### **哈爾屬工業大學** (深圳)

### 数字信号处理实验报告(四)---- 无限脉冲响应滤波器

 姓名:
 \_\_\_\_\_\_\_
 参号\_\_\_\_\_\_\_
 210210226
 班级:
 \_\_\_\_\_\_\_\_
 通信 2 班

 实验日期:
 11.9
 实验台号: K405-20

#### 一、实验准备

**问题 1** 图 4-1 中,以x(n)为系统输入, $x_0(n)$ 为系统输出,写出系统的差分方程与系统函数H(z)。

$$x(n) = x0(n) + a1x0(n-1) + a2x0(n-2)$$

$$H(z) = \frac{1}{1 + a1z^{-1} + a2z^{-2}}$$

**问题 2** 图 4-2 中,以x(n)为系统输入,y(n)为系统输出,写出系统的差分方程与系统函数H(z)。

$$b0x(n) + b1x0(n-1) + b2x(n-2) = y(n) + a1y(n-1) + a2y(n-2)$$
 
$$H(z) = \frac{b0 + b1z^{-1} + b2z^{-2}}{1 + a1z^{-1} + a2z^{-2}}$$

**问题 3** 利用图形化的零极点方法来估计下列三种情形中的幅频响应  $(0 \, \mathfrak{I} \, 2\pi)$ ,判断滤波器类型(低通、高通、带通)。

 $(1)b_0 = 0.02, b_1 = 0.04, b_2 = 0.02; a_0 = 1, a_1 = -1.562, a_2 = 0.64$   $(2)b_0 = 0.504, b_1 = -1.008, b_2 = 0.504; a_0 = 1, a_1 = -0.748, a_2 = 0.27$   $(3)b_0 = 0.06, b_1 = 0, b_2 = -0.06; a_0 = 1, a_1 = -1.29, a_2 = 0.88$ 

(1)极点: p=0.781±√0.03j

零点: z<sub>1</sub>=z<sub>2</sub>=-1

LPF

(2)极点: p=0.374±0.36j

零点: z<sub>1</sub>=z<sub>2</sub>=1

**HPF** 

(3)极点: p=0.645±0.68j

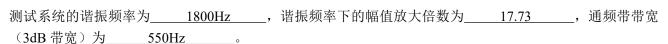
零点: z<sub>1</sub>=±1

BPF

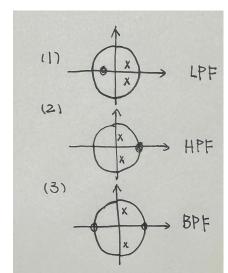
### 二、实验记录与问题思考

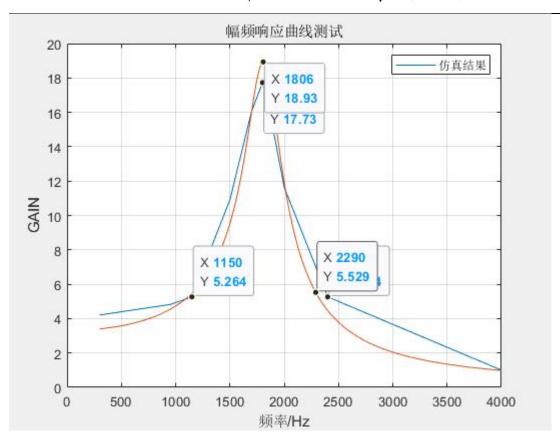
#### 4.5.2 无前馈的 IIR: 二阶谐振器

(3)测试系统幅频响应。



此时加法器的增益作为系统差分方程的系数,利用 MATLAB 仿真,在同一张图中 300Hz~4000Hz 频率范围内画出该滤波器**实际测试**和**仿真计算**的幅频响应特性曲线。





并将仿真结果和实际测试值进行对比。

仿真结果与实际测试值基本符合,可以看出实际测试和仿真计算的幅频响应特性曲线基本相符

**问题 4** 谐振器只需要一阶极点即可实现,为什么我们实验系统要使用二阶系统设计谐振器?在我们实验板上可以使用一阶系统实现任意设定频率(在实验板给定的系数范围内)的谐振器吗?试说明原因。

#### 不能

因为一阶系统设计谐振器只能设置极点在实轴上, 其它频率无法设置

(4) 将参数重新设置为步骤(1)的参数。增大 $|a_I|$ 的值至 1.7,观察 $|a_I|$ 值的增大对谐振频率和放大倍数的影响,并以此来估计极点位置产生了怎样的变化(从极点与单位圆、实轴、虚轴的距离分析)。谐振频率 1.45kHz 放大倍数 22.87

极点与虚轴距离增大,与实轴坐标减小,与单位圆距离不变,所以谐振频率减小,放大倍数增大

(5) 将参数重新设置为步骤(1)的参数。增大 $|a_2|$ 的值至0.95,观察 $|a_2|$ 值的增大对谐振频率和放大倍数的影响,并以此来估计极点位置产生了怎样的变化(从极点与单位圆、实轴、虚轴的距离分析)。

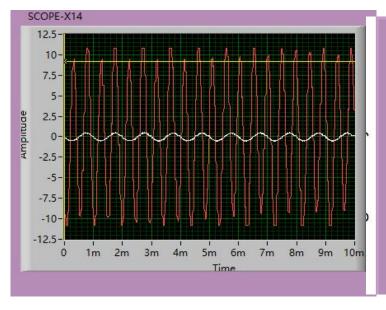
谐振频率 1.95kHz 放大倍数 34.91

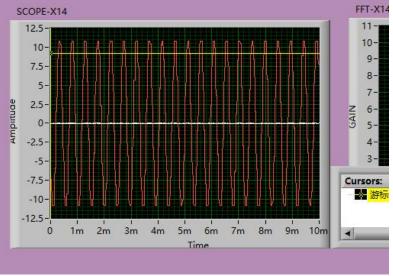
极点与虚轴距离不变,与实轴坐标增大,与单位圆距离减小,所以谐振频率增大,放大倍数增大

**问题 5** 比较分别改变  $a_1$  和  $a_2$  对极点位置,谐振频率以及带宽的影响。在  $a_1$ ,  $a_2$  中你将选择调整哪一个参数来调整系统的谐振频率?解释一下原因。

a1,因为它只改变谐振频率,不会大幅度改变增益 选择 a1 不改变增益对于观察实验结果有优势

**去掉输入信号**,观察输出结果,并**截图保存**。

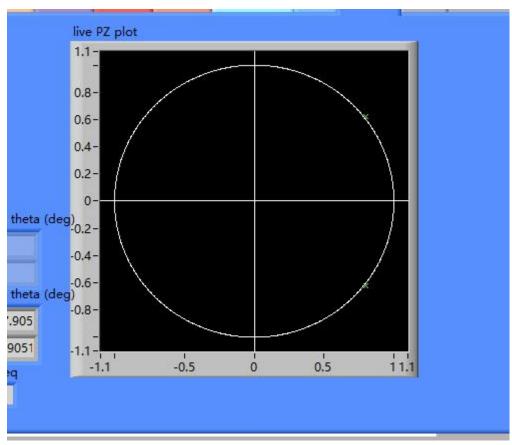




输出结果是正弦曲线吗?曲线的频率为\_\_\_\_\_\_。

#### 是正弦曲线

根据当前加法器的增益计算并画出极点的位置,特别注意它们是在单位圆的内部还是外部?

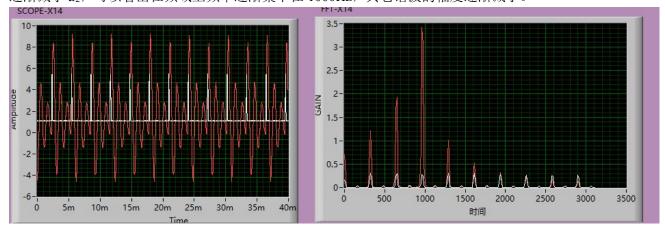


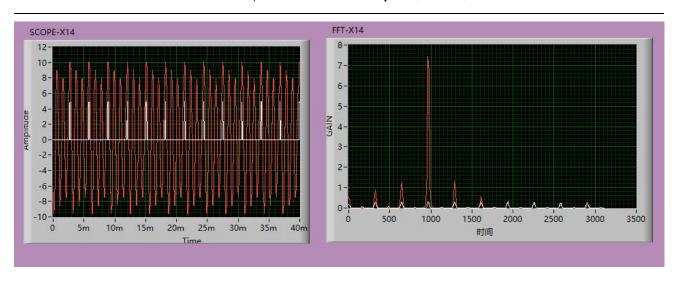
如图,可以观察极点在单位元外部。

(7) (选做)逐渐减小 $a_2$  (即增加 $|a_2|$ ),观察时域及频域波形的变化,并描述改变 $a_2$  的值对系统响应结果的影响。

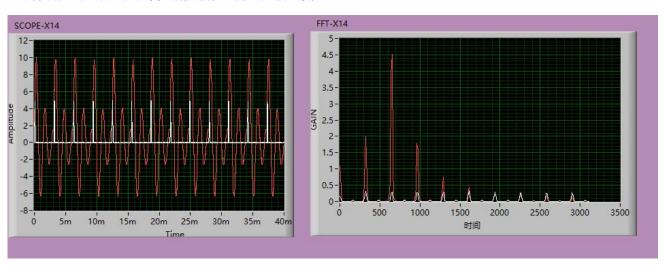
逐渐减小 a2, 可以看出在时域上波形更加密集,峰值逐渐平稳,谐波应该是逐渐减小的。

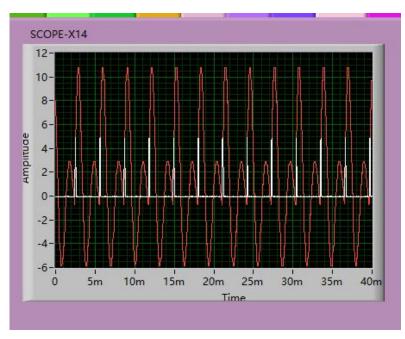
逐渐减小 a2, 可以看出在频域上频率逐渐集中在 1000Hz, 其它谐波的幅度逐渐减小。

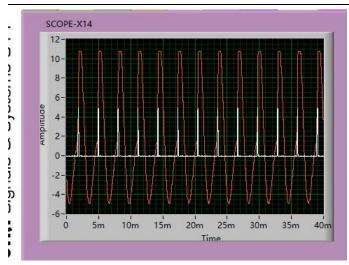


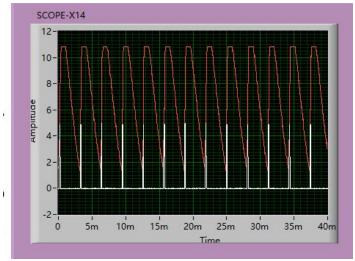


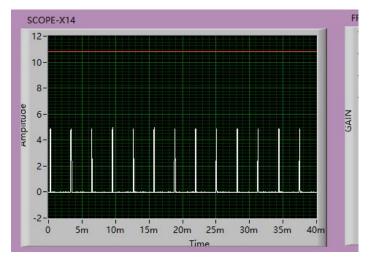
(8)(选做)将参数重新设置为步骤(7)的参数,逐渐增加 $|a_1|$ ,观察时域及频域波形的变化。至时域峰值即将消失时,分别对**峰值消失前后**的波形进行**截图**。











画出极点图,并解释你的观测结果。

逐渐增加|a<sub>1</sub>|, 时域波形逐渐平稳, 峰值逐渐平稳, 谐波逐渐减小越来越趋近于正弦波, 频域上频率逐渐集中, 其它谐波的幅度逐渐减小, 因为被滤除。

### 4.5.3 带前馈的 IIR: 二阶滤波器

**问题 6** 图 4-5 中以x(n)为系统的输入,y(n)为系统输出,写出滤波器的系统函数H(z),并与问题 2 中图 4-2 的系统函数对比。

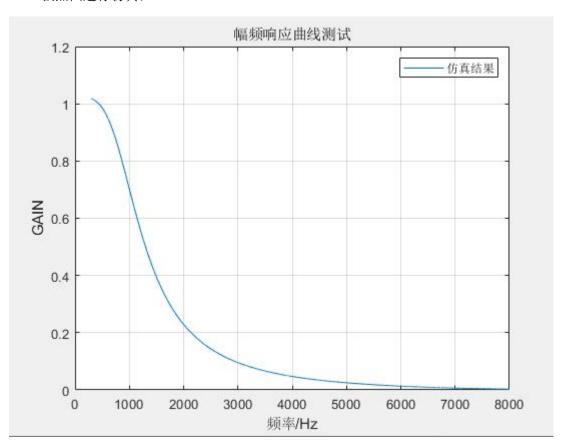
$$H(z) = \frac{b0 + b1z^{-1} + b2z^{-2}}{1 + a1z^{-1} + a2z^{-2}}$$

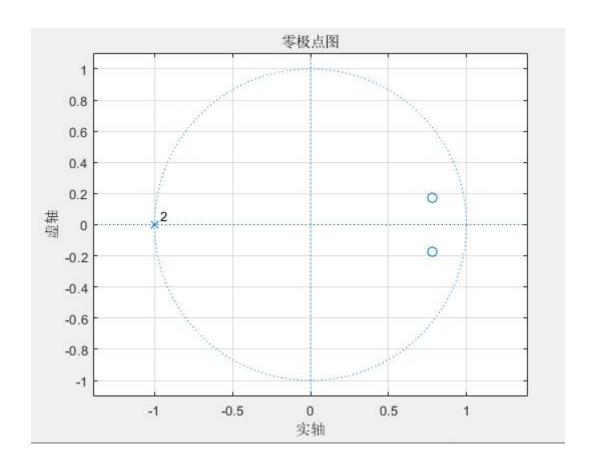
与问题 2 中图 4-2 的系统函数相符合

(1) 验证实验预习中问题 3 中的(1):

将函数发生器的频率从 300Hz 逐渐增大至 8000Hz, 进行如下测试:

- ① 函数发生器频率为 300Hz 时,可调谐低通滤波器输出信号的幅度值为 2.47V ;
- ② 可调谐低通滤波器输出信号幅值为 0.5V 时,函数发生器的频率值为 1800Hz ;
- ③ 可调谐低通滤波器输出信号基本消失时,函数发生器的频率值为 7000Hz ;
- ④ 利用目前设置的加法器增益作为系统差分方程的系数,在 MATLAB 上对滤波器幅频响应特性及零极点图进行仿真;

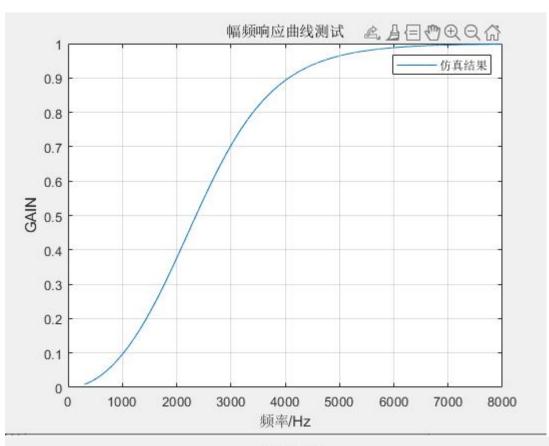


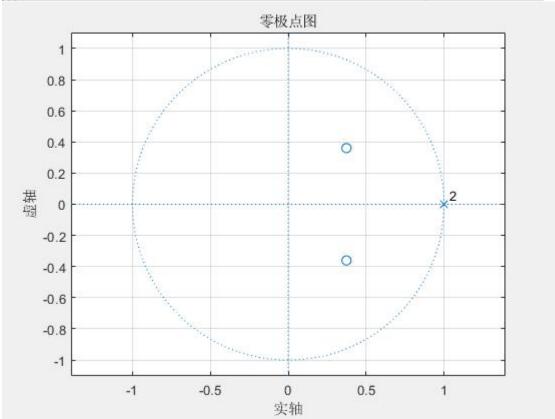


- ⑤ 判断滤波器的类型为\_\_\_LPF\_\_\_。
- (2) 验证实验预习中问题 3 中的(2):
- (3)

将函数发生器的频率从 300Hz 逐渐增大至 8000Hz, 进行如下测试:

- ① 可调谐低通滤波器输出信号幅值增加至 0.2V 时,函数发生器的频率值为\_\_\_\_\_1.55kHz\_\_\_\_;
- ② 可调谐低通滤波器输出信号幅值与输入信号幅值一致时,函数发生器的频率值为 6kHz ;
- ③ 利用目前设置的加法器增益作为系统差分方程的系数,在 MATLAB 上对滤波器幅频响应特性及零极点图进行仿真。

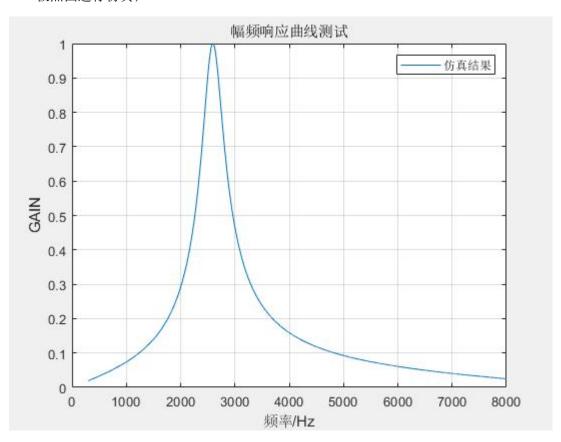


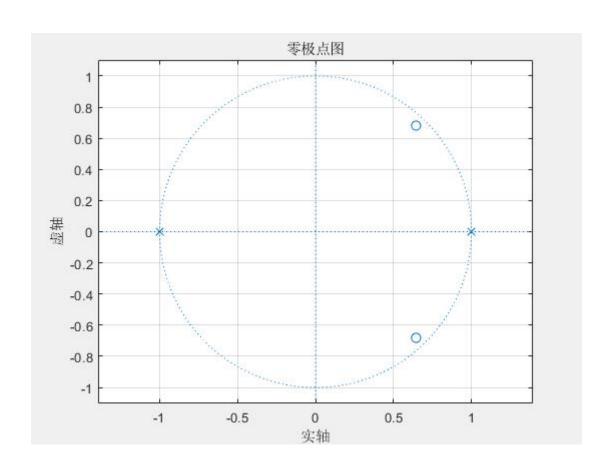


- ④ 判断滤波器的类型为\_\_\_\_HPF\_\_\_。
- (4) 验证实验预习中问题 3 中的 (3):

将函数发生器的频率从 300Hz 逐渐增大至 8000Hz, 进行如下测试:

- ① 可调谐低通滤波器输出信号幅度增加至 0.2V 时,函数发生器的频率值为 1250Hz ;
- ② 可调谐低通滤波器输出信号幅值增加至最大时的幅度值为<u>1.97V</u>,及函数发生器的频率值为<u>2600Hz</u>;
- ③ 可调谐低通滤波器输出信号幅值衰减至 0.2V 时,函数发生器的频率值为\_\_\_\_4700Hz\_\_\_\_;
- ④ 利用目前设置的加法器增益作为系统差分方程的系数,在 MATLAB 上对滤波器幅频响应特性及零极点图进行仿真;





⑤ 判断滤波器的类型为\_\_\_\_BPF\_\_\_\_。

#### 4.5.4 设计 IIR 滤波器消除干扰谐波分量

分别设计低通、高通和带通三种滤波器,并进行滤波测试。在 300-8000Hz 频率范围内,自行选定双频输入信号  $f_1$  和  $f_2$ ,其中一个频率在滤波器通带范围内,另一个频率在阻带范围内。

对于所设计的低通、高通和带通滤波器,分别进行滤波测试,记录以下数据:

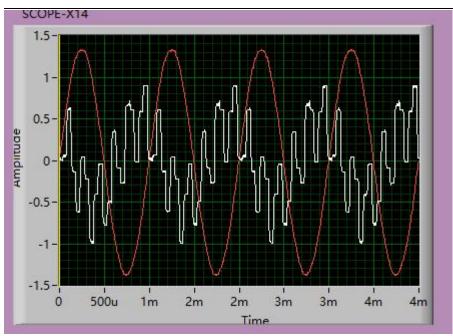
- ①滤波器系统函数的系数;
- ②加法器的输出端和可调谐低通滤波器输出端的频域波形;
- ③利用 MATLAB 仿真画出幅频响应曲线及零极点图。

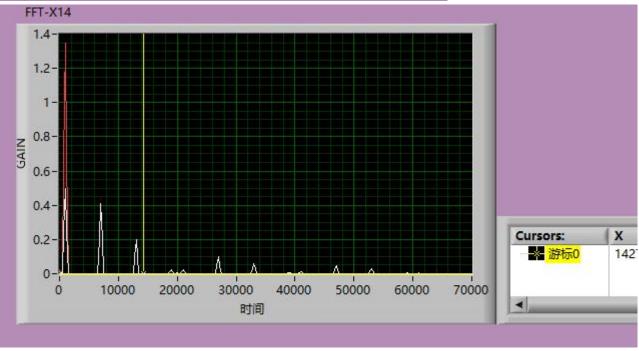
#### 低通滤波器:

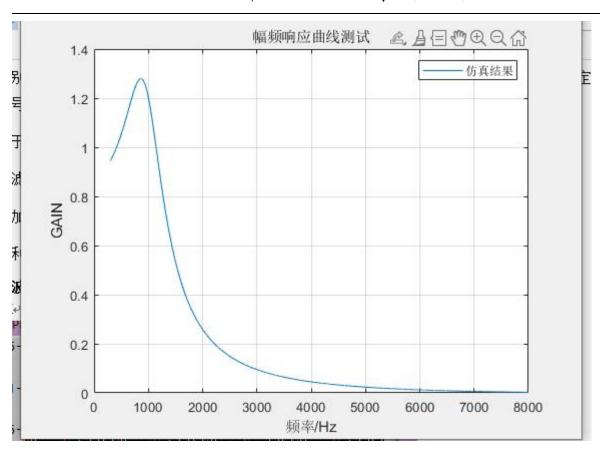
#### 输入信号: 1kHz+6kHz

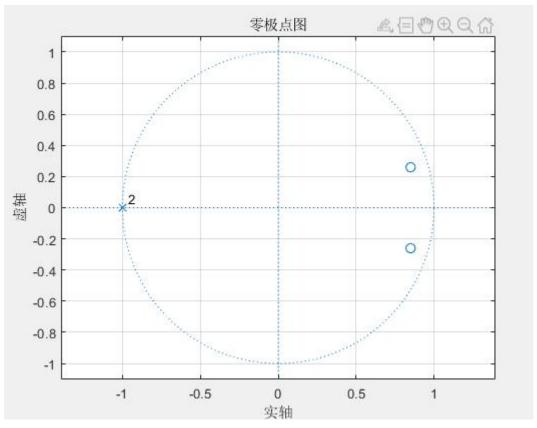
A=[1 -1.7 0.79];

 $B=[0.02 \ 0.04 \ 0.02];$ 







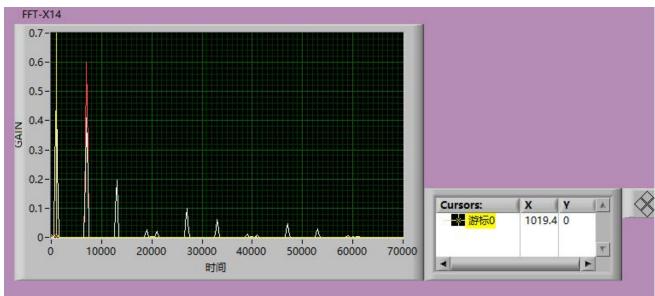


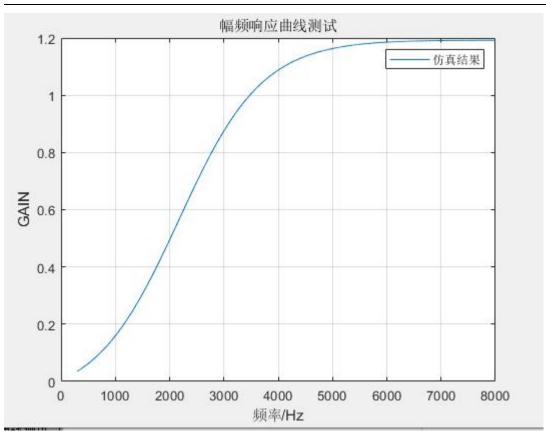
### 高通滤波器:

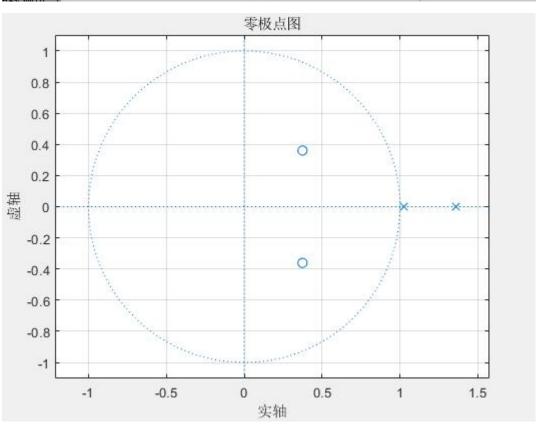
### 输入信号: 1kHz+7kHz

A=[1 -0.748 0.27];B=[0.504 -1.2 0.7];







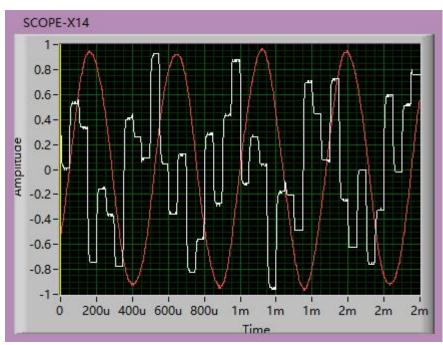


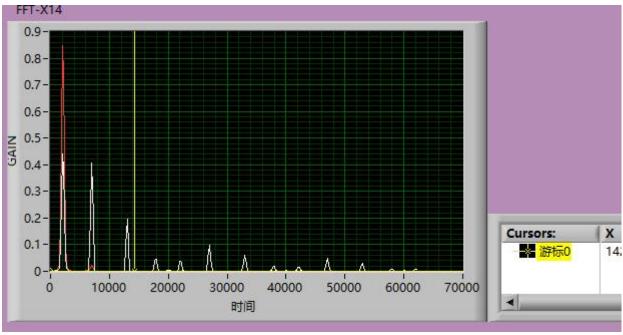
### 带通滤波器:

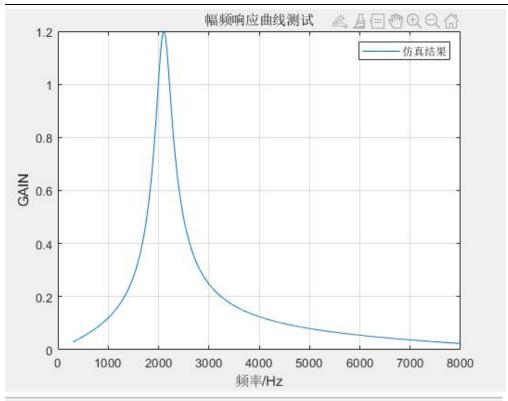
### 输入信号: 2.1kHz+7kHz

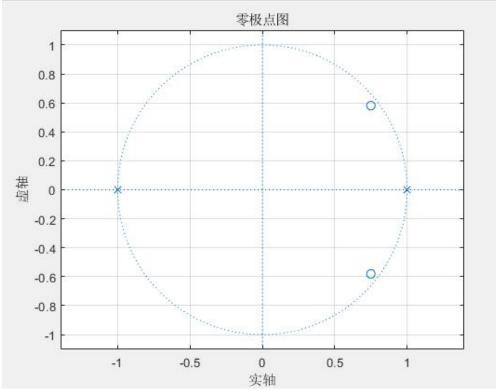
A=[1 -1.5 0.9];

B=[0.06 0 -0.06];









### 三、实验体会与建议

本实验让我收获颇丰,动手能力增强的同时理论基础更加扎实,在此次实验中,我加深了对于数字信号处理知识的理解,而且锻炼了我的实验思维,可以拓展课本之外的能力,让自己不仅仅依靠书本上的知识发展自己的认知,我认为本课程极具教育意义。