

Contents

Tablas y Cotas

Estructuras de Datos

Segment Tree

```
struct segment_tree{
    int N;
    vector<int> tree;
    segment_tree(int N) : N(N){
        tree.resize(2 * N);
    }
    segment_tree(vector<int>& A){
        N = (int) A.size();
        tree.resize(2 * N);
        build(A, 1, 0, N - 1);
    }
    auto& operator[](size_t i) { return tree[i]; } // this function
    works for get element int this position

    // O (n)
    void build(vector<int>& values, int node, int l, int r){
        // if l and r are equal both are leaf node
        // left node = [l, m]
        // m = (l + r) / 2
        // left and right are nodes
        // left interval = [l, m], right interval = [m + 1, r]
        // after complete fill nodes of left and right, we need to fill
        // the [l, r] node
        if(l == r){
            tree[node] = values[l];
            dbg(l, r, node, tree[node]);
            return;
        }
        int m = (l + r) >> 1;
        int left = node + 1;
        int right = node + 2 * (m - l + 1);
        build(values, left, l, m);
        build(values, right, m + 1, r);
        tree[node] = tree[left] + tree[right];
        dbg(l, r, node, tree[node]);
    }

    // O (log N)
    void modify(int pos, int value, int node, int l, int r){
        // if l and r are equal, we found our node and update it
        if(l == r){
            tree[node] = value;
            return;
        }
        int m = (l + r) >> 1; // we get the mid
        int left = node + 1;
        int right = node + 2 * (m - l + 1);
        if(pos <= m) modify(pos, value, left, l, m);
        else modify(pos, value, right, m + 1, r);
        tree[node] = tree[left] + tree[right];
    }

    // O( c * log N)
    int query(int ql, int qr, int node, int l, int r){
        if(r < ql || l > qr) return 0;
        if(ql <= l && r <= qr) return tree[node];
        int m = (l + r) >> 1;
        int left = node + 1;
        int right = node + 2 * (m - l + 1);
        int ansL = query(ql, qr, left, l, m);
        int ansR = query(ql, qr, right, m + 1, r);
        return ansL + ansR;
    }
};

void GA(){
    vector<int> A = {2, 3, 1, 7, 5, 8, 3, 2, 5, 1};
    int n = 10;

    segment_tree st(A);
    cout << st.query(1, 5, 1, 0, n - 1) << '\n';
    st.modify(3, 10, 1, 0, n - 1);
    cout << st.query(1, 5, 1, 0, n - 1) << '\n';
    cout << st[1] << '\n';
}

int main(){
    cpu();
    int t = 1;
    //cin >> t;
    while (t--){
        GA();
    }
    return 0;
}
```

Primos cercanos a 10^n

941 9949 9967 9973 10007 10009 10037 10039 10061 10067
10069 10079
99961 99971 99989 99991 100003 100019 100043 100049 100057
100069
999959 999961 999979 999983 1000003 1000033 1000037
1000039
9999943 9999971 9999973 9999991 10000019 10000079
10000103 10000121
99999941 99999959 99999971 99999989 100000007 100000037
100000039 100000049
999999893 999999929 999999937 1000000007 1000000009
1000000021 1000000033

Cantidad de primos menores que 10^n

$\pi(10^1) = 4$; $\pi(10^2) = 25$; $\pi(10^3) = 168$; $\pi(10^4) = 1229$
; $\pi(10^5) = 9592$; $\pi(10^6) = 78.498$; $\pi(10^7) = 664.579$;
 $\pi(10^8) = 5.761.455$; $\pi(10^9) = 50.847.534$;
 $\pi(10^{10}) = 455.052.511$; $\pi(10^{11}) = 4.118.054.813$;
 $\pi(10^{12}) = 37.607.912.018$

Divisores

Cantidad de divisores (σ_0) para *algunos* $n/\neg\exists n' < n, \sigma_0(n') \geq \sigma_0(n)$

$\sigma_0(60) = 12$; $\sigma_0(120) = 16$; $\sigma_0(180) = 18$; $\sigma_0(240) = 20$;
 $\sigma_0(360) = 24$; $\sigma_0(720) = 30$; $\sigma_0(840) = 32$; $\sigma_0(1260) = 36$;
 $\sigma_0(1680) = 40$; $\sigma_0(10080) = 72$; $\sigma_0(15120) = 80$; $\sigma_0(50400) = 108$;
 $\sigma_0(83160) = 128$; $\sigma_0(110880) = 144$; $\sigma_0(498960) = 200$;
 $\sigma_0(554400) = 216$; $\sigma_0(1081080) = 256$; $\sigma_0(1441440) = 288$;
 $\sigma_0(4324320) = 384$; $\sigma_0(8648640) = 448$

Suma de divisores (σ_1) para *algunos* $n/\neg\exists n' < n, \sigma_1(n') \geq \sigma_1(n)$;
 $\sigma_1(96) = 252$; $\sigma_1(108) = 280$; $\sigma_1(120) = 360$; $\sigma_1(144) = 403$;
 $\sigma_1(168) = 480$; $\sigma_1(960) = 3048$; $\sigma_1(1008) = 3224$;
 $\sigma_1(1080) = 3600$; $\sigma_1(1200) = 3844$; $\sigma_1(4620) = 16128$;
 $\sigma_1(4680) = 16380$; $\sigma_1(5040) = 19344$; $\sigma_1(5760) = 19890$;
 $\sigma_1(8820) = 31122$; $\sigma_1(9240) = 34560$; $\sigma_1(10080) = 39312$;
 $\sigma_1(10920) = 40320$; $\sigma_1(32760) = 131040$; $\sigma_1(35280) = 137826$;
 $\sigma_1(36960) = 145152$; $\sigma_1(37800) = 148800$; $\sigma_1(60480) = 243840$;
 $\sigma_1(64680) = 246240$; $\sigma_1(65520) = 270816$; $\sigma_1(70560) = 280098$;
 $\sigma_1(95760) = 386880$; $\sigma_1(98280) = 403200$; $\sigma_1(100800) = 409448$;
 $\sigma_1(491400) = 2083200$;
 $\sigma_1(498960) = 2160576$; $\sigma_1(514080) = 2177280$; $\sigma_1(982800) = 4305280$;
 $\sigma_1(997920) = 4390848$; $\sigma_1(1048320) = 4464096$;
 $\sigma_1(4979520) = 22189440$; $\sigma_1(4989600) = 22686048$;
 $\sigma_1(5045040) = 23154768$; $\sigma_1(9896040) = 44323200$;
 $\sigma_1(9959040) = 44553600$; $\sigma_1(9979200) = 45732192$

Factoriales

0! = 1	11! = 39.916.800
1! = 1	12! = 479.001.600 (∈ int)
2! = 2	13! = 6.227.020.800
3! = 6	14! = 87.178.291.200
4! = 24	15! = 1.307.674.368.000
5! = 120	16! = 20.922.789.888.000
6! = 720	17! = 355.687.428.096.000
7! = 5.040	18! = 6.402.373.705.728.000
8! = 40.320	19! = 121.645.100.408.832.000
9! = 362.880	20! = 2.432.902.008.176.640.000 ∈ 11
10! = 3.628.800	21! = 51.090.942.171.709.400.000

max signed tint = 9.223.372.036.854.775.807

max unsigned tint = 18.446.744.073.709.551.615

Consejos

Debugging

- ¿Si $n = 0$ anda? (similar casos borde tipo $n=1$, $n=2$, etc)
- ¿Si hay puntos alineados anda?
- ¿Si es vacío anda?
- ¿Si hay multiejes anda?
- ¿Si no tiene aristas anda?
- ¿Si tiene ciclos anda?
- ¿Si tiene un triángulo anda?
- ¿Los arrays son suficientemente grandes? (siempre denle bastante de más por las dudas, pero tampoco se ceben como para que ya no entre en memoria XD)
- ¿Puede dar integer overflow? (SIEMPRE mirar el integer overflow con MUCHO cuidado)
- ¿Podés dividir por cero en algún caso?
- ¿Estás memorizando la recursión bien?
- ¿El caso base está bien hecho y se llega siempre?
- ¿Están bien puestas las cotas iniciales de la binary / inicialización del acumulador máximo/mínimo?
- ¿Estás inicializando bien antes de cada caso?
- ¿Le copiaste el input dos veces en el archivo de entrada (para ver que de igual y bien las dos veces)? [No aplica cuando viene solo una instancia de input]
- ¿Pasa los ejemplos? [No es joda, Leo se quedo afuera de la mundial por esto]

Hitos de prueba

- **45min** todas las columnas de la tabla llena
- **2h** todos conocen todo
- **3h** reunión estratégica
- **4h** reunión estratégica