# Neural Topic Models 研究进展简述

Leilan Zhang Tsinghua University

#### 摘 要

本文介绍了当前主要的几种神经主题模型——基于 VAE 的 NVDM-GSM、基于 WAE 的 W-LDA、将词向量与主题向量相结合的 ETM、以及基于高斯混合先验的 GMNTM,梳理了各自的架构和目标函数的推导。

### 1 NVDM-GSM

NVDM-GSM 是基于标准变分自编码器的神经主题模型,由Miao et al. (2017) 提出。变分自编码器的目标是对隐变量 z 的真实后验分布 p(z|x) 进行建模,通过贝叶斯法则(Bayes law)可以将后验概率由似然 p(x|z),先验分布 p(z) 和 x 的边际分布 p(x) 表示为:

$$p(z|x) = \frac{p(x|z)p(z)}{p(x)} \tag{1}$$

其中分母原则上可通过式(2)

$$p(x) = \int p(z)p(x|z)dz$$
 (2)

来进行计算。然而由于式(2)中积分需要遍历 z 的所有取值,在高维空间中往往难以计算。因此,一般不直接求解真实后验分布 p(z|x),而是求解变分后验分布  $q_{\phi}(z|x)$ ( $\phi$  为变分参数),并不断缩小  $q_{\phi}(z|x)$  与 p(z|x) 之间的差异来达到逼近 p(z|x) 的目的。 $q_{\phi}(x)$  通常选择易于计算的分布族,如高斯分布。本质上,这种方法是将推断问题转换为优化问题,通过最小化变分分布  $q_{\phi}(z|x)$  和真实分布 p(z|x) 之间的 KL 散度来求解 p(z|x)。分布  $q_{\phi}(z|x)$  和 p(z|x) 之间的 KL 散度定义为:

$$D_{\mathrm{KL}}\left[q_{\phi}(z|x)\|p(z|x)\right] = \sum_{z} q_{\phi}(z|x) \log \frac{q_{\phi}(z|x)}{p(z|x)} = \mathbb{E}_{q_{\phi}(z|x)} \left[\log \frac{q_{\phi}(z|x)}{p(z|x)}\right]$$
(3)

将式(3)中后验分布利用贝叶斯法则替换后得到:

$$D_{\text{KL}}\left[q_{\phi}(z|x)||p(z|x)\right] = \mathbb{E}_{q_{\phi}(z|x)}\left[\log q_{\phi}(z|x) - \log \frac{p(x|z)p(z)}{p(x)}\right]$$

$$= \mathbb{E}_{q_{\phi}(z|x)}\left[\log q_{\phi}(z|x) - \log p(x|z) - \log p(z) + \log p(x)\right]$$

$$= \log p(x) - \underbrace{\mathbb{E}_{q_{\phi}(z|x)}\left[\log p(x,z) - \log q_{\phi}(z|x)\right]}_{\text{ELBO}(\phi)}$$
(4)

式(4)中右侧括弧中部分为 logp(x) 的变分下界,记为 ELBO(Evidence Lower BOund)。在 给定数据 x 之后,x 的分布 p(x) 可视作常数,因此最小化式(4)左侧的 KL 散度的优化目标,

等价于最大化 ELBO。使用插项的技巧,式(4)中 ELBO 可重写为:

$$ELBO(\phi) = -\mathbb{E}\left[\log p(x, z) - p(z) + p(z) - \log q_{\phi}(z|x)\right]$$

$$= \mathbb{E}[\log p(x|z)] - D_{KL}\left[q_{\phi}(z|x)||p(z)\right]$$
(5)

因此,最大化 ELBO 等价于最大化式(5)右侧,其中第一项为似然函数,将迫使解码器将生成样本 x' 尽可能还原为输入样本 x,通常采用交叉熵进行度量;第二项为关于 z 的分布的正则项,将迫使变分后验分布  $q_{\phi}(z|x)$  逼近先验分布 p(z)。

在实践中,式(5)中的后验分布  $q_{\phi}(z|x)$  与先验分布 p(z) 都需要确定为具体的分布才能进行优化,常用的假设是将这两个分布都选定为多元高斯分布,其中后验分布  $q_{\phi}(z|x)$  的均值和方差分别假定为  $\mu(x)$  和  $\Sigma(x)$ ,并假定其协方差阵为对角阵,先验分布 p(z) 则通常取标准正态分布  $\mathcal{N}(0,1)$ 。因此,实际的优化目标  $D_{\mathrm{KL}}\left[q_{\phi}(z|x)\|p(z|x)\right]$  为:

$$D_{\mathrm{KL}}\left[q_{\phi}(z|x)\|p(z)\right] = D_{\mathrm{KL}}\left[\mathcal{N}(\mu(x), \Sigma(x))\|\mathcal{N}(0, 1)\right]$$

$$= \frac{1}{2}\left(\mathrm{tr}(\Sigma(x)) + \mu(x)^{T}\mu(x) - d - \log\det(\Sigma(x))\right)$$
(6)

其中,d为z的维数,tr(.)为迹运算。图1展示了 VAE 的架构,其中, $q_{\phi}(z|x)$  作为编码器,将数据 x 映射为隐变量 z 的分布的均值  $\mu(x)$  和方差  $\sigma(x)$ ,从该分布中采样得到  $z \sim \mathcal{N}(\mu(x), \Sigma(x))$ , $p_{\rho}(x|z)$  则用作解码器,通过隐变量生成样本 x',分布中的参数  $\phi$  与  $\rho$  分别对应编码器和解码器网络中的权重参数。在对隐变量 z 的采样操作中,直接的采样操作并不可导,网络参数难以更新,为此,VAE 中采用了重参数Kingma et al. (2014) 的技巧,取  $z = \mu + \epsilon * \sigma$ , $\epsilon \sim \mathcal{N}(0,I)$ ,则仍有  $z \sim \mathcal{N}(\mu,\sigma)$ ,在保证分布不变的同时也满足了 z 对  $\mu$  和  $\sigma$  的可导性。

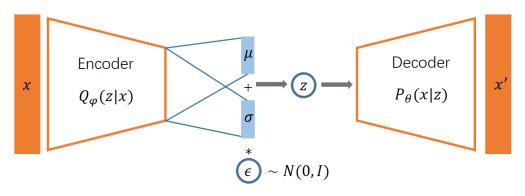


图 1: VAE 的网络架构

主题模型 NVDM-GSM(Gaussian-Softmax)采用了上述标准 VAE 的架构,以文档的词袋表示 BOW(Bag Of Word)作为输入。考虑到分布需满足规范性,因此从隐空间采样得到高斯变量 z 后,还需要将 z 归一化才能作为主题分布,NTM-GSM 采取的方法是使 z 通过 Softmax 层,即

$$z \sim \mathcal{N}\left(\mu(x), \sigma(x)^2\right)$$

$$\theta = \text{Softmax}\left(W_1^T z\right)$$
(7)

其中  $W_1$  为 L\*K 的矩阵,L 为 z 的维数,K 为主题数。由此求得的归一化向量  $\theta$  (K 维) 作为文档的主题分布向量,在导入解码器 P(x|z) 后得到重构文档 x'。解码器中的权重参数  $\rho_{K*V}$  即为主题-词分布矩阵,令  $\theta$  取第 k 维为 1 的 One-hot 向量并导入解码器,即可得到第 k 个主题的主题-词分布。

#### 2 W-LDA

为了解决 VAE 的后验坍塌问题,同时能够利用 Dirichlet 分布作为隐空间的先验分布,Tolstikhin 等人Tolstikhin et al. (2018) 提出基于 WAE(Wasserstein Auto-Encoder)构建主题模型。

WAE 基于 Wasserstein 距离来度量先验分布和后验分布的差异。相比于 KL 散度,Wassertein 距离在两个分布没有重叠时仍然能保持连续并反映两个分布的远近。分布  $P_x$  与  $P_y$  的 Wasserstein 距离定义为:

$$W(P_x, P_y) = \inf_{\gamma \in \Pi(P_x, P_y)} \mathbb{E}_{(x,y) \sim \gamma}[\|x - y\|]$$
(8)

式(8)中  $\Pi(P_x, P_y)$  为 (x, y) 的联合分布的集合,满足  $x \sim P_x, y \sim P_y$ ,对于其中 x = y 的某个联合分布  $\gamma$ ,可以求得  $\gamma$  下所有 x = y 的距离的期望,所有期望的下确界(infimum)即定义为  $P_x$  和  $P_y$  的 Wasserstein 距离。

作为 Wasserstein 的定义式,式(8)难以直接用于计算,Tolstikhin 等人Tolstikhin et al. (2018)通过推导,提出可采用式(9)作为实践中 WAE 的优化目标,即:

$$D_{WAE}\left(P_{x}, P_{G}\right) := \inf_{Q(z|x) \in \mathcal{Q}} \mathbb{E}_{P_{x}} \mathbb{E}_{Q(z|x)} \left[ \left\| x - G(z) \right\| \right] + \lambda \cdot \mathcal{D}_{z} \left( Q_{z}, P_{z} \right)$$

$$\tag{9}$$

其中,G为解码器, $Q_z$  为经编码器 Q 映射后的边缘分布,与 VAE 不同的是,WAE 可以使用确定性的编码器 P(z|x),而不需通过采样的方法得到隐变量 z,因为不需为每一个样本 x 在隐空间中求得对应的一个分布,只需要 z 的边缘分布接近先验分布即可。G 将隐变量映射为生成样本x',因此式(9)第一项为重构误差,度量了生成样本与输入样本之间的差异,第二项  $D_z(Q_z, P_z)$ 则选用 MMD(Maximum Mean Discrepancy)度量先验分布和变分分布的差异。

WAE 的整体算法为:

#### Algorithm 1 WAE-MMD process

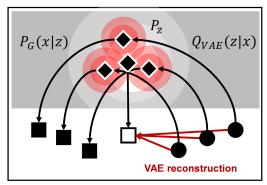
**Parameter**: 编码器 Q 参数  $\phi$ , 解码器 G 参数  $\theta$ , 正定核函数 k

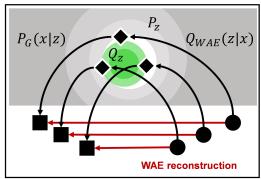
- 1: while 停止条件不满足 do
- 2: 从训练集中采样  $\{x_1, x_2, ..., x_n\}$
- 3: 从先验分布  $P_z$  中采样  $\{z_1, z_2, ..., z_n\}$
- 4: 从后验分布  $Q_{\phi}(z|x_i)$  中采样  $\tilde{z}_i$ , (i = 1, 2, ..., n)
- 5: 通过最小化式(10)来更新  $Q_{\phi}$ 和  $G_{\theta}$ :

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \|x_i, G_{\theta}\left(\tilde{z}_i\right)\| + \frac{\lambda}{n(n-1)} \sum_{\ell \neq j} k\left(z_{\ell}, z_j\right) + \frac{\lambda}{n(n-1)} \sum_{\ell \neq j} k\left(\tilde{z}_{\ell}, \tilde{z}_j\right) - \frac{2\lambda}{n^2} \sum_{\ell, j} k\left(z_{\ell}, \tilde{z}_j\right) \tag{10}$$

#### 6: end while

式(10)中后三项为 MMD 的离散形式,在分别从先验分布和后验分布中采样后,通过样本的 MMD 值来估计分布  $Q_z$  与  $P_z$  之间的实际 MMD 值。





(a) Architecture of VAE

(b) Architecture of WAE

图 2: VAE 与 WAE 的差异对比

图2对比了 VAE 与 WAE 的不同点。WAE 与 VAE 的优化目标都由重构误差,以及隐空间中先验分布  $P_z$  及变分后验分布 Q(z|x) 间的差异构成的正则项组成。在 VAE 中(图2(a)),每个输入样本对应一个分布(图2(a) 中每一个红色的小圆圈),VAE 的优化目标是使这些分布都趋近标准高斯分布(图2(a) 中白色的大圆圈所示),造成的结果是各个分布之间出现层叠,在层叠区域,一个隐变量 z 会对应多个输入样本,使得重构样本实际上是这些输入样本的平均值,正是由于这个原因,VAE 所生成的图像容易出现模糊;在 WAE 中,每个输入样本对应的是一个隐变量z 而非一个分布,WAE 的优化目标是使后验的边际分布  $Q(z) = \int P(z|x)dP_x$ (图2(b) 中绿色圆圈)趋近先验分布  $P_Z$ (图2(b) 中白色大圆圈所示),各输入样本对应的 z 在隐空间中可以合理分布,避免了分布层叠的问题,可以生成更加清晰的图像。

基于 WAE 构建的主题模型 W-LDA,以文档的词袋表示 BOW 作为输入,编码器由多层感知机构成,并经 Softmax 层生成隐变量  $\theta$  作为主题分布。与 NTM-GSM 中不同,W-LDA 中  $\theta$  由确定性映射得到,无需经过采样操作。

与 LDA 一致,W-LDA 主题模型采用 Dirichlet 分布作为主题的先验分布;由于  $\theta$  需满足归一化约束,即  $\theta$  的可行解空间构成单纯形,因此要求核函数在单纯形上有较好的度量意义,W-LDA 选取了信息扩散核作为 MMD 的核函数:

$$\mathbf{k}\left(\theta, \theta'\right) = \exp\left(-\arccos^2\left(\sum_{i=1}^d \sqrt{\theta_i \theta_i'}\right)\right) \tag{11}$$

该核函数度量了将不同向量映射到球面后的像之间的测地线长,相较于常见的  $L^2$  范数,该核函数对位于单纯形边界处的点更为灵敏,因此更适合于数据稀疏的场景。与 NTM-GSM 相同,解码器的权重参数  $\beta$  构成了主题-词分布,因此,令  $\theta$  取遍不同的 One-hot 向量并导入解码器,即可得到对应主题的主题-词分布。

### 3 ETM

现有主题模型通常通过主题-词分布来描述主题,为了更细致地刻画所挖掘的主题的可解释性,Dieng 等人Dieng et al. (2019) 提出了 ETM (Embedded Topic Model),在神经主题模型中引入了词向量和同样维数的主题向量,使主题与词可在同一个嵌入空间进行表示。

ETM 中定义了一个词向量矩阵  $\rho$ ,大小为 L\*V,其中 L 是词向量的维数,V 是词汇表的

大小;同时定义了一个主题向量矩阵  $\alpha$ ,大小为 L\*K,其中 K 为主题数。与 NVDM-GSM 类似,在 ETM 中,文档的词袋表示 BOW 由编码器映射到隐空间的高斯分布,经采样得到隐变量 z,经过 Softmax 归一化后得到主题分布,即  $\theta = Softmax(Wz+b), z \sim N(\mu(x), \sigma(x))$ ;主题-词分布反映的是每个词在各主题中的重要程度,ETM 中将第 k 个主题的主题向量与各个词向量进行内积后,再经 Softmax 归一化的结果作为其主题-词分布  $\beta_k$ ,即: $\beta_k = Softmax(\rho^T\alpha_k)$ 。

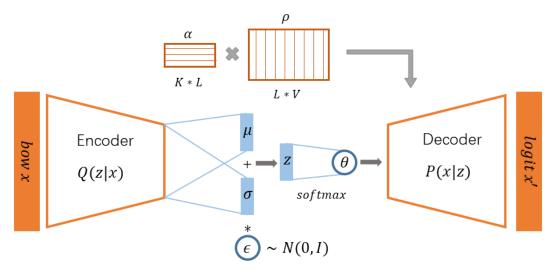


图 3: ETM 的网络架构

ETM 的网络架构如图3所示。对比图1,ETM 与 NVDM-GSM 最主要的区别在于,ETM 中主题-词分布矩阵  $\beta_{K*V}$  被分解为主题向量矩阵  $\alpha_{K*L}$  与词向量矩阵  $\rho_{L*V}$ ,词向量的训练与主题模型的训练同步进行,使得主题模型能根据词嵌入表示的调整逐步完善。ETM 的目标函数与 NVDM-GSM 相同,由重构误差及隐变量的后验分布同先验分布的 KL 散度构成。

ETM 的算法整体流程为:

### Algorithm 2 ETM process

**Parameter**: 主题向量矩阵  $\alpha$ , 词向量矩阵  $\rho$ 

for epoch = 1, 2, ..., N do

对每一主题 k,计算主题-词分布  $\beta_k = Softmax(\rho^T \alpha_k)$ 

从文档集中选择一个 minibatch B

#### for $d \in \mathbf{B}$ do

计算 d 的归一化词袋表示  $x_d$ 

计算均值向量和对数方差向量  $\mu_d = \mu(x_d)$ ),  $log\sigma_d = log\sigma(x_d)$ 

采样隐变量  $z \sim N(\mu_d, \Sigma_d)$ , 计算主题分布  $\theta_d = Softmax(Wz + b)$ 

计算重构样本的生成概率  $p(x'|\theta_d) = \theta_d^T \beta$ 

### end for

计算 ELBO 及其导数,更新  $\alpha_{1:K}$ ,  $\rho$  及网络参数

#### end for

### 4 基于高斯混合先验的神经主题模型 GMNTM

在 VAE 中,尽管先验分布的多元高斯分布可以简化计算,但这种单峰的假设也对隐空间形成限制,同时由于 VAE 将各输入样本对应的隐变量分布都逼近标准高斯分布,这些高度层叠的分布可能会降低模型的性能。从主题模型的角度看,相同主题的文档对应的隐变量应该具有较近的距离,而不同主题的文档则应该被映射到隐空间中相距较远的位置,即相似主题的文档应该在隐空间聚成簇,而不同主题的文档应分布在不同的簇中。而 VAE 将所有分布都逼近单一簇的特性,将使得不同的主题对应的隐变量有混杂的趋势,可能导致不同主题的文档不易区分开,进而造成得到的主题在主题多样性和主题连贯性上都不够理想。

在对话文本中,由于话语长度较短,每个话语所包含的主题较为单一,因此对于属于同一主题的话语,以单峰的高斯分布作为先验较合适;属于不同主题的话语,其对应的主题的先验分布则应有好的区分性,尽可能减少分布层叠的情形。

因此,本文提出用高斯混合分布作为主题隐变量的先验分布,以替代 VAE 中以标准高斯分布为先验分布的假设,并基于高斯混合变分自编码器(GMVAEJiang et al. (2017)Dilokthanakul et al. (2016))来设计主题模型。

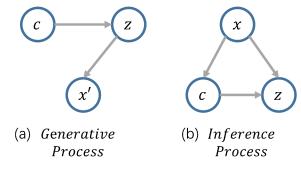


图 4: GMVAE 的概率图模型

GMVAE 引入了离散的类别隐变量 c,用以指示每个输入样本的所属的高斯成分; z 为连续隐变量,产生于 c 所指定的高斯分布。其生成过程如图4(a) 所示,设预先给定的高斯成分个数为 K,GMVAE 首先从多项分布  $Multi(\pi)$  中采样得到类别变量 c,由 c 所对应的高斯分布  $\mathcal{N}(\mu_c, \sigma_c^2 \mathbf{I})$ 中采样得到隐变量 z,z 再经变换  $f(z; \phi)$  后得到生成样本 x。

根据图4(a) 所展示的条件依赖关系,  $x \times c$  和 z 的联合概率分布 p(x,z,c) 可分解为:

$$p(x, z, c) = p(c)p(z|c)p(x|z)$$
(12)

式(12)中各概率满足:

$$p(c) = Multi(\pi)$$

$$p(z|c) = \mathcal{N}(z|\mu_c, \sigma_c^2 \mathbf{I})$$

$$p(x|z) = \mathcal{B} \nabla(x|\mu_x)$$
(13)

其中  $\mu_x = f(z;\theta)$ ,  $\mathcal{B} \setminus \nabla(x|\mu_x)$  为参数为  $\mu_x$  的 Bernouli 分布。根据上述生成过程,由 log 函

数的上凸性及 Jensen 不等式,可求得x的对数似然的变分下界:

$$log p(x) = log \int_{z} \Sigma_{c} p(x, z, c) dz = log \int_{z} \Sigma_{c} q(z, c|x) \frac{p(x, z, c)}{q(z, c|x)} dz$$

$$\geq \int_{z} \Sigma_{c} q(z, c|x) log \frac{p(x, z, c)}{q(z, c|x)} dz = \mathbb{E}_{q}(z, c|x) [log \frac{p(x, z, c)}{q(z, c|x)}] = \mathcal{L}_{ELBO}$$
(14)

其中 q(z,c|x) 为变分后验分布,由图4(b) 所展示的推断过程,q(z,c|x) 可分解为 q(z,c|x) = q(z|x)q(c|x),代入式(14)则有:

$$\mathcal{L}_{\text{ELBO}}(\mathbf{x}) = E_{q(\mathbf{z}, c | \mathbf{x})} \left[ \log \frac{p(\mathbf{x}, \mathbf{z}, c)}{q(\mathbf{z}, c | \mathbf{x})} \right]$$

$$= E_{q(\mathbf{z}, c | \mathbf{x})} [\log p(\mathbf{x}, \mathbf{z}, c) - \log q(\mathbf{z}, c | \mathbf{x})]$$

$$= E_{q(\mathbf{z}, c | \mathbf{x})} [\log p(\mathbf{x} | \mathbf{z}) + \log p(\mathbf{z} | c)$$

$$+ \log p(c) - \log q(\mathbf{z} | \mathbf{x}) - \log q(c | \mathbf{x})]$$
(15)

与 VAE 中类似,式(15)中的变分后验分布 q(z|x) 设为高斯分布,通过神经网络 g(x) 进行建模,即:

$$\left[\tilde{\mu}; \log \tilde{\sigma}^{2}\right] = g(\mathbf{x}; \phi)$$

$$q(\mathbf{z}|\mathbf{x}) = \mathcal{N}\left(\mathbf{z}; \tilde{\mu}, \tilde{\sigma}^{2}\mathbf{I}\right)$$
(16)

将式(13)和式(16)代入式(15),可得到:

$$\mathcal{L}_{\text{ELBO}} = \frac{1}{M} \sum_{l=1}^{M} \sum_{i=1}^{D} x_i \log \mu_x^{(l)} \Big|_i + (1 - x_i) \log \left( 1 - \mu_x^{(l)} \Big|_i \right)$$

$$- \frac{1}{2} \sum_{c=1}^{K} \eta_c \sum_{j=1}^{H} \left( \log \sigma_c^2 \Big|_j + \frac{\tilde{\sigma}^2 \Big|_j}{\sigma_c^2 \Big|_j} + \frac{\left( \tilde{\mu} \Big|_j - \mu_c \Big|_j \right)^2}{\sigma_c^2 \Big|_j} \right)$$

$$+ \sum_{c=1}^{K} \eta_c \log \frac{\pi_c}{\eta_c} + \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{H} \left( 1 + \log \tilde{\sigma}^2 \Big|_j \right)$$
(17)

其中 M 为所采样的 z 的个数,D 为 x 的维数,J 为隐变量 z 的维数, $\pi_c$  为第 c 个高斯成分的先验概率, $\eta_c=q(c|x)$ ,可通过式(18)进行估计(详细推导参见附录):

$$q(c|x) = p(c|z) = \frac{p(c)p(z|c)}{\sum_{c'=1}^{K} p(c')p(z|c')}$$
(18)

GMNTM 的整体网络结构如图5所示:

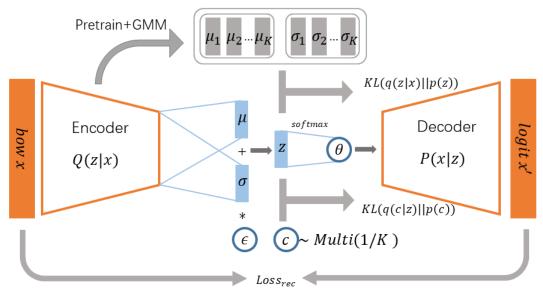


图 5: GMVAE 的网络结构

该网络首先需要经过自编码器的重构过程进行预训练,训练结束后使用高斯混合模型 GMM 进行聚类,将所得的各高斯成分的均值  $\mu_K$  和方差  $\sigma_K$  作为隐空间中高斯混合分布的初始值,类别隐变量 c 的先验分布设定为均匀的离散分布,即  $Multi(\frac{1}{K})$ 。对于输入样本 x,由编码器 Q 映射得到隐变量 z 的分布的均值  $\tilde{\mu}$  和对数方差  $log\tilde{\sigma}^2$ ,采样得到 z,由各高斯成分的均值和方差及对应的权重,可求得 z 的先验分布  $p(z) = \sum_{i=1}^K \pi_i \mathcal{N}(z; \mu_i, \sigma_i^2)$ ,进而得到 z 的变分后验分布 q(z|x) 与先验 p(z) 的 KL 散度;由式(18),可求得 c 的变分后验分布 q(c|x) 与先验分布  $p(c) = \frac{1}{K}$  的 KL 散度;重构误差加上上述 KL 正则项即构成了该网络的优化目标。与 NTM-GSM 类似,基于GMVAE 构建主题模型时,将隐变量 z 经过 Softmax 层后得到的归一化向量  $\theta$  作为主题分布向量,即  $\theta = Softmax(Wz+b)$ ;将第 k 个高斯成分的均值经变换后得到的  $\theta_k$  导入解码器,所得的归一化输出即为第 k 个主题-词分布。

## 参考文献

DIENG A B, RUIZ F J R, BLEI D M, 2019. Topic modeling in embedding spaces[J]. CoRR, abs/1907.04907.

DILOKTHANAKUL N, MEDIANO P A M, GARNELO M, et al., 2016. Deep unsupervised clustering with gaussian mixture variational autoencoders[J]. CoRR, abs/1611.02648.

JIANG Z, ZHENG Y, TAN H, et al., 2017. Variational deep embedding: An unsupervised and generative approach to clustering [C]//SIERRA C. Proceedings of the Twenty-Sixth International Joint Conference on Artificial Intelligence, IJCAI 2017, Melbourne, Australia, August 19-25, 2017. [S.l.]: ijcai.org: 1965-1972.

KINGMA D P, WELLING M, 2014. Auto-encoding variational bayes[C]//2nd International Conference on Learning Representations, ICLR. [S.l.: s.n.].

MIAO Y, GREFENSTETTE E, BLUNSOM P, 2017. Discovering discrete latent topics with neural variational inference[C]// Proceedings of the 34th International Conference on Machine Learning, ICML. [S.l.]: PMLR: 2410-2419.

TOLSTIKHIN I O, BOUSQUET O, GELLY S, et al., 2018. Wasserstein auto-encoders[C]//Proceedings of the 6th International Conference on Learning Representations, ICLR. [S.l.]: OpenReview.net.