

东南大学考试卷 (A 卷)

课程名称 概率统计 考试学期 15-16-2 得分
 适用专业 全校 考试形式 闭卷 考试时间长度 120 分钟

题号	一	二	三	四	五	六	七	八
得分								

$\Phi(x) = \int_{-\infty}^x \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-t^2/2} dt$ 表示标准正态分布的分布函数,

$\Phi(-1.645) = 0.05$; $\Phi(-1.96) = 0.025$; $\Phi(0) = 0.5$; $\Phi(1) = 0.8413$

$\Phi(1.3) = 0.9032$; $\Phi(1.96) = 0.975$; $\Phi(2) = 0.9772$

$T_n \sim t(n)$ $P(T_{25} \geq 2.060) = 0.025$; $P(T_{25} \geq 1.710) = 0.05$;

$P(T_{24} \geq 2.064) = 0.025$; $P(T_{24} \geq 1.711) = 0.05$;

一、填充题 (每空格 2', 共 36')

- 已知 $P(B)=0.4$, $P(A)=0.5$, $P(A \cup B)=0.8$, 则 $P(A|B)=$ _____; $P(A-B)=$ _____。
- 一盒中有 5 个一级品, 2 个二级品, 3 个三级品, 每次抽取一个产品, 取后不放回, 连续抽取 4 次, 则第二次取得一级品且第三次取得二级品的概率为_____, 首次取到三级品发生在第 4 次取球的概率为_____。
- 设随机变量 X 服从正态分布 $N(-1, 4)$, $P(X \geq 3) =$ _____。
- 随机变量 X, Y 相互独立, $X \sim N(-2, 2)$, $Y \sim N(-1, 1)$, 则 $X-Y$ 的概率密度为_____。
- 随机变量 X, Y 的联合分布律为: $P(X=5, Y=1)=b$; $P(X=5, Y=2)=0.4$; $P(X=2, Y=1)=0.2$; $P(X=2, Y=2)=0.2$ 。则常数 $b=$ _____则 $X-2Y$ 分布律为_____。
- 设随机变量 A 和 B 相互独立, $D(A)=1, D(B)=2$, 则 $\text{cov}(A-2B, A+B) =$ _____。
- 设随机变量序列 $\{X_n, n=1, 2, \dots\}$ 独立同分布于均值为 2 的指数分布, 则 $\frac{1}{n}(X_1^3 + X_2^3 + \dots + X_n^3) \xrightarrow{p}$ _____。
- 设总体 X 服从均匀分布 $U[0, 1]$ X_1, X_2, \dots, X_{10} 是来此该总体的样本, \bar{X}, S^2 分别

表示样本均值和样本方差, 则 $E(\bar{X}^2) = \underline{\hspace{2cm}}$, $P(X_1 + X_3 > 0.2) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

- 9) 随机变量 X 的分布律为 $P(X=2)=0.2$, $P(X=3)=0.4$, $P(X=4)=0.2$ 则其分布函数为 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。
- 10) 随机变量 X 服从均值为 2 的指数分布, 则 $Y=-2X+1$, 的密度函数为 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。
- 11) 设 X_1, X_2, X_3, X_4, X_5 是来自正态总体 $N(0,4)$ 的简单随机样本, 若 $a(X_1^2 + X_2^2 + X_3^2) \sim \chi^2(3)$, 则 $a = \underline{\hspace{2cm}}$, 则若 $b \frac{X_1^2 + X_3^2}{X_2^2 + X_4^2 + X_5^2} \sim F(2,3)$, 则常数 $b = \underline{\hspace{2cm}}$ 。
- 12) 对假设检验问题 $H_0: a = 0.5, v.s H_1: a \neq 0.5$, 若在原假设成立时检验统计量的 T 分布为 $U[0,1]$, 设检验的水平为 0.05, 试写出该检验问题的拒绝域 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。
- 13) 设总体服从均匀分布 $U[-a, a]$, a 为未知参数, 若 1, -1, 2, 3, -2, 1 是来自该总体的容量为 6 的样本, a 的矩估计值为 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

二、(10') 设有甲乙丙三个箱子, 甲中有红球 4 只, 白球 2 只; 乙箱中有红球 2 只, 白球 1 只; 丙中有红球 6 只, 白球 3 只。首先随机地从标号 1 至 10 的十个球中任取一球, 若取出球的号码小于 4, 选甲箱; 若取出球的号码大于 8, 选乙箱, 否则取丙箱, 然后从选取的箱中任选两球。(1) 求取出的两球为红球的概率; (2) 如果已知取出的两球为红球, 则这两球取自甲箱的概率是多少?

三、(15') 设随机变量 (X, Y) 的联合密度为

$$f(x, y) = \begin{cases} axy & 0 < x < y < 1 \\ 0 & \text{其它} \end{cases},$$

求 (1) 常数 a ; (2) Y 的边缘密度函数; (3) 求条件概率 $P(X < 0.2 | Y > 0.5)$ 。

自觉遵守考场纪律

如考试作弊

此答卷无效

姓名

学号

线

封

密

四、(10') 假设某产品的误差服从均匀分布 $U[-0.5, 0.5]$, 若误差的绝对值小于 0.4 是为合格品, 现从中随机抽取 100 件测量其误差。试用中心极限定理近似计算 100 件产品中合格品的个数不少于 84 件的概率。

五、(10') 设总体 X 的分布律如下,

$$P(X=2)=p, P(X=3)=1-p$$

设 X_1, \dots, X_n 为来自该总体的样本, (1) 求参数 p 的最大似然估计量 \hat{p} , (2) \hat{p} 是否是 p 的无偏估计量, 说明理由。

六、(9') 设总体 X 服从正态分布 $N(u, 1)$, u 未知。现有来自该总体样本容量为 25 的样本, 其样本均值为 3. (1) 试检验 $H_0: u=3.5.0$ v.s. $H_1: u<3.5$ (检验水平 $\alpha = 0.05$), (2) 求 u 的置信度为 95% 的置信区间。

七 (10') 设随机变量 X 和 Y 的联合概率密度为

$$f(x, y) = \begin{cases} 3x & 0 < y < x < 1 \\ 0 & \text{其他} \end{cases}$$

试求: $Z=X-Y$ 的概率密度。