לינארית 2-מטלה 2- העתקות לינאריות

תאריך הגשה:19-21.3.2018 בתרגול.

הנחיות:

בראש הדף הראשון ציינו את הפרטים הבאים:

- 1. מספר תרגיל
 - 2. שם מלא
 - 3. ת.ז
- 4. מספר קבוצת תרגול שאליה אתם מגיעים.

תרגיל לחימום. אין צורך להגיש!

תרגיל 0. עבור כל אחת מההעתקות הבאות קבעו והוכיחו האם הן העתקות לינאריות או לא.

$$T(x,y) = (xy,x^2)$$
: המוגדרת כך: $\mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$

$$T(x,y) = (\sin x, \cos y)$$
: המוגדרת כך: $\mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$

$$T_A(v) = Av$$
 המוגדרת $T_A \colon \mathbb{R}^n o \mathbb{R}^m$ אזי העתקה $A \in \mathbb{R}^{m imes n}$ המוגדרת $A \in \mathbb{R}^{m imes n}$

תרגילים להגשה:

 $T(x)=1, T(x^2)=-2x+1,$ מצא את ההעתקה הלינארית T:V->V מצא את ההעתקה הלינארית . $V=\mathbb{R}_2[x]$ מצא את ההעתקה הלינארית

$$v_1=egin{pmatrix}1\\2\\3\end{pmatrix}$$
 $v_2=egin{pmatrix}1\\1\\1\end{pmatrix}$ $v_3=egin{pmatrix}1\\4\\7\end{pmatrix}\in\mathbb{R}^3$. ב. יהיו

עוד יהיו
$$w_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} w_2 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} w_3 = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^2$$

?i לכל $Tv_i = w_i$ האם קיימת **העתקה לינארית** $\mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^2$ לכל $Tv_i = w_i$ האם קיימת

T: V -> W האם קיימת $V = \mathbb{R}_2[x], W = \mathbb{R}^4$ העתקה לינארית חח"ע

T(A) = trace(A) המוגדרת על ידי $T: \mathbb{R}^{n \times n} -> \mathbb{R}$ ההעתקה על ההעתקה 3. נסתכל על ההעתקה

- **א.** הוכח כי T העתקה לינארית.
- ב. מצא בסיס לגרעין העתקה.

מצא את ממדי . T(x,y,z)=(x+y,y+z,z) המוגדרת כך: T(x,y,z)=(x+y,y+z,z) . מצא את ממדי .lmT,KerT ומצא בסיס,

S=T אז Im(T)=Im(S)ו-Ker(T)=Ker(S) רך של T,S:V o V אז והפרך: יהיו

:העתקה לינארית. הוכחT: V - > V תהא

$$KerT \subseteq KerT^2$$
. א.

בהצלחה!!