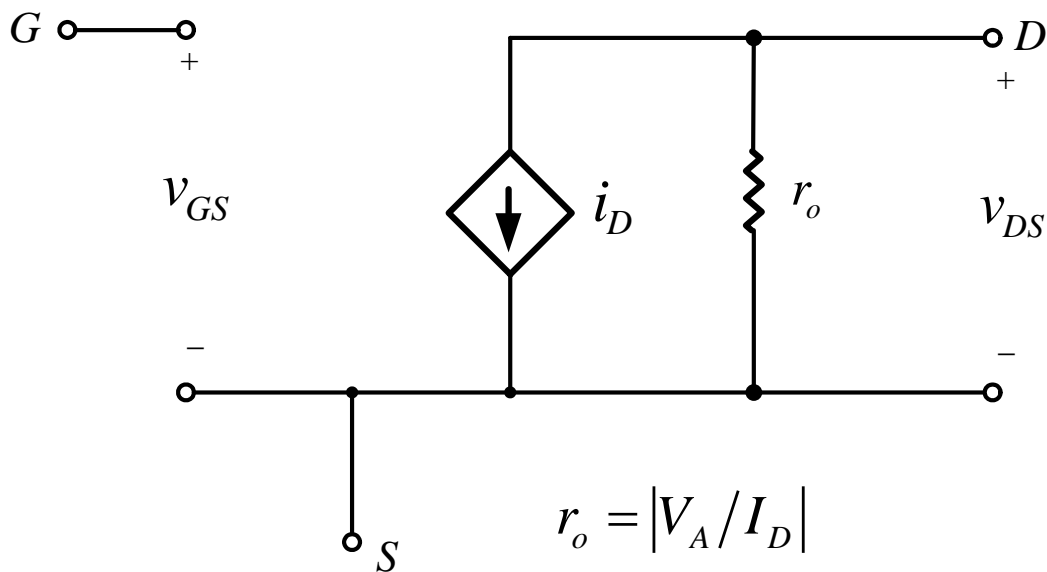
一、大信号模型

$$i_D = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (v_{GS} - V_t)^2$$

也可写为

$$i_D = I_{DSS} \left(1 - \frac{v_{GS}}{V_t} \right)^2$$

其中
$$I_{DSS} = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} V_t^2$$



二、小信号模型

$$v_{GS} = V_{GS} + v_{gs}$$

$$\begin{aligned} i_D &= \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (v_{GS} - V_t)^2 = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} + v_{gs} - V_t)^2 \\ &= \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t)^2 + k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t) v_{gs} + \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} v_{gs}^2 \end{aligned}$$

若 $\frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} v_{gs}^2 \ll k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t) v_{gs}$ 即 $v_{gs} \ll 2(V_{GS} - V_t)$

$\Rightarrow i_D \approx \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t)^2 + k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t) v_{gs} = I_D + i_d$

$$I_D = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t)^2$$

$$i_d = k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t) v_{gs}$$

1、 π 型等效电路

$$i_d = k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t) v_{gs}$$

$$g_m = \frac{i_d}{v_{gs}} = k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t) = k_n V_{OV}$$

$$\text{其中 } k_n = k_n' \frac{W}{L}, \quad V_{OV} = V_{GS} - V_t$$

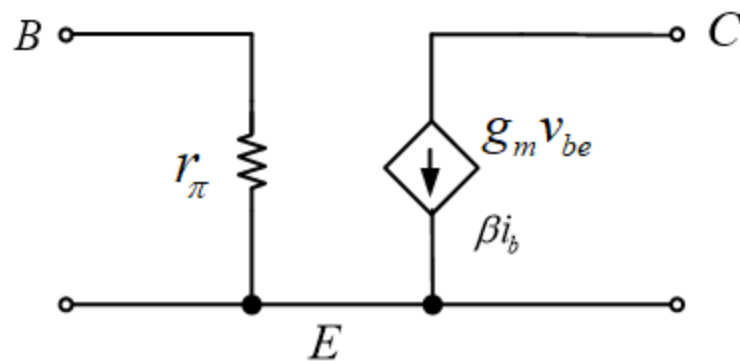
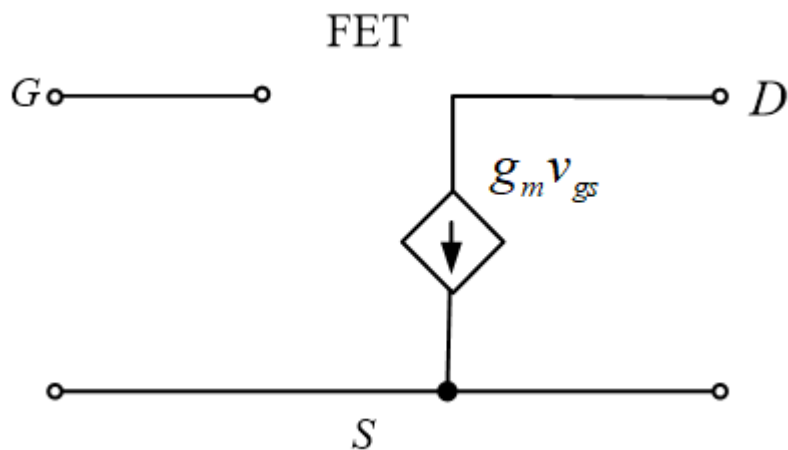
$$\text{代入 } I_D = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t)^2$$

$$\text{又可得 } g_m = \frac{I_D}{(V_{GS} - V_t)/2}$$

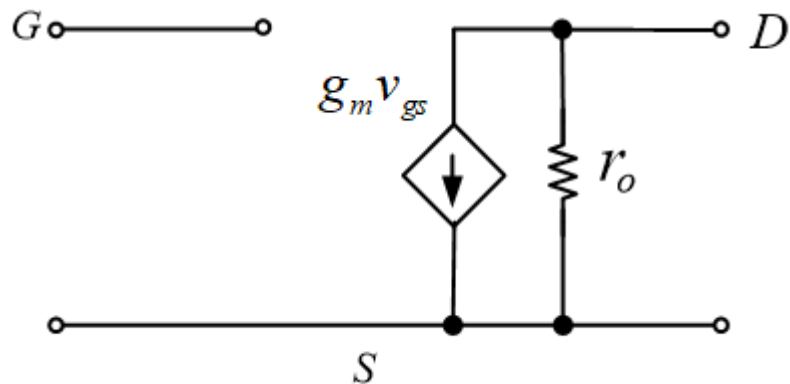
$$\text{对照三极管 } g_m = \frac{I_C}{V_T}$$

$$i_d = k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t) v_{gs} = g_m v_{gs}$$

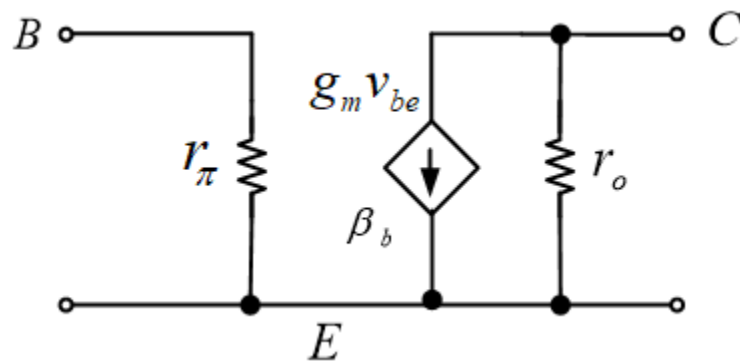
对比
BJT



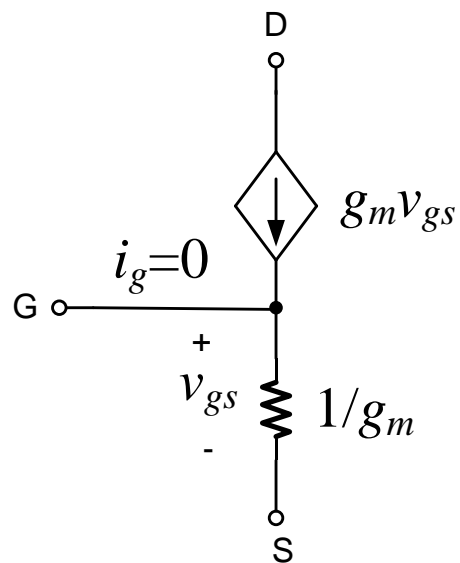
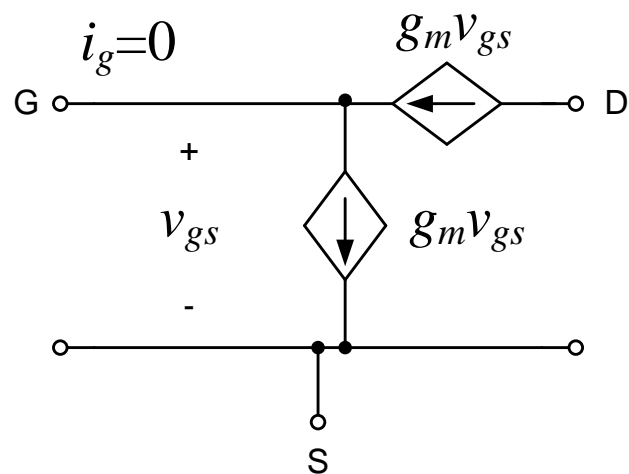
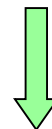
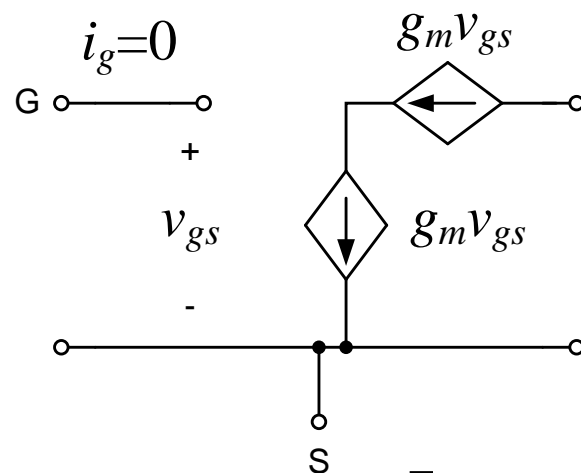
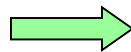
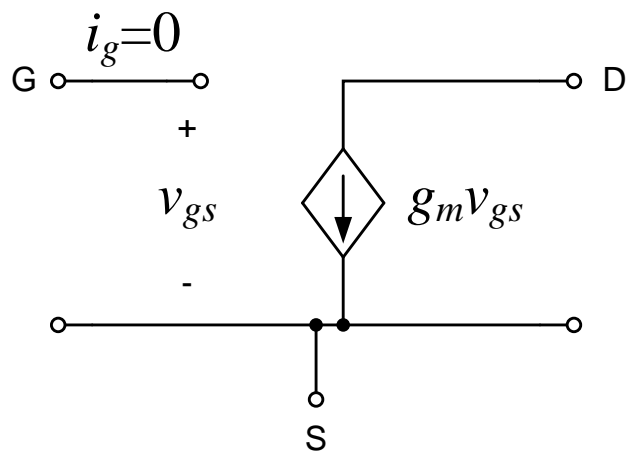
考虑沟道长度调制效应



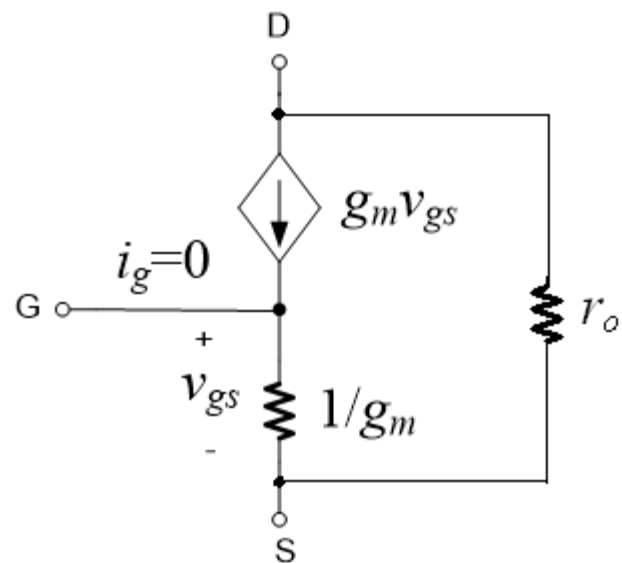
考虑厄利效应



2、T型等效电路



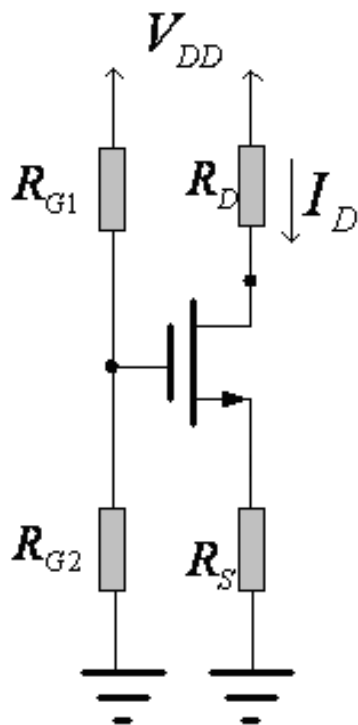
考虑输出电阻的T型等效电路



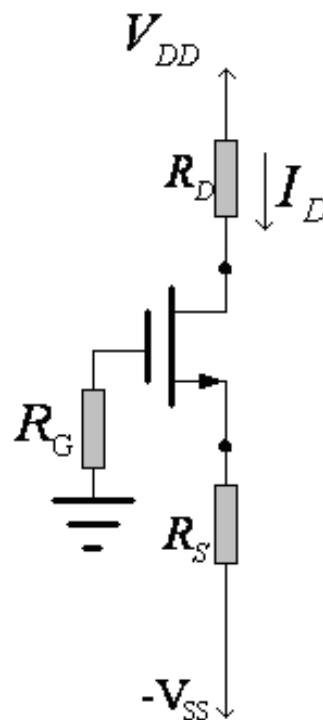
9.3 场效应晶体管放大电路的构成及其分析

9.3.1 直流偏置电路及其分析

一、自给偏置电路

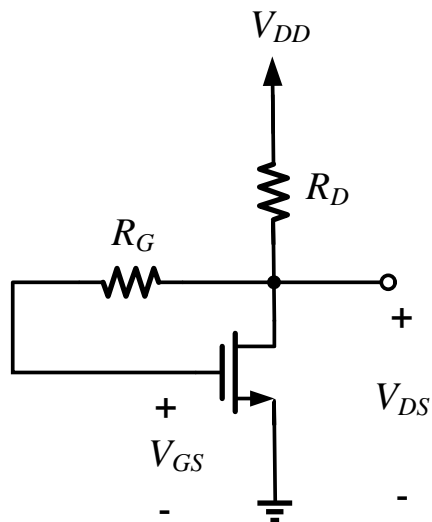


单电源



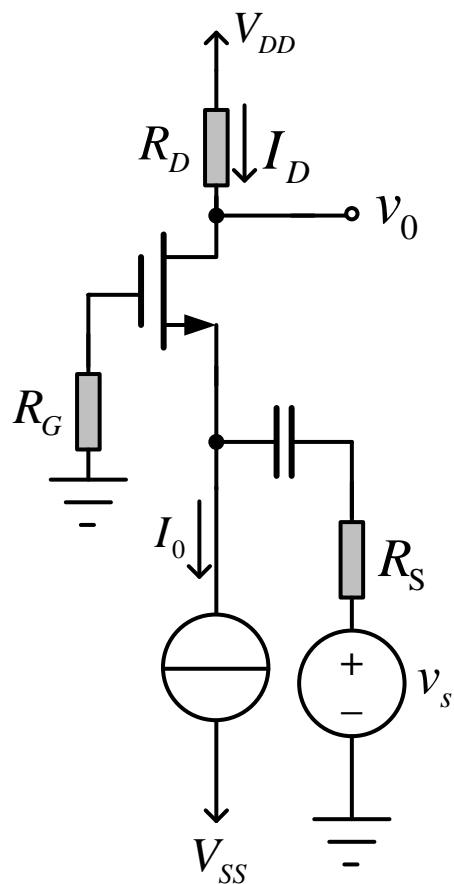
双电源

二、栅源间接反馈电阻的偏置电路

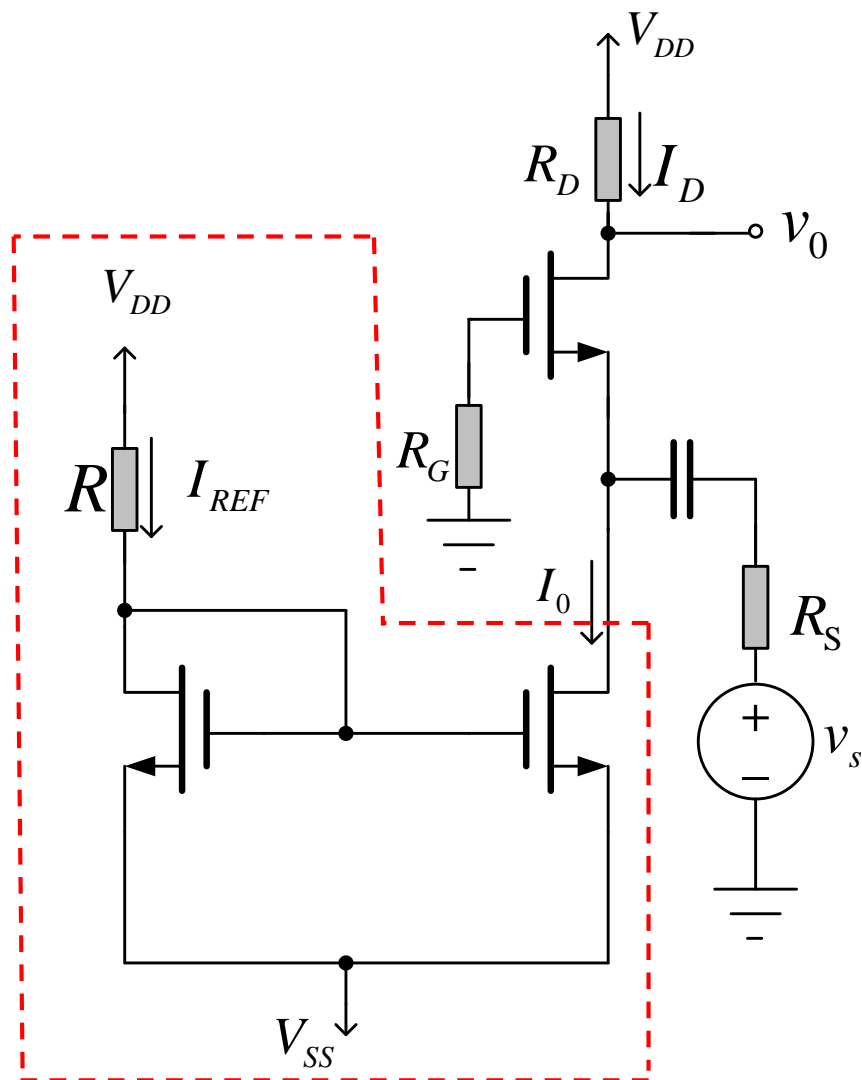


$$V_{DD} = V_{GS} + R_D I_D$$

三、恒流源偏置电路



镜像电流源



$$I_{REF} = \frac{1}{2} k'_n \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t)^2$$

$$I_{REF} = \frac{V_{DD} - V_{GS} - V_{SS}}{R}$$

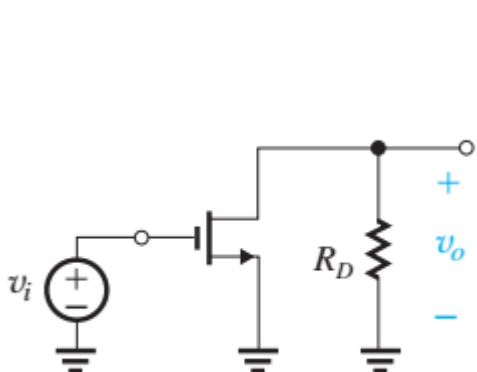
9.3.2 三种接法放大电路的分析计算

一、三种接法

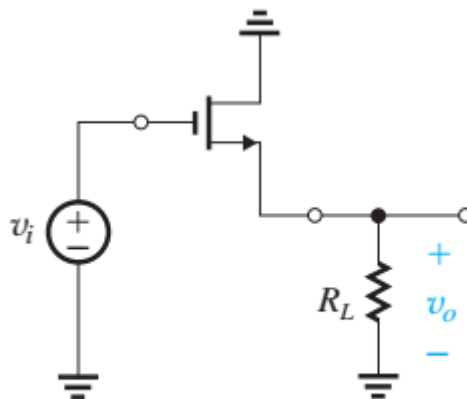
1、共源接法 **Common-Source (CS)**

2、共漏接法 **Common-Drain (CD)**

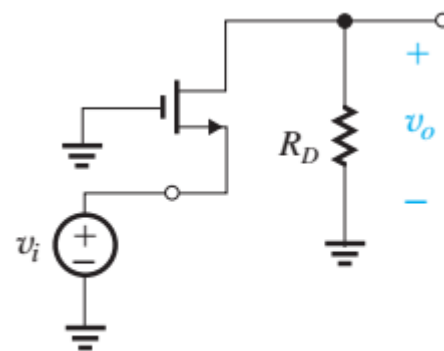
3、共栅接法 **Common-Gate (CG)**



(a) Common Source (CS)



(c) Common Drain (CD)
or Source Follower



(b) Common Gate (CG)

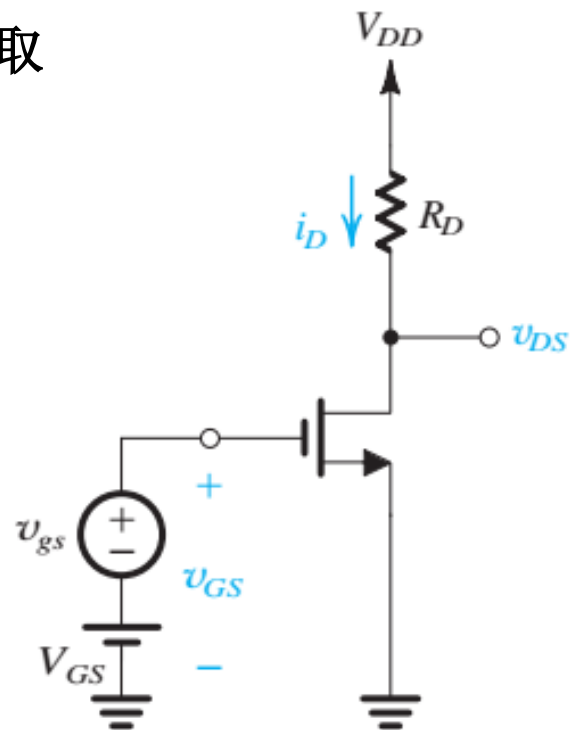
二、直流偏置通路的计算

注意

- 首先，判断MOS管的工作状态，正确选择公式。
- 其次，求解二次方程得到双解，合理取舍。

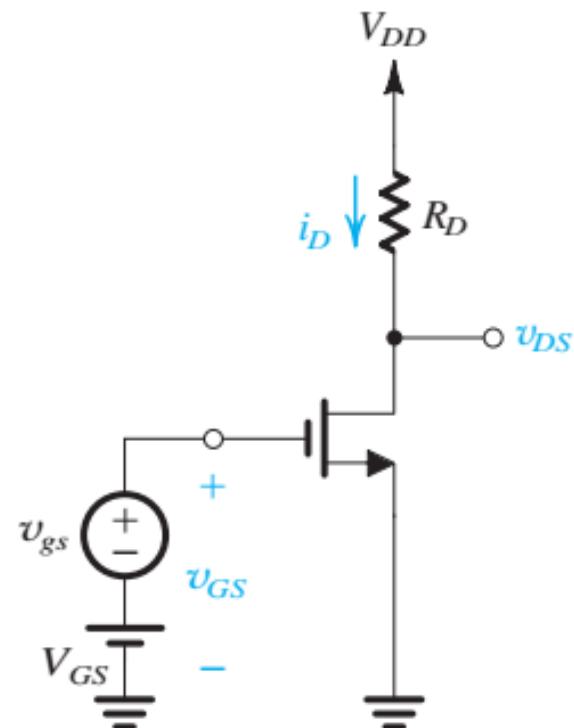
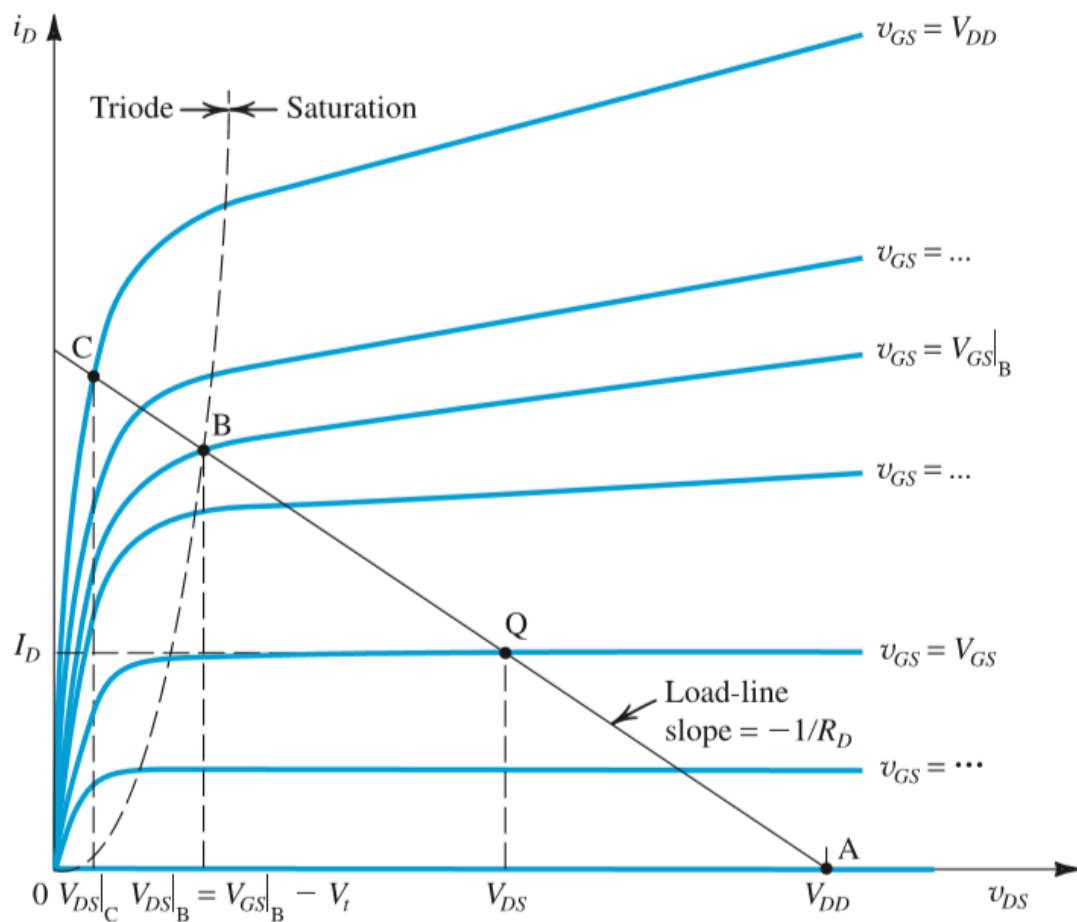
$$I_D = k_n' \frac{W}{L} \left[(V_{GS} - v_t) V_{DS} - \frac{1}{2} V_{DS}^2 \right]$$

$$I_D = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t)^2$$

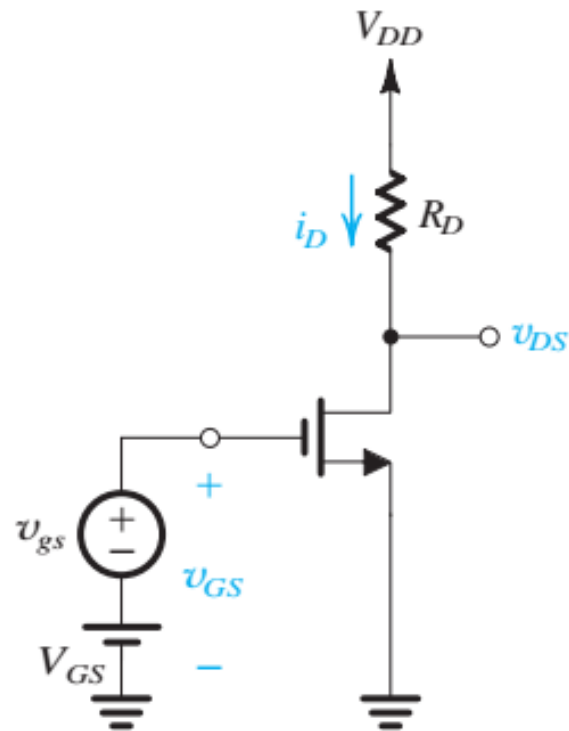
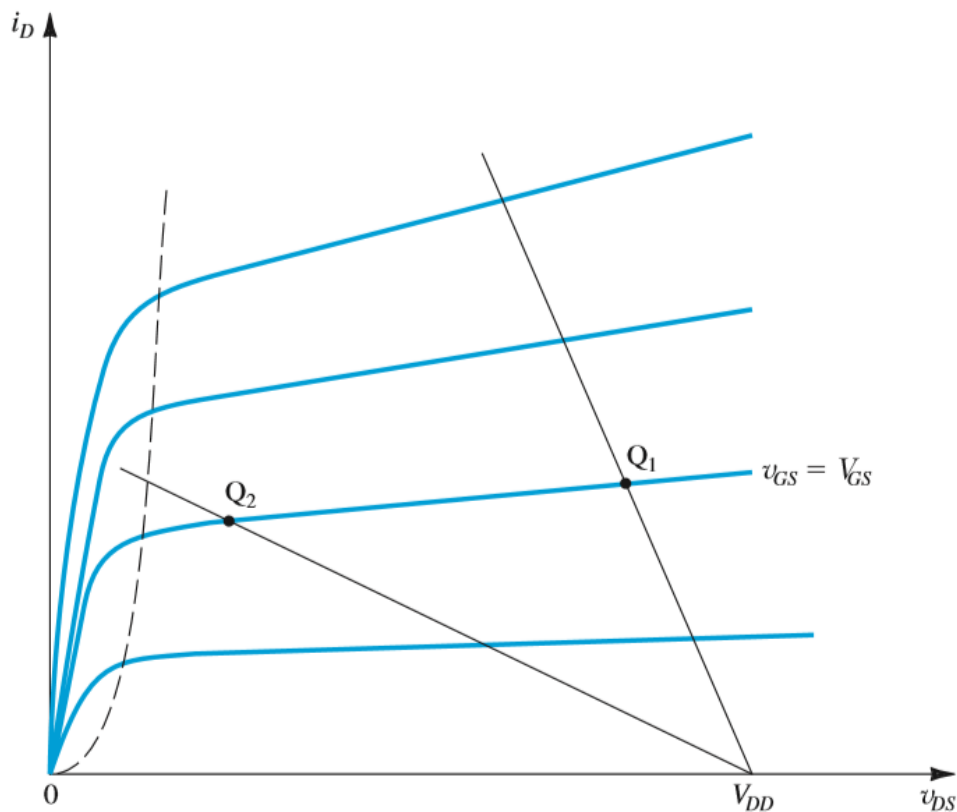


三、交流通路的计算

1、图解法



◆ 注意直流偏置的合理性



上述偏置方式存在什么问题？

- 对于偏置点 Q_1 ，在漏极没有提供足够大的正信号摆幅。
- 对于偏置点 Q_2 ，在漏极没有提供足够大的负信号摆幅。

2、小信号等效电路法

a、确定跨导 g_m

$$g_m = \frac{i_d}{v_{gs}} = k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t)$$

$$g_m = \frac{I_D}{(V_{GS} - V_t)/2}$$

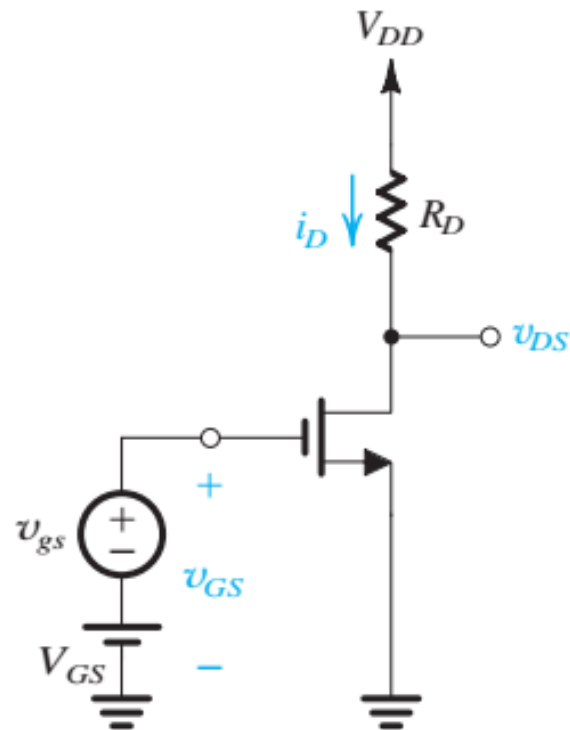
b、电压增益

$$v_{DS} = V_{DD} - R_D i_D = V_{DD} - R_D (I_D + i_d)$$

$$v_{DS} = V_{DD} - R_D I_D - R_D i_d = V_{DS} - R_D i_d$$

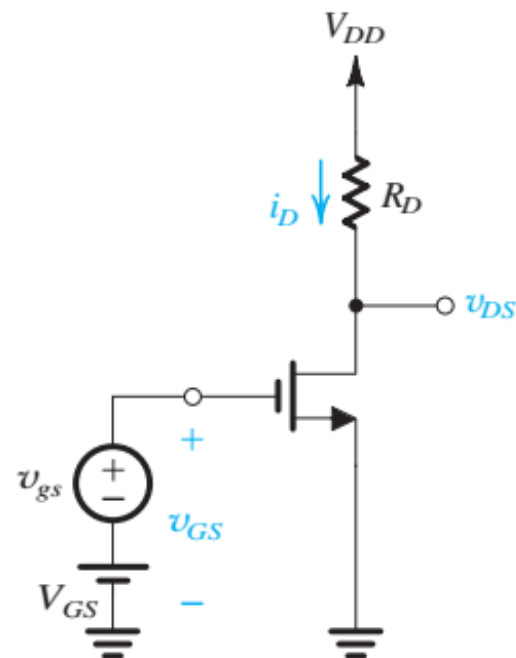
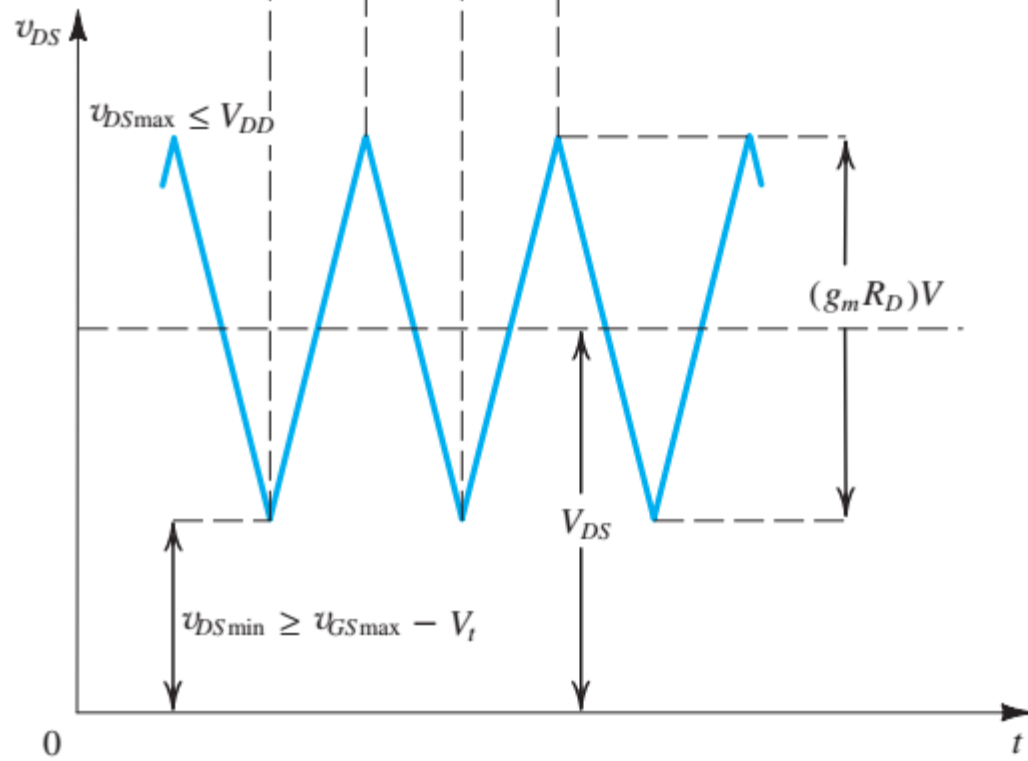
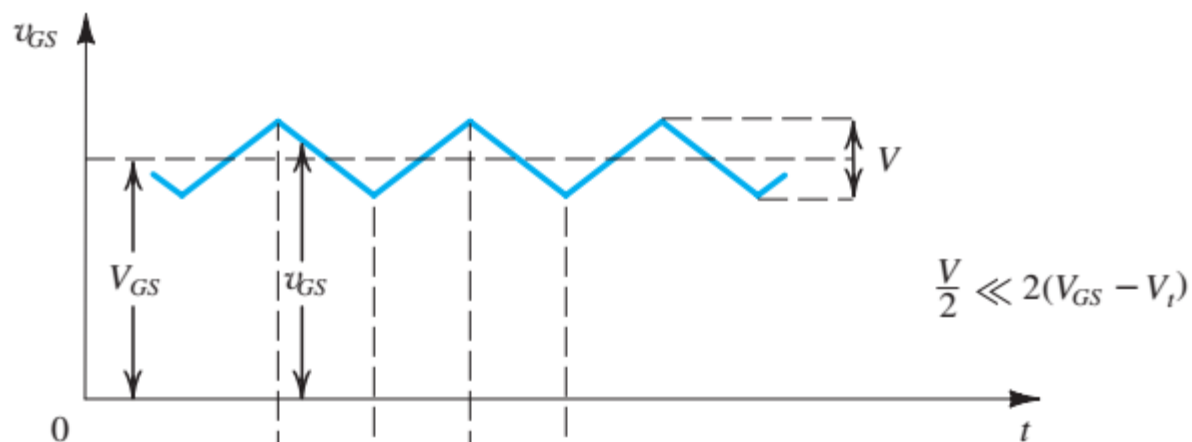
$$v_{ds} = -R_D i_d = -g_m v_{gs} R_D$$

$$A_v = \frac{v_{ds}}{v_{gs}} = -g_m R_D$$



输出电压 v_{DS} 的范围是否有限制？

输出电压 v_{DS} 的范围是否有限制？



例1 一耗尽型MOSFET的特性为： $k_n' \frac{W}{L} = 2 \text{ mA/V}^2$ ， $V_t = -3 \text{ V}$ ，已知

MOS管的源极和栅极都接地，在下列四种情况下，请指出MOS管的工作区域和漏极电流。（忽略沟道长度调制效应）

(a) $v_D = 0.1 \text{ V}$ ，(b) $v_D = 1 \text{ V}$ ，(c) $v_D = 3 \text{ V}$ ，(d) $v_D = 5 \text{ V}$

解

$$(a) \quad v_D = 0.1 \text{ V}, v_G = v_S = 0 \text{ V} \implies v_{DS} = 0.1 \text{ V}, \quad v_{GS} = 0 \text{ V}$$

$$v_{GS} - v_t = 0 - (-3) = 3 \text{ V}$$

$\therefore v_{DS} < v_{GS} - v_t$ 该MOSFET工作在变阻区

$$i_D = k_n' \frac{W}{L} \left[(v_{GS} - v_t) v_{DS} - \frac{1}{2} v_{DS}^2 \right] = 2 \left[3 \times 0.1 - \frac{1}{2} \cdot (0.1)^2 \right] = 0.59 \text{ mA}$$

$$(b) \quad v_D = 1 \text{ V}, v_G = v_S = 0 \text{ V} \quad \longrightarrow \quad v_{DS} = 1 \text{ V}, \quad v_{GS} = 0 \text{ V}$$

$$v_{GS} - v_t = 0 - (-3) = 3 \text{ V}$$

$\therefore v_{DS} < v_{GS} - v_t$ 该MOSFET工作在变阻区

$$i_D = k_n' \frac{W}{L} \left[(v_{GS} - v_t) v_{DS} - \frac{1}{2} v_{DS}^2 \right] = 2 \left[3 \times 0.1 - \frac{1}{2} \cdot 1^2 \right] = 5 \text{ mA}$$

$$(c) \quad v_D = 3 \text{ V}, v_G = v_S = 0 \text{ V} \quad \longrightarrow \quad v_{DS} = 3 \text{ V}, \quad v_{GS} = 0 \text{ V}$$

$$v_{GS} - v_t = 0 - (-3) = 3 \text{ V}$$

$\therefore v_{DS} = v_{GS} - v_t$ 该MOSFET工作在饱和区

$$i_D = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (v_{GS} - v_t)^2 = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 3^2 = 9 \text{ mA}$$

$$(d) \quad v_D = 5 \text{ V}, v_G = v_S = 0 \text{ V} \longrightarrow v_{DS} = 5 \text{ V}, \quad v_{GS} = 0 \text{ V}$$

$$v_{GS} - v_t = 0 - (-3) = 3 \text{ V}$$

$\therefore v_{DS} > v_{GS} - v_t$ 该MOSFET工作在饱和区

$$i_D = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (v_{GS} - v_t)^2 = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 3^2 = 9 \text{ mA}$$

例2 一个增强型P沟道MOS管： $k_p' \frac{W}{L} = 80 \mu\text{A}/\text{V}^2$ ， $V_t = -1.5 \text{ V}$ ， $\lambda = -0.02 \text{ V}^{-1}$ ，

栅极接地，源极接+5V。请计算下列情况下漏极电流：

(a) $v_D = 4 \text{ V}$ ， (b) $v_D = 1.5 \text{ V}$ ， (c) $v_D = 0 \text{ V}$ ， (d) $v_D = -5 \text{ V}$

解

(a) $v_D = 4 \text{ V}$ ， $v_G = 0 \text{ V}$ ， $v_S = 5 \text{ V}$

$$v_{GS} - V_t = -5 + 1.5 = -3.5 \text{ V}$$

 $v_{DS} = -1 \text{ V} > v_{GS} - V_t$ 该MOSFET工作在变阻区

$$\begin{aligned} i_D &= k_n' \frac{W}{L} \left[(v_{GS} - V_t) v_{DS} - \frac{1}{2} v_{DS}^2 \right] \\ &= 0.08 \left[(-5 + 1.5) \times (-1) - \frac{1}{2} \cdot (-1)^2 \right] = 0.24 \text{ mA} \end{aligned}$$

$$(b) \quad v_D = 1.5 \text{ V}, \quad v_G = 0 \text{ V}, \quad v_S = 5 \text{ V}$$

$$v_{GS} - V_t = -5 + 1.5 = -3.5 \text{ V}$$

$$\longrightarrow v_{DS} = -3.5 \text{ V} = v_{GS} - V_t \quad \text{该MOSFET工作在饱和区}$$

$$\begin{aligned} i_D &= \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (v_{GS} - V_t)^2 (1 + \lambda v_{DS}) \\ &= \frac{1}{2} \cdot 0.08 \cdot (-3.5)^2 [1 + (-0.02) \times (-3.5)] = 0.5243 \text{ mA} \end{aligned}$$

$$(c) \quad v_D = 0 \text{ V}, \quad v_G = 0 \text{ V}, \quad v_S = 5 \text{ V}$$

$$v_{GS} - V_t = -5 + 1.5 = -3.5 \text{ V}$$

$$\longrightarrow v_{DS} = -5 \text{ V} < v_{GS} - V_t \quad \text{该MOSFET工作在饱和区}$$

$$i_D = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (v_{GS} - V_t)^2 (1 + \lambda v_{DS}) = \frac{1}{2} \cdot 0.08 \cdot (-3.5)^2 [1 + 0.02 \times 5] = 0.539 \text{ mA}$$

$$(d) \quad v_D = -5 \text{ V} , \quad v_G = 0 \text{ V} , \quad v_S = 5 \text{ V}$$

$$v_{GS} - v_t = -5 + 1.5 = -3.5 \text{ V}$$

→ $v_{DS} = -10 \text{ V} < v_{GS} - V_t$ 该MOSFET工作在饱和区

$$\begin{aligned} i_D &= \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (v_{GS} - V_t)^2 (1 + \lambda v_{DS}) \\ &= \frac{1}{2} \times 0.08 \times (-3.5)^2 [1 + 0.02 \times 10] = 0.588 \text{ mA} \end{aligned}$$

例3 一增强型MOSFET的特性为: $k_n' \frac{W}{L} = 2 \text{ mA/V}^2$, $V_t = 2 \text{ V}$, 已知

$V_{DD} = V_{SS} = 10 \text{ V}$, 要得到如下结果: $I_D = 1 \text{ mA}$, 电压增益最大,

漏极上的信号峰-峰值为2V, 请问该如何设计电路?

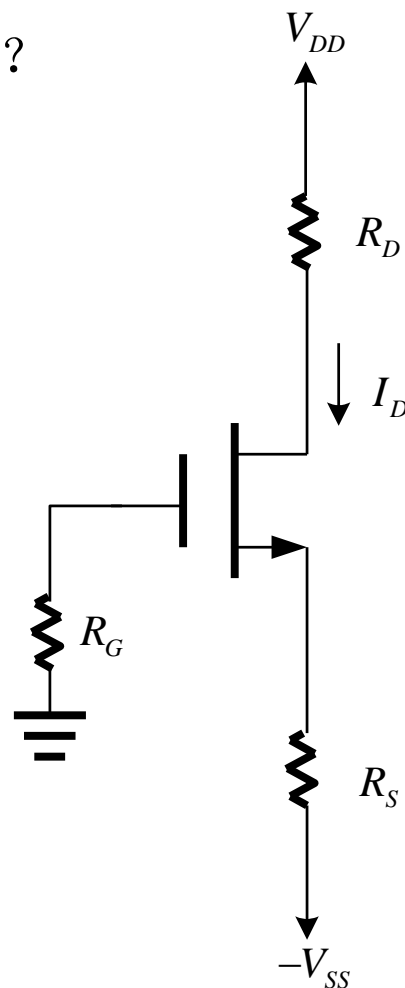
解

$$I_D = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t)^2$$

$$1 = \frac{1}{2} \times 2 (V_{GS} - 2)^2$$

得 $V_{GS} = 3 \text{ V}$ or 1 V

取 $V_{GS} = 3 \text{ V}$



$$\therefore V_S = -3 \text{ V}$$

$$I_D = I_S = 1 \text{ mA}$$

$$R_S = \frac{-3 + 10}{1} = 7 \text{ K}\Omega$$

$$v_{DS} \geq v_{GS} - V_t \quad \Rightarrow \quad v_{DG} \geq -V_t$$

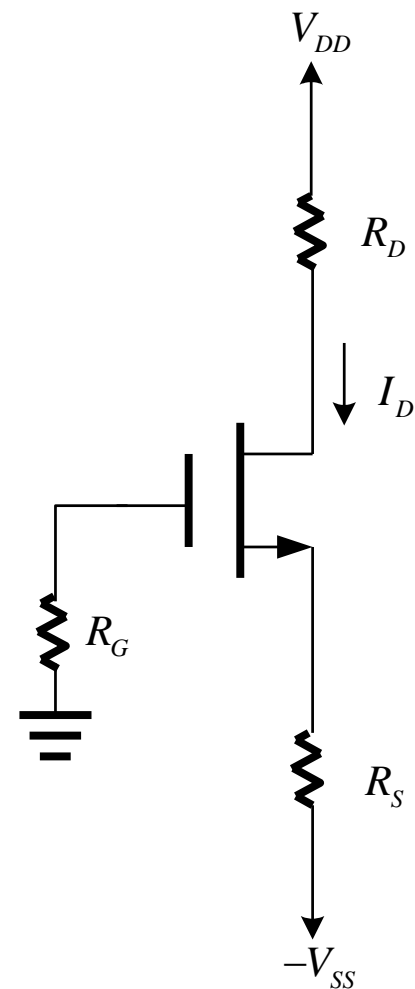
$$V_{DG} - |v_{DG}|_{\max} \geq -V_t$$

$$V_{DD} - I_D R_D - 1 \geq -V_t$$

$$\text{即} \quad 10 - R_D \cdot 1 - 1 \geq -2$$

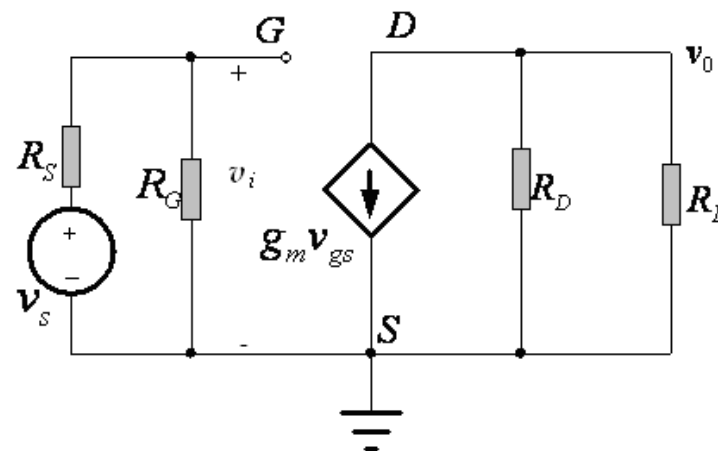
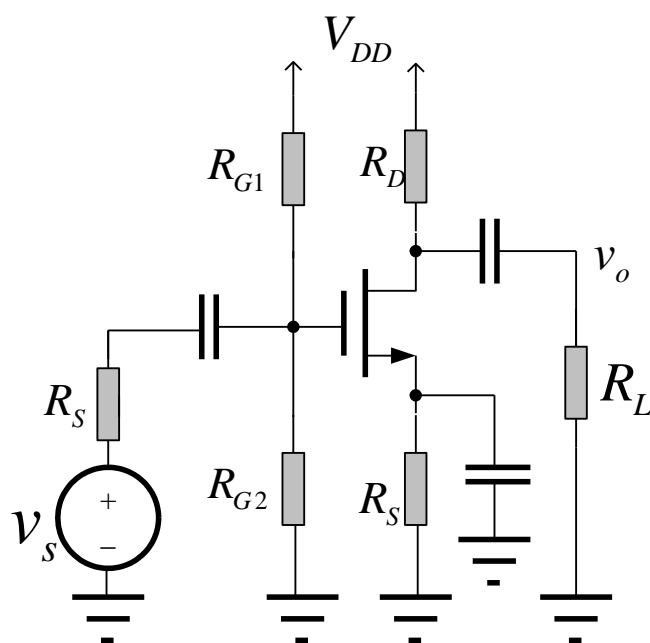
$$\text{得} \quad R_D \leq 11 \text{ K}\Omega$$

$$R_G \text{ 取 } 1 \sim 10 \text{ M}\Omega$$

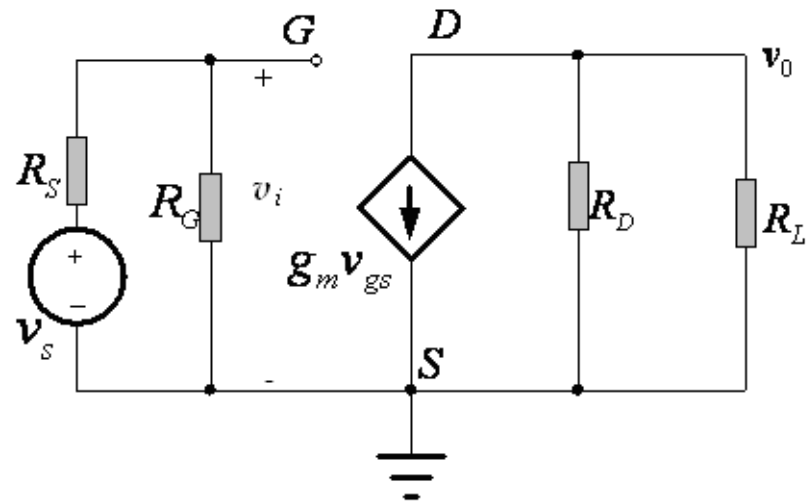


二、三种接法放大电路的分析计算

1、共源放大器



$$R_G = R_{G1} // R_{G2}$$



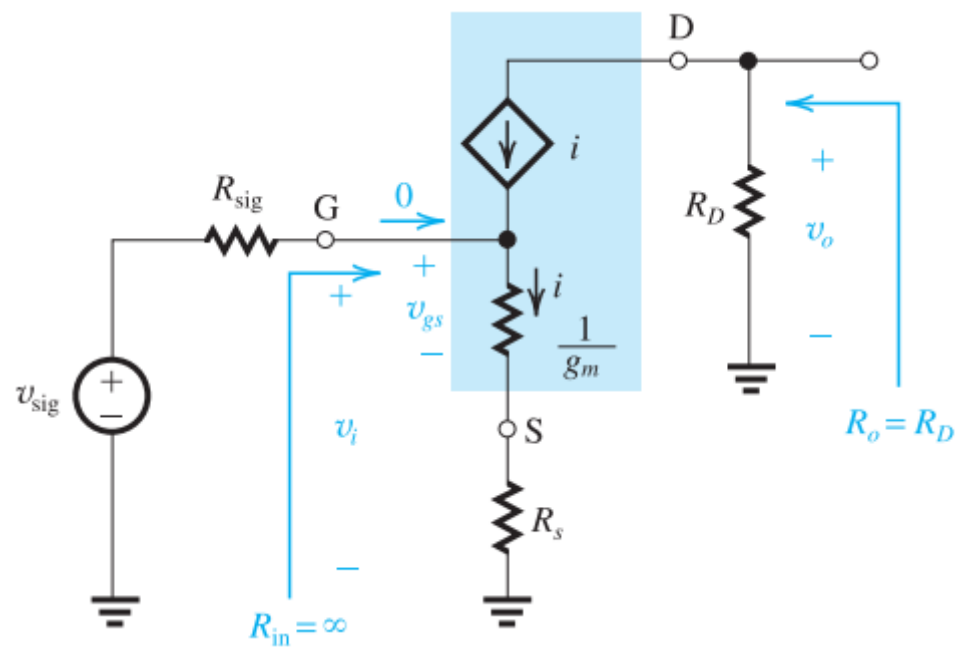
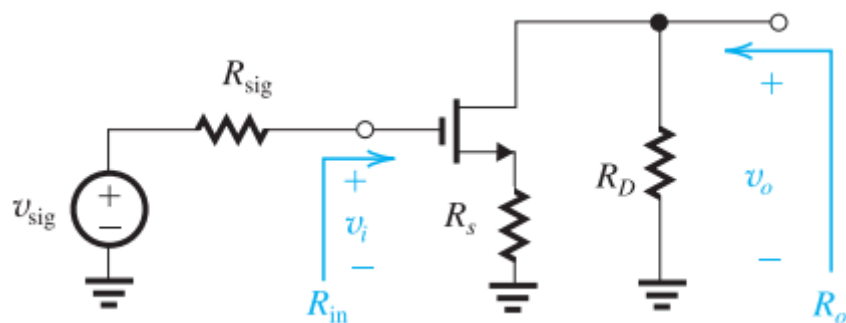
$$A_v = \frac{v_o}{v_i} = -g_m (R_D // R_L)$$

$$A_{vs} = \frac{v_o}{v_s} = \frac{v_i}{v_s} \frac{v_o}{v_i} = -\frac{R_G}{R_{sig} + R_G} g_m (R_D // R_L)$$

$$R_i = \infty$$

$$R_o = R_D$$

➤ 带源极电阻的共源放大器

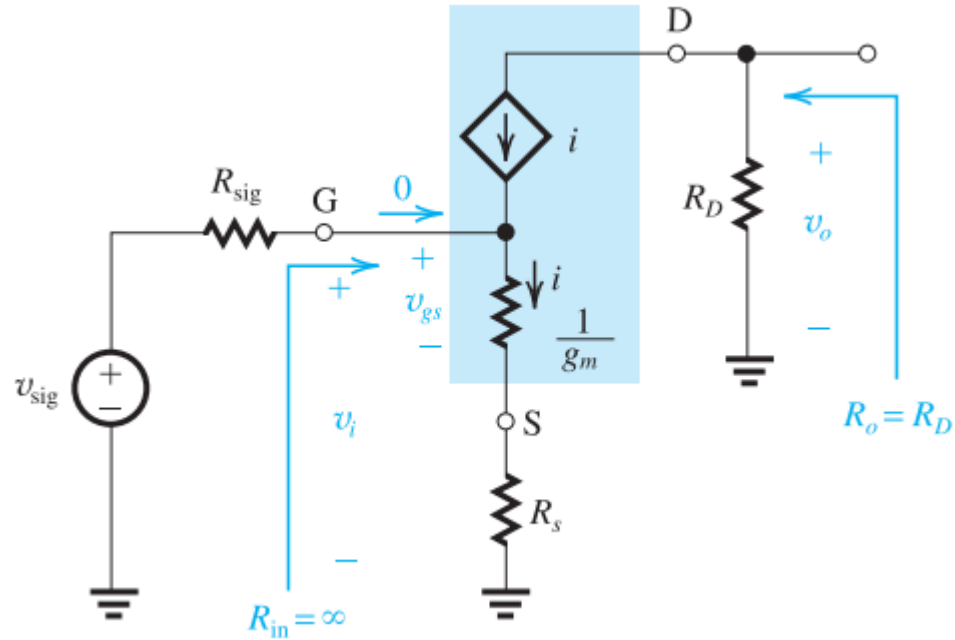


$$A_v = \frac{v_o}{v_i} = \frac{-g_m v_{gs} R_D}{g_m v_{gs} (1/g_m + R_S)} = -\frac{R_D}{1/g_m + R_S}$$

$$A_{vs} = \frac{v_o}{v_{sig}} = \frac{v_o}{v_i} = A_v$$

$$R_i = \infty$$

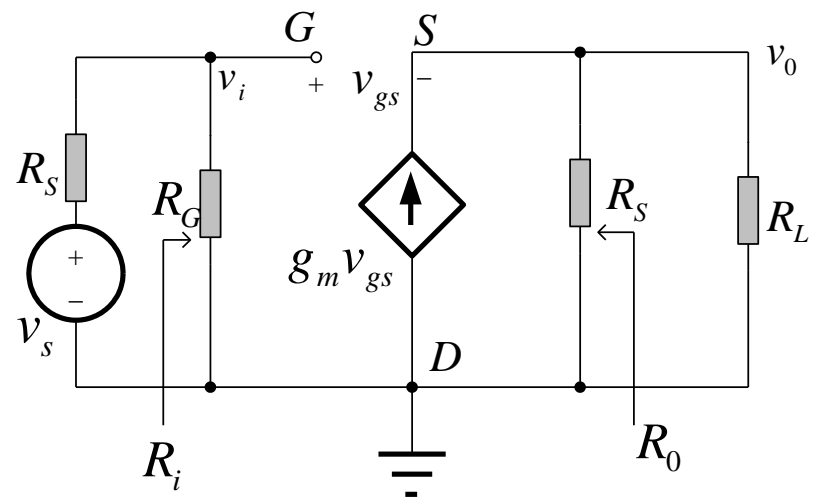
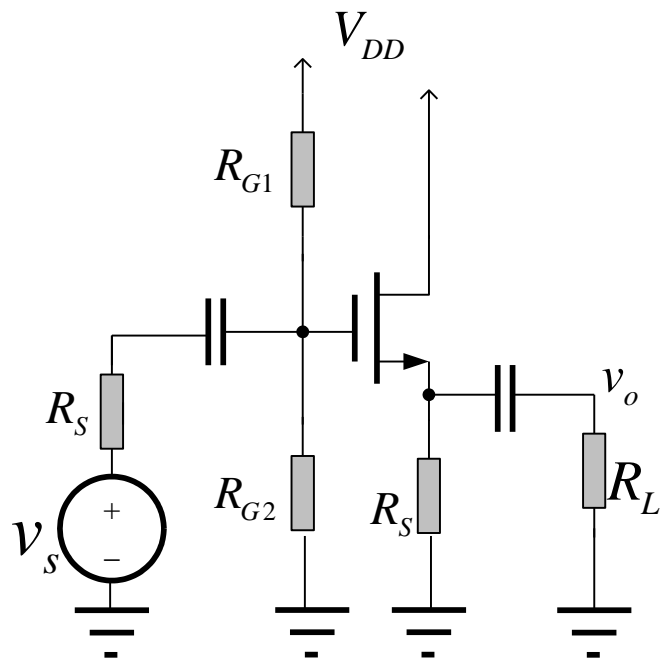
$$R_o = R_D$$



共源放大器特性：

非常高的输入电阻、适中的电压增益和相当高的输出电阻，
频带窄。

2、共漏放大器

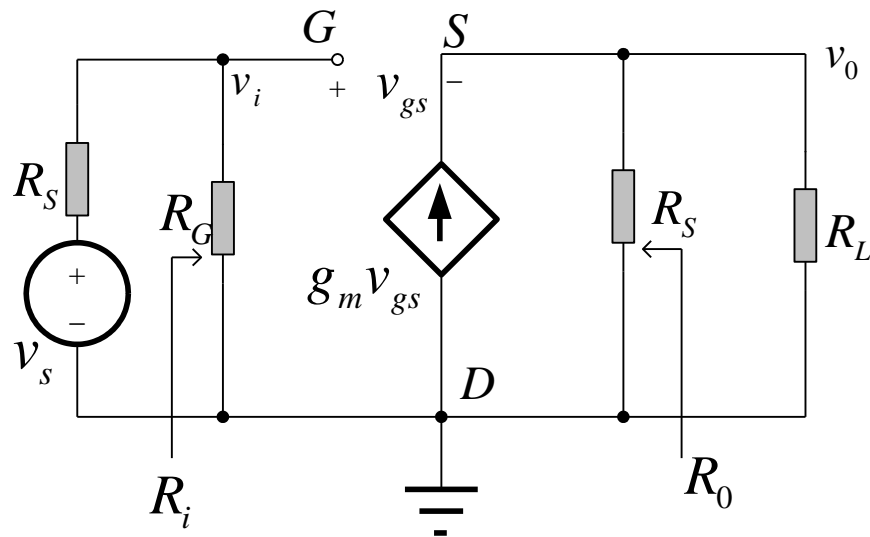


$$A_v = \frac{v_o}{v_i} = \frac{g_m (R_S // R_L)}{1 + g_m (R_S // R_L)}$$

$$A_{vs} = \frac{v_o}{v_{sig}} = \frac{v_i}{v_{sig}} \frac{v_o}{v_i} = \frac{R_G}{R_{sig} + R_G} A_v$$

$$R_i = R_G$$

$$R_o = R_S // \frac{1}{g_m}$$

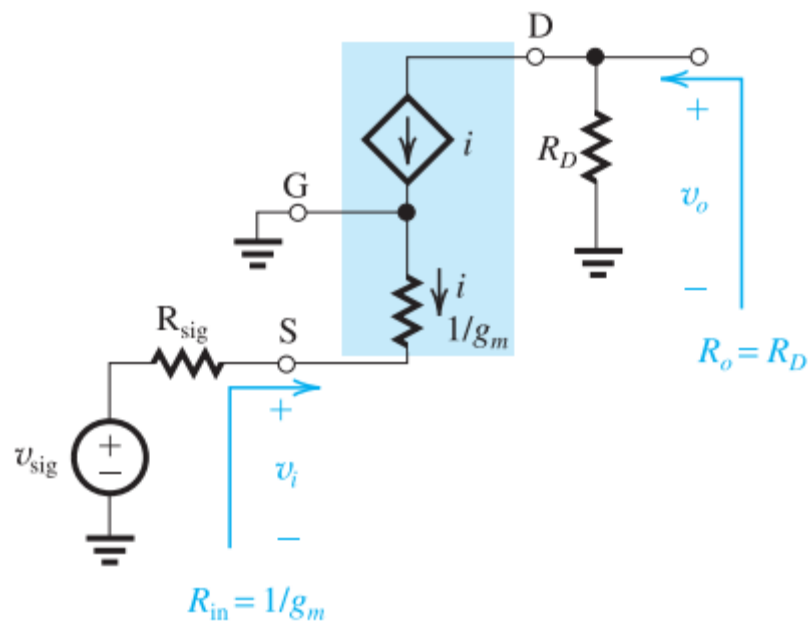
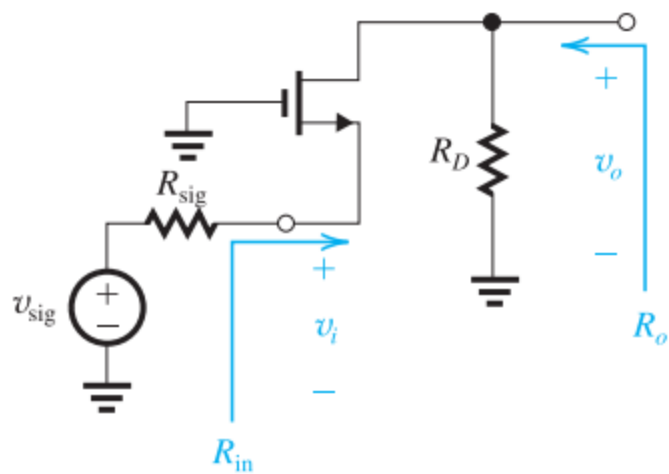


共漏放大器特性：

非常高的输入电阻、相当低的输出电阻和接近于1的电压增益，频带中等。

共漏放大器可作为单位增益的电压缓冲放大器，又称为**源极跟随器**。

3、共栅放大器

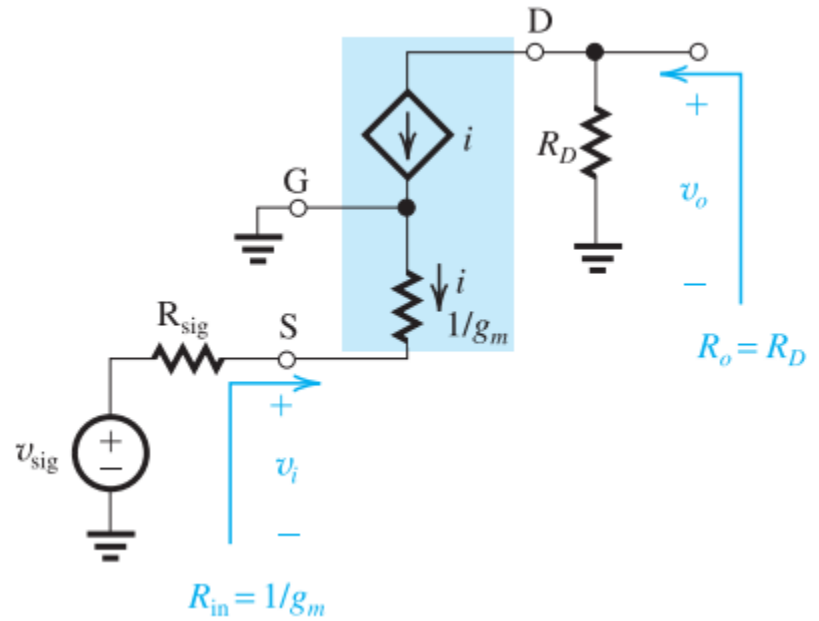


$$A_v = \frac{v_o}{v_i} = g_m R_D$$

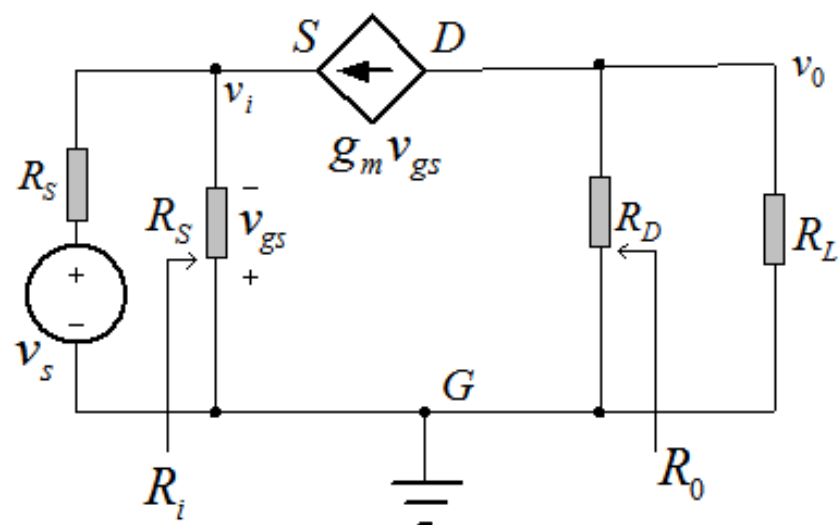
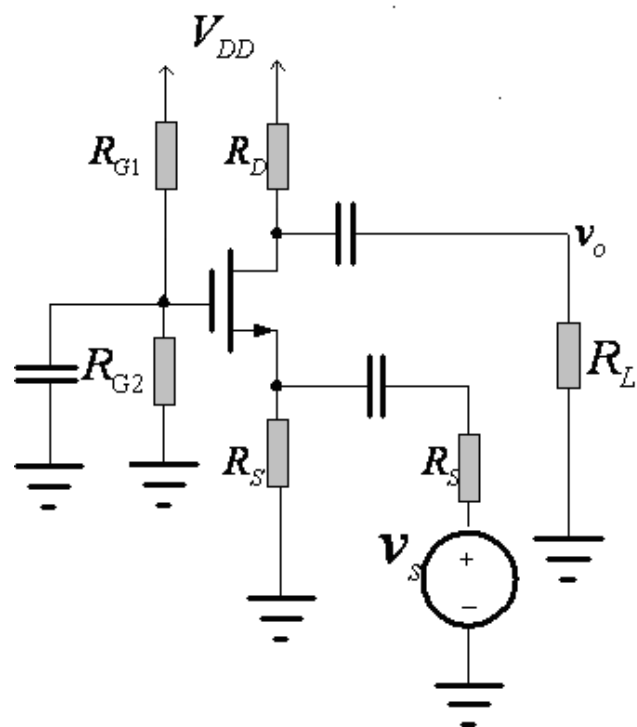
$$A_{vs} = \frac{v_o}{v_s} = \frac{R_D}{R_{sig} + 1/g_m}$$

$$R_i = \frac{1}{g_m}$$

$$R_o = R_D$$



➤ 带源极电阻的共栅放大器

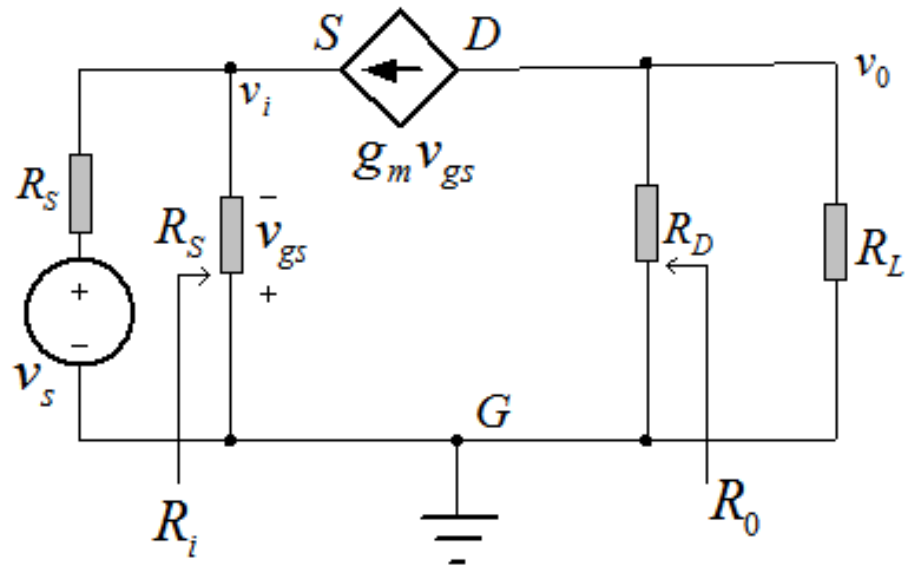


$$A_v = \frac{v_o}{v_i} = g_m R_D // R_L$$

$$A_{vs} = \frac{v_o}{v_s} = \frac{g_m (R_D // R_L)}{(g_m + 1/R_S) R_{sig} + 1}$$

$$R_i = R_S // \frac{1}{g_m}$$

$$R_o = R_D$$



共栅放大器特性：

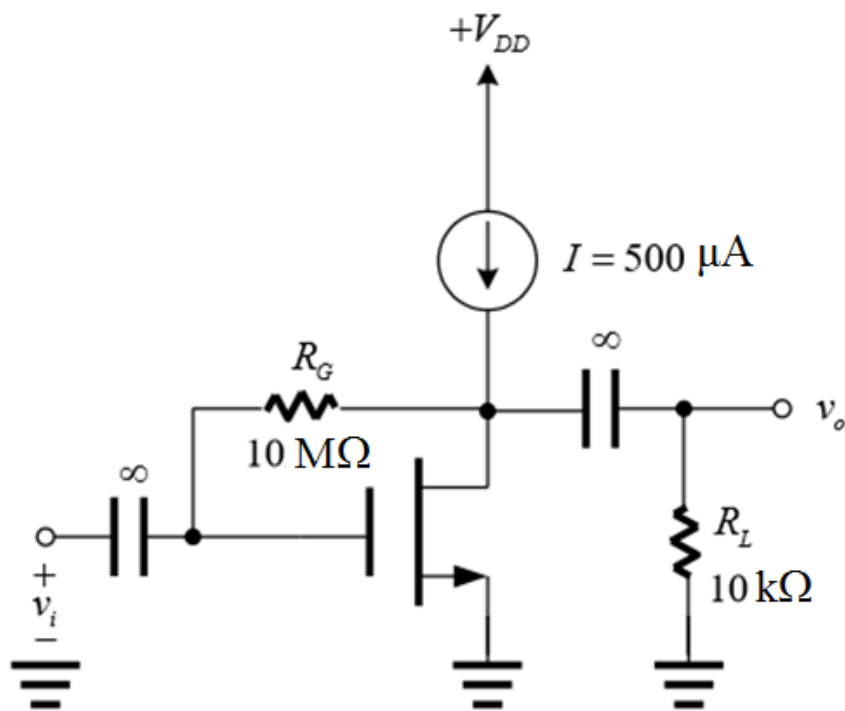
相当低的输入电阻、很大的输出电阻和接近于1的电流增益，且高频特性较好，频带宽。

共栅放大器可作为单位增益的电流缓冲放大器，又称为**电流跟随器**。

三种接法放大电路特性比较

• 接法	共源	共漏	共栅
• A_v	适中	~ 1	适中
• A_i	/	/	~ 1
• R_i	大	大	小
• R_o	大	小	大
• 频带	窄	中	宽

例1 下图电路中的增强型 NMOS管 $|V_t| = 0.9 \text{ V}$ ， $V_A = 50 \text{ V}$ ，已知漏极电压 $V_D = 2 \text{ V}$ ，计算电压增益 v_o/v_i 。当 I 增加到 1 mA 时， V_D 和 v_o/v_i 又会变成多大？



解:

$$V_D = V_G \xrightarrow{\text{green}} V_{DS} = V_{GS} = 2 \text{ V}$$

$$I_D = 0.5 \text{ mA}$$

$$I_D = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t)^2$$

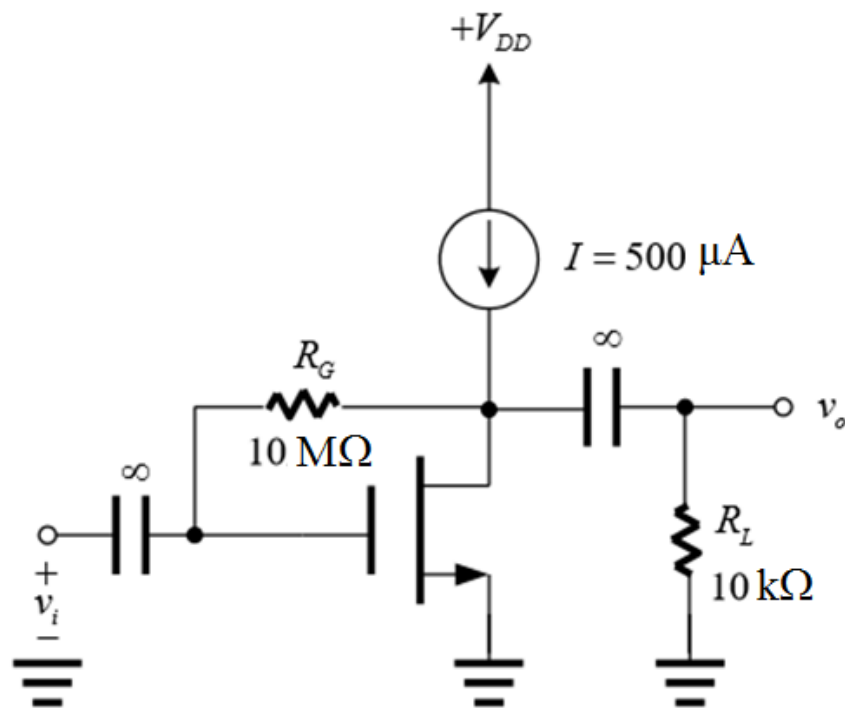
$$k_n' \frac{W}{L} = \frac{2I_D}{(V_{GS} - V_t)^2} = \frac{2 \times 0.5}{(2 - 0.9)^2} \approx 0.826$$

而

$$g_m = k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t) = 0.826 \times (2 - 0.9) = 0.91 \text{ mA/V}$$

$$r_o = \frac{V_A}{I_D} = \frac{50}{0.5} = 100 \text{ K}\Omega$$

$$\therefore v_o / v_i = -g_m r_o // R_L = -0.91 \times 100 // 10 = -8.27 \text{ V/V}$$



当 $I_D = 1 \text{ mA}$ 时，则有

$$1 = \frac{1}{2} \times 0.826 (V_{GS} - V_t)^2$$

求得

$$V_{GS} \approx 2.456 \text{ V} \quad V_{GS} \approx -0.656 \text{ V}$$

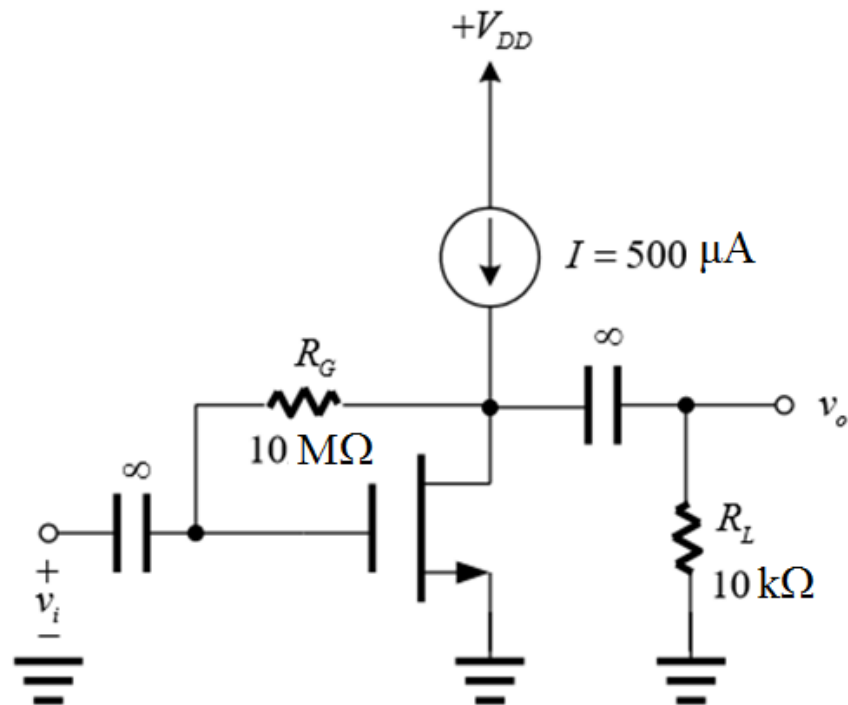
此时

$$\begin{aligned} g_m &= k_n' \frac{W}{L} (V_{GS} - V_t) \\ &= 0.826 \times (2.456 - 0.9) \\ &\approx 1.285 \text{ mA/V} \end{aligned}$$

而

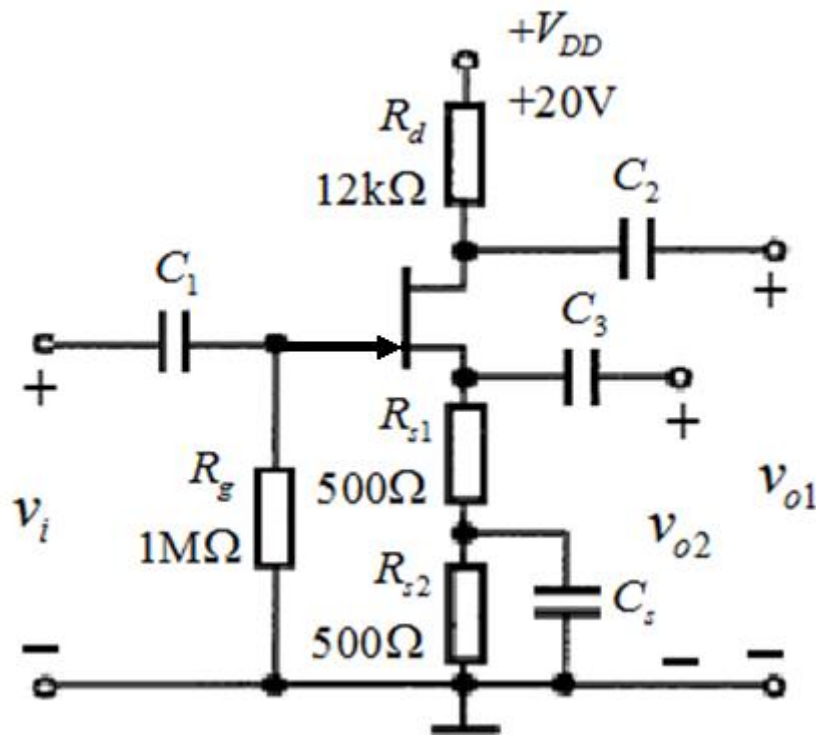
$$r_o = \frac{V_A}{I_D} = 50 \text{ K}\Omega$$

$$\therefore v_o / v_i = -g_m r_o // R_L = -1.285 \times 50 // 10 = -10.71 \text{ V/V}$$



例2 电路如下图所示，该结型场效应管的 $V_t = -3\text{ V}$, $I_{DSS} = 3\text{ mA}$, $r_o \gg R_d$, 试用小信号等效电路法求：

- (1) 结型场效应管的直流偏置，电压放大倍数 A_{v1} 和 A_{v2} 。
- (2) 输入电阻 R_i 和输出电阻 R_{o1} 及 R_{o2} 。



$$I_{DSS} = \frac{1}{2} k_n' \frac{W}{L} V_t^2$$

$$i_D = I_{DSS} \left(1 - \frac{v_{GS}}{V_t} \right)^2$$

解：

(1) 由直流通路可列方程

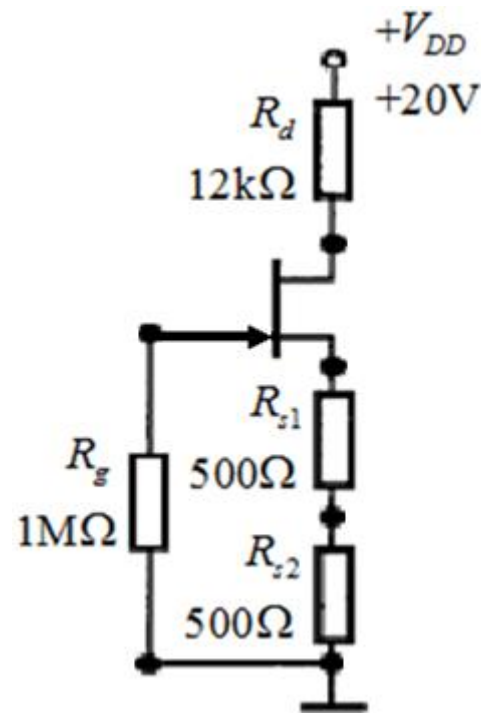
$$V_{GS} = -I_D(R_{S1} + R_{S2}) = -[I_D(0.5 + 0.5)]\text{V} = -(I_D \times 1)\text{V}$$

$$I_D = I_{DSS} \left(1 - \frac{V_{GS}}{V_t}\right)^2 = \left[3 \left(1 - \frac{V_{GS}}{-3}\right)^2\right] \text{mA}$$

联立求解得

$$\begin{cases} V_{GS} = -1.15 \text{ V} \\ I_D = 1.15 \text{ mA} \end{cases}$$

舍去 $V_{GS} = -7.85 \text{ V}$ ($< V_t$)



(2) 求 g_m

$$i_D = I_{DSS} \left(1 - \frac{v_{GS}}{V_t} \right)^2$$

$$\therefore g_m = \frac{di_D}{dv_{GS}} = -\frac{2I_{DSS}}{V_t} \left(1 - \frac{V_{GS}}{V_t} \right) = -\frac{2 \times 3}{-3} \left(1 - \frac{-1.15}{-3} \right) \frac{\text{mA}}{\text{V}} \approx 1.23 \text{ mS}$$

或者

$$g_m = \frac{I_D}{(V_{GS} - V_t)/2} = \frac{1.15}{(-1.15 + 3)/2} \approx 1.24 \text{ mS}$$

(3) 画微变等效电路，求 A_{v1} 和 A_{v2}

由微变等效电路得

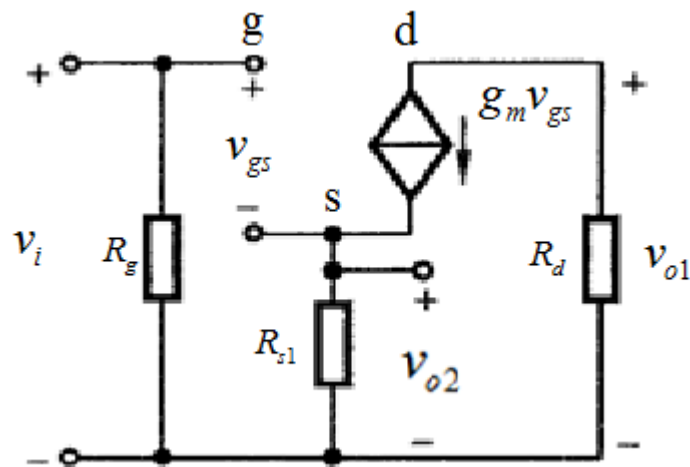
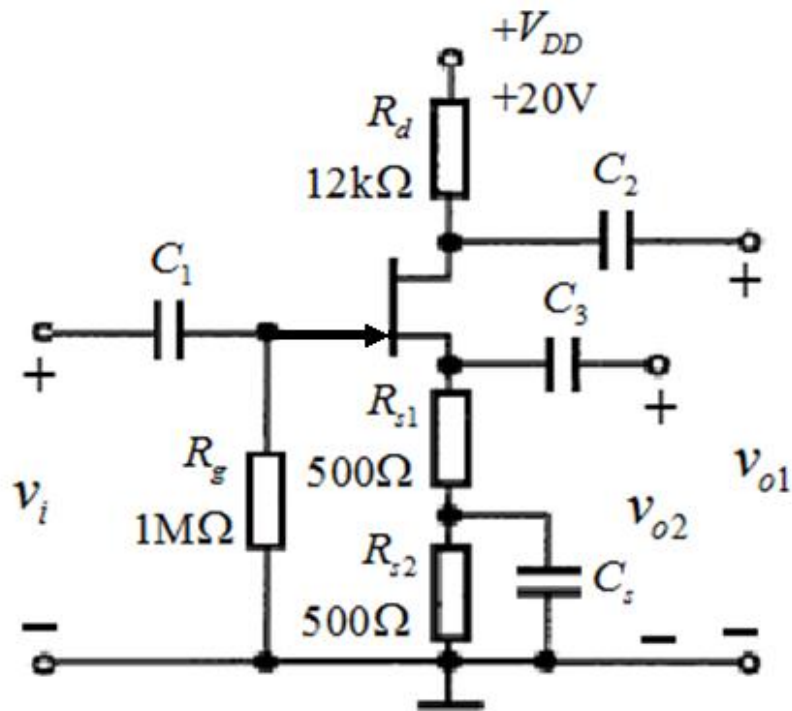
$$v_{o1} = -g_m v_{gs} R_d$$

$$v_{o2} = g_m v_{gs} R_{s1}$$

$$v_i = v_{gs} + g_m v_{gs} R_{s1}$$

$$A_{v1} = \frac{v_{o1}}{v_i} = -\frac{g_m R_d}{1 + g_m R_{s1}} = -\frac{1.23 \times 12}{1 + 1.23 \times 0.5} = -9.14 \text{ V/V}$$

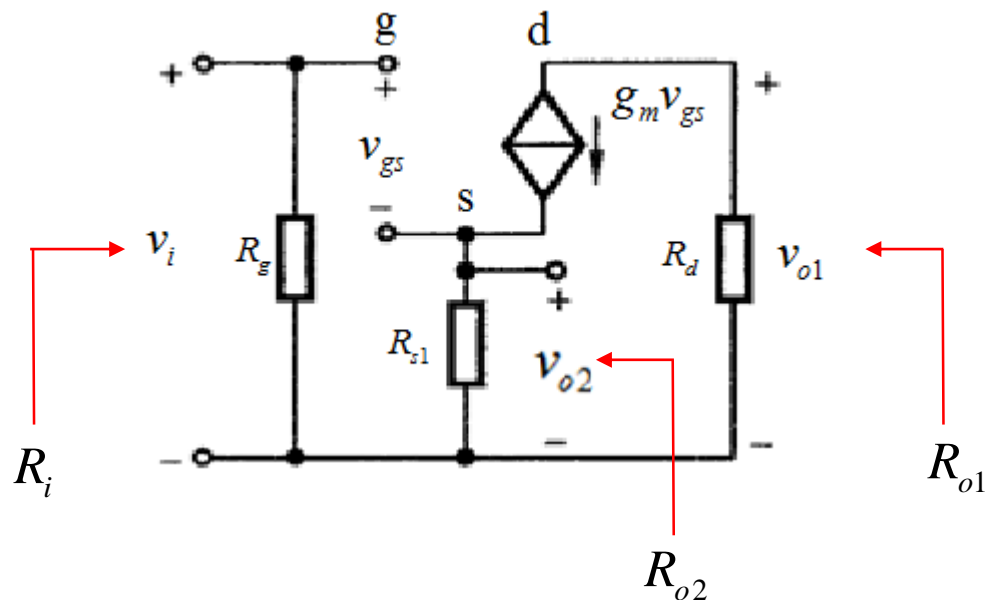
$$A_{v2} = \frac{v_{o2}}{v_i} = \frac{g_m R_{s1}}{1 + g_m R_{s1}} = \frac{1.23 \times 0.5}{1 + 1.23 \times 0.5} = -0.38 \text{ V/V}$$



(4) 求 R_i 、 R_{o1} 、 R_{o2}

$$R_i = R_g = 1 \text{ M}\Omega$$

$$R_{o1} = R_d = 12 \text{ k}\Omega$$



求 R_{o2}

$$v_x = -v_{gs}$$

$$i_x = -g_m v_{gs} - \frac{v_{gs}}{R_{s1}}$$

$$R_{o2} = \frac{v_x}{i_x} = \frac{1}{g_m + \frac{1}{R_{s1}}} = \frac{1}{1.23 + \frac{1}{0.5}} \approx 0.31 \text{ k}\Omega$$

