

중 2-1 교학사 일차함수 일차함수와 그 그래프 (101p~120p)

출제자 메타교육

쌍둥이 문제(1배수)

월

(개정 중2-1)교과서_교학사 101쪽

1

- $\mathbf{1}$. 다음 중 y가 x의 함수가 아닌 것은?
 - ① 한 변이 x cm인 정사각형의 둘레의 길이는 y cm이 다
 - ② 자연수 x의 약수는 y이다.
 - ③ 500원짜리 볼펜 x개의 값은 y원이다.
 - ④ 10%의 소금물 xg 속에 들어 있는 소금의 양은 yg이다.
 - ⑤ 시속x km로 y시간 동안 간 거리는 80 km이다.

2

- $\mathbf{2}$. 다음 중 y가 x의 함수인 것을 모두 고르면?
 - ① x와 y의 곱이 4
 - ② 자연수 x와 서로소인 수 y
 - ③ 자연수 x의 모든 약수의 합 y
 - ④ x km의 거리를 시속 3 km의 속력으로 갈 때 걸린 시간 y
 - (5) x%의 소금물에 들어 있는 소금의 양 yg

(개정 중2-1)교과서_교학사 102쪽

3

- **3.** f(x) = 3x + 2일 때, $\frac{f(1) + f(-1)}{f(0)}$ 의 값은?
 - ① 1

(2) 2

3 3

4

(5) 5

(개정 중2-1)교과서 교학사 104쪽

4

- **4.** 다음 중 일차함수인 것은?
 - ① y = 3

②
$$y = \frac{2}{9}x - 3$$

③
$$y = \frac{4}{r} + 13$$

- y = x(2x+7)
- $\bigcirc y = (x+3) (x-5)$

- $\mathbf{5}$. 다음에서 y를 x에 관한 식으로 나타내고, 그 관계식이 일차함수인지 아닌지 말하여라.
 - (1) 한 변의 길이가 xcm인 정사각형의 넓이가 y
 - (2) 700원짜리 과자 1봉지와 1000원짜리 빵 x개를 합한 가격이 y원이다.

6. 다음 중 일차함수 $y = \frac{2}{3}x$ 의 그래프를 평행이 동하였을 때, 겹치는 것은?

①
$$y = -\frac{3}{2}x$$
 ② $y = -\frac{2}{3}x$

(3)
$$y = \frac{2}{3}x - 3$$
 (4) $y = \frac{3}{2}x + 1$

⑤
$$y = 3x + 5$$

(개정 중2-1)교과서_교학사 105쪽

1

7. 다음은 함수에 대한 설명이다. () 안에 들어 갈 용어로 적절한 것은?

두 변수 x, y와 같이 x의 값이 변함에 따라 y의 값이 (ㄱ) 정해지는 두 양 사이의 (ㄴ) 관계가 성립할 때, y를 x의 함수라고 한다.

- ① (¬)-하나씩 (L)-상관
- ② (¬)-하나씩 (L)-대응
- ③ (¬)-두개씩 (L)-상관
- ④ (기)-두개씩 (L)-대응
- ⑤ (기)-규칙대로 (L)-상관

2

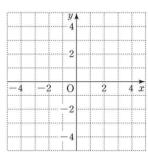
- 8. 함수 y = x + 2에서 y의 값이1, 2, 3일 때, x의 값을 모두 나열한 것은?
 - ① -1
- $\bigcirc 0, 1$
- 3 1, 0
- (4) -1, 0, 1
- 5 1, 0, 1, 2

(개정 중2-1)교과서_교학사 107쪽

1

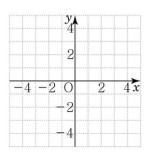
9. 두 일차함수 y = ax와 y = ax + b에 대하여 다음 표를 완성하고, 좌표평면 위에 각각의 그래프를 그려라.

x	 -2	-1	0	1	2	
y = -3x			0	-3		
y = -3x - 3						•••

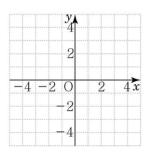


10. 다음 일차함수를 만족시키는 두 점을 구하고, 이를 이용하여 그래프를 그려라.

(1)
$$y = \frac{1}{2}x - 2 \ (0, \ \Box), \ (2, \ \Box)$$



(2)
$$y = -\frac{1}{4}x$$
 (0, \square), (4, \square)



(개정 중2-1)교과서_교학사 109쪽

3

11. 일차함수 y = -3x + 4의 그래프를 y축의 방향으로 -7만큼 평행이동하였더니 y = ax + b의 그래프가 되었다. 이때 상수 a, b에 대하여 a + b의 값을 구하여라.

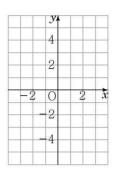
4

12. 다음 좌표평면 위에 다음 일차함수의 그래 프를 그려라.

(1)
$$y = 2x$$

(2)
$$y = 2x + 3$$

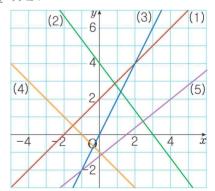
(3)
$$y = 2x - 4$$



(개정 중2-1)교과서_교학사 110쪽

F

13. 그림과 같은 일차함수의 그래프에 대하여 x 절편, y절편을 차례대로 구한 것이다. 다음 중에 서 틀린 것은?



그래프	x절편	y절편
	$u \in U$	g = u

- -2
- 2
- $\widehat{2}$ (2)
- 3
- 4

- (3)
- (3) (4)
- -1
- (5)

4

- (5)
- $\frac{4}{2}$
- $-\frac{6}{5}$

(개정 중2-1)교과서_교학사 111쪽

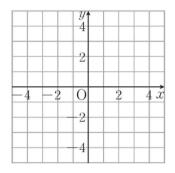
14. 일차함수 y = -4x - 4의 x절편과 y절편을 각각 구하여라.

(개정 중2-1)교과서_교학사 112쪽

- 15. 다음 일차함수의 그래프의 x절편과 y절편 을 구하고, 이를 이용하여 그래프를 그려라.
 - (1) y = 2x 4

→ x절편:

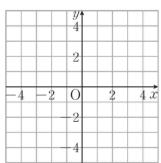
y절편 : [



(2) $y = -\frac{1}{3}x + 1$

→ x절편:

y 절편 : □



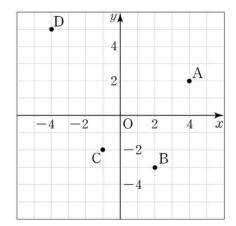
(개정 중2-1)교과서_교학사 113쪽

16. 일차함수 y = 5x - 10의 기울기를 구하여라.

(개정 중2-1)교과서_교학사 114쪽

9

17. 다음 좌표평면 위의 네 점 A, B, C, D에 대하여 두 점을 지나는 직선과 그 기울기를 잘못 짝 지은 것은?



$$\textcircled{2} \overleftrightarrow{AC} \rightarrow \frac{4}{5}$$

$$\textcircled{3} \stackrel{\longleftrightarrow}{\mathsf{BC}} \to -\frac{1}{3} \qquad \qquad \textcircled{4} \stackrel{\longleftrightarrow}{\mathsf{BD}} \to -\frac{3}{4}$$

$$\textcircled{4} \overrightarrow{\text{BD}} \rightarrow -\frac{3}{4}$$

$$\textcircled{5} \overrightarrow{\text{CD}} \rightarrow -\frac{7}{3}$$

10

18. 두 직선 3x-y=2와 x+2y=3은 점 A에 서 만난다. 이때 점 A의 좌표를 구하여라.

(개정 중2-1)교과서_교학사 116쪽

19. 다음 일차함수 중에서 x의 값이 증가할 때, y의 값도 증가하는 것은?

①
$$y = -\frac{1}{3}x + 1$$
 ② $y = \frac{2}{3}x - 3$

②
$$y = \frac{2}{3}x - 3$$

(3)
$$y = -\frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$$
 (4) $y = -3x + 1$

$$4 y = -3x + 1$$

$$5 y = -2x - 7$$

12

20. 다음 <보기>의 일차함수에 대하여 물음에 답하여라.

<보기>

$$y = 3x + 5$$

$$y = 3x + 1$$

$$\exists y = 3x + 1$$

$$\exists y = 2(x+2)$$

$$y = -2x + 5$$
 $y = 2x + 4$

$$y = 2x + 4$$

- (1) 그 그래프가 서로 평행한 것끼리 기호를 써라.
- (2) 그 그래프가 일치하는 것끼리 기호를 써라.

(개정 중2-1)교과서_교학사 117쪽

21. 일차함수 y=-3x-6의 그래프의 x절편과 y절편을 구하려고 한다. 다음 □ 안에 알맞은 수를 써넣어라.

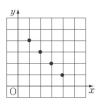
일차함수 $y=-3x-6$ 에	
y=0을 대입하면	□=-3 <i>x</i> -6에서
x =	
이므로 x 절편은 \square 이다.	
또한 $x=0$ 을	대입하면
$y = -3 \times -6 = $	
이므로 y 절편은 \bigcirc 이다.	

22. 일차함수 y=3x-3의 x절편을 구하여라.

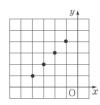
3

23. x, y가 모두 자연수일 때, 일차함수 y = -x + 5 의 그래프로 옳은 것은?

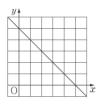
1



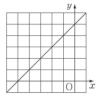
 $^{(2)}$



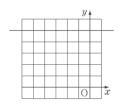
3



4



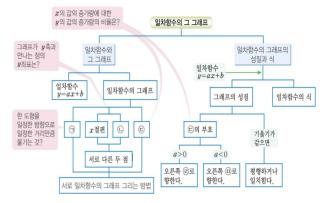
(5)



(개정 중2-1)교과서_교학사 119쪽

01

24. 다음 개념도의 빈칸에 들어갈 말로 알맞은 것은?



① 🗇 : 일차함수

② 🗅 : 대칭

③ 🗅 : 기울기

④ ② : 아래

⑤ 🗇 : 위

02

- 25. 두 변수 x, y에 대하여 y가 x의 함수가 <u>아</u> 닌 것은?
 - ① 자연수 x의 약수 y
 - ② x개의 의자에 2명씩 앉은 학생 수 y명
 - ③ 시속 5km로 x시간 동안 달린 거리는 ykm
 - ④ 한 변의 길이가 xcm인 정사각형의 둘레 ycm
 - ⑤ 밑변의 길이가 $8 \mathrm{cm}$ 이고 높이가 $x \mathrm{cm}$ 인 삼각형의 넓이 $y \mathrm{cm}^2$

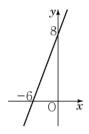
03

26. 일차함수 f(x) = 2x + 5에 대하여 f(1) + f(2) 의 값을 구하시오.

- **27.** 일차함수 $y = -\frac{1}{3}x + 5$ 의 그래프를 y축의 방향으로 b만큼 평행이동하였더니 점 (-6, 1)을 지난다. 이때 b의 값은?
 - ① -1
- ② 2
- (3) 2
- (4) 4
- (5) -6

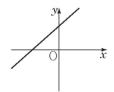
06

28. 일차함수 y = ax + b의 그래프가 다음 그림 과 같을 때, a, b의 값을 구하여라.



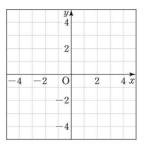
07

29. 일차함수 y = ax + b의 그래프가 다음 그림 과 같을 때, 일차함수 y = -bx + a의 그래프가 지나지 않는 사분면을 말하여라.



08

- **30.** 일차함수 $y = \frac{3}{2}x 3$ 의 그래프와 x축, y축으로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하여라.
 - (1) 일차함수 $y = \frac{3}{2}x 3$ 의 그래프의 x절편과 y절 편을 구하여라.
 - (2) (1)을 이용하여 일차함수 $y = \frac{3}{2}x 3$ 의 그래프 를 다음 좌표평면 위에 그려라.



(3) (2)에서 그린 그래프와 x축, y축으로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하여라.

1.(정답) ②

(해설)

- ① y = 4x
- ② 자연수 x의 약수는 여러 개가 나올 수 있으므로 한수가 아니다
- 3 y = 500x

⑤ xy = 80 에서 $y = \frac{80}{x}$

2.(정답) ③, ④

(해설)

- ① xy = 4에서 x = 0에 대응하는 y는 없다. 따라서 함수가 아니다.
- ② 자연수 x와 서로소인 수는 여러 개 있을 수 있다. 따라서 x에 대응하는 y가 2개 이상일 수 있으므로 함수가 아니다.
- ③ 자연수 x에 대한 약수는 정해지므로 약수의 합 y도 하나로 결정된다. 따라서 함수이다.
- ④ $y=\frac{1}{3}x$ 로 x에 대응하는 y는 하나뿐이다. 따라 서 함수이다.
- ⑤ 소금물의 양에 따라 들어 있는 소금의 양 y가 달라지므로 함수가 아니다.

3.(정답) ②

(해설)

$$f(x) = 3x + 2$$
이므로
 $f(1) = 5, \ f(-1) = -1, \ f(0) = 2$
 $\therefore \frac{f(1) + f(-1)}{f(0)} = \frac{5-1}{2} = 2$

4.(정답) ②

(해설)

 $y = ax + b(a \neq 0)$ 의 꼴인 함수를 찾는다.

(4)
$$y = 2x^2 + 7x$$
 (5) $y = 8$

5.(정답)

(해설)

- (1) $y = x^2$ 이므로 일차함수가 아니다.
- (2) y = 1000x + 700이므로 일차함수이다.

6.(정답) ③

(해설)

③
$$y = \frac{2}{3}x$$
 $\frac{y$ 의 방향으로 $y = \frac{2}{3}x - 3$ 명행이동 $y = \frac{2}{3}x - 3$

7.(정답) ②

(해설)

함수는 두 변수 x, y에서 x의 값이 변함에 따라 y의 값이 하나씩 정해지는 두 양 사이의 대응 관계가 성립할 때, y를 x의 함수라고 한다.

8.(정답) ④

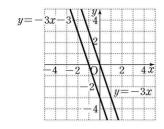
(해설)

$$y = x + 2$$
인 함수식에서 $y = 1$ 일 때, $1 = x + 2$ \therefore $x = -1$ $y = 2$ 일 때, $2 = x + 2$ \therefore $x = 0$ $y = 3$ 일 때, $3 = x + 2$ \therefore $x = 1$ 따라서 x 의 값은 -1 , 0 , 1 이다.

9.(정답) 해설 참조

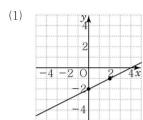
(해설)

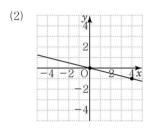
x	 -2	-1	0	1	2	
y = -3x	 6	3	0	- 3	-6	
y = -3x - 3	 3	0	-3	- 6	- 9	



 ${f 10.}$ (정답) (1) ${f -2,}$ ${f -1,}$ 해설 참조 (2) ${f 0,}$ ${f -1,}$ 해설 참

(해설)



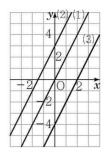


11.(정답) -6

(해설) 일차함수 y = -3x + 4 그래프를 y축의 방향으로 -7만큼 평행이동한 그래프의 식은

$$y = -3x + 4 + (-7)$$
 $\therefore y = -3x - 3$
따라서 $a = -3$, $b = -3$ 이므로
 $a + b = -6$

12.(정답) 해설 참조 (해설)



13.(정답) ⑤

(해설)

⑤
$$(-1, -2)$$
와 $(4,2)$ 를 지나므로 그래프의 함수
식은 $y=\frac{4}{5}x-\frac{6}{5}$ 이다. 이때 x 절편은 $\frac{3}{2}$ 이다.

$$14.$$
(정답) x 절편 : -1 , y 절편 : -4 (해설)

$$y=0$$
일 때, $0=-4x-4$ $\therefore x=-1$
 $x=0$ 일 때, $y=0-4$ $\therefore y=-4$
따라서 x 절편은 -1 , y 절편은 -4 이다.

15.(정답) (1) 2, -4, 풀이 참조 (2) 3, 1, 풀이 참조

(해설)

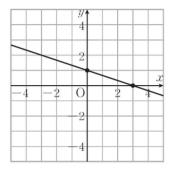
 $(1) \ y=2x-4 에$

y=0을 대입하면 0=2x-4 $\therefore x=2$ x=0을 대입하면 y=-4 따라서 x절편은 2, y절편은 -4이므로 y=2x-4의 그래프는 두 점 (2,0), (0,-4)를 지나는 직선이다.

-4 -2 O 2 4 x

(2)
$$y = -\frac{1}{3}x + 1$$

y=0을 대입하면 $0=-\frac{1}{3}x+1$ $\therefore x=3$ x=0을 대입하면 y=1 따라서 x절편은 3, y절편은 1이므로 $y=-\frac{1}{3}x+1$ 의 그래프는 두 점 (3, 0), (0, 1)을 지나는 직선이다.



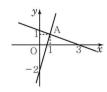
16.(정답) 5

17.(정답) ④

(해설)

$$\textcircled{4} \overleftrightarrow{\text{BD}} \rightarrow -\frac{4}{3}$$

18.(정답) A(1, 1) (해설)



$$\therefore A(1, 1)$$

x값이 증가할 때 y의 값이 증가하려면 기울기가 양수면 된다.

20.(정답) (1) ①과 ⓒ, ⓒ과 ⑫ (2) ֎과 ⑪

(해설)

- (1) 그래프가 서로 평행일 때는 기울기는 같고, y절 편은 같지 않다. 따라서 평행한 것은 \bigcirc 과 \bigcirc , \bigcirc 과 \bigcirc

$$21.$$
(정답) $0, -2, -2, 0, -6, -6$

(해설)

일차함수 y = -3x - 6에

y=0을 대입하면 0=-3x-6에서 x=-2이므로 x 절편은 -2이다.

또한 x=0을 대입하면 $y=-3\times0-6=-6$ 이므로 y절편은 -6이다.

22.(정답) 1

(해설)

$$y=0$$
을 $y=3x-3$ 에 대입하면
$$0=3x-3,\ 3x=3 \qquad \qquad \therefore \ x=1$$

23.(정답) ①

(해설)

x, y가 모두 자연수이므로 y=-x+5를 만족시키는 x, y의 순서쌍은 (1, 4), (2, 3), (3, 2), (4, 1)이다. 따라서 그래프를 그리면 주어진 그래프의 ①과 같다.

(해설)

 \bigcirc : 평행이동, \bigcirc : y절편, \bigcirc : 기울기, \bigcirc : 위, \bigcirc : 아래

25.(정답) ①

(해설)

① x = 4일 때, y = 1, 2, 4이므로 함수가 아니다.

26.(정답) 16

(해설)

[출제의도] 일차함수의 함숫값을 계산할 수 있는가 를 묻는 문제이다.

$$f(x) = 2x + 5$$
 $|A| f(1) + f(2) = 7 + 9 = 16$

27.(정답) ⑤

(해설)

 $y=-\frac{1}{3}x+5$ 의 그래프를 y축의 방향으로 b만큼

평행이동 했으므로 $y=-\frac{1}{3}x+5+b$

이 그래프가 점 (-6, 1)을 지나므로

x=-6, y=1을 대입하면

$$1 = \left(-\frac{1}{3}\right) \times (-6) + 5 + b$$

$$b+7=1$$
 $\therefore b=-6$

28.(정답) $a = \frac{4}{3}$, b = 8

(해설)

x절편이 -6, y절편이 8이므로

기울기는
$$\frac{8}{6} = \frac{4}{3}$$
이다.

따라서 $y = \frac{4}{3x} + 8$ 의 그래프이므로

$$a = \frac{4}{3}, \ b = 8$$

29.(정답) 제3사분면

(해설)

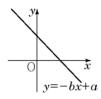
y = ax + b의 그래프가 오른쪽 위로 향하므로

(기울기)=a>0

또, y절편이 x축보다 위쪽에 있으므로

(y절편)=b > 0

따라서 y = -bx + a의 그래프는 y절편이 양수이고 기울기가 음수이므로 다음 그림과 같이 제3사분면 을 지나지 않는다.



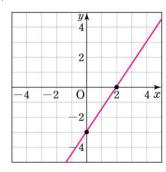
 ${f 30.}$ (정답) (1) x절편 : ${f 2},\ y$ 절편 : ${f -3}$ (2) 해설 참조

(3) 3

(해설)

(1) x절편 : y = 0을 대입하면 (2, 0) y절편 : x = 0을 대입하면 (0, -3)

(2)



(3) (삼각형의 넓이)= $\frac{1}{2}$ ×(밑변)×(높이)

$$= \frac{1}{2} \times 2 \times 3 = 3$$