Algorytmy dla Problemów Trudnych Obliczeniowo.

Rozwiązanie zadania: **Potęga hetmanów** Informatyka 2015/16

Autor: Zbigniew Królikowski

13 lipca 2016

Prowadzący: dr hab. inż. Piotr Faliszewski

1 Uwagi

Moja filozofia zapisu: **hetmany bijące nie zmieniają miejsca tylko znikają na rzecz zbitego** - taki obraz przyjąłem gdyż łatwiej było go rozpisać, mniej dynamiki. Często zapisuję bicie jako redukcję. Nie zmienia to w żaden sposób istoty algorytmu tylko jego opis, który mógłby być mylący bez tej notki.

2 Reprezentacja problemu

Plansza została przedstawiona jako **graf nieskierowany**, w którym każdy węzeł połączony jest z innymi co najwyżej 8 krawędziami.

2.1 Zapis wartości hetmanów

 ${\bf W}$ celach uproszczenia obliczeń wartości są reprezentowane jako wykładniki liczby 2.

2.2 Krótki słownik moich pojęć - w razie wątpliwości

• osie - pion, poziom i skosy

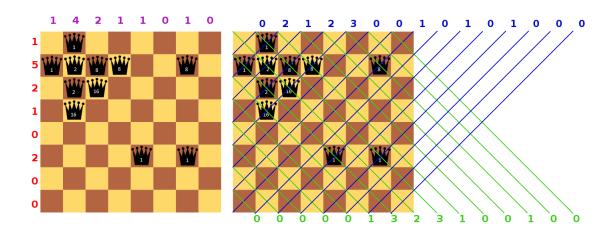
3 Wstępne obserwacje

4 Ogranicznie maksymalnej wartości hetmana

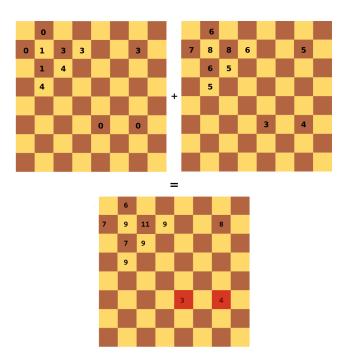
Na wartość końcową hetmana da się nałożyć pewne ograniczenie:

Końcowa wartość hetmana h nie może być wyższa od jego aktualnej wartości $V(h) \ast 2^n$ gdzie n - liczba hetmanów w pionie, poziomie i na skosach (osiach).

Jest to łatwo udowodnić - każde bicie skierowane przeciwko hetmanowi podnosi jego wartość dwukrotnie. Bić może być w najlepszym wypadku tyle ile hetmanów będących na tych samych osiach co dany hetman.



Rysunek 1: Zliczenie ilości hetmanów na poszczególnych osiach.



Rysunek 2: Lewo: Wartość hetmanów w mojej notacji Prawo: maksymalna ilość bić skierowana ku konkretnemu hetmanowi. Dól: Górne ograniczenie na wartość końcową hetmanów. Na czerwono hetmany, które nie mogą być końcowe dla K=1.

Jak zademonstrowano na powyższym przykładzie możemy **wykluczyć** pewne kombinacje(o wielkości K) hetmanów z bycia końcowymi. Warunkiem wykluczenia jest niemożliwość uzyskania przez tą kombinację wartości będącej sumą wartości wszystkich hetmanów na planszy. Jest to pewne uproszczenie problemu, część postaci rozwiązania.

Bezpośrednio nieużyteczne - liczba tych kombinacji wynosi $\binom{N}{K}$ gdzie N to liczba hetmanów na planszy a K to ilość hetmanów końcowych.

4.0.1 Heurystyka

Możemy się zatem spodziewać, że pewne hetmany zostaną zredukowane "wcześniej niż później", a więc mamy nałożoną jakąś kolejność przeszukiwania przestrzeni rozwiązań. Skoro mniejszy potencjał hetmana wiąże się z niemożnością bycia końcowym hetmanem to może powinniśmy ruszać się wcześniej tymi z mniejszym potencjałem?

5 Algorytm

Pominąłem opis wczytywanie wejścia oraz wypisywania rozwiązania.

6 Generator scenariuszy

Dodatkowo wykonałem w języku Python generator który dla danej wielkości planszy, końcowej ilość hetmanów i docelowej ilości ruchów tworzy losowy scenariusz wraz z przykładowym rozwiązaniem.

Okazał się on bardzo przydatny w testowaniu algorytmu.