A Lógica de Hoare

A.1 Correcção parcial

Consequência

$$\frac{P \Rightarrow P' \quad \{P'\} S \{Q'\} \quad Q' \Rightarrow Q}{\{P\} S \{Q\}} \quad (\Rightarrow)$$

Skip

$$\frac{}{\{P\}\{\}\{P\}} \quad \text{(skip)}$$

Atribuição

Sequência

$$\frac{\{P\} S_1 \{R\} \{R\} S_2 \{Q\}}{\{P\} S_1; S_2 \{Q\}} \quad (;)$$

Condicional

$$\frac{\{P \wedge c\} S_1 \{Q\} \quad \{P \wedge \neg c\} S_2 \{Q\}}{\{P\} \text{ if } (c) S_1 \text{ else } S_2 \{Q\}} \quad (;)$$

Ciclo

$$\frac{ \left\{ I \wedge c \right\} S \left\{ I \right\} }{ \left\{ I \right\} \text{ while } (c) \ S \ \left\{ I \wedge \neg c \right\} } \quad \text{(while)}$$

A.2 Correcção total

Consequência

$$\begin{array}{c|c} P \Rightarrow P' & [P'] \ S \ [Q'] & Q' \Rightarrow Q \\ \hline & [P] \ S \ [Q] \end{array} \quad ([\Rightarrow])$$

Skip

Atribuição

Sequência

$$\frac{[P] S_1 [R] [R] S_2 [Q]}{[P] S_1; S_2 [Q]} ([;])$$

Condicional

$$\frac{ \left[P \wedge c \right] S_1 \left[Q \right] \quad \left[P \wedge \neg c \right] S_2 \left[Q \right] }{ \left[P \right] \text{ if } (c) \ S_1 \text{ else } S_2 \left[Q \right] } \quad ([\text{if}])$$

Ciclo

$$\frac{I \wedge c \Rightarrow V \geq 0 \quad [I \wedge c \wedge (V = v_0)] \ S \ [I \wedge (V < v_0)]}{[I] \ \text{while} \ (c) \ S \ [I \wedge \neg c]} \quad ([\text{while}])$$