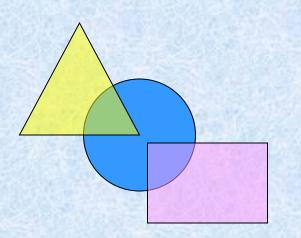
1 投影与制图基本知识

授课学时: 4学时



1-1

1-2



1 投影与制图基本知识

- 1.1 投影
- 1.2 点、直线和平面的投影
- 1.3 国家标准《技术制图》的基本规定
- 1.4 尺规绘图与仪器
- 1.5 几何作图
- 1.6 平面图形的绘制



基本要求

- (1)了解投影法的形成。
- (2)掌握三面投影体系中点的投影规律,点的投影与坐标的关系,掌握根据物体上点的两个投影,求作第三投影的方法。
- (3)掌握与投影面处于不同位置关系的直线、平面的投影特性;并能根据投影图判断其空间位置。
- (4)掌握直线上点的投影特性和作图方法。了解两直线相交、 交叉的三面投影特点,掌握两平行直线的投影特性及其三面投 影的特点。
- (5)掌握根据物体上直线、平面的两个投影求作第三投影的方法。
- (6)正确了解和掌握国家标准《技术制图》和《机械制图》 的有关规定,特别是尺寸注法。
 - (7)了解和掌握简单的几何作图以及圆弧连接。
 - (8) 掌握平面图形的分析和尺寸注法。



1.1 投影法的基本概念

1.1.1 投影法 (GB/T16948-2008)

投影法是投射线通过物体,向选定的面投射,并在该面上得到图形的方法。

其中, 把所有投射线的 起源点称为投射中心:自 投射中心且通过物体上各 点的直线称为投射线: 在 投影法中得到投影的面称 为投影面:根据投影法所 得到的图形称为投影(或 投影图)。

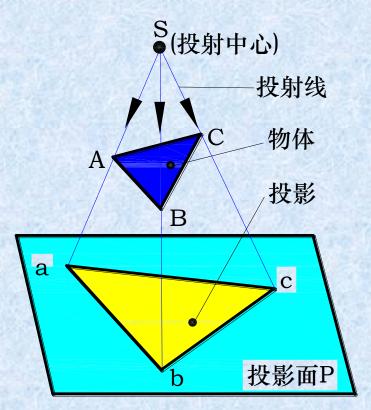


图1.1 投影法





1.1.2 投影法的分类

投影法 {中心投影法 {斜投影法 平行投影法 正投影法

工程图形通常为正投影, 简称投影。后面章节所提及的投

影,如无特殊说明,均指正投影。

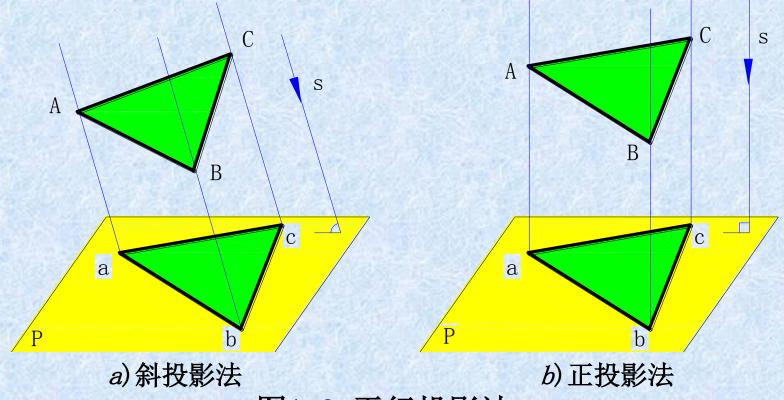
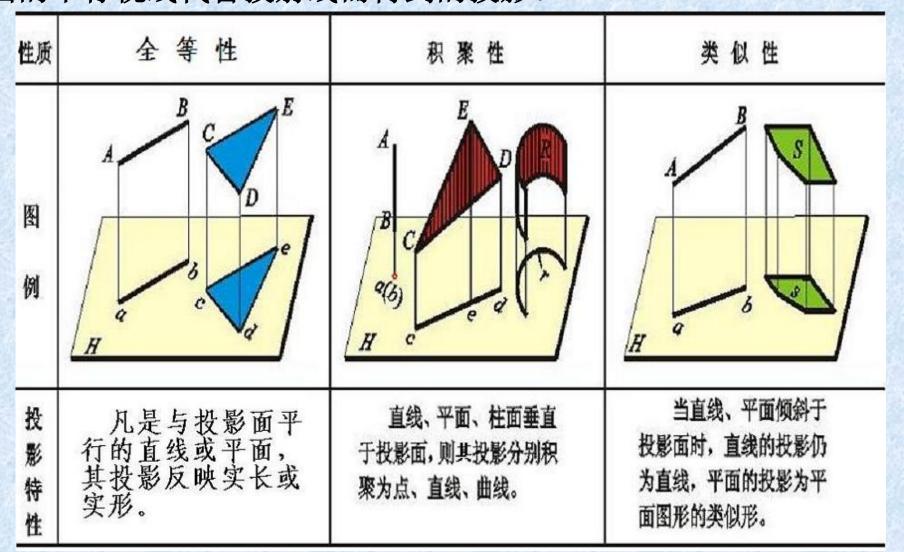


图1.2 平行投影法



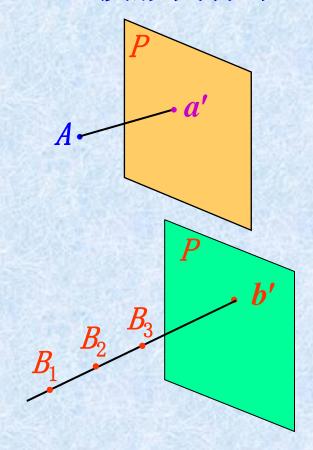
1.1.3 正投影特点

正投影是将物体放在观察者和投影面之间,假想以垂直于投影面的平行视线代替投射线而得到的投影。

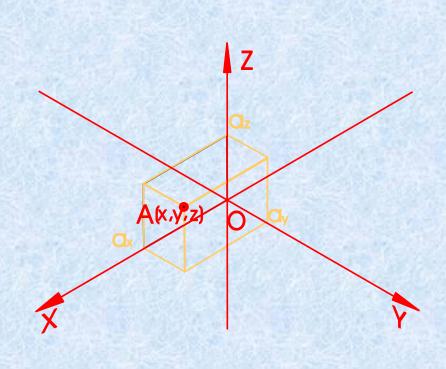


1.2 点、直线和平面的投影

1.2.1 三投影面体系



单面正投影



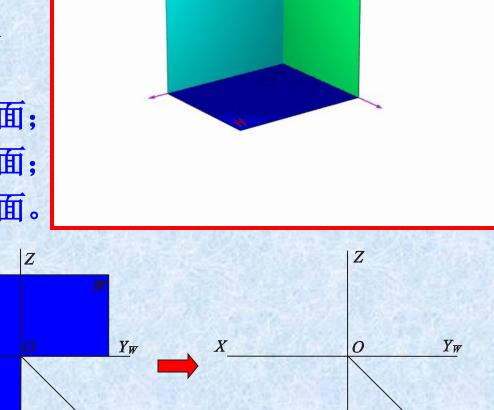
三维坐标系

两两垂直的三个坐标轴分别构 成了XOY、XOZ、YOZ三个互相垂直 的平面。由这三个互相垂直的平 面组成的投影面体系称为三投影 面体系。

XOZ: 称正立投影面,也称 V面;

XOY: 称水平投影面,也称H面;

YOZ: 称侧立投影面,也称W面。



 Y_H

第一分角投影面体系



 Y_H

1.2.2 点的投影

1. 空间点及投影的符号

空间点用大写字母表示,向H面投射,在H面上的投影点称为水平投影,用小写字母表示;向V面投射,在V面上的投影点称为正面投影,用小写字母加一撇表示;向W面投射,在W面上的投影点称为侧面投影,用小写字母加两撇表示。

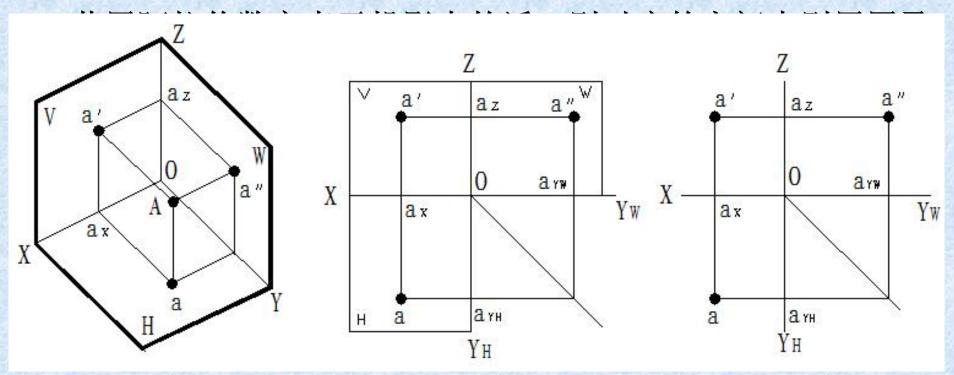


图1.7 点的三面投影



2. 点的三面投影图

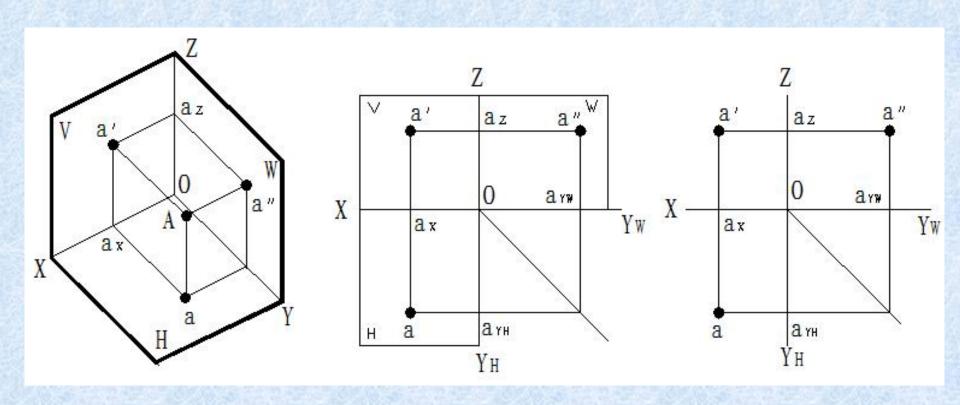
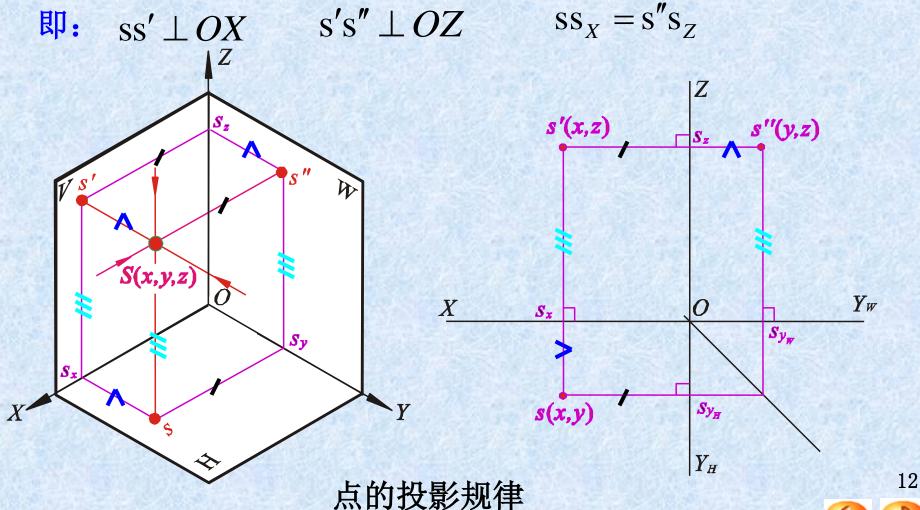


图1.7 点的三面投影

3. 点的投影规律

- (1)点的正面投影和水平投影的连线垂直于0X轴。
- (2)点的正面投影和侧面投影的连线垂直于0Z轴。
- (3)点的水平投影到OX轴的距离等于侧面投影到OZ轴的距离。



4. 点的投影与直角坐标的关系

点的投影与直角坐标之间存在如下关系:

(1) 空间点及其投影点可用相应的坐标值来表示。若将空间点用三个坐标值来表示,如点A(x,y,z),则其各面投影点可以分别用两个坐标值来确定,即:

H面→a(x, y) V面→a'(x, z) W面 $a'' \rightarrow (y, z)$

- (2)点到投影面的距离等于相应的坐标值。即: A点到W面的距离为x,到V面的距离为y,到H面的距离为z。
 - (3)点的坐标值反映点的相对位置关系。即:

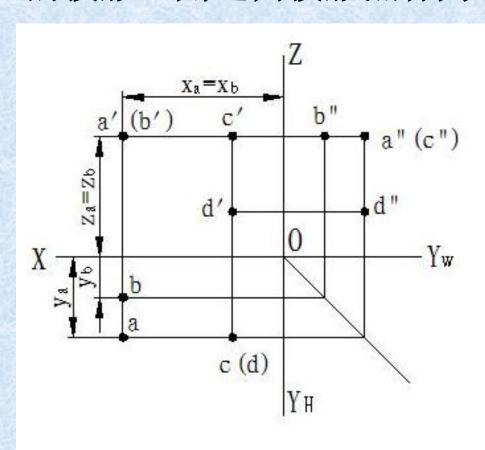
x坐标反映左右位置关系,x值大的在左,小的在右;

y坐标反映前后位置关系,y值大的在前,小的在后;

z坐标反映上下位置关系,z值大的在上,小的在下。

(4) 重影点

当两点的某两个坐标相同时,该两点将处于同一投射线上,因而在由相同两坐标确定的投影面上具有重合的投影,则这两投影点称为对该投影面的重影点。



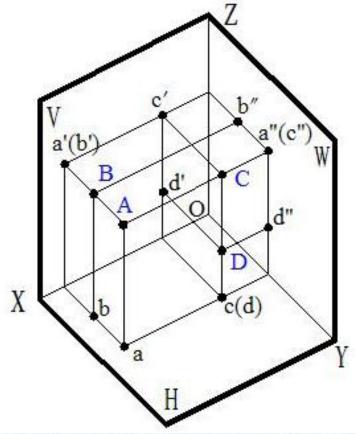


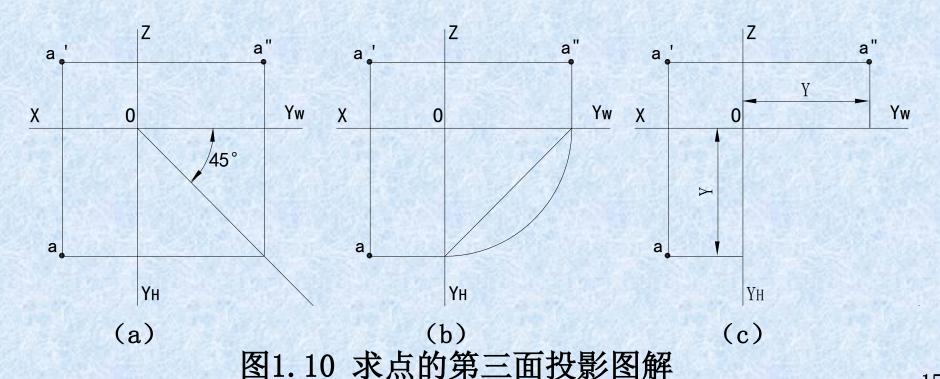


图1.8 重影点

5. 由点的两面投影求第三面投影

利用点的投影规律,由点的两面投影可求出点的第三面投影。而对于点的水平投影与侧面投影可按以下方法来实现。

- (1)过原点作45°斜线。
- (2)以原点0为圆心画圆弧或画折线。
- (3)用分规沿Y轴方向量取(Y或ΔY)。

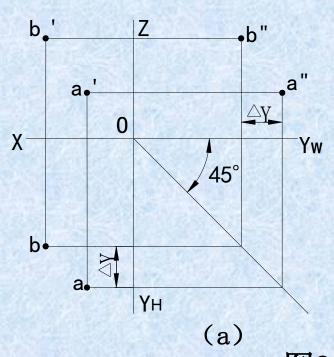


6. 无轴投影图

在无轴投影图中,画图时仍然沿坐标轴方向量取尺寸,通过两点的坐标差取相对坐标。而在水平投影和侧面投影中,可采用以下两种方法来实现两点间Y方向的相对坐标相等。

(1)用分规沿Y轴方向量取相对坐标(△Y)。这种方法要特别注意两点间的前后位置关系要对应。

(2)过已知点作45°斜线。



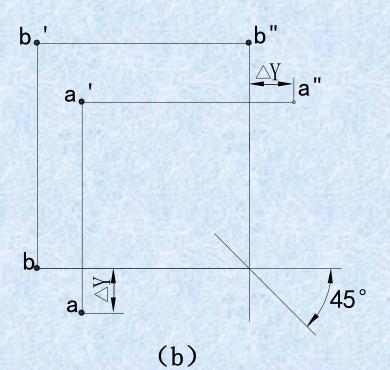
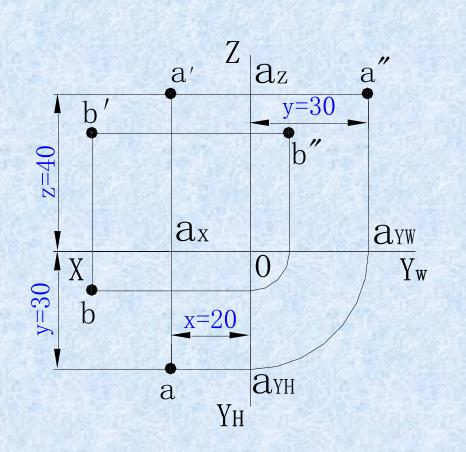
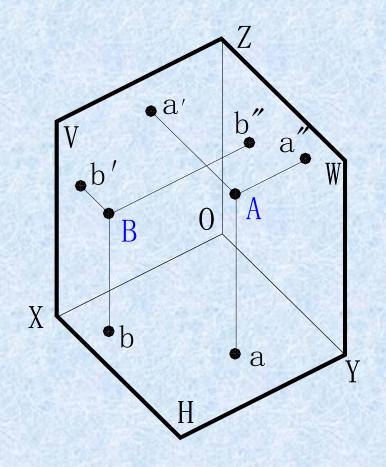


图2.12 无轴投影图



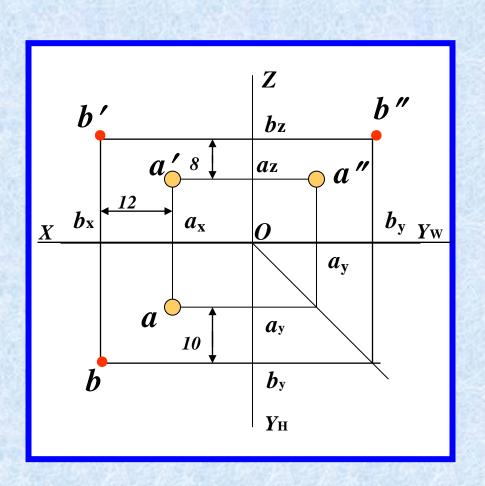
【例题】在投影图中作出点A(20,30,40)、B(40,10,30)并判断这两点的空间相对位置(单位:毫米)。





点A在点B的右、前、上方。

【例题】如图,已知点A 的三投影,另一点B 在点A 上方8 mm,左方12 mm,前方10 mm处,求:点B 的三个投影。



作图:

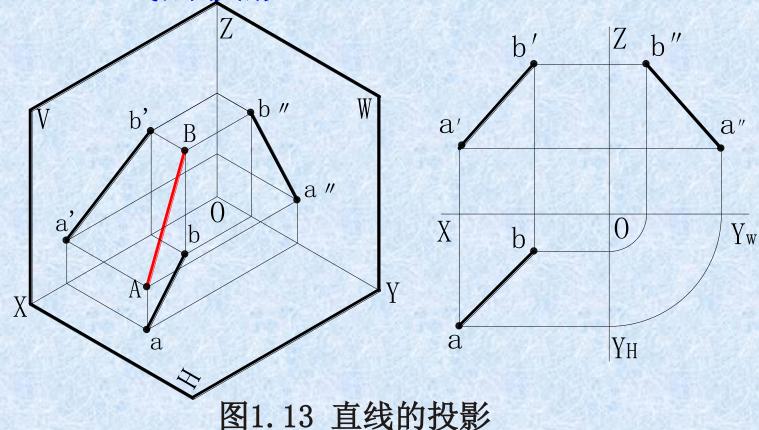
- 1) 在a'左方12 mm, 上方8 mm 处确定b';
- 2) 作b'b ⊥OX 轴,且在 a 前10 mm 处确定b;
- 3) 按投影关系求得b"。





1.2.3 直线的投影

一、直线的投影







二、直线的投影特性

1. 直线的分类

直线相对于投影面的位置可分为以下三类:

投影面平行线

「正平线(平行于 V面) 侧平线(平行于 W面)

水平线(平行于H面)

平行于某一投影面而 与其余两投影面倾斜

统称特殊位置直线

投影面垂直线

正垂线(垂直于 V面) 侧垂线(垂直于 W面) 铅垂线(垂直于 H面)

垂直于某一投影面

一般位置直线

与三个投影面都倾斜的直线



2. 投影面平行线的投影

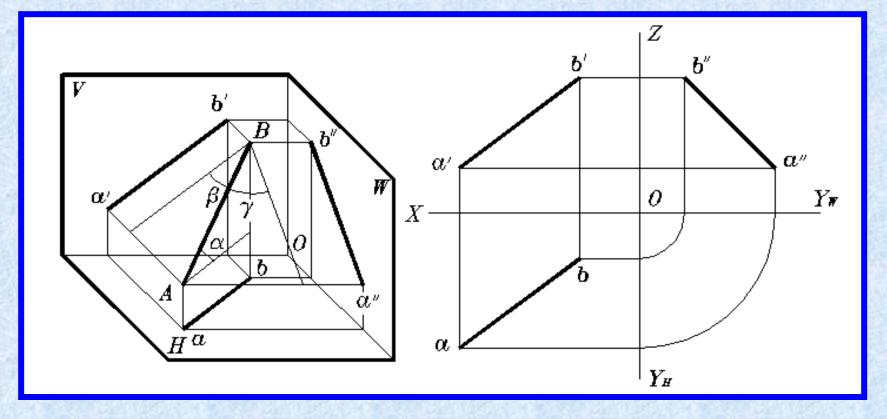
名称	正平线 (AB//V 面)	水平线 (AB//H 面)	侧平线 (AB//W面)
轴测图	Z 3 8 " W Y	Z b " a " W V	Z P P P P P
投影图	Z a a b m	b' a b" a Y w	Z a* D Y W
投影特性	(1) a'b' 反映实长,即 a'b'=AB (2) a'b'与OX、OZ轴的夹 角反映倾角α、Y (3) ab ⊥OY _H , a"b" ⊥OY _W	(1) ab 反映实长,即 ab =AB (2) ab 与 OX、OY _H 轴的夹角反 映倾角 β、 γ (3) a'b' ⊥OZ, a"b" ⊥OZ	(1) a"b" 反映实长,即 a"b"=AB (2) a"b"与 OY _W 、OZ 轴的 夹角反映倾角α、β (3) ab ⊥ OX, a'b' ⊥ OX

21

3. 投影面垂直线的投影

	O. 1×4× m — —	HAINAY	
名称	正垂线(AB⊥V面)	铅垂线 (AB LH 面)	侧垂线 (AB上W面)
轴测图	Z B A O Y	Z B B B W	Z B B B B B A B B
投影图	Z a' (b') b" a" Yw	Z a * b" b" a * (b) YH	а' b' Z а" (b") X 0 Ун
投影特性	(1) a'b' 积聚为一点 (2) 反映实长,即 ab= a"b" = AE (3) ab // OY _E , a"b" // OY _E	(1) ab 积聚为一点 (2) 反映实长,即 a'b' = a"b" = AB (3) a'b' // OZ, a'b' // OZ	(1) a'b'积聚为一点 (2)反映实长,即 ab = a'b' =AB (3) ab // OX, d'b' // OX

4. 一般位置直线的投影

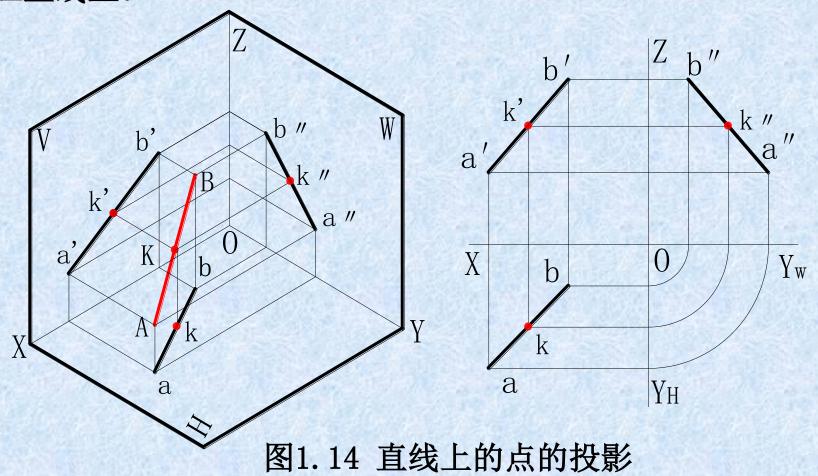


一般位置直线的投影特性:

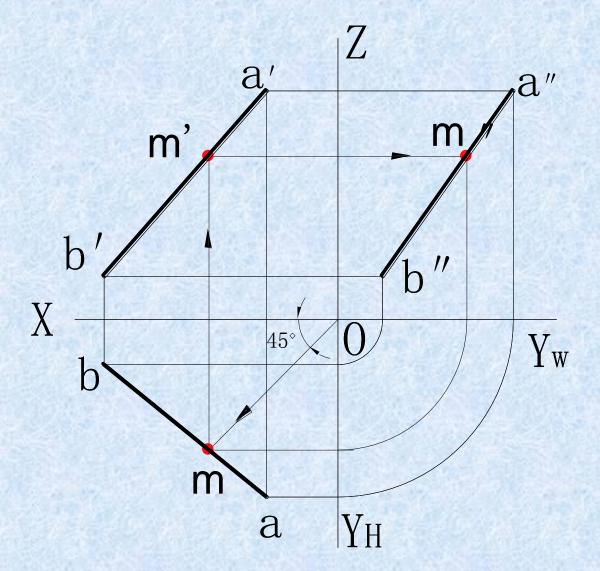
- (1)三个投影都与投影轴相倾斜,其投影长度都小于实长。
- (2)三个投影与投影轴的夹角都不反映直线对投影面的真实倾角。α、β、γ都大于0°小于90°。

三、直线上取点

点在直线上,则点的各面投影必定也在直线的同面投影上,且点分直线段之比等于其投影分直线段投影长度之比。反之,若点的各面投影均在直线的同面投影上,并遵循点的投影规律,则点在直线上。

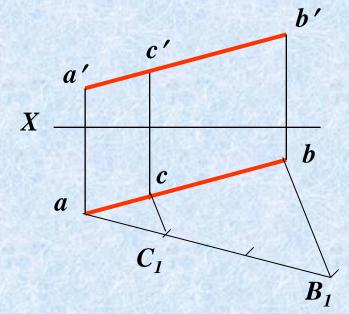


【例题】已知直线AB的三面投影,点M 在直线AB上,且 $X_M = Y_M$,求点M的三面投影。



【例题】试在AB 线段上取一点C ,使AC: CB=1:2, 求:分点C 的投影。

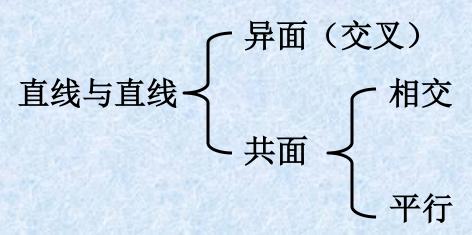
作图:



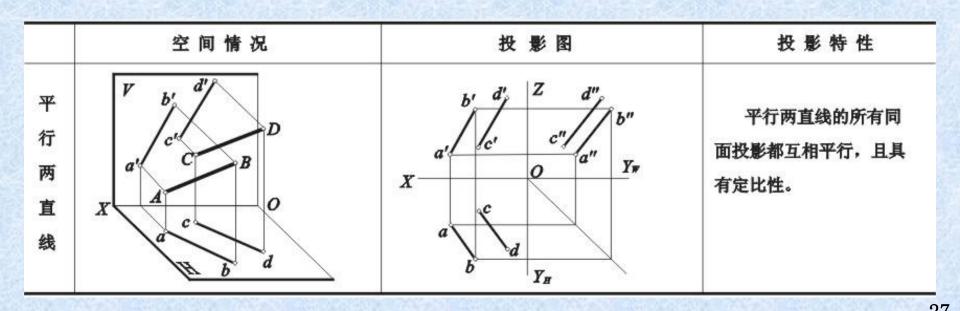
- 1) 过a(或 b)任作一直线 aB_1 (或 bB_1);
- 2) 在 aB_1 上取 C_1 ,使 aC_1 : $C_1B_1=1$:2;
- 3) 连接 B_1 、b;
- 4) 过 C_1 作 $C_1c//B_1b$, 与ab交于c;
- 5)过c作X轴的垂线与a'b'交于c。则c、c'即所求分点C的投影。

分析: 分点C 的投影, 必在AB 线段的同面投影上, 且 ac:cb=a'c':c'b'=1:2 可用比例作图法作图。

四、两直线的相对位置及其投影特性



直线与直线的相对位置



直线与直线的相对位置

	空间情况	投 影 图	投影特性
相交两直线	X C a A K B D O O O O O O O O O O O O O O O O O O	X b' d' Z d'' b'' K'' A''	相交两直线的所有同面投影都相交,其交点符合点的投影规律,且具有定比性。
异面两直		C' 2'(1')	1) 异面两直线的某个 投影可能会出现平行,但 不会三个投影都平行。 2) 异面两直线所有同 面投影可能都相交,但相 交处是重影点而不是交点。
线	V a', 1'(2')4', d', D c', C, A, I, B, D c', C, A, I, B, D a, 1, 4(3), d	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	3) 重影点的可见性要 根据它们另外的投影来判 断。

1.2.4 平面的投影

一、平面的表示法

1. 几何元素表示法

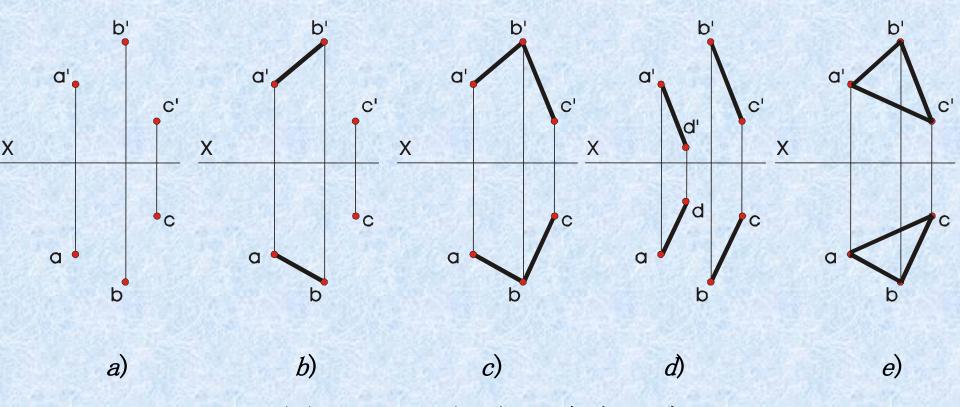


图1.19 平面几何元素表示法

二、平面的投影特性

1. 平面的分类 (相对于投影面而言)

投影面垂直面

(仅垂直于某一投影面)

 (正垂面(垂直于 V面)

 (側垂面(垂直于 W面)

 (鉛垂面(垂直于 H面)



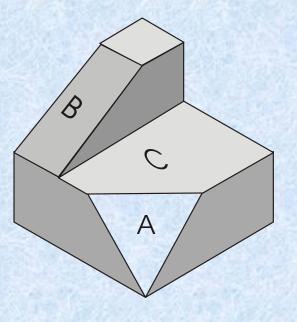
投影面平行面

(平行于某一投影面)

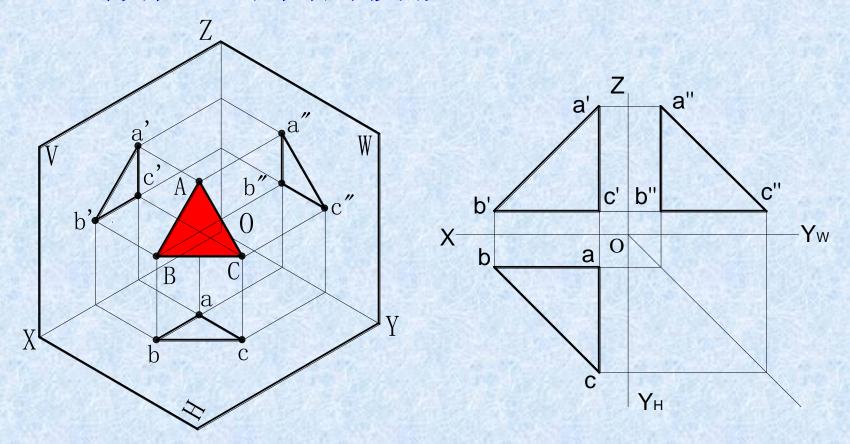
正平面(平行于 V面) 侧平面(平行于 W面) 水平面(平行于 H面)



与三个投影面都倾斜的平面



2. 一般位置平面的投影



一般位置平面的投影特性为:

它的三个投影均为类似形,而且面积比实际小,投影图上不直接反映平面对投影面的倾角的真实大小。

3. 投影面垂直面的投影

名称	正垂面(ABCD LV面)	铅垂面(ABCD LH面)	侧垂面(ABCD上W面)
轴测图			2 b b c b (c ')
投影图	C' (d') Z d" C" (a') A A B B B B B B B B B B B B B B B B B	a (b) By O YH	a d' Z a" (d") b' c Y H
投影 特性	(1) V 面投影积聚为一直线。 它与 OX、OZ 的夹角反映真实 倾角 a 、 y 。 (2) H 面、W 面投影为类似形。	(1) H 面投影积聚为一直线。 它与 OX、OY ₈ 的夹角反映真实 倾角β、γ。 (2) V 面、W面投影为类似形。	(1) W 面投影积聚为一直线。 它与 OYw、OZ 的夹角反映真 实倾角α、β。 (2) H 面、V 面投影为类似形。

4. 投影面平行面的投影

1.	八水/四 I 11 四 II		
名称	正平面 (// V, ⊥H, ⊥W)	水平面 (// H, ⊥ V, ⊥ W)	侧平面 (//W, _H, _V)
轴测图	X	Z	Z b' (a') a B c' (d') b (c) y
投影图	a' d' Z a" (d'') b' c' b" (c'') X 0 Y a (b) d(c) Y H	Z b' c' a" (d") b" (c") (a')	b' (a') Z a" b" c' (d') d" c" X a (d) 0 YH
投影特性	(1)V面投影反映实形。 (2)H面、W面投影均积聚为一直 线,且平行于相应的投影轴。	(1)H面投影反映实形。 (2)V面、W面投影均积聚为一直 线,且平行于相应的投影轴。	(1)W面投影反映实形。 (2)H面、V面投影均积聚为一 直线,且平行于相应的投影轴。

三、平面内的直线和点

1. 平面内取直线

若直线通过平面内的任意两点或通过一点且平行于平面内的另一已知直线,则该直线在这个平面内。

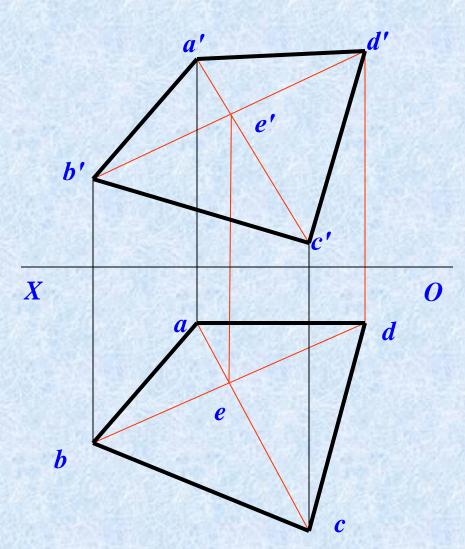
2. 平面内取点

若点在平面内的一直线上,则点必在该平面内。所以,平面内取点是先在平面内取直线,再在直线上取点。

几何条件	投 影 特 性	说明
点在平面上 如: LCP, ACL 则: ACP		1)作平面上点的投影,可先作平面上含点的直线的投影。 含点的直线的投影。 2)如平面有积聚性,则点的投影一定位于积聚的投影上。

几何条件 特 投 影 性 说 明 1) 作平面上直线的 投影,可先作平面 0 上直线所经过的两 点的投影。 直 如: *A*⊂*P*, *B***⊂***P* 2) 如平面有积聚性, 线 则: $L \subset P$ 则直线的投影一定 在 与平面的积聚性投 平 影重合。 面 a'(b') 3) 如直线平行于平 Ł 面内一直线, 且经 过平面上一点,则 该直线属于平面。 如: A⊂P, I⊂P, L//AB 则: AB⊂P 平面上的 a'(b') d' 1) 任一平面上均 可作出投影面平 行线, 它是平面 上能直接在投影 X 投影 面上反映实长的 直线。 面 2) AB为平面上平 平 行于/面的直线; 行 CD为平面上的正 平线。 35

【例题】已知四边形平面ABCD的H投影abcd和ABC的正面投影a'b'c',试完成其正面投影。



作图:

- 1) 连接ac 和a'c' 得辅助线AC 的两投影;
- 2) 连接bd 交ac于e;
- 3) 由e 在a'c'上求出e';
- 4) 连接b'e', 在b'e'上求出d';
- 5) 分别连接a'd';及 c'd',即为所求。

1.3 国家标准《技术制图》的基本规定

1.3.1概述

标准是为在一定的范围内获得最佳秩序,对活动或者其结果规定共同的和重复使用的规则、导则或者特性的文件。该文件经协商一致制定并经一个公认机构的批准。

标准化是指为在一定的范围内获得最佳秩序,对实际的或潜在的问题制定共同的和重复使用的规则的活动。包括制定、发布、及实施标准的过程。其基本原理为:统一、简化、协调、优化。

制图的基本规定有两层含义:一是通用性,无论是机械图形还是建筑图形,只要是技术图形都使用;二是与投影法、画法和注法无关。

1.3.2 图纸幅面及格式(GB/T14689-2008)

一、图纸幅面

图纸幅面,简称图幅,是由图纸的宽度与长度组成的图面,即图纸的有效范围,通常用细实线绘制,称为图纸边界或裁纸线。

	表1.5	基本幅面尺寸
--	------	--------

•	幅面代号	AO	A1	A2	A4				
•	$B \times L$	841×1189	594×841		$\begin{array}{c} A3 \\ 297 \times 420 \end{array}$	210×297			
•	a			25					
•	c	10			5				
•	e	20		10					

二、图框格式

图框是图纸上限定绘图区域的线框,通常用粗实线绘制,称为图框线。图纸可横放(X型)或竖放(Y型),并分为不留装订边和留装订边两种,但同一种产品只能采用同一种图形。

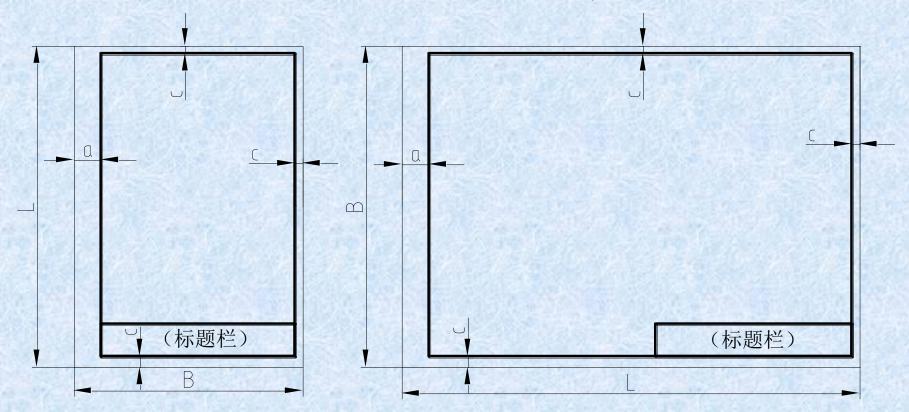


图1.26 留装订边的图框格式

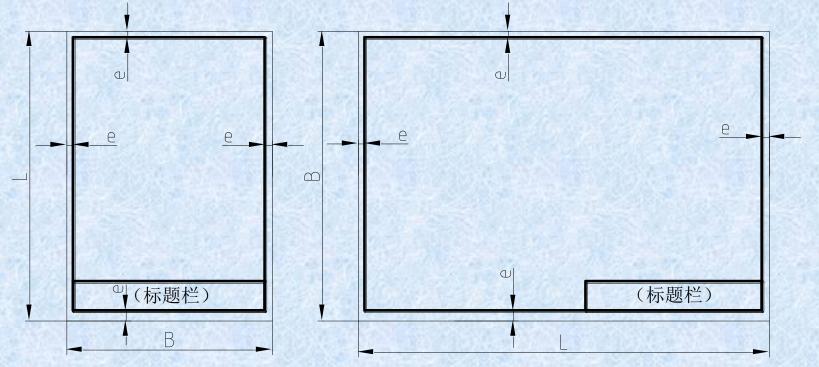


图1.27 不留装订边的图框格式

三、标题栏

标题栏是由名称及代号区、签字区、更改区和其他区组成的栏目。

每张图纸都必须画出标题栏,标题栏的格式和尺寸按GB10609.1/T-1989的规定,如图1.28所示。

						(材料标记)				(单位名称)
标记设计	处数 (签	名)	分区 貝 年月日	更改文件号) 标准化	年、月、日 (年月日)				- (图样名称)	
审核										(图样代号)
工艺				批准		共	张	第 张		(存储代号)

图1.28 标题栏格式

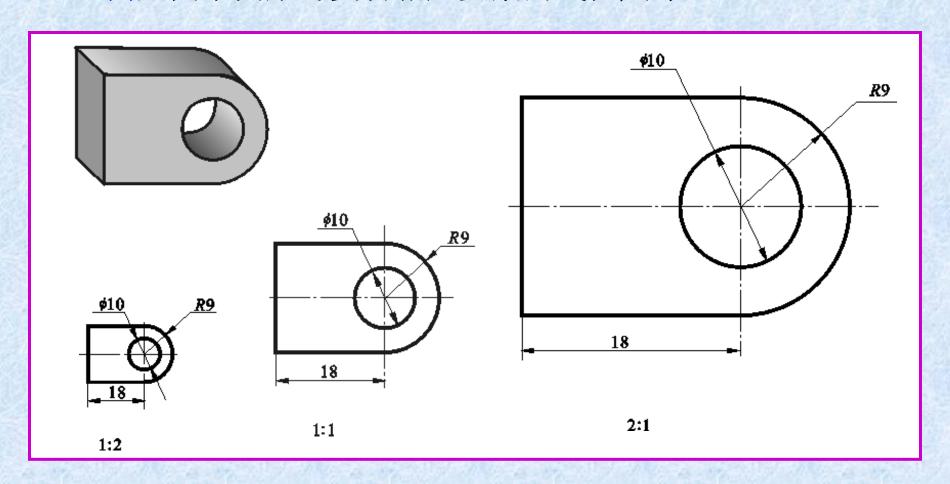
在绘图练习中,为简化作图,推荐采用如图1.29所示的练习用标题栏格式。



图1.29 练习用标题栏格式

1.3.3 比例 (GB/T 14690-1993)

比例是图中图形与实物相应要素的线性尺寸之比。



用不同比例画出的图形



表1.6 绘图比例

种 类	比 例
原值比例	1:1
放大比例	$5:1$, $5\times 10^{n}:1$, $2:1$, $2\times 10^{n}:1$, $10^{n}:1$
缩小比例	1:2, 1:2 \times 10 ⁿ , 1:5, 1:5 \times 10 ⁿ , 1:10, 1:10 ⁿ

1.3.4 字体(GB/T 14691-1993)

字体是图中文字、字母、数字的书写形式。

工程图中的文字必须遵循以下规定:

- (1) 国家标准规定图形中的字体必须做到:字体工整、笔画清楚、间隔均匀、排列整齐。
- (2) 字号(即字高,用h表示)公称尺寸系列: 20、14、10、7、5、3.5、2.5、1.8mm等8种。若需写更大的字,字高按1.4的比率递增。
- (3) 汉字应写成长仿宋体字,并应采用国家正式公布的简化字。字高不应小于3.5mm,其字宽约为字高的0.7倍。
- (4) 长仿宋体字具有"字体工整、笔画清楚"的特点,便于书写。
- (5) 数字和字母分A、B型。A型字体的笔画宽度(d)为h/14,B型则为h/10,但同一图形中只能选用同一种字体。
- (6) 数字和字母可写成斜体和直体。常用斜体,字头向右倾斜,与水平基准线成75°角。

1.3.5图线 (GB/T17450—1998、GB/T4457.4—2002)

线型名称、型式、宽度、应用及图例

图线名称	图线型式、图线宽度	一般应用	图例
粗实线	宽度(d): 优先选用0.5、0.7mm	可见轮廓线、 可见棱边线、 相贯线、螺 纹牙顶线、 货顶圆(线)	可见轮廓线
细虚线		不可见轮廓线、 不可见棱边线	割面线 尺寸果线
细实线	宽度(d): 为粗线宽度的1/2	尺线、 解	里合斯面的轮廓线

线型名称、型式、宽度、应用及图例(续)

图线名称	图线型式、图线宽度	一般应用	图例
细点画线		轴线、对称中 心线、分度圆 (线)、孔系 分布的中心 线、剖切线	独线 对称中心线 辅助线
细双点面线	宽度(d): 为粗线宽度的1/2	可动零件的极 限位置的轮廓 线、相邻轮廓 重心、特 重心、特 域、中 断线、中 断线	轨迹线 可动零件的极限位置的轮廓线 短中心线 相邻辅助零件的轮廓线
波浪线	宽度(d): 为粗线宽度的1/2	断裂处的边界 线、视图与剖 视图的分界线	断裂处的边界线

1.3.6 尺寸标注 (GB/T 11675.2-1996, GB/T 4458.4-2003)

尺寸,是用特定长度或角度单位表示的数值,并在技术图形上用图线、符号和技术要求表示出来。

一、基本规则

- (1)图形上标注的尺寸数值就是工程形体的实际大小的数值。它与画图时采用的缩、放比例无关,与画图的精确程度亦无关。
- (2)图形上的尺寸以mm(毫米)为计量单位时,不需标注单位代号或名称。采用其他单位,则应注明相应的单位符号;但长度尺寸通常以mm为单位,且不加标注。
- (3)图形上标注的尺寸是工程形体的最后完工的尺寸,否则要另加说明。
- (4)每个尺寸一般只标注一次,并应标注在最能清晰地反映该结构特征的视图上。

二、尺寸的组成要素

一个完整的尺寸包括尺寸界线、尺寸线和尺寸数字。

尺寸界线是指确定被标注对象范围的图线。

尺寸线是指确定被标注对象长度的图线,以表示尺寸的方向。尺寸数字是指确定被标注对象的数值,以表示尺寸的大小。

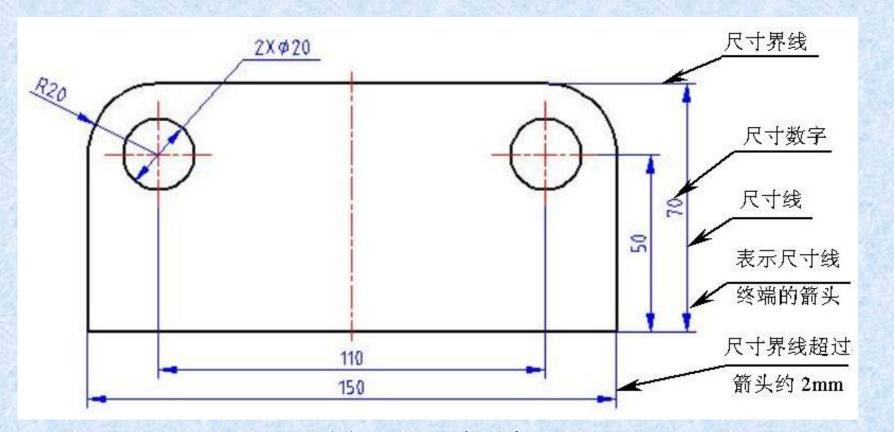
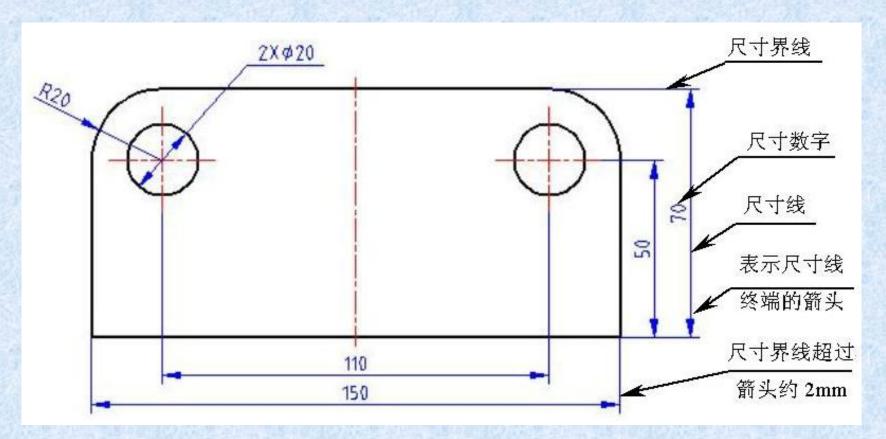


图1.36 尺寸要素

48

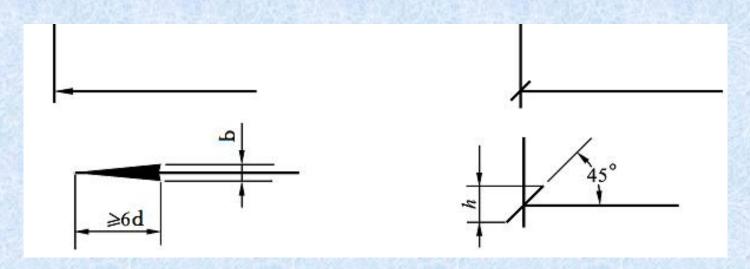
1. 尺寸界线

- (1)尺寸界线用细实线绘制,并应由图形的轮廓线、轴线或对称中心线等处引出,也可利用轮廓线、对称中心线、轴线作为尺寸界线。
 - (2) 尺寸界线一般与尺寸线垂直。



2. 尺寸线

- (1)尺寸线用细实线绘制,尺寸线的终端可以用箭头或45°细斜线两种形式。机械图形中一般采用箭头作为尺寸线的终端。箭头长度≥6d,d为粗实线宽度,一般在3.5~5mm之间。
 - (2) 尺寸线不能用其他图线代替,也不得与其他图线重合。
 - (3) 标注线性尺寸时尺寸线必须与所标注的线段平行。



尺寸线终端的两种形式及画法

3. 尺寸数字

(1) 标注尺寸数字时,一般应以注写在尺寸线上方为首选形 式(画图方便)。当地方有限,在尺寸线上方注写数字有困难时, 才采用数字标注在尺寸线中断处的形式。

对于非水平方向的尺寸,在不致引起误解时,尺寸数字允许 水平地注写在尺寸线的中断处。

(2) 尺寸数字不允许被任何图线通过; 当有图线通过尺寸数 字时,图线必须断开。

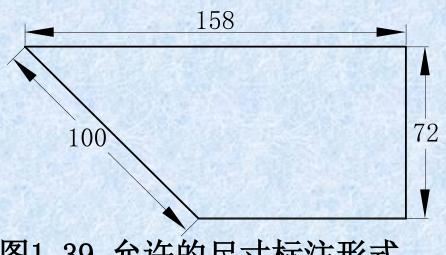
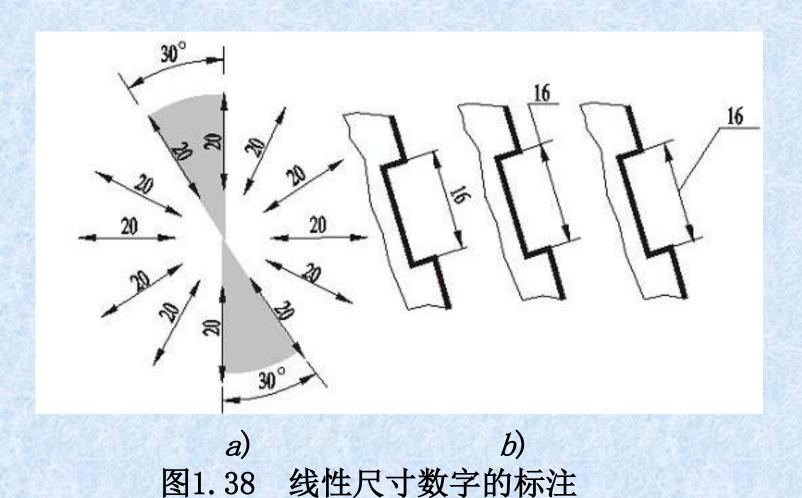


图1.39 允许的尺寸标注形式

(3)对于线性尺寸数字的方向,一般应随尺寸线的方位而变化。水平方向字头向上,垂直方向字头向左,倾斜方向字头有向上的趋势。并尽可能避免在如图1.38a所示的30°范围内标注尺寸。当无法避免时,可按如图1.38b所示的形式标注。

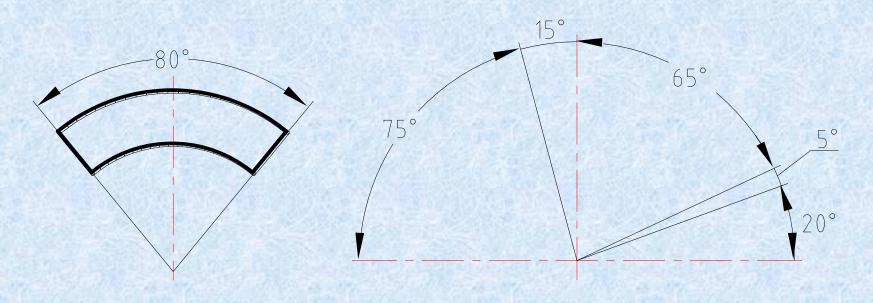




三、尺寸注法示例

1. 角度尺寸

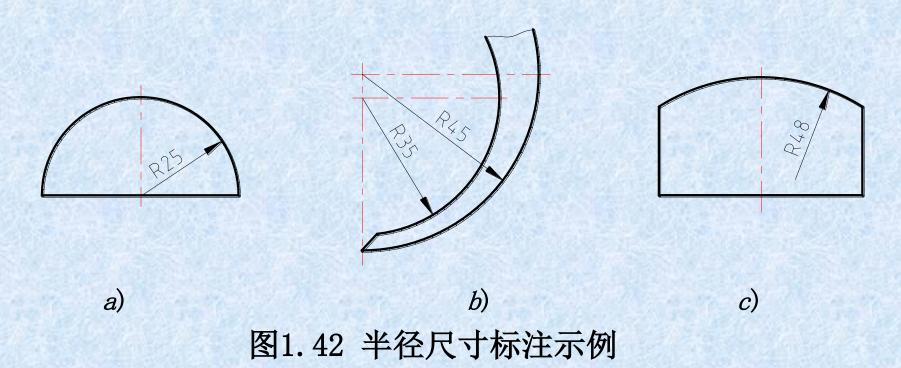
尺寸界线沿径向引出,尺寸线应画成圆弧,圆心是角的顶点,尺寸数字一律水平书写。一般应标注在尺寸线的中断处。必要时也可标注在尺寸线的上方或外部,也可引出标注。



1.40 角度尺寸标注示例

2. 直径和半径尺寸

(1)标注直径尺寸必须加注直径符号"φ"(圆心角大于180°的圆弧或圆);标注半径尺寸必须加注半径符号"R"(圆心角小于或等于180°的圆弧)。大圆弧尺寸可按示意标注;不需标注圆心位置,但尺寸线必须指向圆心。



(2) 同一圆周上对称分布的几段圆弧必须标注直径;同一圆周上均匀分布的或对称分布的形状和大小相同的圆孔,只标注在其中的一个圆视图上,并加注数目和乘号;而对于半径相等的几段圆弧,一般只在其中的一个圆视图上标注半径尺寸,不加注数目和乘号,如R27,但也允许"2×R27"的标注形式。

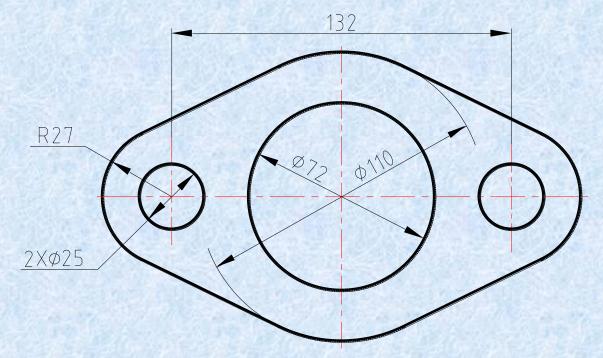


图1.43 对称或均布的圆(圆弧)尺寸标注示例

(3) 球面尺寸的标注与圆(圆弧)的直(半)径尺寸标注 类似,但标注直径的尺寸数字前加注符号"SΦ",标注半径的 尺寸数字前加注符号"SR"。

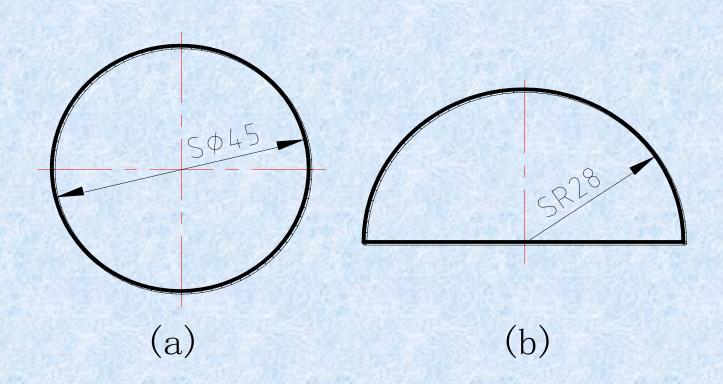
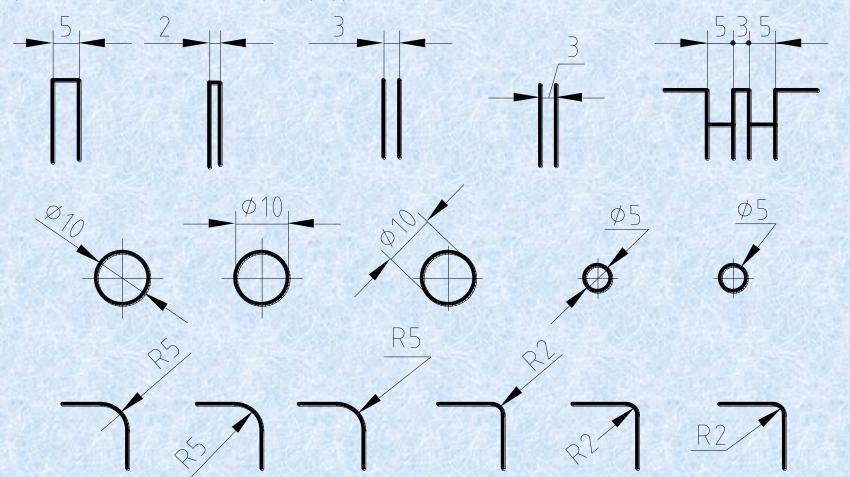


图1.44 球面尺寸标注示例

3. 小尺寸注法

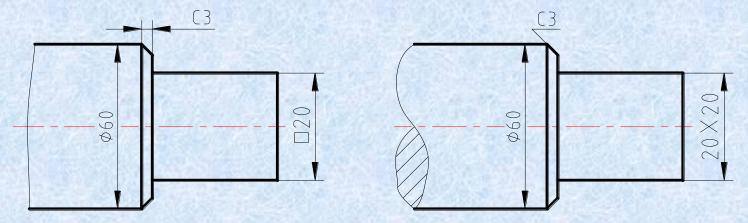
箭头画在尺寸界线的外边,尺寸数字可写在尺寸线上方或左边的任意位置,也可引出标注。标注连续几个小尺寸时,中间的箭头用小黑点或细斜线代替。



4. 正方形结构的尺寸注法

标注横断面为正方形结构的尺寸时,可在边长尺寸数字前加注

"口"或"边长×边长" (图中C3表示倒角为45°, 距离为3mm)。



尺寸标注常用符号及缩写词

名词	直径	半径	球直径	球半径	厚度	正方形	45 倒 角	深度	沉孔 或 锪平	埋 头 孔	均布	弧长
符号 或缩 写词	φ	R	$S\phi$	SR	t		C	Ţ	ш	V	EQS	\cap





58