## 화홍고등학교 1학기 중간고사

수학1

## 내신코치에서는 전국 최신 기출문제를 완전무료로 제공합니다.

- **1.**  $8^{\frac{2}{3}} \times 2^{-3}$ 의 값은?
  - ①  $\frac{1}{4}$
- ②  $\frac{1}{2}$
- ③ 1
- (5) 3
- **2.** 방정식  $9^x = 9 \times 3^x$ 의 해는?
  - ① 1
- ② 2
- ③ 3
- 4
- **(5)** 5
- 3.  $\sin\theta \tan\theta < 0$ 을 만족시키는 각  $\theta$ 의 동경이 존재 하는 사분면은?
  - ① 제 1 사분면 또는 제 2 사분면
  - ② 제1사분면 또는 제3사분면
  - ③ 제 2 사분면 또는 제 3 사분면
  - ④ 제 2 사분면 또는 제 4 사분면
  - ⑤ 제 3 사분면 또는 제 4 사분면
- **4.** 원점 O와 점 P(4,-3)을 지나는 동경 OP가 나 타내는 각의 크기를  $\theta$ 라고 할 때,  $\sin\theta$ 의 값은?
  - ①  $-\frac{3}{4}$
- $2 \frac{3}{5}$
- $3 \frac{1}{4}$
- $4 \frac{3}{5}$
- **5.** 호의 길이가  $4\pi$ . 넓이가  $12\pi$ 인 부채꼴의 반지름 의 길이를 r, 중심각의 크기를  $\theta$ 라 할 때,  $r+\theta$ 의

- 값은?
- ①  $2 + \frac{\pi}{3}$
- ②  $2 + \frac{2}{3}\pi$
- $3 + \frac{2}{3}\pi$   $4 + \frac{\pi}{3}$
- $5 6 + \frac{2}{3}\pi$
- **6.** 2의 세제곱근 중에서 실수인 것을  $a, \sqrt[3]{16}$ 의 네 제곱근 중에서 양의 실수인 것을 b라고 할 때, ab 의 값은?
  - (1)  $\sqrt[3]{4}$
- ② 2
- $\sqrt[3]{16}$
- (4)  $\sqrt[3]{32}$
- (5) 4
- 7.  $\sin\theta \cos\theta = \frac{1}{2}$  일 때,  $\frac{1}{\sin\theta} \frac{1}{\cos\theta}$  의 값은?
  - ①  $-\frac{5}{2}$  ②  $-\frac{4}{3}$
  - $3 \frac{1}{8}$

**8.** 각을  $360^{\circ} \times n + \alpha^{\circ}$  (n은 정수,  $0^{\circ} \leq \alpha^{\circ} < 360^{\circ}$ )의 꼴로 나타낼 때,  $\alpha$ 의 값이 가 장 작은 것은?

- ①  $-315^{\circ}$
- ② 425°
- $3 \frac{8}{3}\pi$
- ④ 745°
- ⑤  $\frac{13}{2}\pi$
- **9.** 함수  $y=5^{-x+1}+1$ 에 대한 설명으로 <보기>에 서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

- ¬. 치역은 {y|y < 1인 모든 실수} 이다.
- ㄴ. 역함수는  $y = \log_{\frac{1}{5}}(x-1) + 1$ 이다.
- $\Box$ . x의 값이 증가하면 y의 값은 감소한다.
- ㄹ. 정의역이  $\{x|-1 \leq x \leq 2\}$  일 때, 최댓값은  $\frac{6}{5}$ 이다.
- ② 7. ⊏
- ③ ∟, ⊏
- ④ ㄴ, ㄹ
- ⑤ ㄴ, ㄷ, ㄹ
- **10.**  $\sin \frac{4}{3}\pi + \cos \left( -\frac{2}{3}\pi \right) + \tan \frac{5}{6}\pi$  의 값은?

  - ①  $\frac{-3-5\sqrt{3}}{6}$  ②  $\frac{-3+5\sqrt{3}}{3}$
  - $3 \frac{3-\sqrt{3}}{6}$   $3 \frac{3+5\sqrt{3}}{6}$
  - $\bigcirc 3+5\sqrt{3}$

 $m-M=5\log r-5$ 

지구에서부터 419광년 떨어져 있는 별의 절대 등급이 -5일 때, 이 별의 겉보기 등급은? (단, log4.19 = 0.62 로 계산한다.)

- (1) -5.9
- $\bigcirc -1.5$
- 3.1
- **4.3**
- (5) 6.7
- **12.** 두 함수  $y = \log_2 4x$ ,  $y = \log_2 x 3$ 의 그래프와 두 직선 x=1, x=8로 둘러싸인 도형의 넓이는?
  - ① 21
- ② 28
- 3 30
- **4**) 35
- (5) 42
- 13.  $y=-2\cos\left(2x-\frac{\pi}{2}\right)$ 에 대한 설명으로 <보기>에 서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- $\neg$ . 주기가  $\frac{\pi}{2}$ 인 함수이다.
- ㄴ. 정의역은 실수 전체의 집합이다.
- ㄷ. 최댓값과 최솟값의 곱은 -4이다.
- $= 2\cos 2x$  를 평행이동하면 겹친다.
- ② ∟. ⊏
- ③ ∟, ⊒
- ④ ¬, ⊏, ⊒
- ⑤ ㄴ, ㄷ, ㄹ

- 11. 지구에서부터 r광년 떨어진 별의 절대 등급을 M, 겉보기 등급을 m이라고 하면, r, M, m 사이 에는 다음과 같은 관계식이 성립한다.
- 14. 함수  $y = \log_5 x$  의 그래프를 평행이동 또는 대칭 이동하여 그래프를 얻을 수 있는 것만을 <보기> 에서 있는 대로 고른 것은?

<보기>

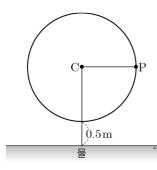
$$\neg . y = \log_5 25(x+2)$$
  $-. y = \log_5 \frac{5}{x}$ 

$$- y = \log_5 \frac{5}{x}$$

$$\Box$$
.  $y=4\times5^x+3$ 

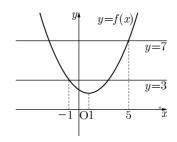
$$\exists. y = 2 \times 5^{-x}$$

- ② ∟. ⊏
- ③ ┐, ㄴ, ⊏
- ④ ㄴ, ㄷ, ㄹ
- ⑤ 7, ∟, ⊏, ㄹ
- 15. 어느 화장품 광고의 인지도는 광고를 시작한 후 매 주 일정한 비율로 늘어나 5주 후면 처음 인지 도의 4배가 될 것으로 예상했다. 광고의 인지도는 매주 몇 %씩 늘어날 것으로 예상되는가? (단,  $\log 2 = 0.3$ ,  $\log 1.32 = 0.12$ 로 계산한다.)
  - ① 16%
- ② 20%
- 3 24%
- **4**) 32%
- **(5)** 40%
- ${f 16.}$  그림과 같이 반지름의 길이가  $1 {
  m m}$ 인 원 모양의 물레방아가 수면으로부터 0.5m 떨어진 위치에서 회전하고 있다. 물레방아가 정지했을 때, 물레방아 의 중심에서 수면에 수평으로 그은 직선이 물레방 아와 만나는 점 중 오른쪽에 있는 점을 *P*라 하자. 이 물레방아가 시계 반대 방향으로 1분에 10바퀴 돈다고 할 때, 4초 후 점 P와 수면사이의 거리를 구하면?



- ①  $\frac{3-\sqrt{3}}{2}$ m
- $2 \frac{3-\sqrt{2}}{2}$  m
- $3\frac{3}{2}$ m
- $4 \frac{3+\sqrt{2}}{2}$  m
- $oldsymbol{17}$ . 그림과 같이 대칭축이 x=1인 이차함수 y=f(x)의 그래프가 직선 y=3과 만나는 두 점의

x좌표 중 음수인 것은 -1이고 직선 y=7과 만나 는 두 점의 x좌표 중 양수인 것은 5이다. 부등식  $\log_2 \frac{1}{f(x)-3} \ge \log_1 4$  을 만족시키는 모든 정수 x의 개수는?



- ① 0개
- ② 2개
- ③ 3개
- ④ 4개
- ⑤ 6개
- **18.** 대화를 읽고, 물음에 답하시오.
  - 네이피어 :  $\log_a N = c$  가 되려면  $a^c = N$ 이어야 하는 군.
  - 천문학자 : 결국 (가) 이면 항상  $\log_a N$ 을 정의할 수 있다는 것이군!
  - 네이피어 : 그렇지. 그 이유도 이해되었나?
  - 천문학자 : 로그가 지수의 역으로 정의되었기 때문이
    - (가)  $\overline{\phantom{a}}$ 에 들어갈 a와 N의 조건을 쓰시오.
  - (2)  $\log_{7-x}(x+3)$  이 정의되도록 하는 모든 정수 x의 값의 합을 구하시오.
- **19.** 함수  $y = \log_5(3-x) + \log_5(x+7)$  은 x = a일 때 최댓값 y=b를 갖는다. 이 때, 상수 a와 b를 구하 시오.

**20.** 두 함수  $f(x) = 2\log(x-t)$ ,

 $g(x) = \tan\left(2\pi x + \frac{\pi}{3}\right)$ 가 있다. 자연수 n에 대하여  $0 \le x \le n$ 에서 함수 y = f(x)의 그래프의 점근선 이 함수 y = g(x)의 그래프의 점근선 중 하나가 되도록 하는 모든 실수 t의 개수를 T(n)이라 할 때, T(1) + T(2) + T(3)의 값을 구하시오.





## 무조건 시험에 나오는 필수 출제 유형 문제

## 3일의기적 쪽집게 문제!!!

- 1) ②
- 2) ②
- 3) ③
- 4) ②
- 5) ⑤
- 6) ①
- 7) ②
- 8) ④
- 9) ③
- 10) ①
- 11) ③
- 12) ④
- 13) ⑤
- 14) ⑤
- 15) ④
- 16) ①
- 17) ④
- 18) (1) a > 0,  $a \ne 1$ , N > 0 (2) 12
- 19) a = -2, b = 2
- 20) 12