

图像增强

Image Enhancement

动机/目标： 提高图像质量（视觉感受）

途径： 分析图像质量下降/视觉感受不好的原因，对症下药

学习方法：

- 避免单纯学习算法（如同死背“验方”）
- 学会分析图像特性（如同诊断）
- 掌握算法的构思（动机）（如同掌握各味药的药性）
- 学会根据图像特性设计（组合）算法（如同调配中药方）

图像质量因素1： 灰度分布不合理



充分使用灰度动态范围
(不浪费灰度区间)



曝光不足
图像过暗

✕ 没有充分利用高灰度区间



曝光过度
图像过亮

✘没有充分利用低灰度区间



逆光
图像明暗对比过大

✘ 只利用了少量的灰度

图像质量因素2： 噪声



抑制噪声
(提高信噪比)



图像质量因素3：模糊



增强细节，提高对比度



2021/11/1



LIST

10

图像质量问题的分类以及应对方法

图像灰度分布不合理 ← 灰度映射

图像噪声干扰 ← 噪声抑制

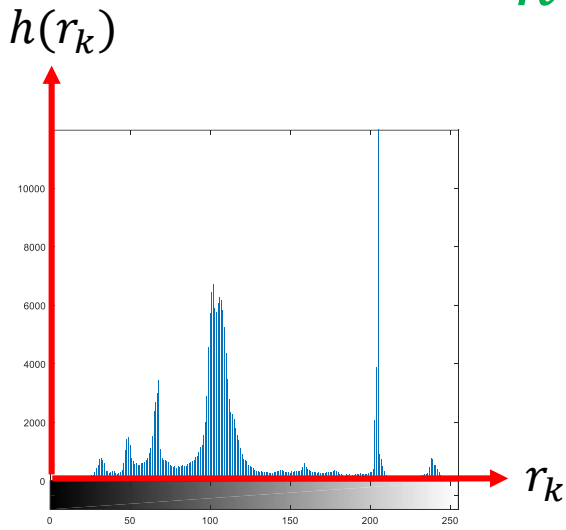
图像模糊/低对比度 ← 细节增强/对比度增强

灰度映射

(灰度直方图变换)



灰度直方图 (Gray Histogram)



$$h(r_k) = n_k$$

$$n_k = \underset{(x,y)}{\overset{\text{cardinality in a set}}{\text{card}}} \{I(x, y) = r_k\} \quad (\text{灰度等于 } r_k \text{ 的像素总数})$$

$$r_k = [0, K - 1] \quad (\text{图像灰度范围})$$

$$\sum_k h(r_k) = \sum_k n_k = n \quad (\text{图像面积})$$

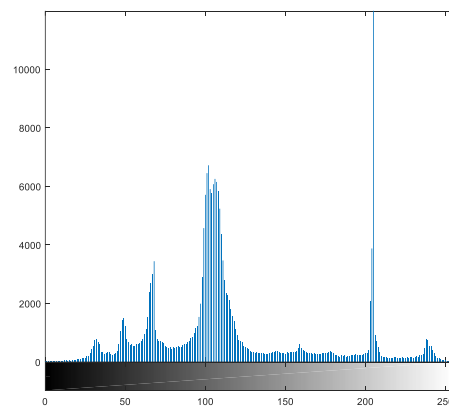
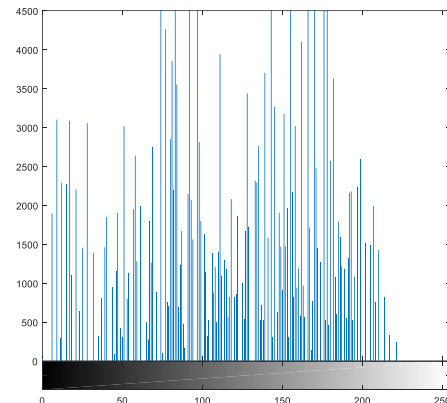
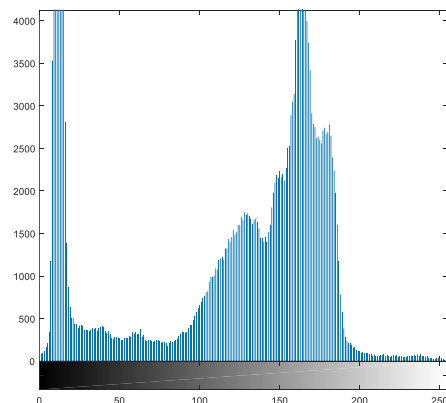
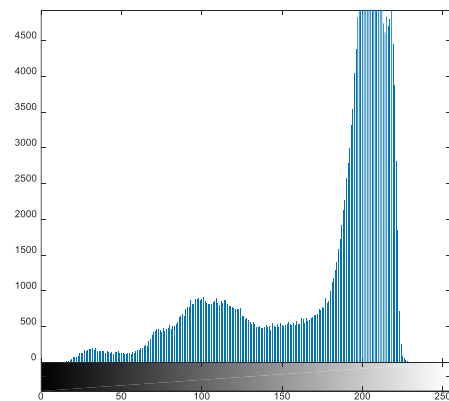
归一化直方图(normalized histogram): $p(r_k) = \frac{h(r_k)}{n} = \frac{n_k}{n}$

$$0 \leq p(r_k) \leq 1$$

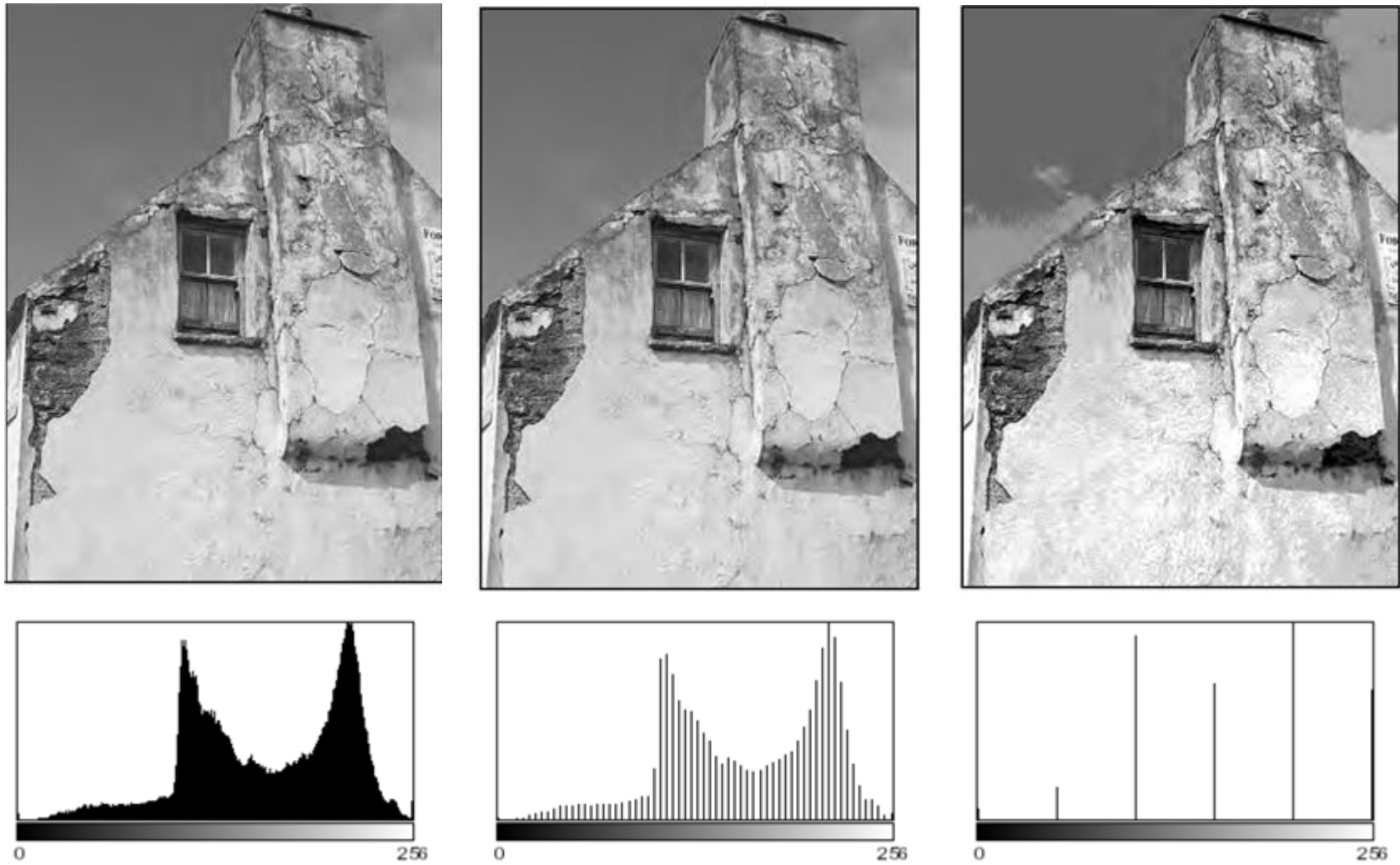
$$\sum_k p(r_k) = 1$$

理解灰度直方图

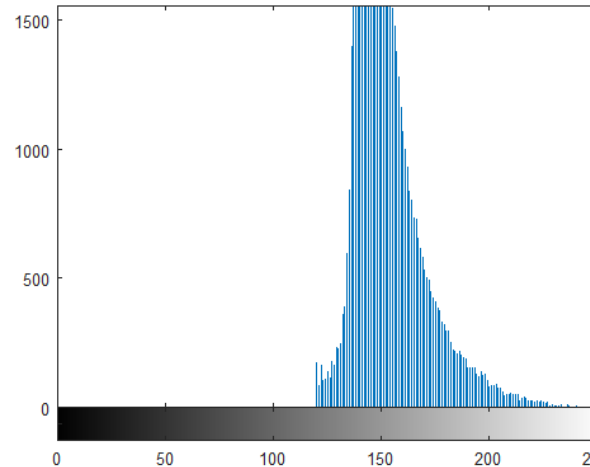
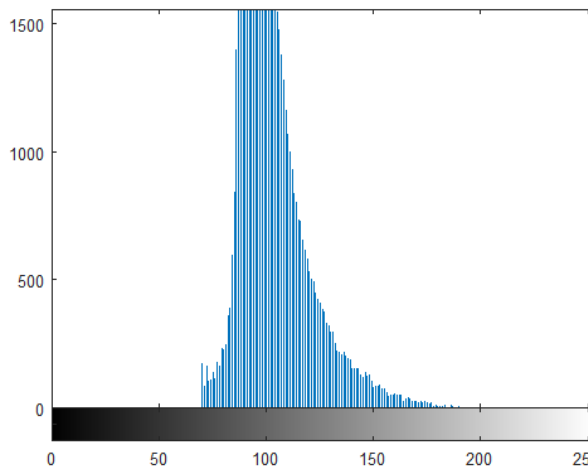
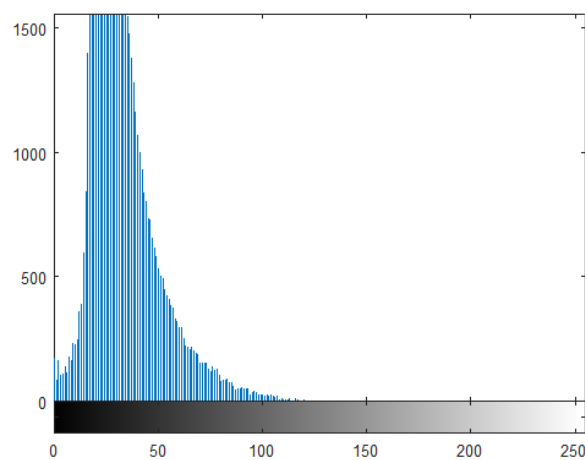
直方图的“峰” → 灰度聚类（存在大量像素具备相近的灰度）



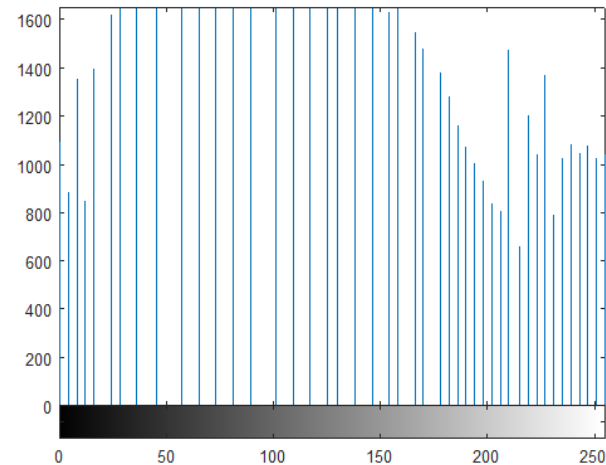
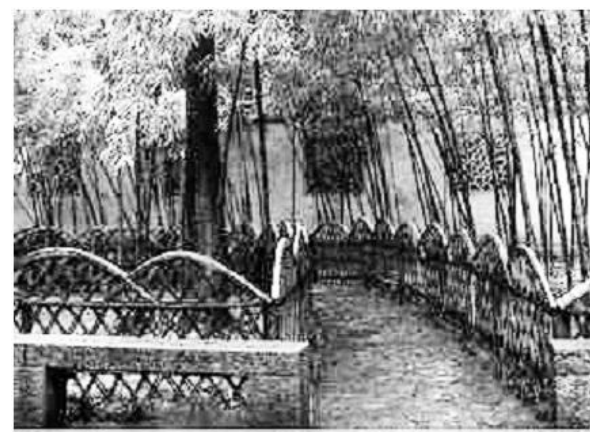
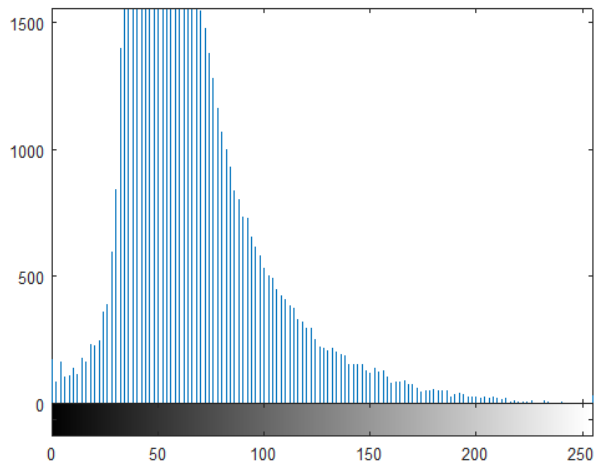
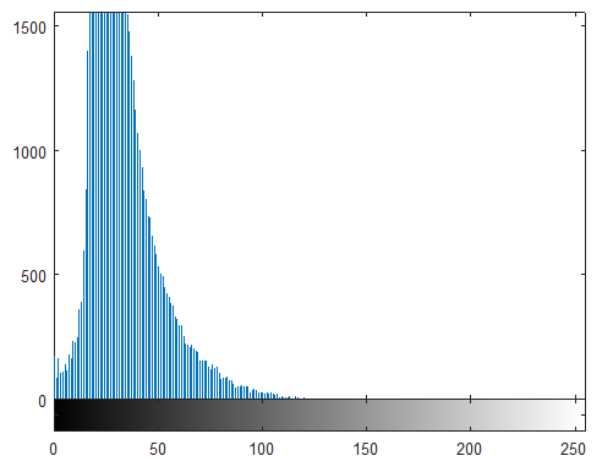
视觉特性：有效灰度级与视觉质量



视觉特性： 灰度范围与视觉质量



视觉特性： 灰度分布与视觉质量





最大限度均匀覆盖灰度范围

以牺牲有效灰度级为价值，增大覆盖灰度范围，且提高分布的均匀性

灰度映射 (Gray mapping)

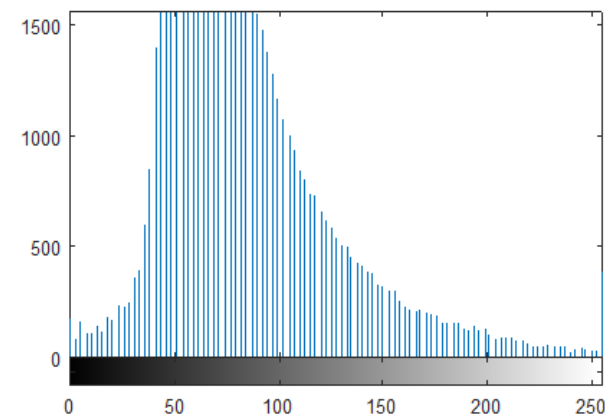
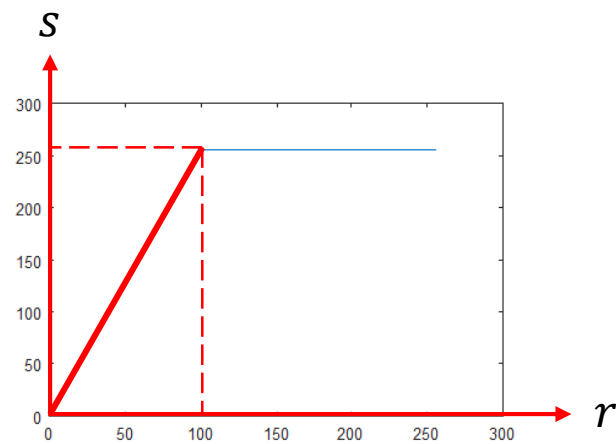
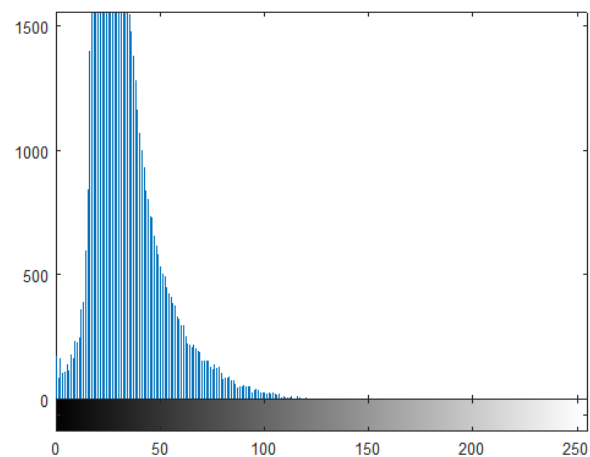
$$s = T(r)$$

原始图像灰度 r

目标图像灰度 s

- 灰度映射函数是单调函数

灰度分段线性映射



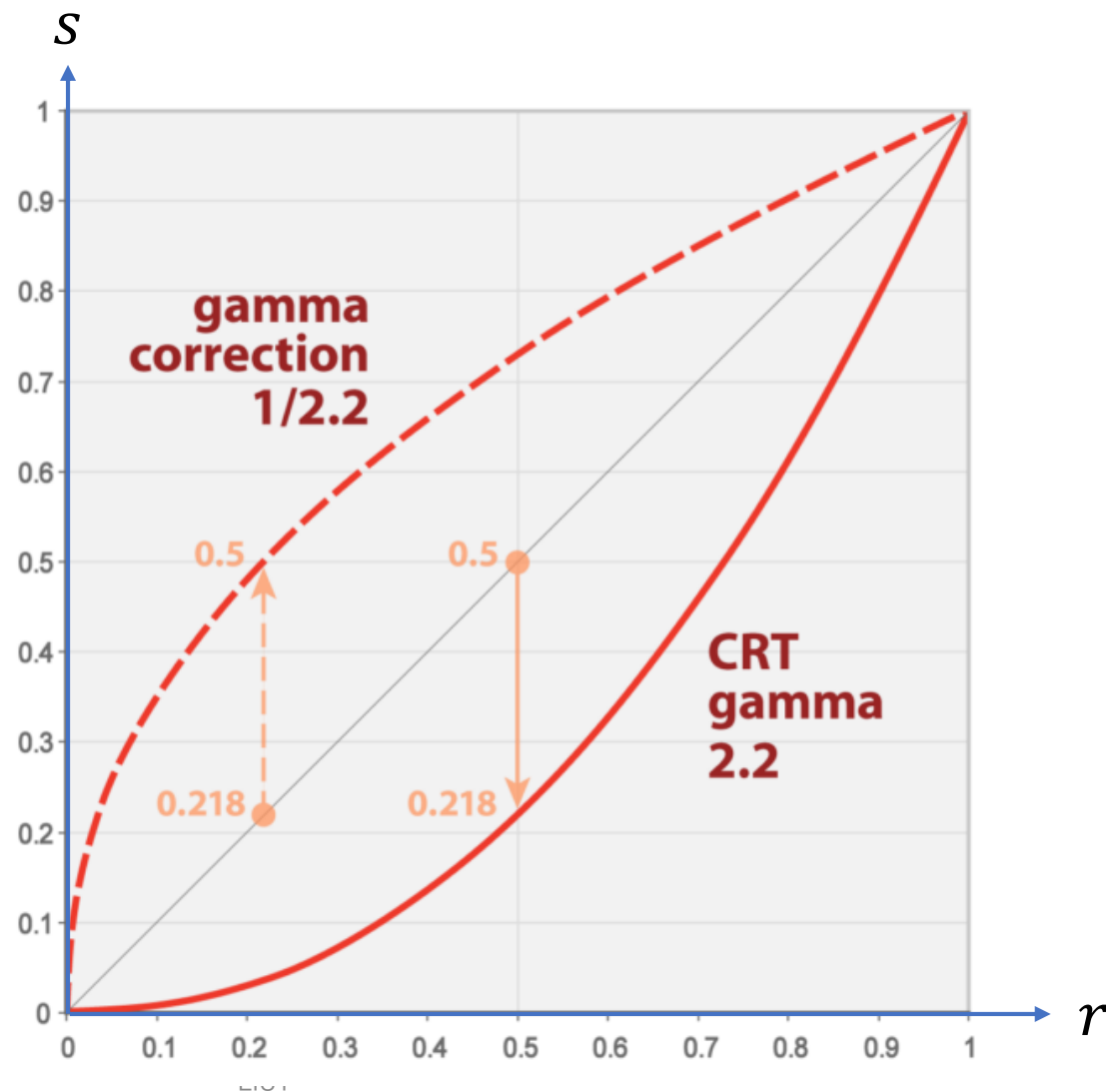
伽玛校正 (Gamma Correction)

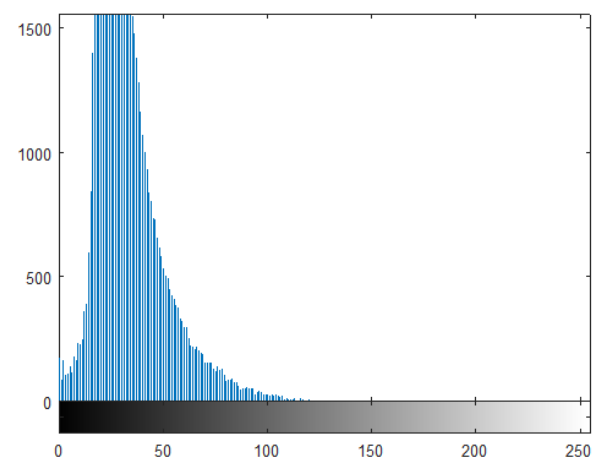
$$s = r^\gamma$$

$$s = T(r)$$

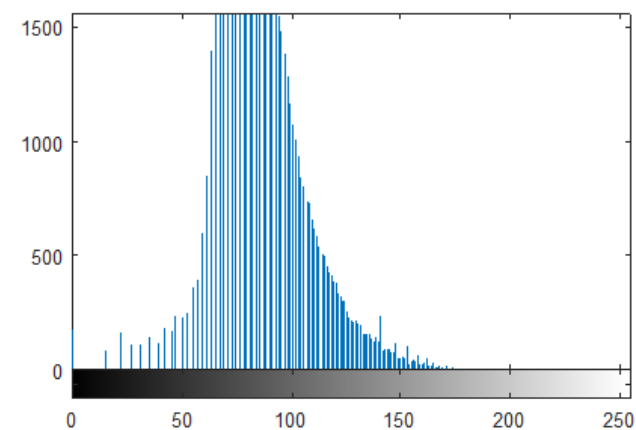
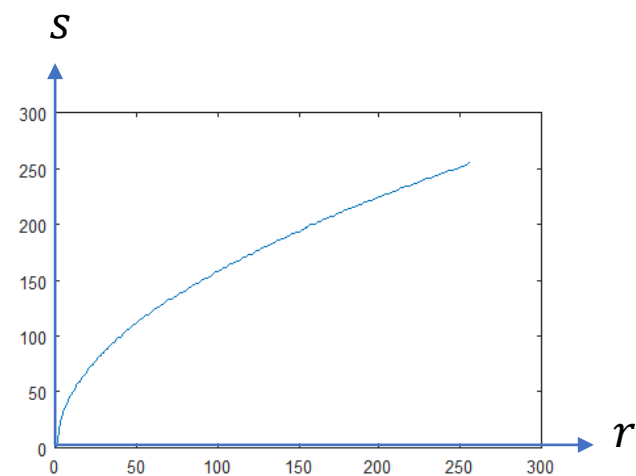
$T'(r) > 1 \rightarrow$ 灰度范围拉伸

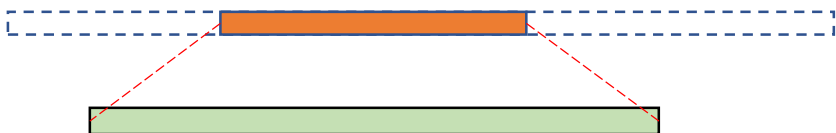
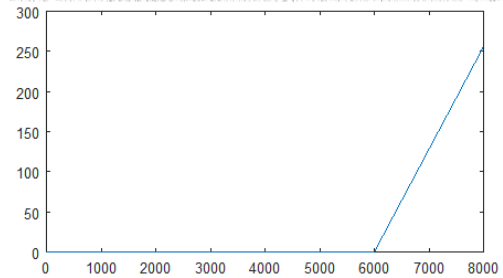
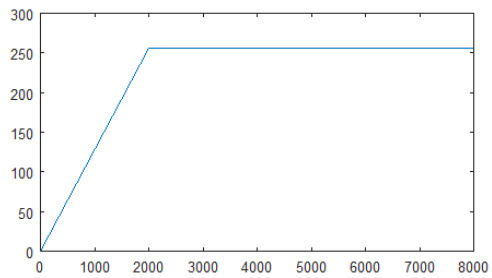
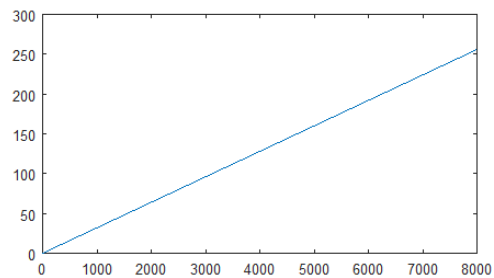
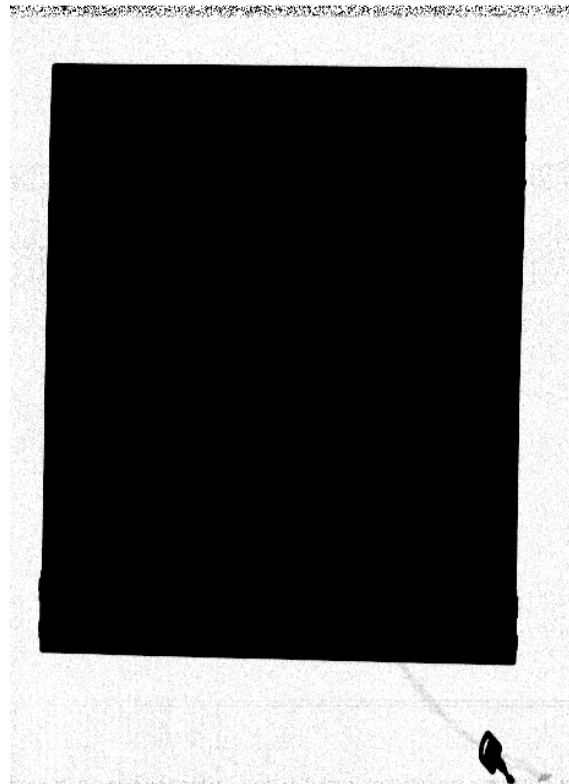
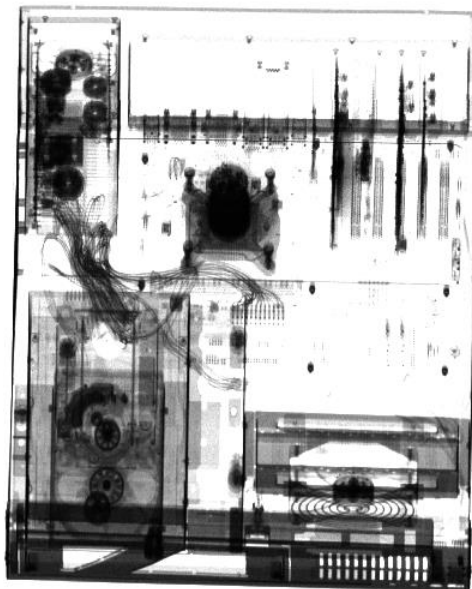
$T'(r) < 1 \rightarrow$ 灰度范围压缩





$$s = r^{0.5}$$





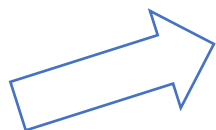
分段线性映射（图像灰度范围大于显示范围）

灰度窗调整（窗宽窗位调整）

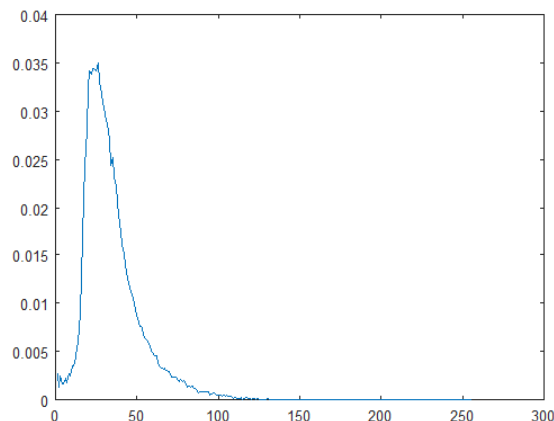
累积直方图 (Cumulative Histogram)

$$H(k) = \sum_{i=1}^k p(i) \quad k = [1, K]$$

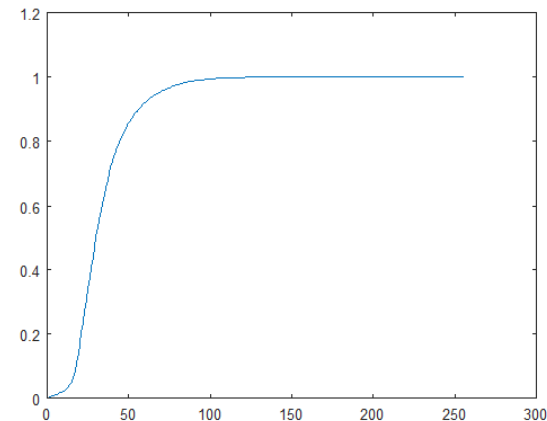
$$H(k) = \begin{cases} p(1) & (k = 1) \\ H(k-1) + p(k) & \text{otherwise} \end{cases}$$



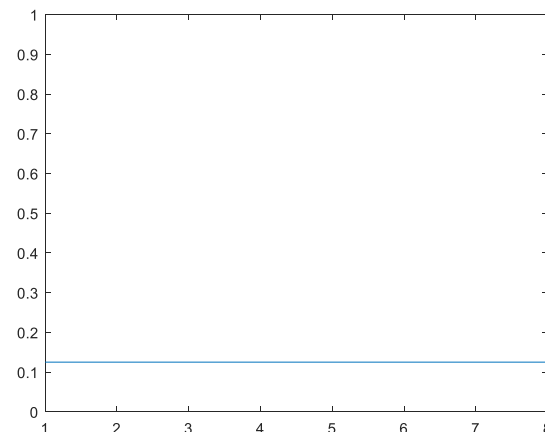
$p(k)$



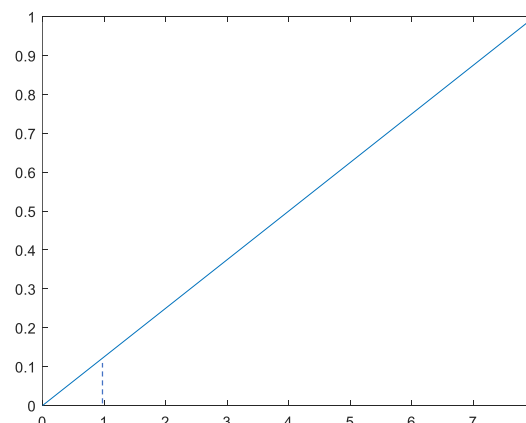
$H(k)$



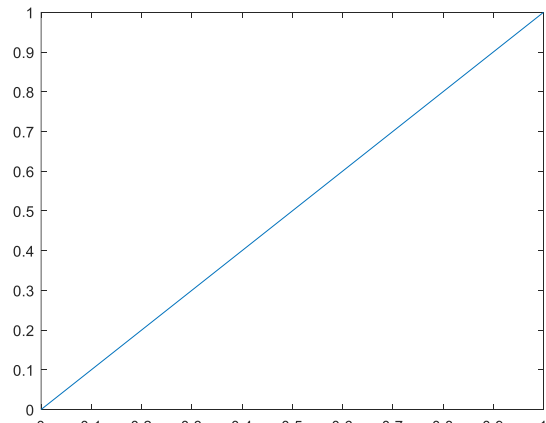
$p(k)$



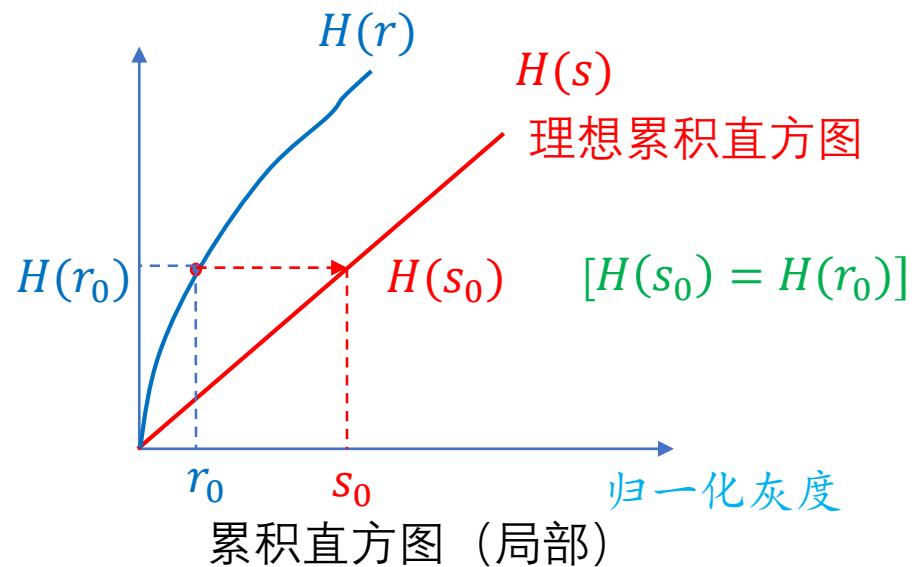
$H(k)$



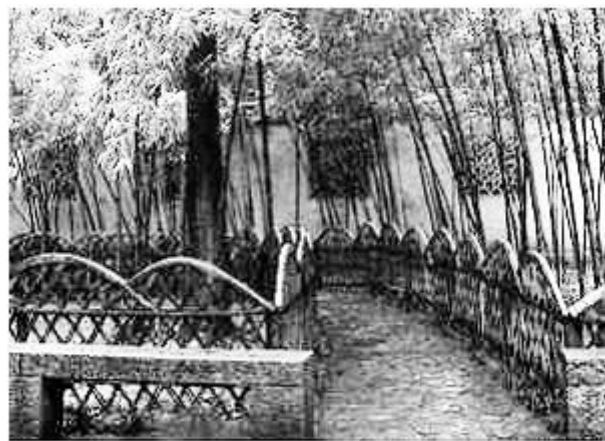
$H(k)$



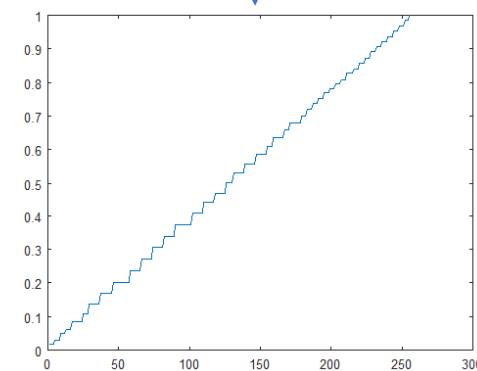
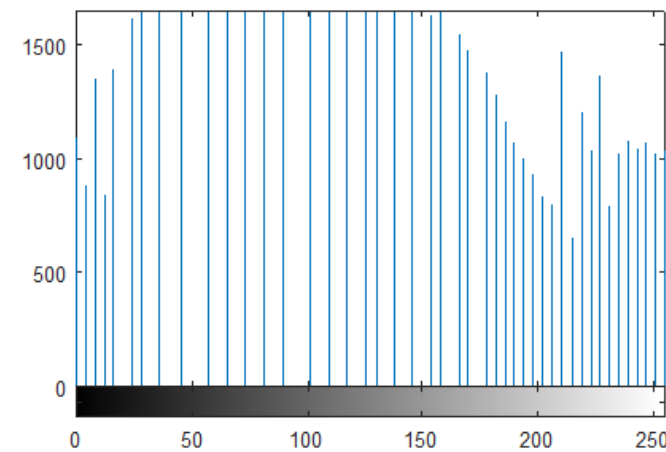
直方图均衡算法原理



因为理想累积直方图 $H(s) = s \rightarrow s = H(r)$

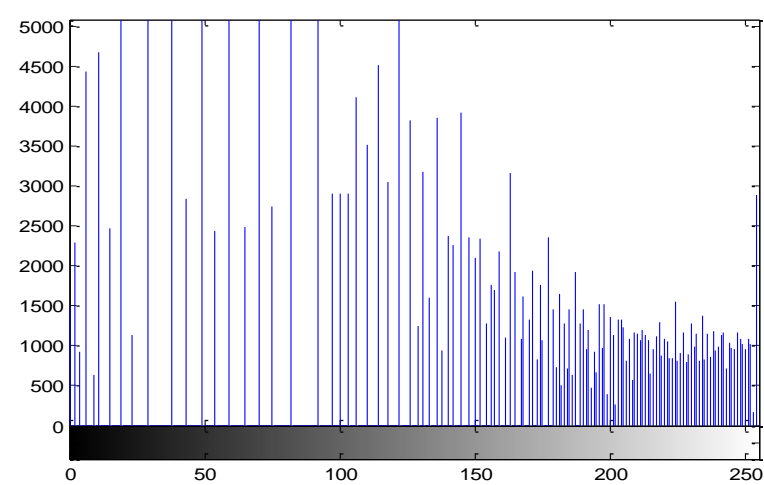
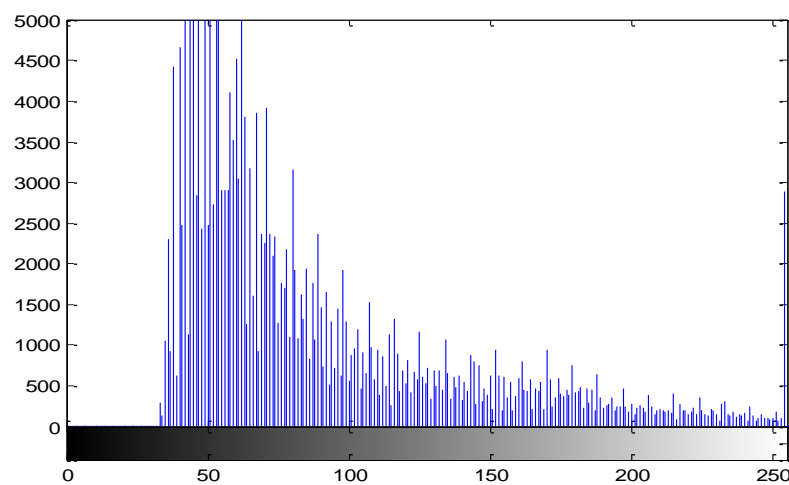


灰度直方图



累积灰度直方图

灰度	0	1	2	3	4	5	6	7	[0,7]
k	1	2	3	4	5	6	7	8	[1,8]
p(k)	0.05	0.10	0.35	0.30	0.10	0.05	0.05	0.00	
H(k)	0.05	0.15	0.50	0.80	0.90	0.95	1.00	1.00	
s	0.05	0.15	0.50	0.80	0.90	0.95	1.00	1.00	
S	0.4	1.2	4.0	6.4	7.2	7.6	8.0	8.0	
	0	1	4	6	7	8	8	8	[1,8]
灰度	0	0	3	5	6	7	7	7	[0,7]



图像平滑（噪声抑制）

Denoising

图像平滑方法分类

- 空间域

- 线性方法（线性滤波器）

- ✓均值滤波器, 高斯滤波器, 维纳滤波器, ...

- 非线性方法

- ✓中值滤波器, 全变分, 非局部均值, 双边滤波, 非均匀扩散, ...

- 结合线性与非线性方法

- 基于形态学运算的方法

- 基于模糊理论的方法

- 基于人工神经网络的方法

- 基于统计的方法

- 变换域的方法

- 小波域, 主成份分析 (PCA) , ...

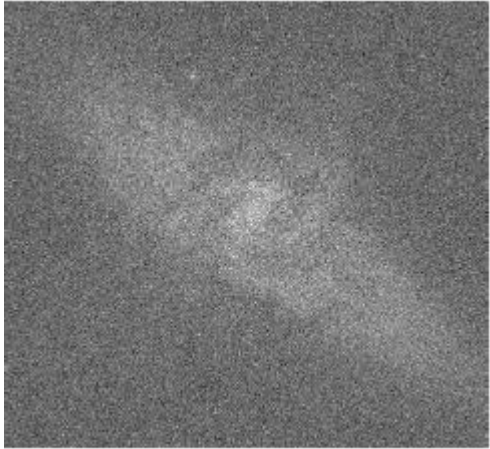
图像平均 (Image Averaging)

原始图像 (无噪声的理想图像) : I

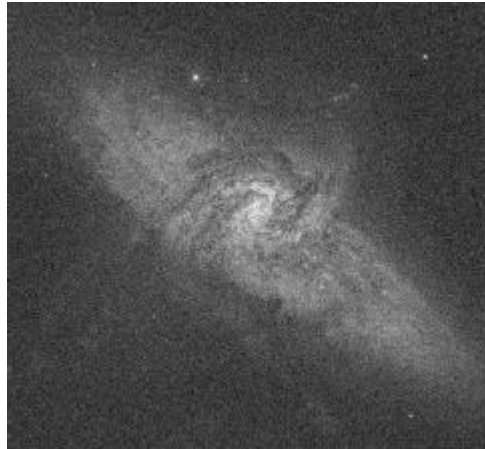
采样图像 (包含噪声) : $I(t)$, ($t=1, \dots, N$)

$$I(t) = I + n(t) \quad n(t) \rightarrow \text{服从高斯分布}$$

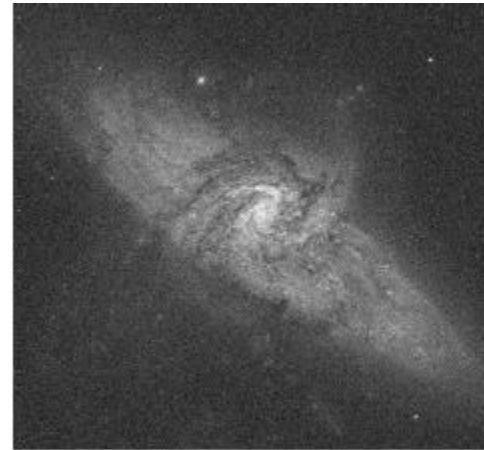
$$\hat{I} = \frac{1}{N} \sum_{t=1}^N I(t) = I + \frac{1}{N} \sum_{t=1}^N n(t)$$



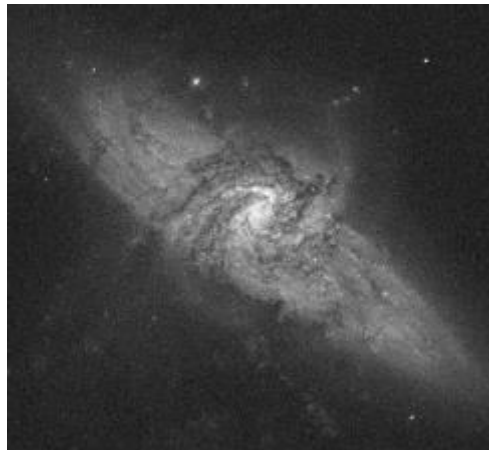
sample



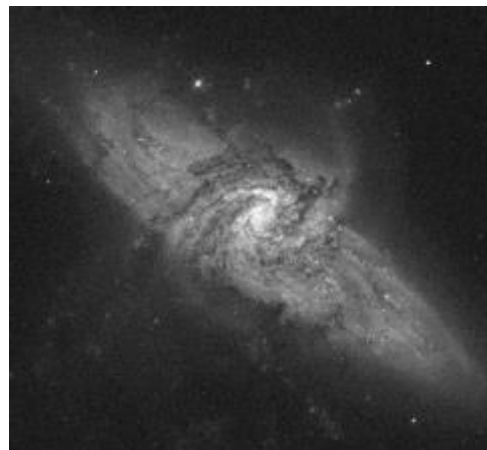
8 frames averaging



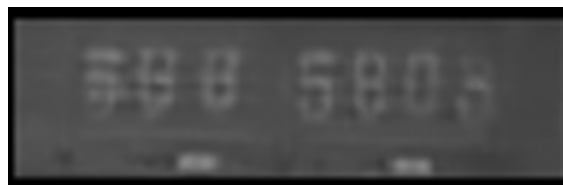
16 frames averaging



64frames averaging



128frames averaging



邻域像素的平均

$$\hat{I}(x, y) = \frac{1}{(2W + 1)^2} \sum_{i=-W}^W \sum_{j=-W}^W I(x + i, y + j)$$

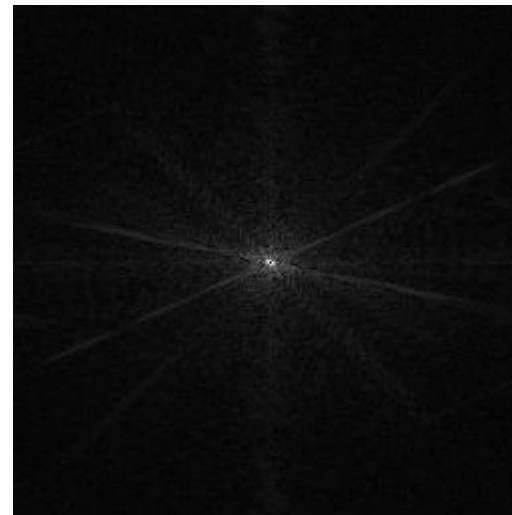
加权平均

$$\hat{I}(x, y) = \sum_{i=-W}^W \sum_{j=-W}^W h(i, j) I(x - i, y - j)$$

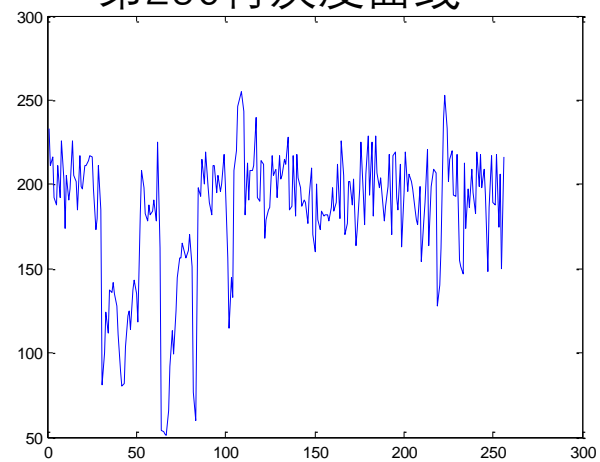
灰度图像



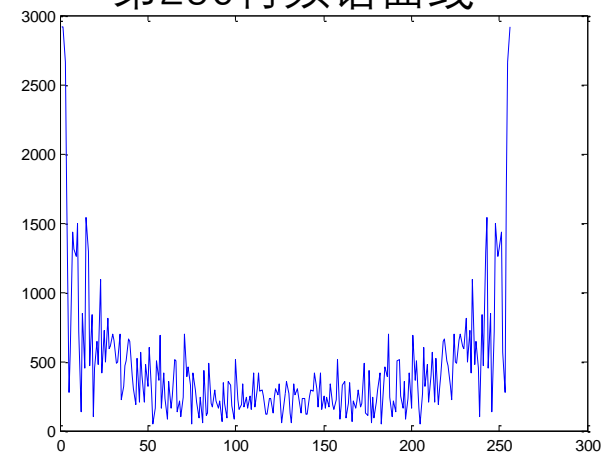
频谱图像



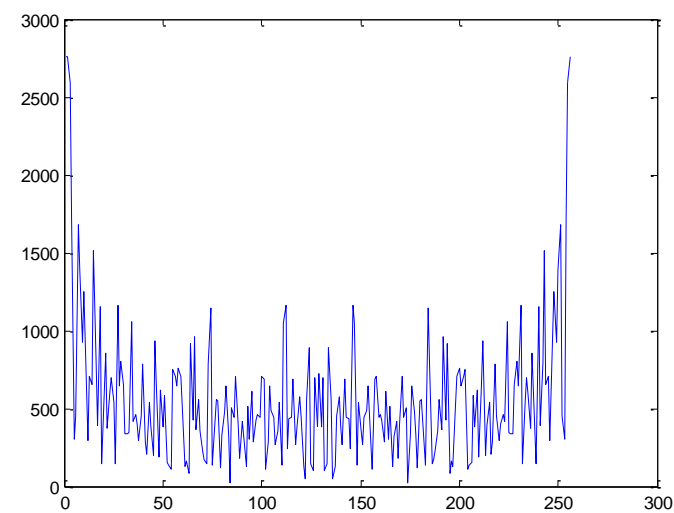
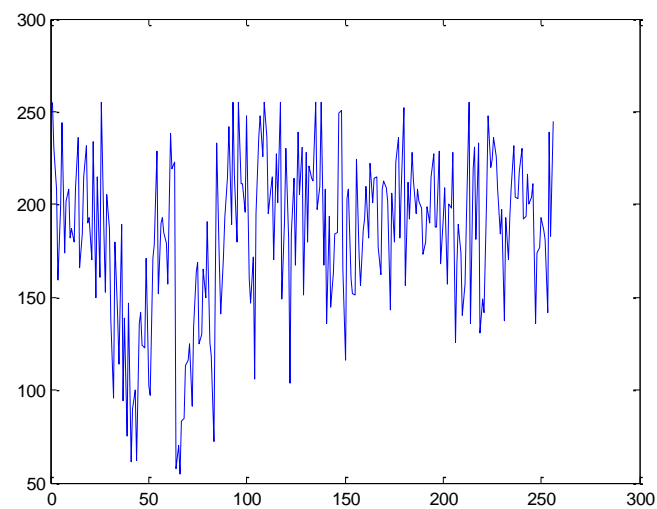
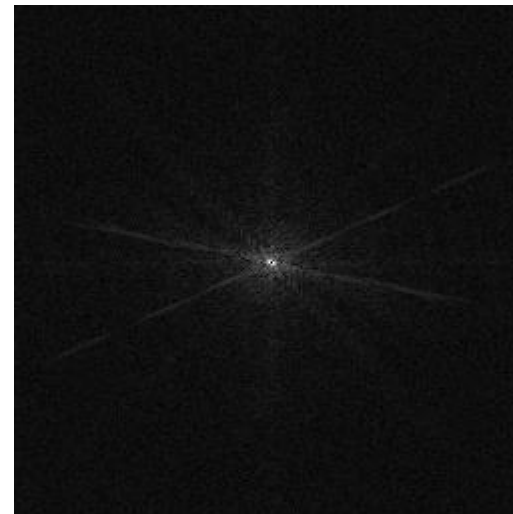
第256行灰度曲线



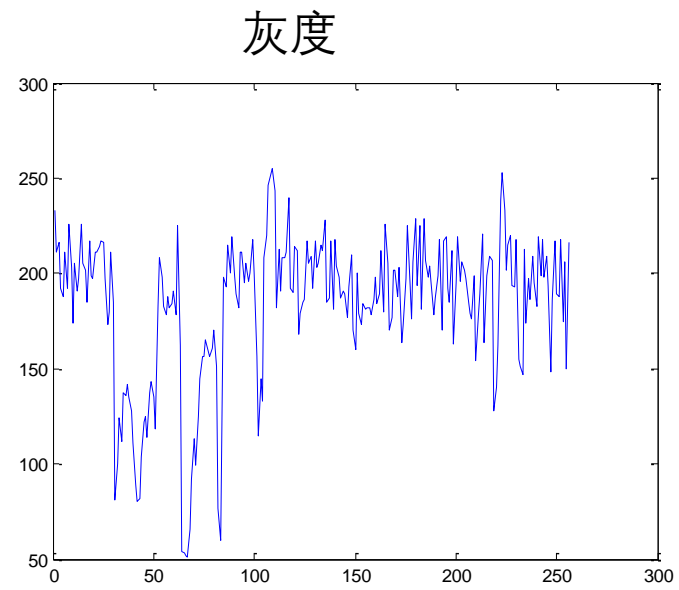
第256行频谱曲线



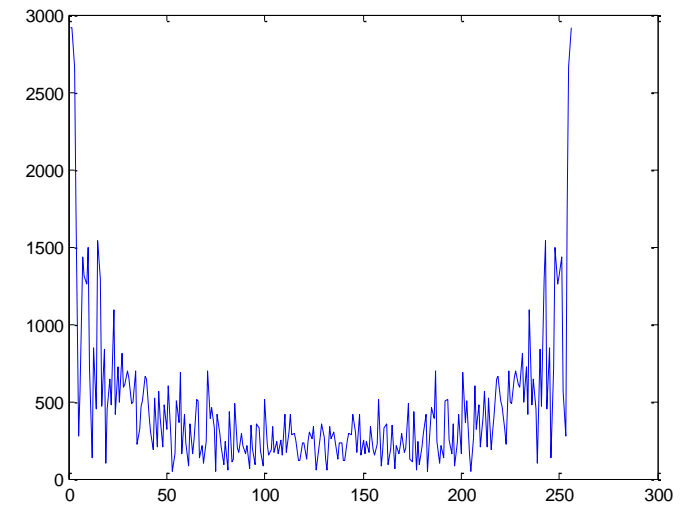
频谱特性



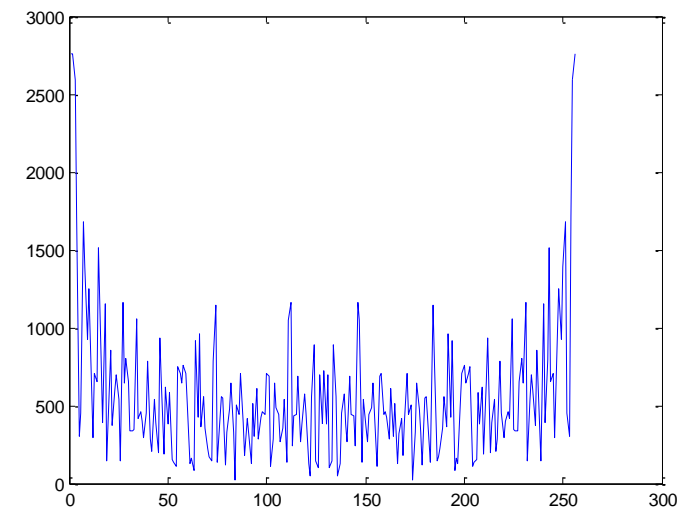
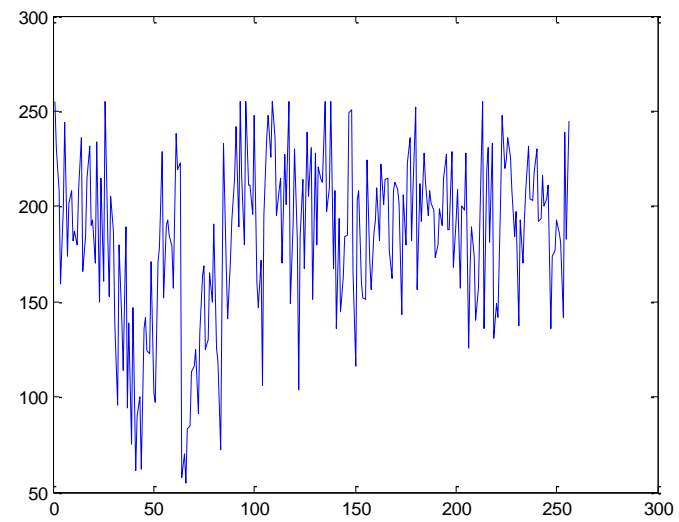
原始图像



频谱

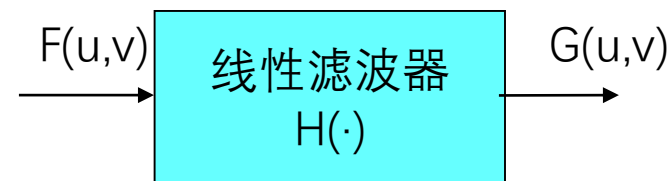


加噪声后图像



低通滤波器 (Lowpass Filter)

$$G(u,v) = H(u,v) F(u,v)$$



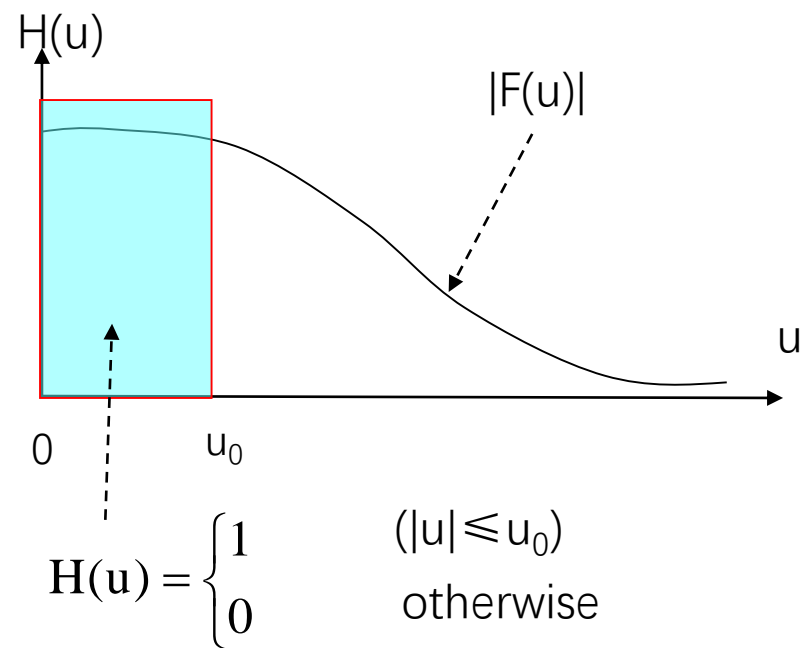
$H(u,v)$: 传递函数

$F(u,v)$: 输入图像的频域特性

$G(u,v)$: 输出图像的频域特性

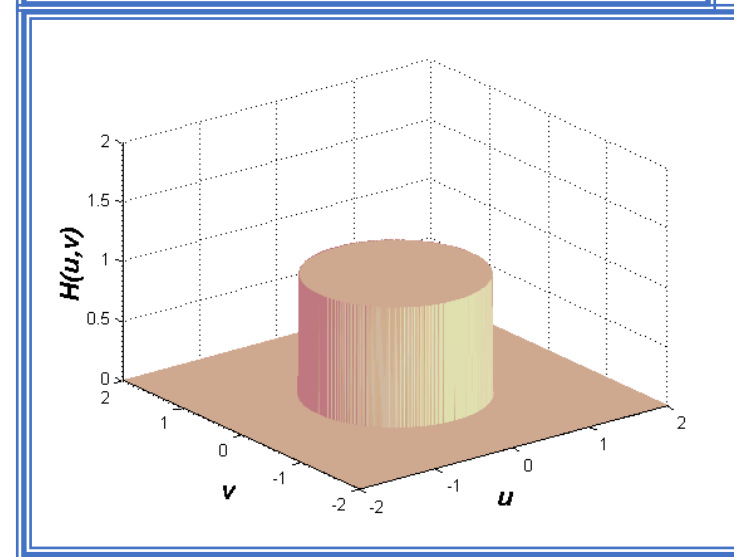
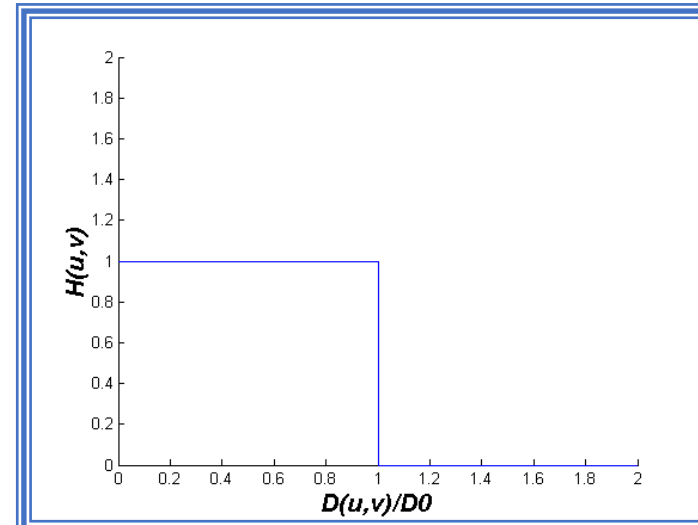
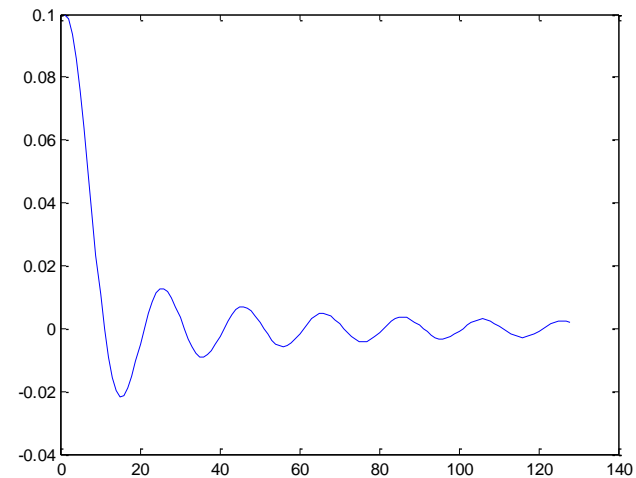
$$g(x,y) = h(x,y) * f(x,y)$$

$h(x,y)$: 点扩展函数 (Point Spread Function)



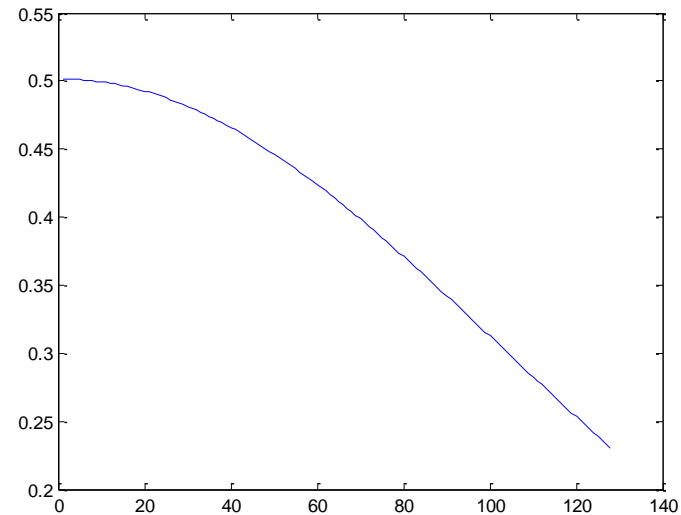
理想低通滤波器 (Ideal Lowpass Filter)

点扩展函数 $h(r)$

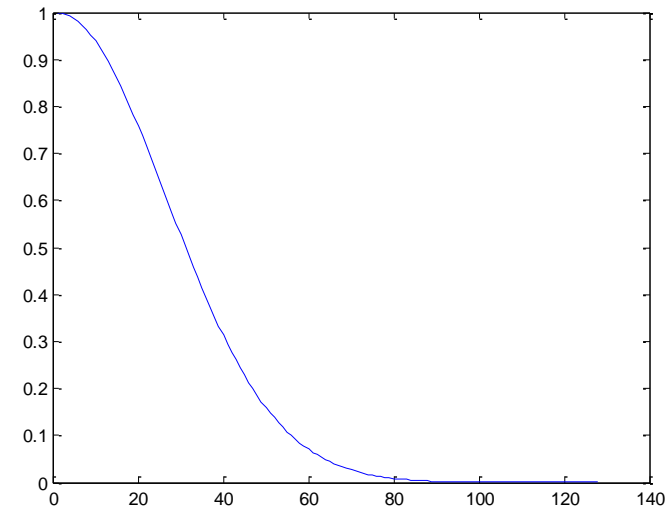


高斯滤波器(Gaussian Lowpass Filter)

$$h(x) = \sqrt{2\pi}\sigma Ae^{-2\pi^2\sigma^2x^2}$$

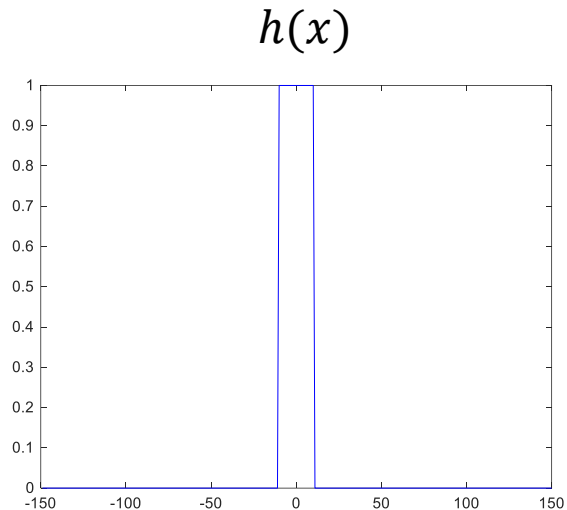


$$H(u) = Ae^{-u^2/2\sigma^2}$$

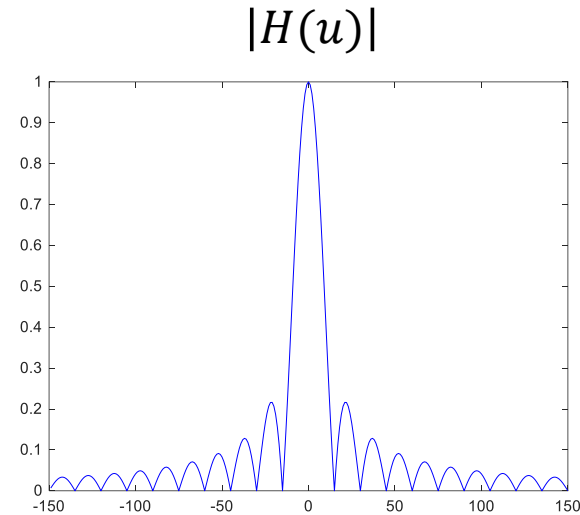


均值滤波器 (Averaging filter)

$$h(x) = \begin{cases} 1 & (-a/2 \leq x \leq a/2) \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$



$$\begin{aligned} H(u) &= \int_{-a/2}^{a/2} e^{-j2\pi ux} dx \\ &= \frac{e^{-j\pi au} - e^{j\pi au}}{-j2\pi u} \\ &= \frac{\sin(\pi au)}{\pi u} \end{aligned}$$



均值滤波器

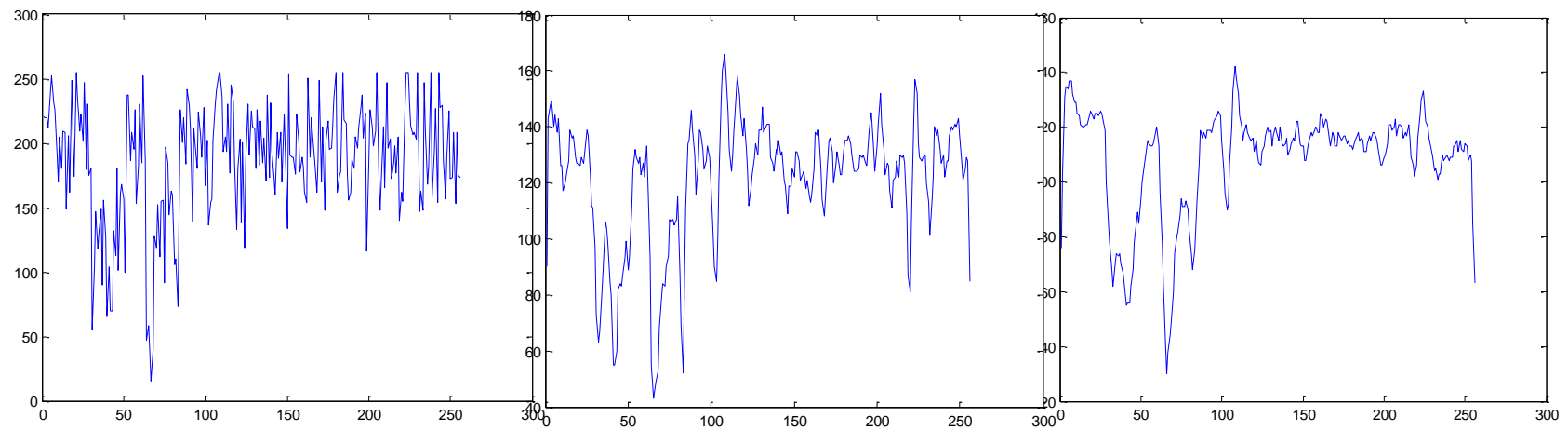
输入图像



3x3



5x5



高斯滤波器

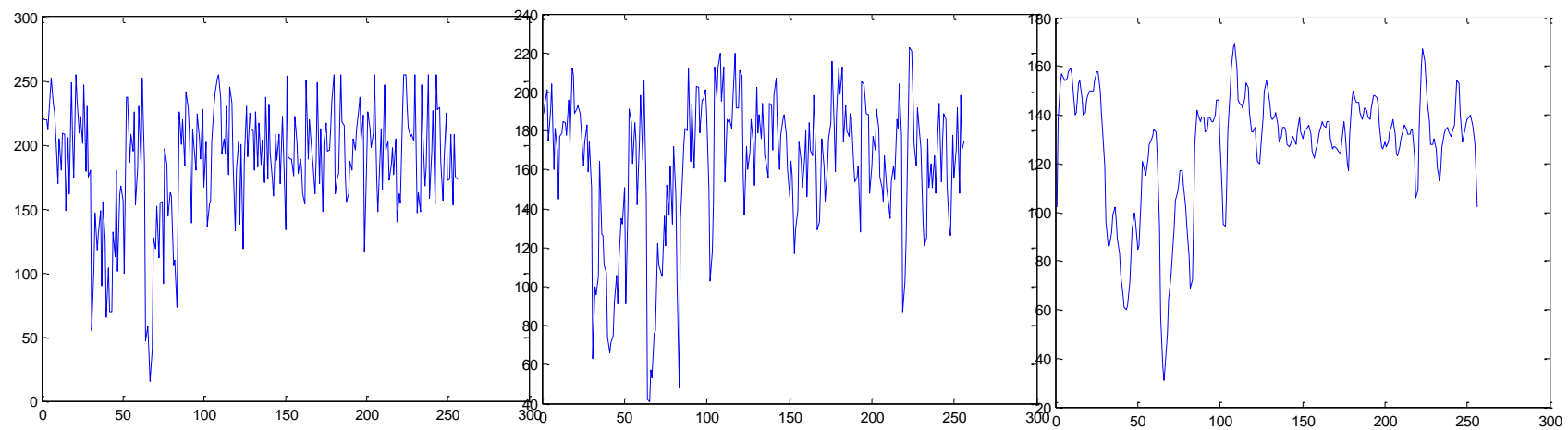
输入图像



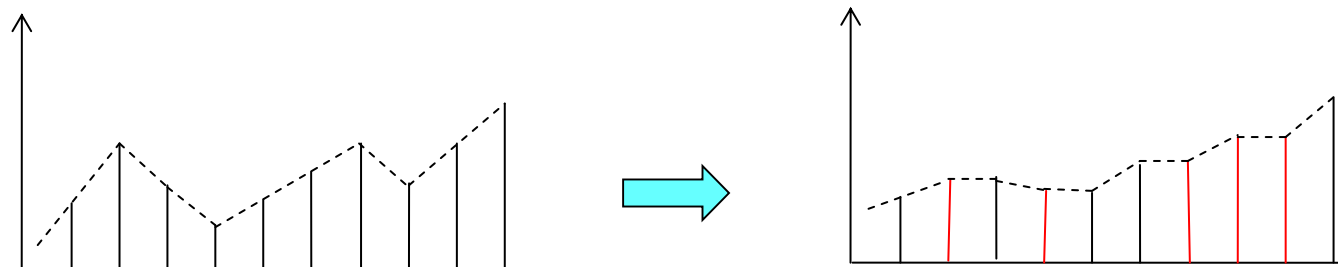
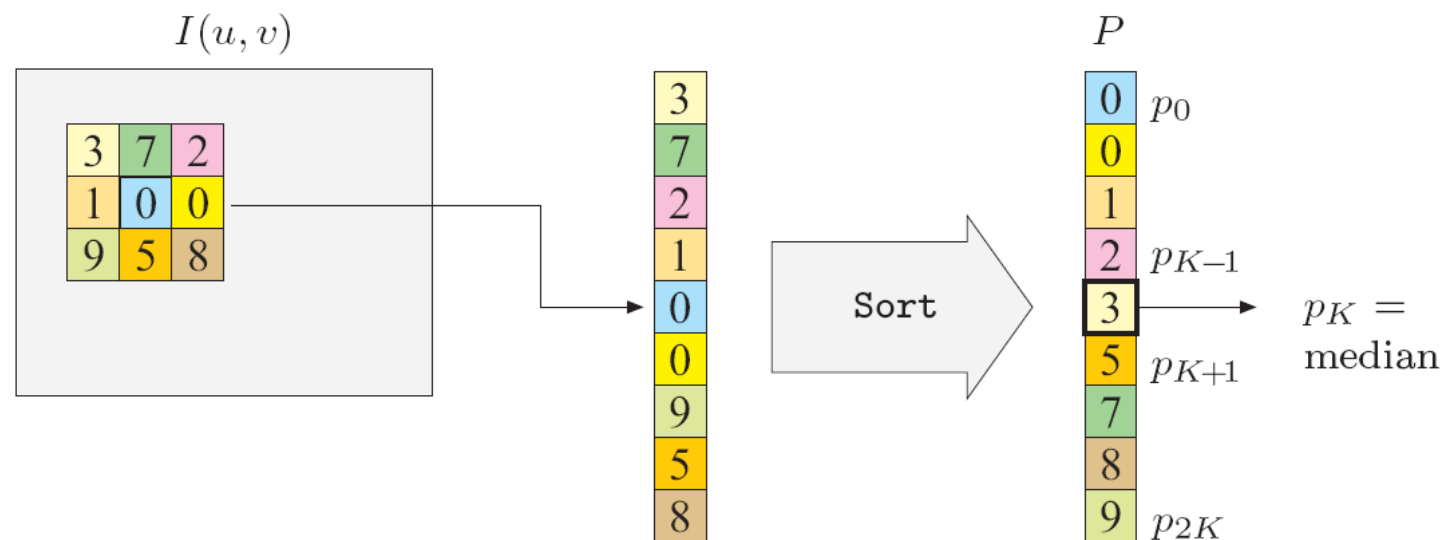
$\sigma=0.5$



$\sigma=1.0$



中值滤波器 (Median Filter)



中值滤波器

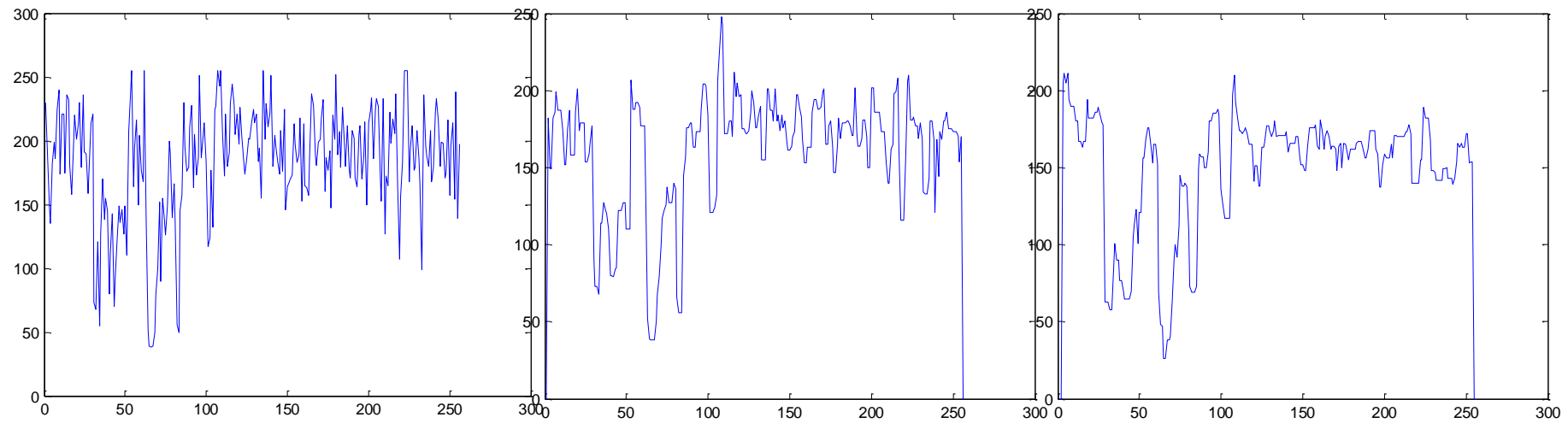
输入图像



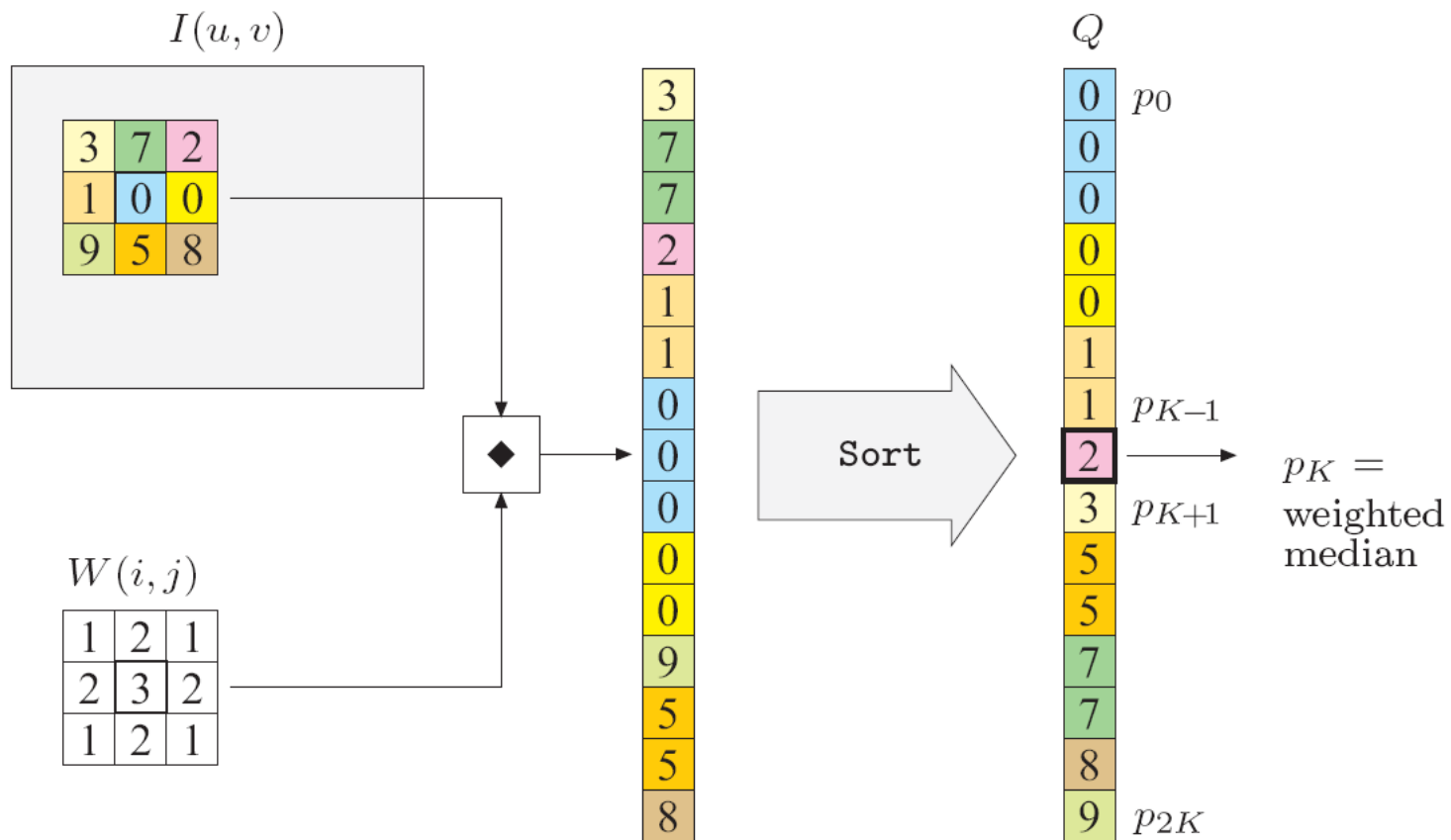
3x3 窗口输出图像



5x5 窗口输出图像



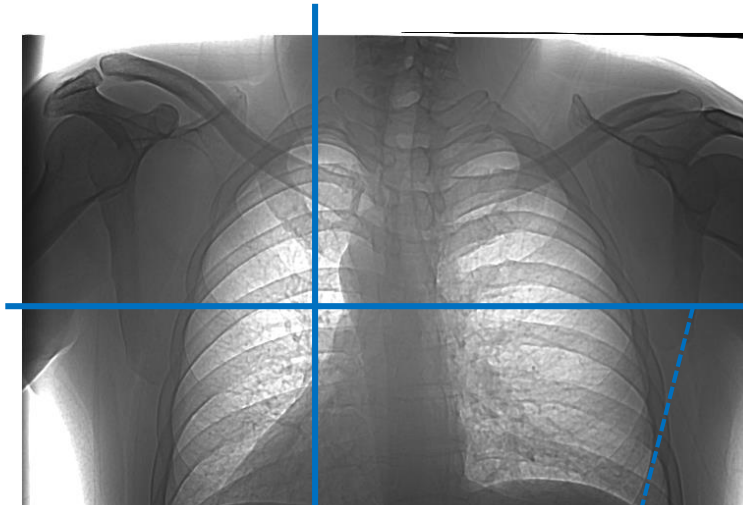
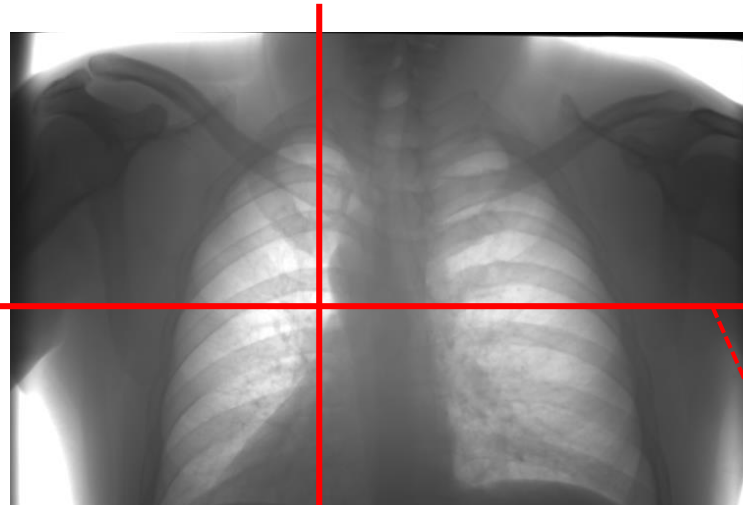
加权中值滤波器 (Weighted Median Filter)



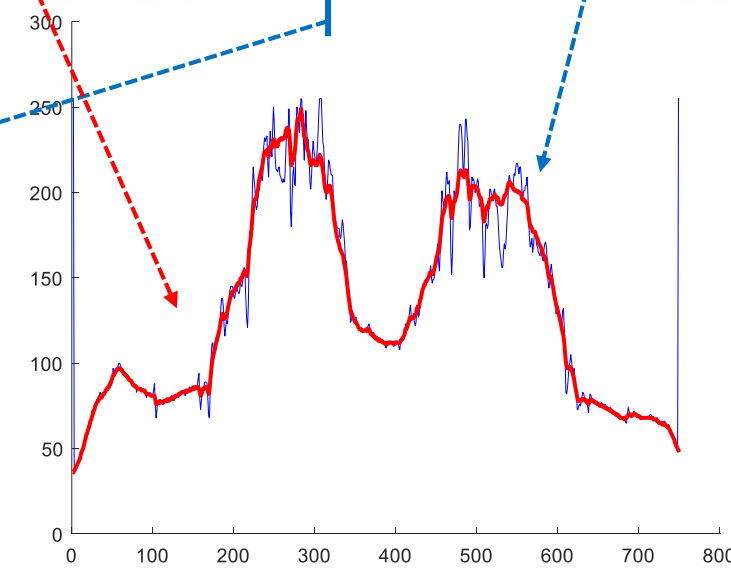
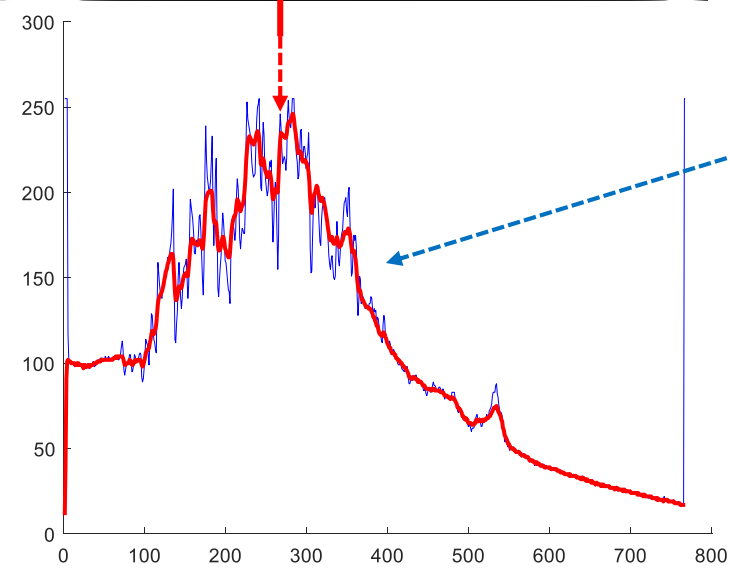
图像锐化 & 对比度增强

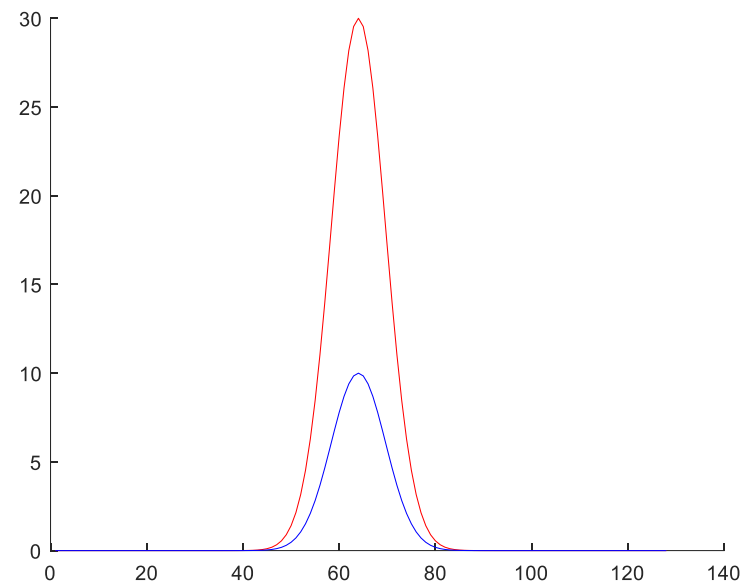
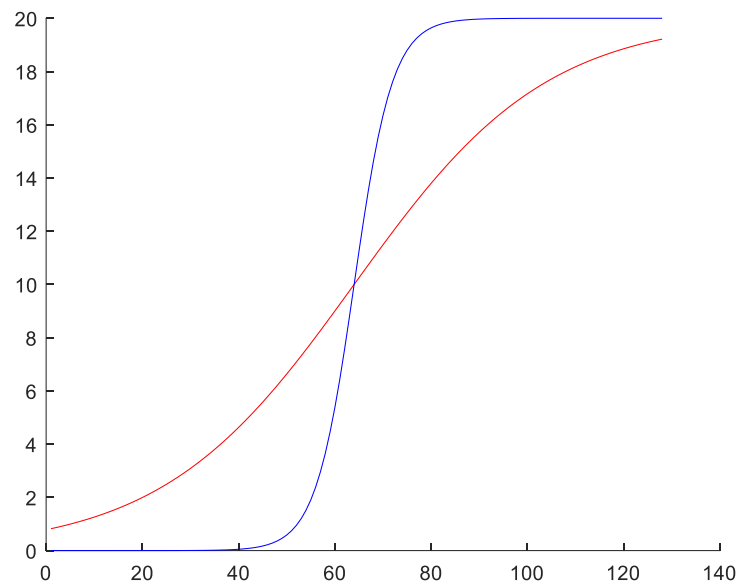
Image Sharpening

Contrast Enhancement



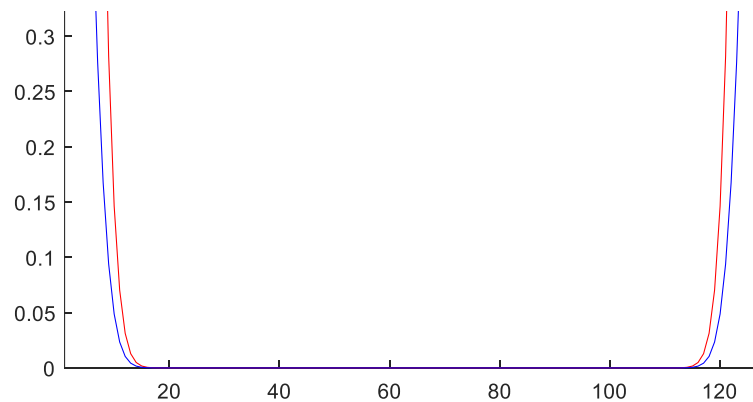
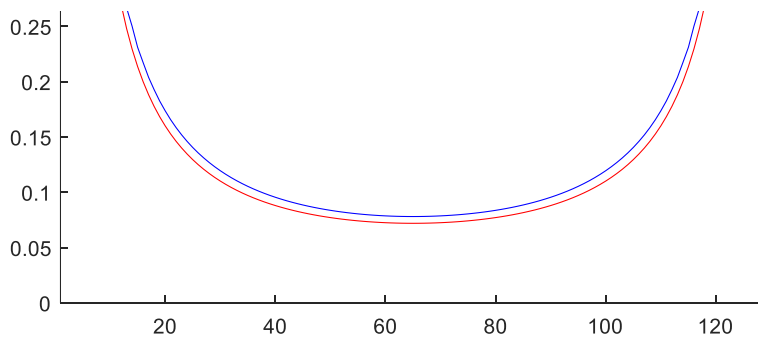
图像锐化：图像边界处灰度值变化更加陡峭
对比度增强：提升图像细节与周围区域的灰度差



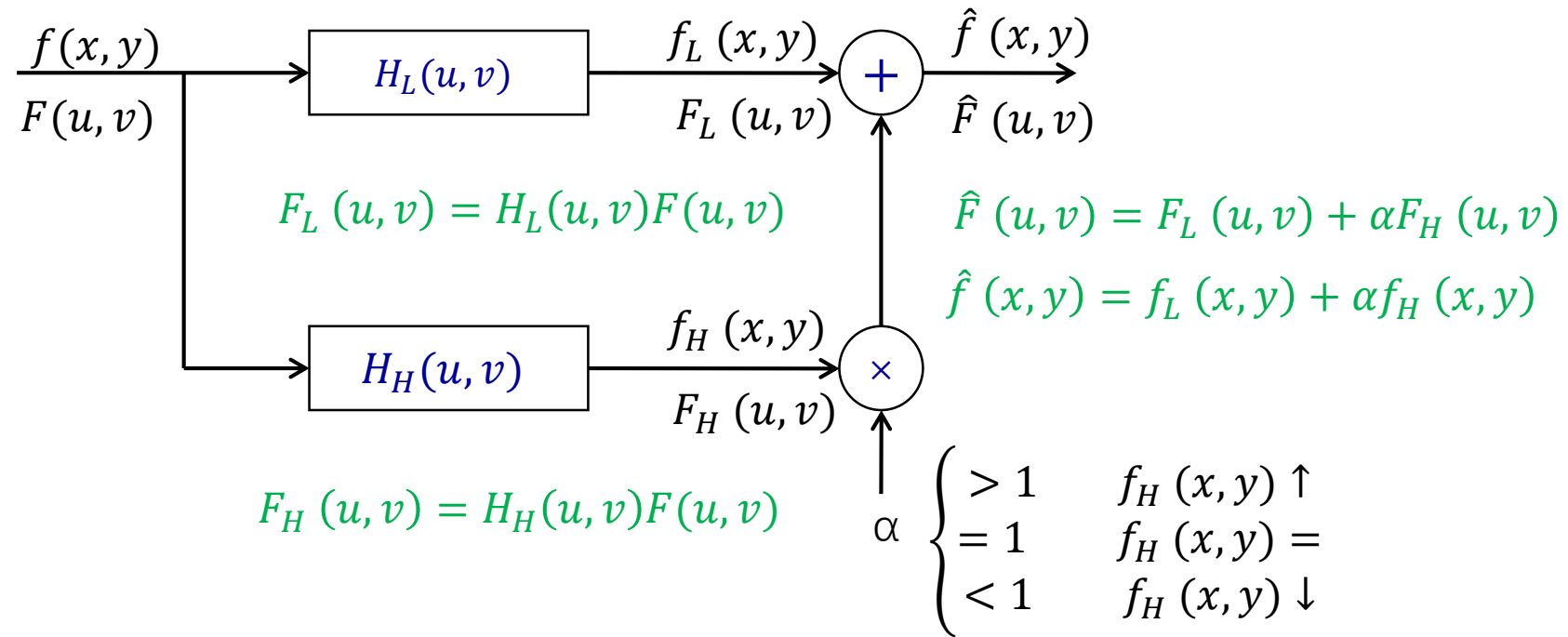


陡峭的边缘具有更多的高频分量

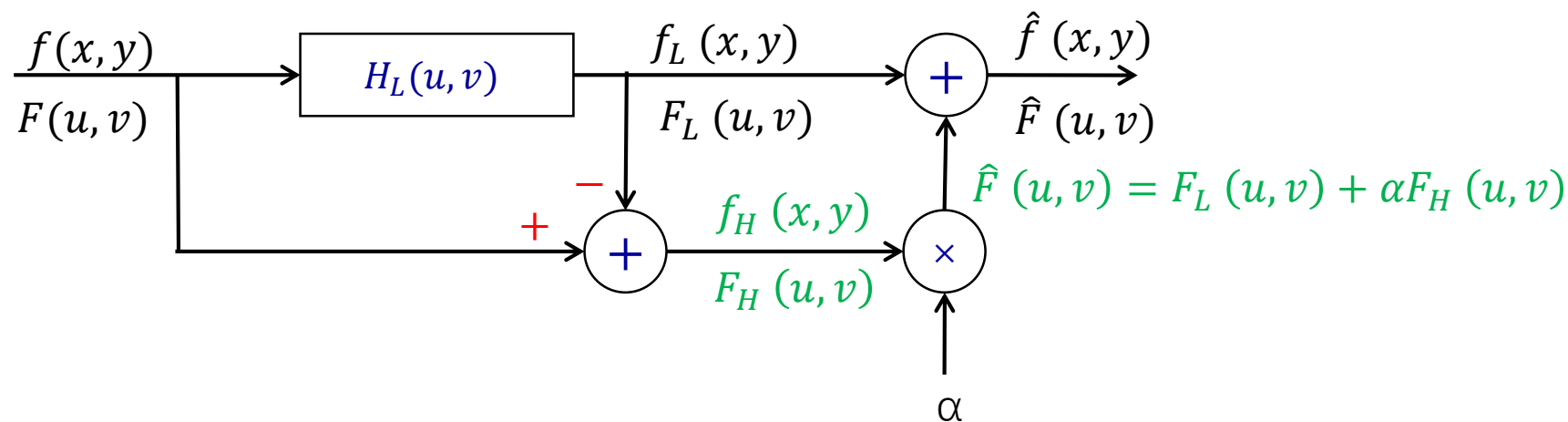
高对比度具有更多的高频分量



Unsharp Masking

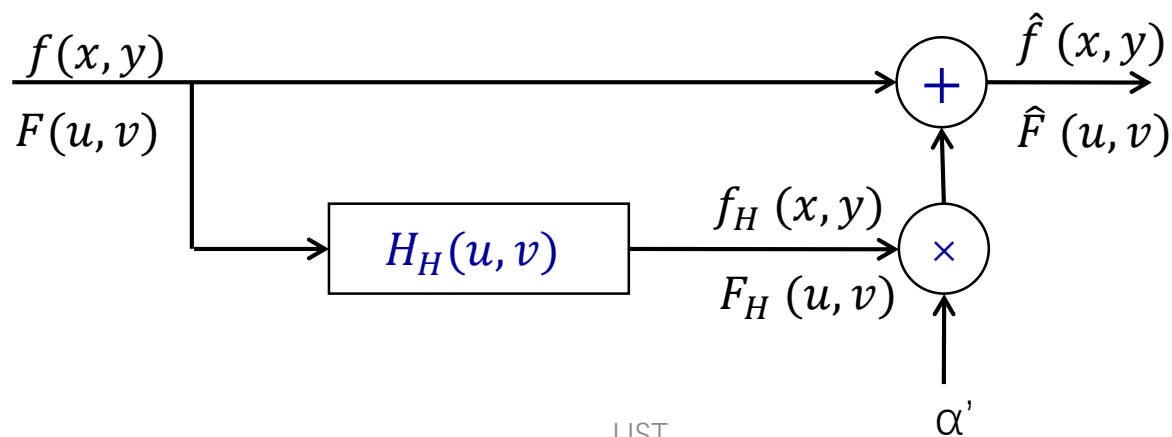


$$H_L(u, v) + H_H(u, v) = 1 \rightarrow H_H(u, v) = 1 - H_L(u, v)$$



记 $\alpha = \alpha' + 1 \rightarrow \hat{F}(u, v) = H_L(u, v)F(u, v) + H_H(u, v)F(u, v) + \alpha'H_H(u, v)F(u, v)$

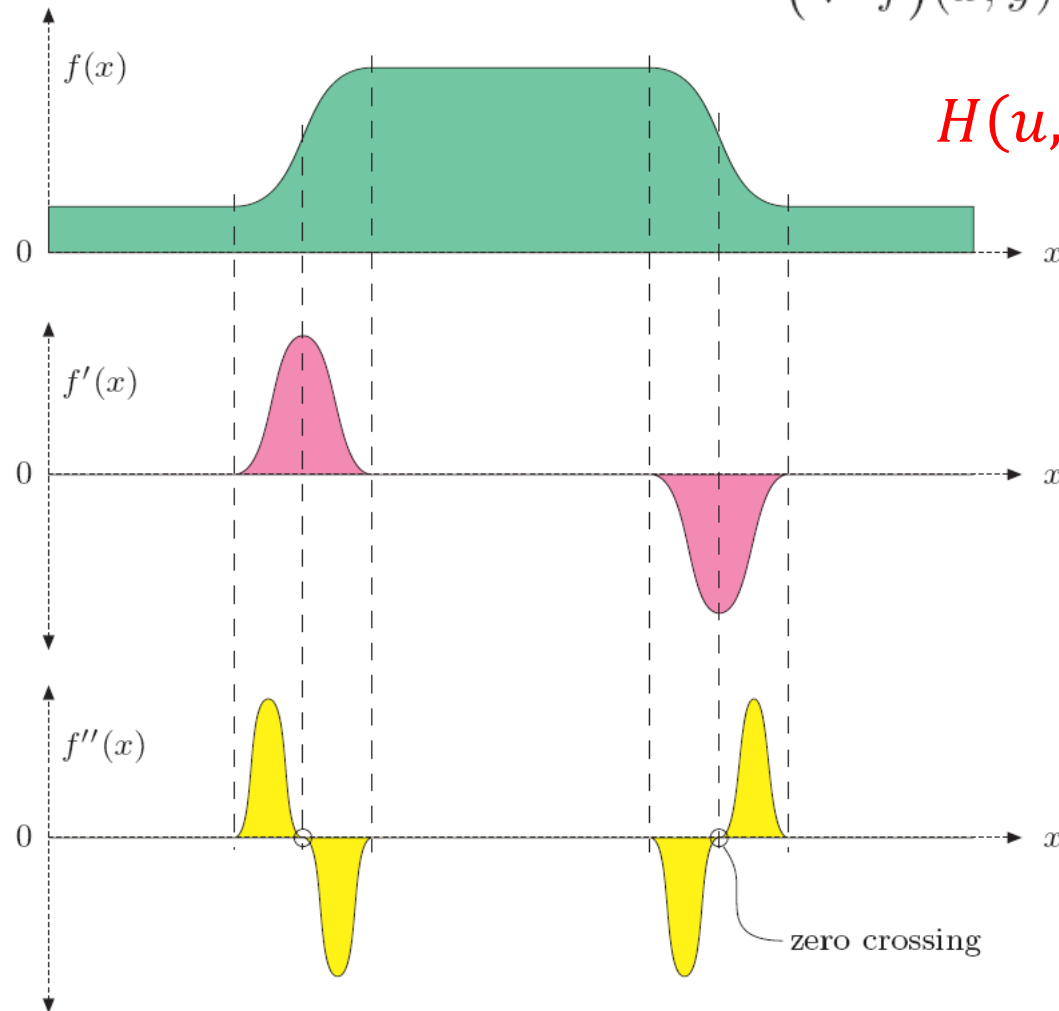
$$\hat{F}(u, v) = [1 + \alpha'H_H(u, v)]F(u, v)$$

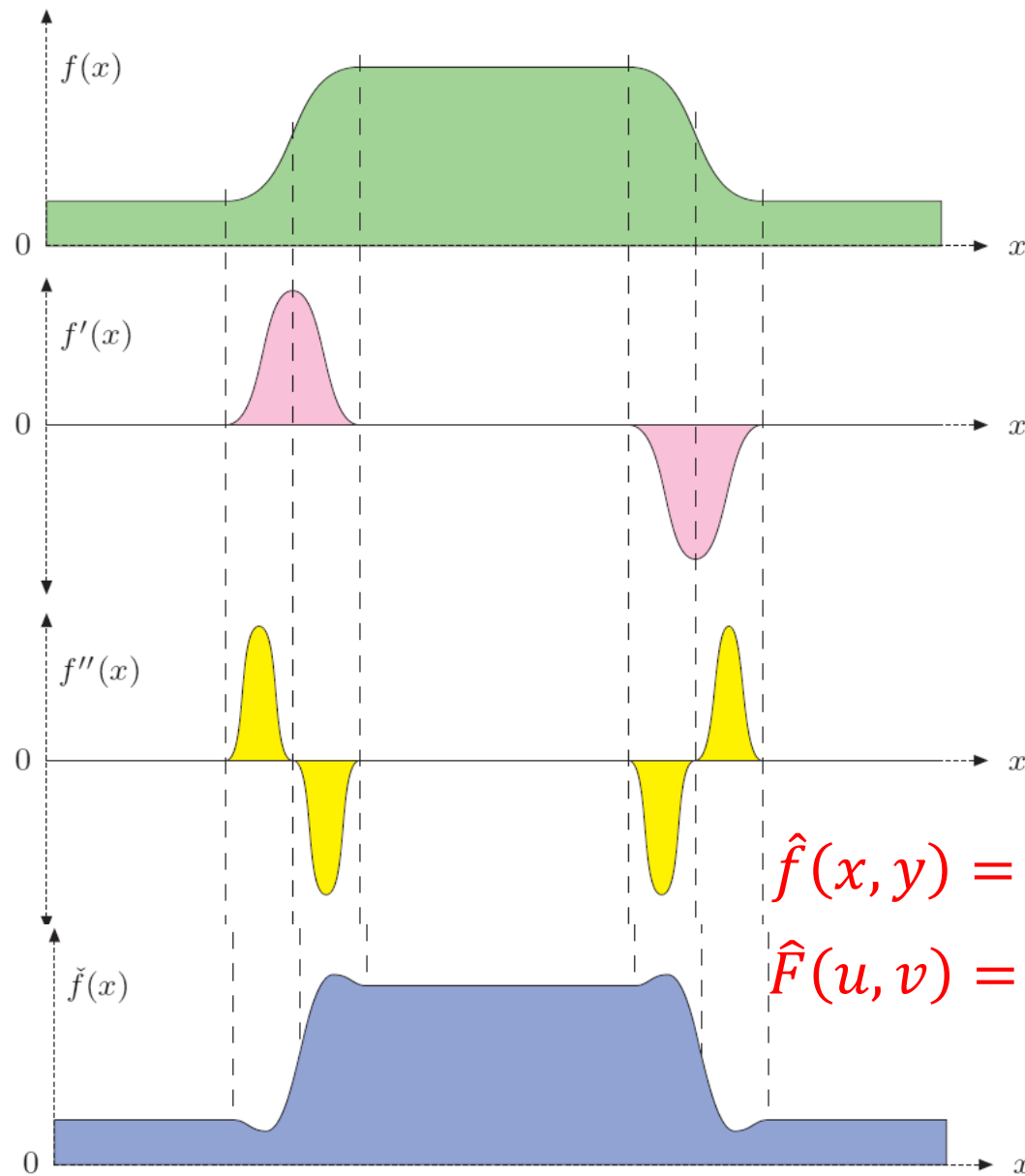


Laplacian

$$(\nabla^2 f)(x, y) = \frac{\partial^2 f}{\partial^2 x}(x, y) + \frac{\partial^2 f}{\partial^2 y}(x, y)$$

$$H(u, v) = -(u^2 + v^2)$$

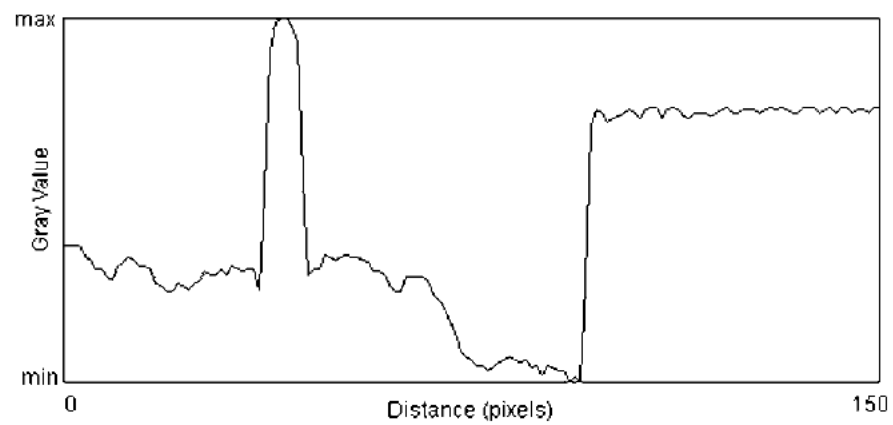
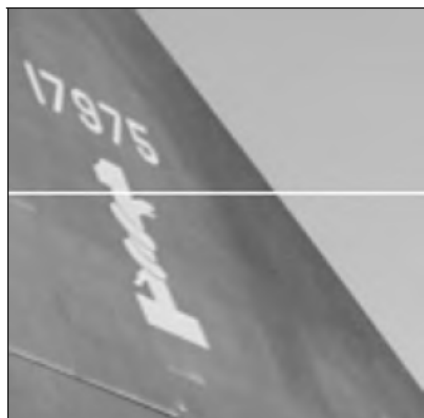




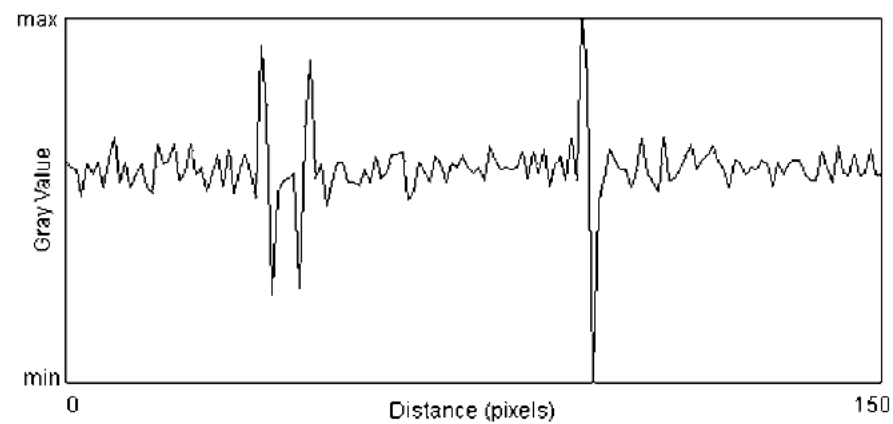
$$\hat{f}(x, y) = f(x, y) - \alpha \nabla^2 f(x, y)$$

$$\hat{F}(u, v) = [1 + \alpha(u^2 + v^2)]F(u, v)$$

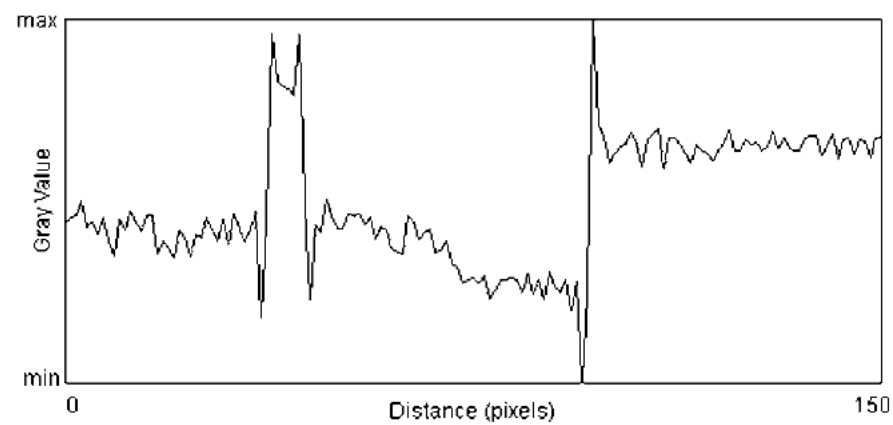
f



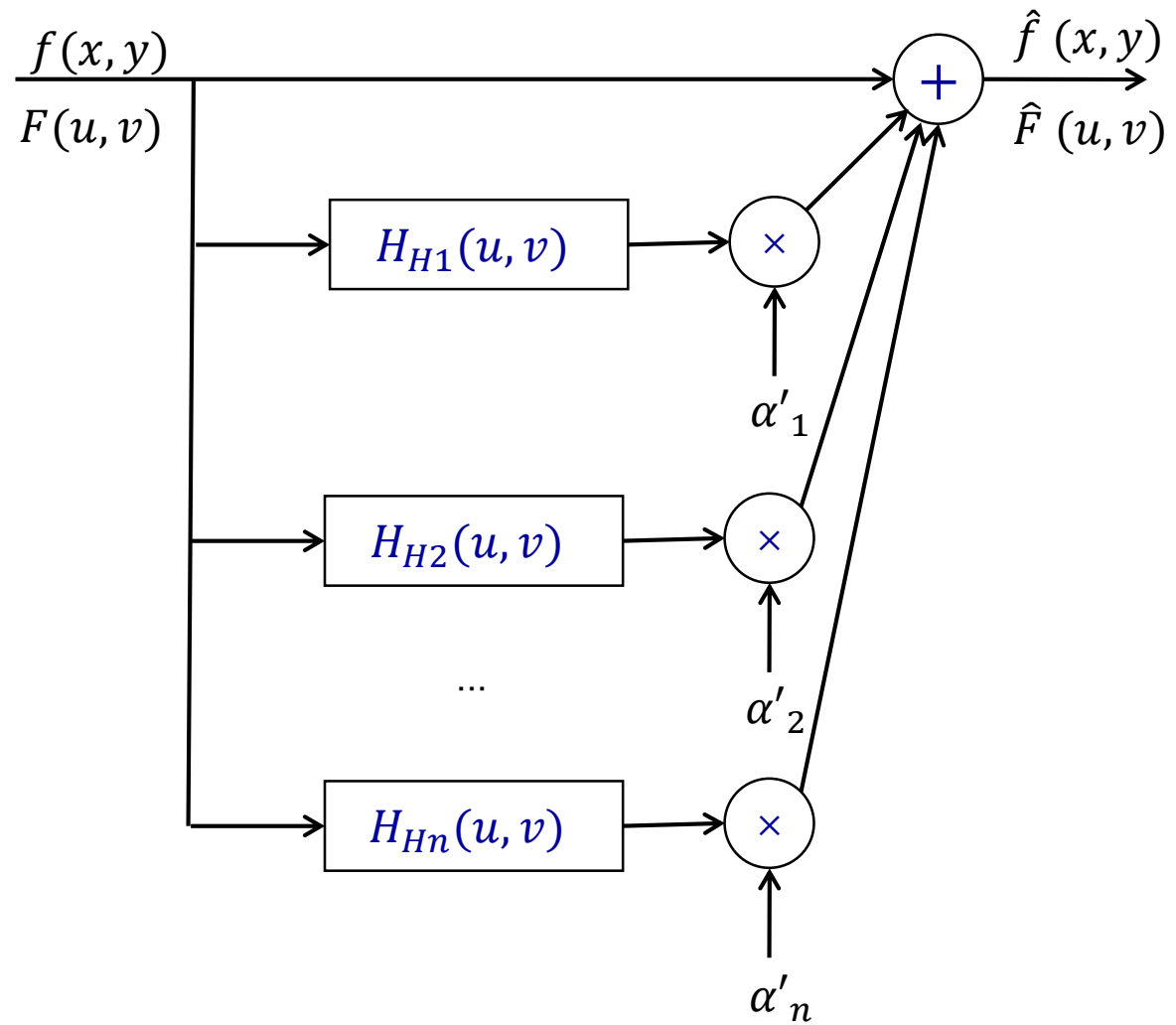
$\nabla^2 f$



$f - \nabla^2 f$



多分辨Unsharp Masking



同态滤波器 (Homomorphic Filter)

Retinex

对比度增强算法

光反射模型: $I(x, y) = L(x, y)R(x, y)$

↑
光源 (低频, 无效信息)

↑
反射系数 (高频, 有效信息)

$$\log I(x, y) = \log L(x, y) + \log R(x, y)$$

