

중 3-1_신사고_이차방정식_대단원 마무리 (105p~107p)

출제자 메타교육

쌍둥이 문제(1배수)

년 월 일

(개정 중3-1)교과서_좋은책 105쪽

01

1. 다음 이차방정식 중에서 x=-3을 해로 갖는 것을 모두 고른 것은?

$$5x(x+3)=0$$

$$(4) (x-3)(x+3) = 0$$

$$(x-3)^2 = 0$$

$$(z)$$
 $(x+3)^2 = 9$

(1) (71)

(2) (叶)

(3) (7H). (LH)

(4) (7h), (th)

⑤ (가), (나), (라)

02

- **2.** 방정식 $(3ax-7)(ax+3)-ax=2-(a-2)x^2$ 이 x에 대한 이차방정식이 되기 위한 상수 a의 조건은?
 - ① $a \neq -3$ 이 \mathcal{I} $a \neq 1$

 - ③ $a \neq -\frac{2}{3}$ 또는 $a \neq 1$

 - $5 \quad a \neq -1 \quad \text{\Pi} = a \neq \frac{2}{3}$

03

3. 이차방정식 $x^2 - x - 12 = 0$ 의 두 근 중 작은 근이 이차방정식 $x^2 + ax - 15 = 0$ 의 한 근일 때, 상수 a의 값을 구하여라.

04

4. 계수가 유리수인 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의한 근이 $x = 2 - \sqrt{3}$ 일 때, a, b의 값을 각각 구하는 풀이 과정을 쓰고 답을 구하시오.

05

5. 이차방정식 $x^2 + ax + 8 = 0$ 의 해가 x = 2 또 는 x = b일 때, 이차방정식 $bx^2 + 2x + a = 0$ 의 두 근의 곱을 구하시오. (단, a는 상수이다.)

06

6. 다음 이차방정식이 모두 중근을 가질 때, 상 수 *a*, *b*의 곱 *ab*의 값을 구하여라.

$$x^{2} + 8x + a = 0$$
, $x^{2} + (a - 7)x + b = 0$

(개정 중3-1)교과서_좋은책 106쪽

07

7. 이차방정식 $x^2 - 6x + a = 0$ 의 해가 $x = 3 \pm \sqrt{5}$ 일 때, 상수 a의 값을 구하는 풀이 과정을 쓰고 답을 구하시오.

08

- 8. 다음 이차방정식을 $(x+p)^2 = q$ 꼴로 나타낼 때, 상수 p, q의 값을 각각 구하여라.
 - (1) (x-3)(x+1)=3
 - (2) (x-2)(x+2)=10x
 - (3) $2x^2 + 8x 3 = 0$

09

- **9.** 이차방정식 $2x^2 + ax + b = 0$ 의 두 근이 $\frac{1}{2}$, -3일 때, 이차방정식 $x^2 + bx - a = 0$ 의 두 근은?
 - ① $x = \frac{5 \pm \sqrt{21}}{2}$ ② $x = \frac{3 \pm \sqrt{29}}{2}$

10. 다음 이차방정식을 풀어라.

$$(1) \ \frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{2}x - 2 = 0$$

(2)
$$0.3x^2 - 0.2x - 0.2 = 0$$

11. 바둑돌을 그림과 같은 방법으로 배열하려고 할 때, 240개의 바둑돌이 배열되는 단계는?

••	***				 바둑돌 개수
1단계	2단계	3단계	4단계	5단계	 n단계

- ① 15단계
- ② 16단계
- ③ 17단계
- ④ 18단계
- ⑤ 19단계

12

- 12. 어느 달의 달력에서 둘째주 화요일의 날짜 와 넷째주 목요일의 날짜를 곱해보니 192가 되었 다. 넷째주 목요일은 며칠인가?
 - ① 8

② 12

- ③ 16
- **4** 24
- (5) **27**

(개정 중3-1)교과서_좋은책 107쪽

13

- **13.** 이차방정식 x(x-3) = A가 중근 x = B를 가질 때, 상수 A, B에 대하여 $\frac{A}{B}$ 의 값은?
 - ① $-\frac{9}{2}$
- $2 \frac{3}{2}$
- $3\frac{1}{2}$
- 4 1

14

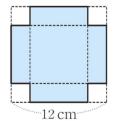
14. 이차방정식 $3x^2-6x+1=0$ 을 풀면 $x=\frac{b\pm\sqrt{c}}{a}$ 이다. 자연수 $a,\ b,\ c$ 에 대하여 a+b+c의 값 중 가장 작은 수를 구하시오.

15

15. 이차방정식 $x^2 - 2kx + k + 1 = 0$ 의 일차항의 계수와 상수항을 바꾸어 풀었더니 한 근이 x = 1이었다. 이때 처음 이차방정식의 두 근의 곱을 구하여라. (단, k는 상수이다.)

16

16. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 12cm인 정사각형 모양의 종이의 네 모퉁이에서 크기가 같은 정사각형을 잘라내고 그 나머지로 윗면이 없는 직육면체 모양의 상자를 만들려고 한다. 상자의 밑넓이가 64cm²일 때, 이 상자의 부피를 구하여라. (단, 종이의 두께는 생각하지 않는다.)



1.(정답) ③

(해설)

각 방정식에
$$x=-3$$
을 대입하면

(7)
$$5 \times (-3) \times (-3+3) = 0$$
 (0)

$$(4) (-3-3)(-3+3) = 0 (0)$$

(T)
$$(-3-3)^2 \neq 0$$
 (x)

$$(2) (-3+3)^2 \neq 9 (x)$$

2.(정답) ④

(해설)

$$(3ax-7)(ax+3)-ax=2-(a-2)x^2$$
 에서

$$3a^2x^2 + 9ax - 7ax - 21 - ax = 2 - (a-2)x^2$$

$$(3a^2 + a - 2)x^2 + ax - 23 = 0$$

x에 대한 이차방정식이 되려면

$$3a^2 + a - 2 \neq 0$$
, $(3a - 2)(a + 1) \neq 0$

$$\therefore a \neq -1$$
 of $\exists a \neq \frac{2}{3}$

3.(정답)
$$a = -2$$

(해설)

$$(x-4)(x+3) = 0$$
 $\therefore x = 4 \quad \text{Y-} \quad x = -3$

따라서
$$x^2 + ax - 15 = 0$$
에 $x = -3$ 을 대입하면

$$a = -2$$

4.(정답)
$$a = -4$$
. $b = 1$

(해설)

$$x = 2 - \sqrt{3}$$
 에서 $x - 2 = -\sqrt{3}$

양변을 제곱하면

$$(x-2)^2 = 3 \cdots (1)$$

좌변을 전개하여 정리하면

$$x^2 - 4x + 4 = 3$$

$$\therefore x^2 - 4x + 1 = 0 \cdots \bigcirc$$

따라서 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 과 계수와 상수항을 비교하면

$$a = -4, b = 1 \cdots 3$$

단계	채점 기준	배점
1	한 근을 이용하여 $(x+p)^2 = q$ 의 꼴로 변형하기	40%
2	(이차식)=0의 꼴로 변형하기	30%
3	계수와 상수항을 비교하여 <i>a</i> , <i>b</i> 의 값 각각 구하기	30%

$$5.(정답) - \frac{3}{2}$$

(해설)

$$x = 2$$
를 $x^2 + ax + 8 = 0$ 에 대입하면

$$4 + 2a + 8 = 0$$
 : $a = -6$

즉
$$x^2 - 6x + 8 = 0$$
이므로 $(x-2)(x-4) = 0$

$$\therefore x = 2$$
 또는 $x = 4$

$$b = 4$$
이므로 $4x^2 + 2x - 6 = 0$ 에서

$$2x^2 + x - 3 = 0$$

$$(x-1)(2x+3) = 0$$

$$\therefore x = 1 \quad \text{\Pi} = \frac{3}{2}$$

따라서 구하는 곱은
$$-\frac{3}{2}$$
이다.

6.(정답) 324

(해설

$$x^2 + 8x + a = 0$$
에서 $a = \left(\frac{8}{2}\right)^2 = 16$
 $a = 16 \stackrel{\triangle}{=} x^2 + (a - 7)x + b = 0$ 에 대입하면
 $x^2 + 9x + b = 0$ 이므로 $b = \left(\frac{9}{2}\right)^2 = \frac{81}{4}$
 $\therefore ab = 16 \times \frac{81}{4} = 324$

(해설)

$$x=3\pm\sqrt{5}$$
 에서 $x-3=\pm\sqrt{5}$

양변을 제곱하면

$$(x-3)^2 = 5 \cdots 1$$

좌변을 전개하여 정리하면

$$x^2 - 6x + 9 = 5$$

$$\therefore x^2 - 6x + 4 = 0 \quad \cdots \text{ } \bigcirc$$

따라서 이차방정식 $x^2-6x+a=0$ 과 상수항을 비교

$$a = 4 \cdots (3)$$

단계	채점 기준	배점	
1	주어진 해를 이용하여	50%	
	$(x+p)^2 = q$ 의 꼴로 변형하기		
2	(이차식)= 0의 꼴로 변형하기	30%	
3	a의 값 구하기	20%	

8.(정답) (1)
$$p = -1$$
, $q = 7$ (2) $p = -5$, $q = 29$

(3)
$$p = 2$$
, $q = \frac{11}{2}$

(해설)

(1)
$$x^2 - 2x - 3 = 3$$
 \Rightarrow \Rightarrow $x^2 - 2x = 6$
 $x^2 - 2x + (-1)^2 = 6 + (-1)^2$
 \Rightarrow $(x-1)^2 = 7$

$$\Rightarrow (x-1)^2 = 7$$

$$\therefore p = -1, q = 7$$

(2)
$$x^2 - 4 = 10x$$
 에서 $x^2 - 10x = 4$

$$x^{2} - 10x + (-5)^{2} = 4 + (-5)^{2}$$

$$\Rightarrow (x-5)^2 = 29$$

$$\therefore p = -5, q = 29$$

(3) 상수항을 이항한 후 양변을 2로 나누면

$$x^2 + 4x = \frac{3}{2}$$

$$x^{2} + 4x + 2^{2} = \frac{3}{2} + 2^{2} \implies (x+2)^{2} = \frac{11}{2}$$

$$\therefore p = 2, q = \frac{11}{2}$$

(해설)

$$2\left(x-\frac{1}{2}\right)(x+3) = 0$$
이므로 $(2x-1)(x+3) = 0$

$$2x^2 + 5x - 3 = 0$$

$$\therefore a = 5, b = -3$$

따라서
$$x^2 - 3x - 5 = 0$$
의 근은

$$x = \frac{3 \pm \sqrt{9 + 20}}{2}$$
 $\therefore x = \frac{3 \pm \sqrt{29}}{2}$

10.(정답) (1)
$$x = -2$$
 또는 $x = 4$ (2) $x = \frac{1 \pm \sqrt{7}}{3}$

(해설)

계수가 정수인 $ax^2 + bx + c = 0$ 의 꼴로 만든 후 이차방정식을 푼다.

(1) 양변에 4를 곱하면

$$x^2 - 2x - 8 = 0$$

$$(x+2)(x-4) = 0$$

$$\therefore x = -2$$
 또는 $x = 4$

(2) 양변에 10을 곱하면

$$3x^2 - 2x - 2 = 0$$

$$\therefore x = \frac{1 \pm \sqrt{7}}{3}$$

11.(정답) ①

(해설)

n단계에서 바둑돌의 세로의 개수는 n. 바둑돌의 가 로의 개수는 n+1이므로

$$n(n+1) = 240, n^2 + n - 240 = 0$$

$$(n+16)(n-15)=0$$

$$\therefore n = 15 \ (\because n > 0)$$

12.(정답) ④

(해설)

넷째주 목요일을 x일이라고 하면 둘째주 화요일은 (x-16)일이다.

$$x(x-16) = 192, \ x^2 - 16x - 192 = 0$$

$$(x-24)(x+8)=0$$

∴ x = -8 또는 x = 24
 x > 0 이므로 넷째주 목요일은 24일이다.

13.(정답) ②

$$x^2 - 3x - A = 0$$
 에서 $(-3)^2 + 4A = 0$
∴ $A = -\frac{9}{4}$

즉
$$x^2 - 3x + \frac{9}{4} = 0$$
에서 $\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 = 0$ 이므로

$$x = \frac{3}{2} \qquad \therefore \quad B = \frac{3}{2}$$

$$\therefore \quad \frac{A}{B} = A \times \frac{1}{B} = -\frac{9}{4} \times \frac{2}{3} = -\frac{3}{2}$$

14.(정답) 12

(해설)

$$3x^2 - 6x + 1 = 0$$
 에서 $x = \frac{3 \pm \sqrt{6}}{3}$

따라서 $a=3,\ b=3,\ c=6$ 일 때, a+b+c의 값이 가장 작으므로 구하는 수는 12이다.

15.(정답) 3

(해설)

주어진 이차방정식의 일차항의 계수와 상수항을 바꾸면 $x^2 + (k+1)x - 2k = 0$

$$x=1$$
을 대입하면 $1^2+(k+1)\times 1-2k=0$

$$1 + k + 1 - 2k = 2 - k = 0$$

 $\therefore k=2$

즉, 처음 이차방정식은 $x^2 - 4x + 3 = 0$ 이므로

(x-1)(x-3)=0, x=1 또는 x=3

따라서 구하는 곱은 $1 \times 3 = 3$

16.(정답) 128 cm³

(해설)

아래 그림과 같이 잘라내는 정사각형의 한 변의 길이를 x cm라 하면 상자의 밑넓이는

$$(12 - 2x)^2 = 64$$

$$4x^2 - 48x + 80 = 0$$

$$x^{2} - 12x + 20 = 0$$
, $(x - 2)(x - 10) = 0$

$$\therefore x = 2 \ (\because 0 < x < 6)$$

따라서 이 상자의 부피는 $64 \times 2 = 128 (cm^3)$ 이다.

