תרגיל8 לינארית 2

סמסטר ב תשע"ח

תאריך הגשה: 4-6.6.2018 בתרגול.

מצאו את $T:\mathbb{R}_3[x]\to\mathbb{R}_3[x]$ המוגדרת על ידי $T:\mathbb{R}_3[x]\to\mathbb{R}_3[x]$ מצאו את נגדיר העתקה לינארית (7 ביחס T). (רמז: ראיתם את ההעתקה בתרגיל $\mathbb{R}_3[x]$

ב. נגדיר העתקה לינארית $T:\mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$ האם המרחב. (x,y,z)=(x+y,y+z,0) ב. נגדיר העתקה לינארית $T:\mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$ האם המרחב (a,b,0)|a,b $\in \mathbb{R}$ } הוא שמור תחת

האם T: $\mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$ העתקה לינארית המוגדרת על ידי T: $\mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$ העתקה לינארית. נגדיר העתקה לינארית U=span $\{(1,0,0),(0,1,0)\}$

תרגיל 2. נגדיר העתקה לינארית $\mathbb{R}^5 \to \mathbb{R}^5$ העתקה לינארית המוגדרת על ידי T: $\mathbb{R}^5 \to \mathbb{R}^5$ העתקה לינארית מרחבים אינווריאנטים ביחס ל-T. (x,y,z,w,k)=(x+2y,2x+y,2z+w,2w+k,3k)

תרגיל 3. מצאו את צורת ז'ורדן של המטריצה

$$(p_A(\lambda) = (\lambda - 1)(\lambda - 2)(\lambda - 4)^2$$
:רמז

דומות.

$$A = \begin{pmatrix} 5 & 4 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & -1 \\ -1 & -1 & 3 & 0 \\ 1 & 1 & -1 & 2 \end{pmatrix}$$

(רמז: למטריצות דומות אותם ערכים עצמיים ואותו פולינום מינימלי).

. מטריצות בלוקים אלכסוניות מאותו גודל. A,B מעריצות בלוקים אלכסוניות מאותו גודל.

$$A = \begin{pmatrix} A_1 & 0 & 0 \\ 0 & \ddots & 0 \\ 0 & 0 & A_n \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} B_1 & 0 & 0 \\ 0 & \ddots & 0 \\ 0 & 0 & Bn \end{pmatrix}$$

$$AB = \begin{pmatrix} A_1 B_1 & 0 & 0 \\ 0 & \ddots & 0 \\ 0 & 0 & A_n B_n \end{pmatrix}$$

ב. תהיי A כך שכל המטריצות A_i הפיכות. הוכיחו כי אם A הפיכה אז:

$$A^{-1} = \begin{pmatrix} A_1^{-1} & 0 & 0 \\ 0 & \ddots & 0 \\ 0 & 0 & A_n^{-1} \end{pmatrix}$$

ג. הסיקו מסעיפים א' וב' שמטריצת בלוקים אלכסונית היא לכסינה אם כל בלוק הוא לכסין.

(הערה: מתקיים כי מטריצת בלוקים אלכסונית היא לכסינה אםם כל בלוק הוא לכסין אך התבקשתם להוכיח רק צד אחד).

 $(A^k=0$ ע כך שk ניל" (כלומר קיים k כך ש $A\in \mathcal{F}^{7 imes7}$ תרגיל

נתון: $rank(A)=4,A^2\neq 0$ צ"ל: מהן צורות הזורדן האפשריות.

:הדרכה

- א. מצאו את הפולינום האופייני של A. (רמז: מה הוא הערך העצמי של A? היזכרו בשיעורי בית 4).
 - ב. מהו הפולינום המינמלי של A?
- ג. בנו טבלה (כפי שראיתם בתרגול). מה אתם יכולים להגיד על הריבוי הגאומטרי? חשבו על הנתון.
 - ד. הסיקו מה הן האפשרויות.