

중 1-1 체크체크 진도 좌표평면과 그래프 반비례 (138p~143p)

쌍둥이 문제(1배수)

메타교육 월

출제자

(중1-1)체크체크_진도 138쪽

1-1

1. 넓이가 $30 \, \text{cm}^2$ 인 삼각형을 그리는 방법을 알 아보려고 한다. 밑변을 x(cm), 높이를 y(cm)라 하 고 표를 완성하고 x와 y 사이의 관계식을 구하여라.

x	1	2	3	4	5	6
y	60		20		12	

1-2

2. 넓이가 28cm²인 직사각형을 그리려고 한다. 가로를 x cm, 세로를 y cm라 하여 표를 완성하고 x와 y 사이의 관계식을 구하여라.

x	1	2	4	7	14	28
y	28					

2-1

 $\mathbf{3}$. 다음 $\langle \mathtt{보} \mathsf{I} \rangle$ 중 y가 x에 반비례하는 것을 모두 고른 것은?

$$y=2x$$

$$\bigcirc y = \frac{3}{x}$$

$$\ensuremath{\mbox{\cong}} y=x+1 \quad \ensuremath{\mbox{\cong}} y=-\frac{4}{x} \quad \ensuremath{\mbox{\cong}} y=x^2$$

$$y = -\frac{4}{3}$$

$$\exists \hspace{-.7cm} \mid y = x^2$$

4. x의 값이 $2 \text{ H}, 3 \text{ H}, \cdots$ 로 변함에 따라 y의 값은 $\frac{1}{2}$ 배, $\frac{1}{3}$ 배, \cdots 로 변하고, x=3일 때, y=4이다. 이 때, x와 y 사이의 관계식은?

①
$$y = 12x$$

②
$$y = -12x$$

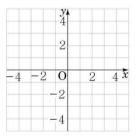
$$3 y = \frac{7}{x}$$

$$4 \ y = \frac{12}{x}$$

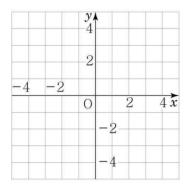
(중1-1)체크체크 진도 139쪽

3-1

반비례 관계 $y=\frac{4}{r}$ 의 그래프를 좌표평면 위 에 그려라.



6. 반비례 관계 $y = \frac{1}{r}$ 의 그래프를 좌표평면 위 에 그려라.



4-1

- 7. 다음 중 반비례 관계 $y = \frac{8}{r}$ 의 그래프 위의 점이 아닌 것을 모두 고르면?

- (5) (8, -1)

(중1-1)체크체크_진도 140쪽

5-2

8. 반비례 관계 $y = \frac{a}{r}(a \neq 0)$ 의 그래프가 (2, 1)을 지날 때, 상수 a의 값을 구하여라.

(중1-1)체크체크_진도 141쪽

- 9. x, y가 반비례 관계인 것을 모두 고르면? (정답 2개)
 - ① $y = -\frac{1}{12}x$ ② $y = \frac{x}{8}$
 - (3) $y = -\frac{9}{x}$ (4) $y = \frac{1}{2}x$
 - ⑤ $y = \frac{20}{r}$

- 10. 다음 두 양수 x, y 사이의 관계를 식으로 나타낼 때 반비례 관계인 것을 모두 고르면? (정 답 2 개)
 - ① 반지름의 길이가 x cm인 원의 넓이는 $y \text{ cm}^2$ 이다.
 - ② 4 km를 시속 x km로 달릴 때 걸리는 y시간
 - ③ 1000원을 주고 x원짜리 사탕 y개를 샀다.
 - ④ 하루 중 밤이 차지하는 x시간과 낮이 차지하는 y시간
 - ⑤ 정삼각형의 한 변의 길이 x와 둘레의 길이 y

11. y가 x에 반비례하고 x=6일 때 y=8이다. x와 y의 대응 관계를 식으로 나타내어라.

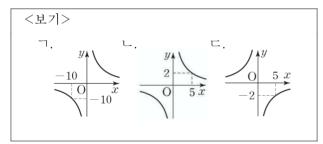
- 2 -

04

- 12. x와 y는 반비례하고 x=4일 때 y=7이다. x와 y 사이의 관계식을 바르게 나타낸 것은?
 - ① y = x + 3
- ② 4y = 7x
- $3 y = \frac{7}{4}x$
- 4 x + y = 11

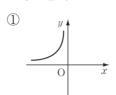
05

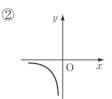
13. 다음 <보기> 중 반비례 관계 $y = \frac{10}{x}$ 의 그래프를 골라라.

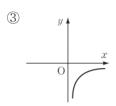


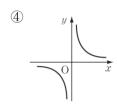
06

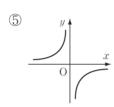
14. x가 수 전체일 때, 반비례 관계 $y = \frac{17}{x}$ 의 그래프인 것은?











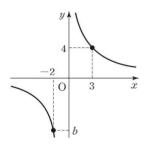
(중1-1)체크체크_진도 142쪽

07

15. 두 점 (4, a), (b, 12)가 반비례 관계 $y = -\frac{8}{x}$ 의 그래프 위의 점일 때, $\frac{a}{b}$ 의 값을 구하여라.

08

16. 반비례 관계 $y = \frac{a}{x}(a \neq 0)$ 의 그래프가 아래 그림과 같을 때, 다음 물음에 답하여라.



- (1) 상수 *a*의 값을 구하여라.
- (2) b의 값을 구하여라.
- (3) 이 그래프가 점 $\left(c,\frac{1}{2}\right)$ 을 지날 때, c의 값을 구하여라.
- (4) 이 그래프가 점 (-4, d)를 지날 때, d의 값을 구하여라.

09

17. 반비례 관계 $y = \frac{a}{x}(a \neq 0)$ 의 그래프에 대한

설명으로 옳은 것은?

- ① a > 0일 때 제1사분면, 제2사분면을 지난다.
- ② a < 0일 때 제2사분면, 제3사분면을 지난다.
- ③ 그래프는 직선이다.
- ④ 원점을 지난다.
- ⑤ 점 (1, a)를 지난다.

10

- 18. 반비례 관계 $y = \frac{2}{x}$ 의 그래프에 대한 설명 중 옳은 것은?
 - ① 제1, 3사분면을 지나는 한 쌍의 곡선이다.
 - ② 좌표축과 (0, 1)에서 만난다.
 - ③ x의 값이 증가하면 y의 값도 증가한다.
 - ④ 점 (-1, 2)를 지난다.
 - ⑤ x < 0일 때, 제2사분면에 있다.

11

19. 반비례 관계 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프가 두 점 (3, 6), (-2, b)를 지날 때, a+b의 값을 구하여라. (단, a, b는 상수이다.)

12

- **20.** 반비례 관계 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프 위의 두 점 P(1, b), Q(-2, 6)가 있을 때, a+b의 값은? (단, a는 상수)
 - $\bigcirc -24$
- (2) 12
- (3) 3
- 4 12

(5) **24**

(중1-1)체크체크_진도 143쪽

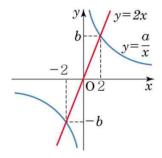
- 21. 점 (a,b)가 제1사분면 위의 점일 때, 점 (-a, b)는 제 몇 사분면 위의 점인가?
 - ① 제1사분면
 - ② 제2사분면
 - ③ 제3사분면
 - ④ 제4사분면
 - ⑤ 어느 사분면에도 속하지 않는다.

2

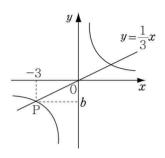
22. 점 P(a, b)가 제2사분면 위의 점일 때, 점 C(-a, -b)은 제 몇 사분면 위의 점인지 말하여라.

3

23. 그림과 같이 정비례 관계 y=2x와 반비례 관계 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프가 두 점 (2, b), (-2, -b)에서 만난다. 이때 상수 a, b의 합 a+b의 값을 구하여라. (단, a는 상수)



24. 그림에서 $y=\frac{1}{3}x$ 와 $y=\frac{a}{x}$ 의 그래프의 교 점 P의 좌표가 (-3, b)일 때, a+b의 값은? (단, a는 상수)



 \bigcirc 2

2 4

③ 5

④ 7

- ⑤ 9

1.(정답) 30, 15, 10 ;
$$y = \frac{60}{x}$$

(해설)

(밑변)×(높이)÷2=30이므로

(밑변)×(높이)=60이 되도록 높이를 써넣는다.

$$\Rightarrow y = \frac{60}{x}$$

$$2.$$
(정답) 14, 7, 4, 2, 1 ; $y = \frac{28}{x}$

(해설)

$$1 \times 28 = 28$$
, $2 \times 14 = 28$, $4 \times 7 = 28$,

$$7 \times 4 = 28, 14 \times 2 = 28, 28 \times 1 = 28$$

$$\rightarrow y = \frac{28}{x}$$

3.(정답) ①

(해설)

y가 x에 반비례하면 $y=\frac{a}{x}\left(a\neq0\right)$ 인 관계에 있으므로 ①, \Box 이다.

4.(정답) ④

(해설)

$$y = \frac{a}{x}$$
 꼴이고 $x = 3$ 일 때 $y = 4$ 이므로

$$4 = \frac{a}{3}$$
 $\therefore a = 12$

따라서, 구하는 관계식은 $y = \frac{12}{x}$

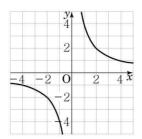
5.(정답) 해설 참조

(해설)

x	-4	-2	-1	1	2	4
\overline{y}	-1	-2	-4	4	2	1

따라서 반비례 관계 $y=\frac{4}{x}$ 의 그래프를 그리면

다음 그림과 같다.



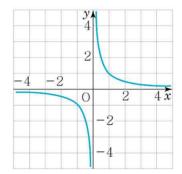
6.(정답) 해설 참조

(해설)

대응표를 만들고, 순서쌍을 좌표평면에 나타내어 매 끄러운 반비례 관계의 그래프를 그린다.

x	-4	-2	-1	1	2	4
y	$-\frac{1}{4}$	$-\frac{1}{2}$	-1	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$

위의 순서쌍 (x, y)를 좌표평면 위에 나타내고 매 μ 끄럽게 연결하면 다음 그림과 같다.



7.(정답) ②. ⑤

(해설)

①
$$x = -8$$
일 때, $y = \frac{8}{-8} = -1$

②
$$x = -4$$
일 때, $y = \frac{8}{-4} = -2$

③
$$x = -2$$
일 때, $y = \frac{8}{-2} = -4$

④
$$x = 2$$
 일 때, $y = \frac{8}{2} = 4$

⑤
$$x = 8$$
일 때, $y = \frac{8}{8} = 1$

따라서 반비례 관계 $y=\frac{8}{r}$ 의 그래프 위의 점이 아닌 것은 ②, ⑤이다.

$$oldsymbol{8.}$$
(정답) $a=2$ (해설)
$$y=\frac{a}{x}\, \text{에 }x \ \text{ 대신 }2, \ y \ \text{ 대신 }1 riangler \ \text{ 대입하면}$$

$$1=\frac{a}{2} \quad \therefore \ a=2$$

y가 x에 반비례하는 그래프는 $y = \frac{a}{x}(a \neq 0)$ 꼴이므로 ③,⑤이다.

①
$$y = 3.14x^2$$
 ② $y = \frac{4}{x}$

$$2 y = \frac{4}{x}$$

③
$$xy = 1000, \le y = \frac{1000}{x}$$

$$4 \quad x + y = 24, \ \ = \ \ y = -x + 24$$

⑤
$$y = 3x$$

x, y가 반비례 관계에 있으므로 $y = \frac{a}{x}$ 의 꼴인 것 은 ②, ③이다.

 $8 = \frac{a}{6}$, a = 48이다.

따라서
$$y = \frac{48}{r}$$
이다.

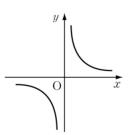
(해설)

$$x$$
와 y 가 반비례하므로 $y=\frac{a}{x}$ 라고 하면
$$7=\frac{a}{4},\ a=28$$
이다. 따라서 $y=\frac{28}{x}$ 이다.

반비례 관계 $y = \frac{10}{x}$ 에서 10 > 0이므로 그 그래프 는 제1사분면과 제3사분면을 지나는 한 쌍의 매 끄러운 곡선이다.

또,
$$x=5$$
일 때 $y=\frac{10}{5}=2$ 이므로 $y=\frac{10}{x}$ 의 그래
프는 점 $(5,\ 2)$ 를 지난다.

따라서 반비례 관계 $y = \frac{10}{x}$ 의 그래프는 ㄴ이다.



 $y = \frac{17}{r}$ 의 그래프는 위의 그림과 같이 제1사분면과 제3사분면을 지나는 반비례 그래프이다.

15.(정답) 3

(해설)

점
$$(4, a)$$
가 $y=-\frac{8}{x}$ 의 그래프 위의 점이므로
$$a=\frac{-8}{4}=-2$$

또, 점 (b, 12)가 $y = -\frac{8}{r}$ 의 그래프 위의 점이

$$12 = -\frac{8}{b} \quad \therefore b = -\frac{2}{3}$$

$$\therefore \frac{a}{b} = a \div b = (-2) \div \left(-\frac{2}{3}\right)$$
$$= (-2) \times \left(-\frac{3}{2}\right) = 3$$

$$16.$$
(정답) (1) $a=12$ (2) $b=-6$ (3) $c=24$ (4 $d=-3$ (해설)

(1) $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프가 점 (3, 4)를 지나므로 $y=\frac{a}{x}$ 에 x=3, y=4를 대입하면 $4 = \frac{a}{3}$ $\therefore a = 12$

(2)
$$y = \frac{12}{x}$$
의 그래프가 점 $(-2, b)$ 를 지나므로 $y = \frac{12}{x}$ 에 $x = -2, y = b$ 를 대입하면 $b = \frac{12}{x} = -6$

(3)
$$y = \frac{12}{x}$$
의 그래프가 점 $\left(c, \frac{1}{2}\right)$ 을 지나므로 $y = \frac{12}{x}$ 에 $x = c$, $y = \frac{1}{2}$ 을 대입하면 $\frac{1}{2} = \frac{12}{c}$ \therefore $c = 24$

(4)
$$y = \frac{12}{x}$$
의 그래프가 점 $(-4, d)$ 를 지나므로 $y = \frac{12}{x}$ 에 $x = -4$, $y = d$ 를 대입하면 $d = \frac{12}{-4} = -3$

17.(정답) ⑤

(해설)

- ① a > 0일 때 제1사분면, 제3사분면을 지난다.
- ② a < 0일 때 제2사분면, 제4사분면을 지난다.
- ③ 그래프는 곡선이다.
- ④ 원점을 지나지 않는다.

18.(정답) ①

(해설)

- ② 좌표축과 만나지 않는다.
- ③ x의 값이 증가하면 y의 값은 감소한다.
- ④ 점 (-1, -2)를 지난다.
- ⑤ x < 0일 때 y < 0이므로 제3사분면에 있다.

19.(정답) 9

(해설)

반비례 관계 $y=\frac{a}{r}$ 의 그래프가 점 (3, 6)을 지

$$y=\frac{a}{x}$$
에 $x=3$, $y=6$ 을 대입하면 $a=18$

즉,
$$y = \frac{18}{x}$$
의 그래프가 점 $(-2, b)$ 를 지나므로

$$y = \frac{18}{x}$$
에 $x = -2$, $y = b$ 를 대입하면

$$b = \frac{18}{-2} = -9$$

$$\therefore a+b=18+(-9)=9$$

20.(정답) ①

(해설)

점 P 에서
$$b = \frac{a}{1}$$
 즉, $a = b$

점 Q 에서
$$6 = \frac{a}{-2}$$
 : $a = -12$

$$\therefore a = -12$$

$$\therefore a+b=-12+(-12)=-24$$

21.(정답) ②

(해설)

점 (a,b)가 제1사분면 위의 점이므로 $a>0,\ b>0$ 따라서 $-a<0,\ b>0$ 이므로 점 (-a,b)는 제2 사분면 위의 점이다.

22.(정답) 제4사분면

(해설)

a < 0, b > 0에서 -a > 0, -b < 0즉, 점 C의 좌표의 부호가 (+, -)이므로 제4사분면 위의 점이다.

23.(정답) 12

(해설)

두 그래프의 교점의 좌표를 구한다. y = 2x에 x = 2, y = b를 대입하면 $b = 2 \times 2 = 4$ $y = \frac{a}{x}$ 에 x = 2, y = 4를 대입하면 r2에서 a = 8 $\therefore a + b = 8 + 4 = 12$

24.(정답) ①

(해설)

그래프에서 $y=\frac{1}{3}x$ 에 x=-3을 대입하면 y=-1이므로 b=-1따라서 $y=\frac{a}{x}$ 의 그래프가 점 (-3,-1)을 지나므로 대입하면 a=3∴ a+b=3+(-1)=2