1. 算法基础

算法复杂度的度量

- 1) 改进算法和提高计算机处理能力对算法速度的影响(课堂上讲过相关提高算法效率的实例)
- 2) 渐进意义下,算法的复杂度的同阶度量: f(N) = O(g(N))的定义,以及O的运算性质证明。
- 3) 给出一个表达式,证明 n^2 是 $n^2 + 2n + 6$ 的上界

2. 递归与分治策略

分治法的设计思想、递归的实质、排列问题、整数划分问题、二分搜索、大数乘法、strassen 矩阵乘、棋盘覆盖、合并排序、快速排序、线性时间选择(寻找中位数)、最近点对问题、循环赛日程安排问题。

例:分析二分搜索的时间复杂性,改写二分搜索算法使得搜索元素 x 不在数组中时,返回小于 x 的最大元素位置 i 和大于 x 的最小元素位置 j。如搜索元素在数组中,i 和 j 相同,均为 x 在数组中的位置。

3. 动态规划

矩阵连乘问题、系列赛、最长公共子序列、最大子段和、凸多边形最优三角剖分、图像 压缩、电路布线、0-1 背包问题。

4. 贪心法

原理和设计思想、TSP问题、图着色问题、最小生成树问题(最近顶点策略-Prim算法、最短边策略-Krushal算法)、背包问题(有别于0-1背包,可以找到最优解)、活动安排问题、多机调度问题。

例:三个顾客需要的服务时间分别是 t_1 、 t_2 、 t_3 ,求解顾客的服务顺序, $\min\left(\sum_{i=1}^n t_i\right)$,

证明使用贪心法可以获得最优解。

例:最小生成树的生成步骤。

5. 回溯法

图着色问题、哈密顿回路、8-皇后问题、批处理作业调度问题。

例:设有 n=3 个正数的集合 $W=\{w_0,w_1,w_2\}=\{2,3,5\}$ 和整数 M=14,求 W 的所有满足条件的子集,使子集中的正数之和等于 M。请画出用回溯法求解的状态空间树。(采用固定长度 3-元组表示解)。

6. 分支限界法

0-1 背包问题、TSP 问题、组合问题(任务分配问题)、批处理作业调度问题

7. 概率算法

概率算法的设计思想、舍伍德(Sherwood)型概率算法(随机洗牌、如何改造一个算法→舍伍德算法、舍伍德算法的目的、选择问题)、拉斯维加斯(Las Vegas)型概率算法(8-皇后问题)、蒙特卡罗(Monte Carlo)型概率算法(主元素问题)。

8. 线性规划与网络流(不要求)

线性规划问题及其表示、最大网络流问题、最小费用流问题...

9. NP 完全性理论与近似算法

什么是 NP 完全性理论?