# Les systèmes centrés

Les systèmes optiques sont le plus souvent une association de plusieurs types de surfaces ayant même axe principal.

La formation des images à travers ces systèmes passe alors par plusieurs étapes intermédiaires

#### 1. Définition

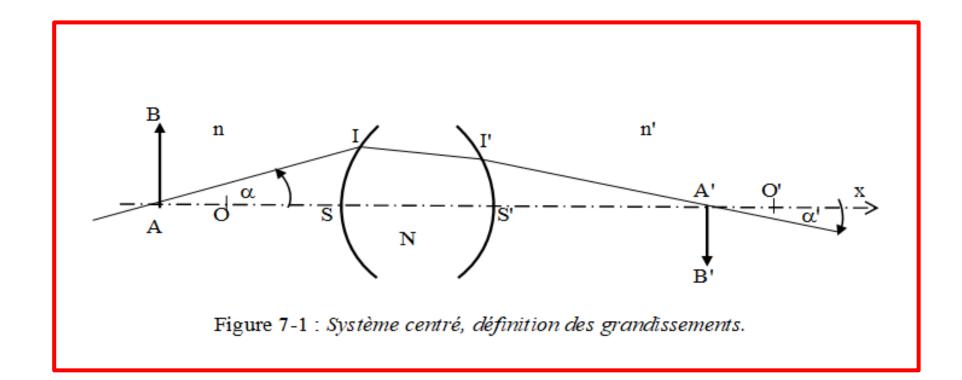
Un système centré est un ensemble de milieux transparents séparés par des surfaces planes ou sphériques dont l'axe principal est celui de toutes les surfaces du système centré.

On distingue deux types de systèmes centrés :

- Systèmes dioptriques : composés seulement de dioptres
- Systèmes catadioptriques : composés de miroirs et de dioptres

### **Exemples**

- Une lentille est une association de deux dioptres sphériques
- Une boule est une association d'un dioptre plan et d'un dioptre sphérique
- Un oculaire est une association de deux lentilles
- Une boule argentée sur sa face sphérique extérieure est une association d'un dioptre plan et d'un miroir sphérique concave.
- Une loupe ......



- **Grandissement transversal:** 

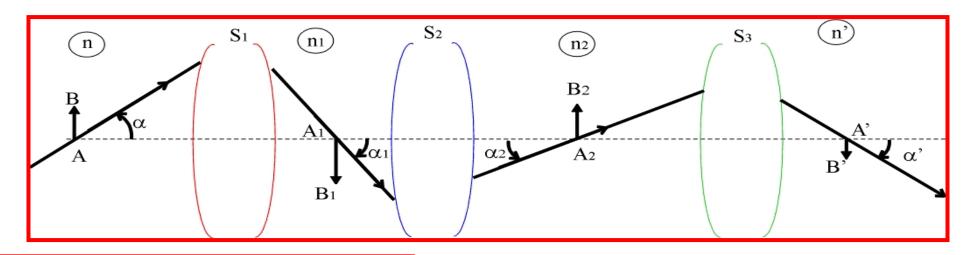
$$\gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}}$$

- Grandissement angulaire: Grossissement:

$$G = \frac{\alpha'}{\alpha}$$

### Relation de Lagrange Helmholtz : L'invariant de Lagrange-Helmholtz

Au niveau de chaque composant (S1, S2, S3) sur la figure ci-dessous, la relation de Lagrange Helmholtz est vérifiée, d'où :



$$n \overline{AB} \alpha = n_1 \overline{A_1B_1} \alpha_1 = n_2 \overline{A_2B_2} \alpha_2 = n' \overline{A'B'} \alpha'$$

La relation de Lagrange Helmholtz pour le système centré s'écrit donc: A'B' étant l'image finale donnée par la succession de composants.

$$n \overline{AB} \alpha = n' \overline{A'B'} \alpha'$$

$$\gamma = \frac{A'B'}{\overline{AB}}$$

Si les milieux extrêmes sont identiques n = n' d'où,

$$\gamma G = 1$$

$$\gamma G = \frac{n}{n'}$$

$$G = \frac{\alpha'}{\alpha}$$

#### **Démonstrations**

### **Relation de Lagrange Helmholtz**

$$\overline{\mathrm{SK}} = -\overline{\mathrm{SA}_1} \; an \; heta_1 = -\overline{\mathrm{SA}_2} \; an \; heta_2$$

Dans l'approximation de Gauss: les tangentes des angles tan(X) = X avec les angles exprimés en radians :

## Si A<sub>2</sub>B<sub>2</sub> est l'image de A<sub>1</sub>B<sub>1</sub>

$$\overline{\mathrm{SA}_1} \; \theta_1 = \overline{\mathrm{SA}_2} \; \theta_2$$

nous avons vu que:

$$\gamma=rac{\mathrm{n_1}}{\mathrm{n_2}}\;rac{\overline{\mathrm{SA_2}}}{\overline{\mathrm{SA_1}}}=rac{\overline{\mathrm{A_2B_2}}}{\overline{\mathrm{A_1B_1}}}$$

soit encore :  $n_1$  .  $\,\overline{A_1B_1}$  .  $\,\overline{SA_2}=n_2$  .  $\,\overline{A_2B_2}$  .  $\,\overline{SA_1}$ 

on en déduit facilement le relation de Lagrange-Helmholtz :

$$n_1$$
 .  $\overline{A_1B_1}$  .  $heta_1=n_2$  .  $\overline{A_2B_2}$  .  $heta_2$ 

### Eléments cardinaux

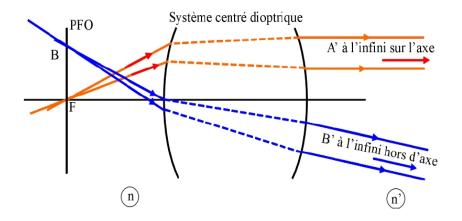
Sont les foyers, les points principaux et antiprincipaux, les points nodaux et antinodaux

### 1- Foyers et plans focaux

Foyer objet F: Point sur l'axe dont l'image est à l'infini (rayon émergeant parallèle à l'axe).

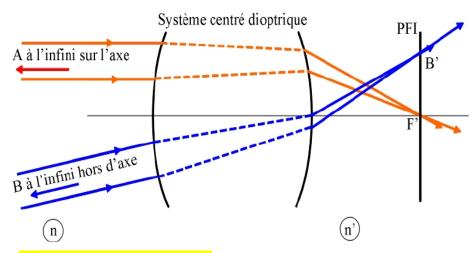
Plan focal objet: Plan perpendiculaire à l'axe passant par le foyer objet F.

Tout faisceau issu d'un point du plan focal objet (Foyers objets secondaires) émerge du système en un faisceau de rayons parallèles, inclinés par rapport à l'axe.



Tout faisceau incident parallèle, incliné par rapport à l'axe converge après traversée du système en un point du plan focal image (Foyers images secondaires).

Les foyers peuvent être réels ou virtuels selon leurs positions par rapport au système centré.

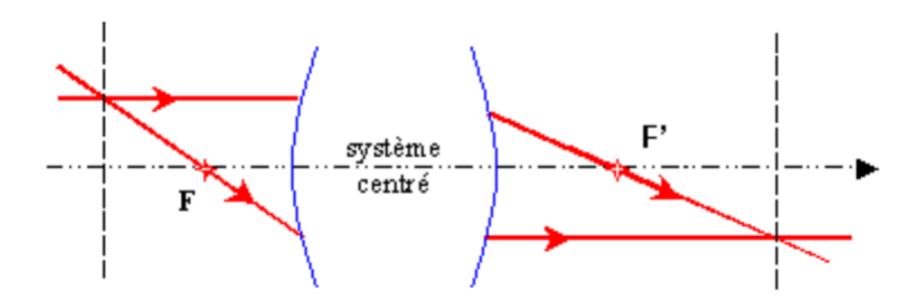


Foyer image F': Image sur l'axe d'un point situé à l'infini (rayon incident parallèle à l'axe).

Plan focal image: Plan perpendiculaire à l'axe passant par le foyer image F'

### 4. Etude d'un système centré à foyer :

Un système est dit à foyer si ses foyers objet et image ne sont pas rejetés à l'infini

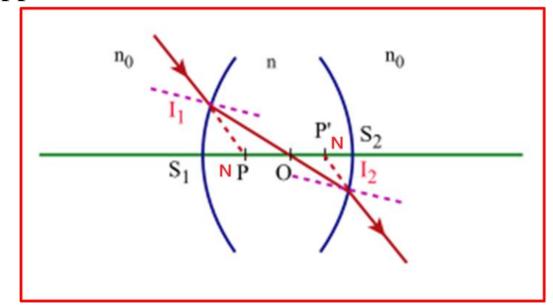


### - Centre optique:

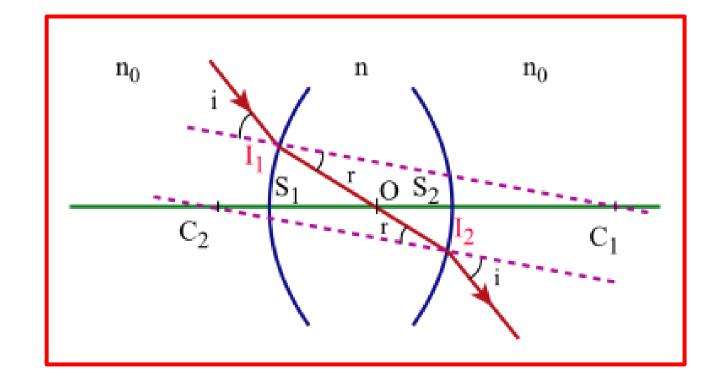
C'est le point du milieu intermédiaire tel qu'à tout rayon dont le support passe par ce point correspond un incident et un émergent parallèle. Sa position est définie par la relation :

$$\boxed{\frac{\overline{OC_1}}{\overline{OC_2}} = \frac{\overline{OS_1}}{\overline{OS_2}} = \frac{\overline{S_1C_1}}{\overline{S_2C_2}} = \frac{R_1}{R_2}}$$

Relation valable dans le cas des milieux extrêmes identiques. le centre optique constitue l'image du **point nodal objet** par rapport à la face d'entrée et l'objet du point nodal image par rapport à la face de sortie:



$$D_1(n_0, n)$$
  $D_2(n, n_0)$   $\rightarrow N'$ 



**Démonstration** 

# Considérons les triangles $OC_1I_1$ et $OC_2I_2$ on a :

$$\frac{\overline{OC_1}}{\overline{OC_2}} = \frac{\overline{C_1I_1}}{\overline{C_2I_2}} = \frac{\overline{S_1C_1}}{\overline{S_2C_2}} = \frac{\overline{OC_1} - \overline{S_1C_1}}{\overline{OC_2} - \overline{S_2C_2}} = \frac{\overline{OS_1}}{\overline{OS_2}} = \frac{R_1}{R_2}$$

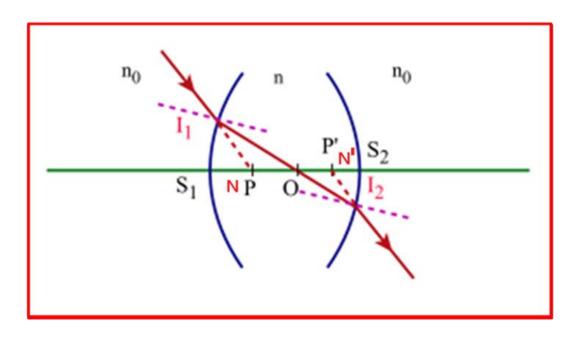
#### -Plans nodaux:

Ce sont deux plans (N, N') perpendiculaire à l'axe optique pour lesquels

le grandissement angulaire vaut g= 1. (les angles (i, r)

Les points nodaux appartenant à l'intersection de ces plans nodaux avec l'axe optique du système.

Tout rayon incident passant par N correspond à un rayon émergent parallèle passant par N'.



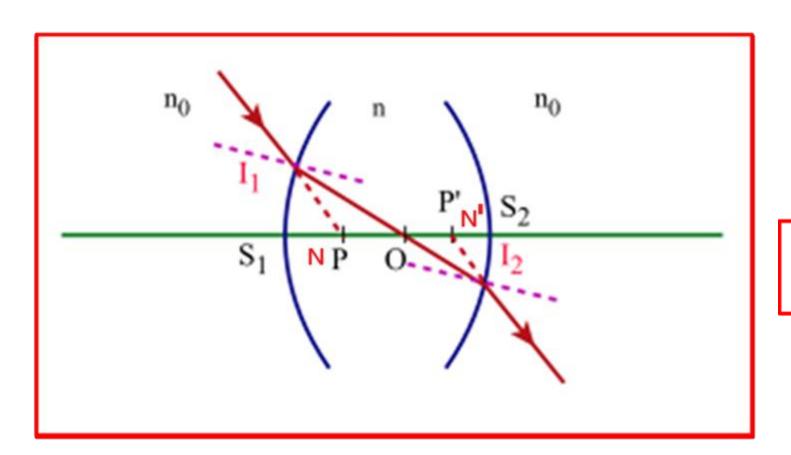
F H N' H' F'
N L L'
P P'

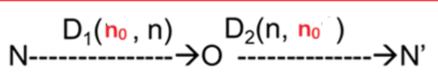
Fig a: système réel

Fig b: système équivalent

Les milieux extrêmes étant identiques les points principaux P et P' seront confondus avec les points nodaux N et N'. (voir figure)

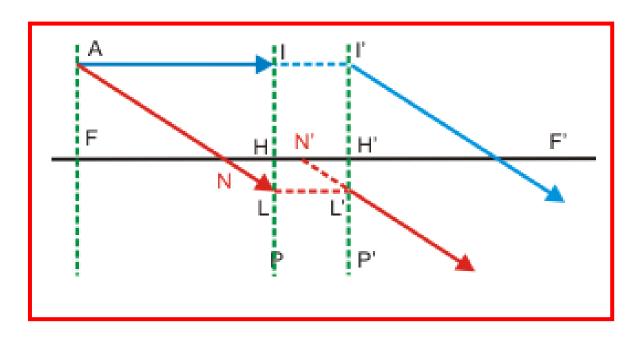
Les points principaux P et P' étant confondus avec les points nodaux N et N' on pourra dire que le <u>centre optique</u> O est le conjugué de P dans le premier dioptre tandis que le point P' sera le conjugué de O dans le second dioptre.





On considère un point A du plan focal objet (foyer objet secondaire). Un rayon AI parallèle à l'axe émerge selon I'F'. Le rayon AN coupe l'axe optique en N est parallèle à I'F'. (AN//I'F').

Les triangles (AFN) et (I'H'F') sont égaux. Alors on en déduit que FN = H'F' = f'



$$f' = H'F' = FN$$

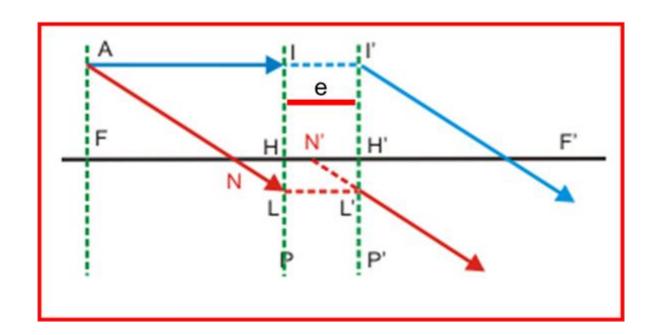
$$f = HF = F'N'$$
 et  $HN = H'N' = H'F' + F'N' = f + f'$ 

### Distance interstice du système

Soit N' le conjugué de N. (NN'L'L) est un parallélogramme

donc : NN' = LL' = HH' = e. Alors e est dit l'interstice du système.

e = HH' = NN' =L'interstice du système



$$f' = H'F' = FN$$

$$F = HF = F'N'$$

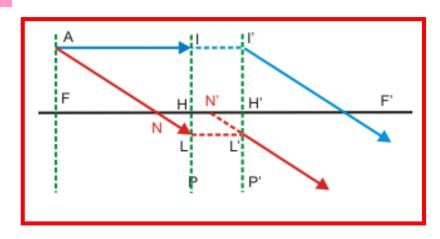
$$H'N' = HN = H'F' + F'N' = f + f'$$

### **Distances focales**

$$f = \overline{HF}$$

Distance focale image:

$$f' = \overline{H'F'}$$



Vergence en dioptries ou m-1

V> 0 ----→ système convergent

V< 0 ----→ système divergent

### Relation de Lagrange:

Le rapport des distances focales d'un système centré est égal au rapport des indices des milieux extrêmes changés de signe

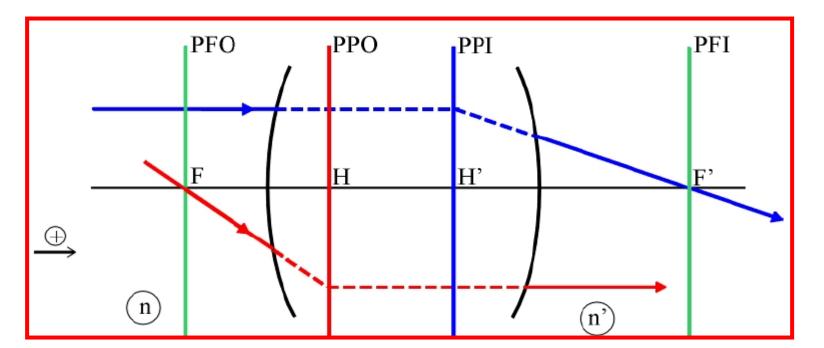
$$V = \frac{n'}{f'} = \bigcirc \frac{n}{f}$$

### - Plans et points principaux

a) Définitions

Plan principal image (PPI): lieu géométrique des points d'intersection des rayons incidents parallèles à l'axe avec les rayons émergents correspondants (passant par F'). Le point d'intersection du PPI avec l'axe est le point principal image H'.

Plan principal objet (PPO): lieu géométrique des points d'intersection des rayons incidents passant par F avec les rayons émergents correspondants parallèles à l'axe. Le point d'intersection du PPO avec l'axe est le point principal objet H.



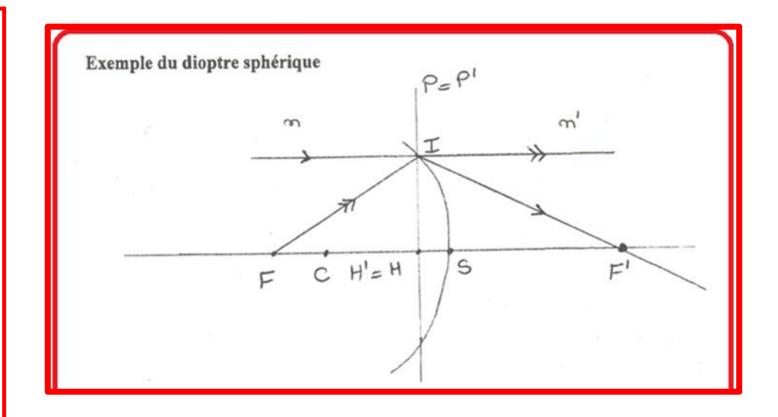
### **Propriétés**

-Les plans principaux sont conjugués l'un de l'autre et le grandissement entre ces 2 plans est égal à 1.

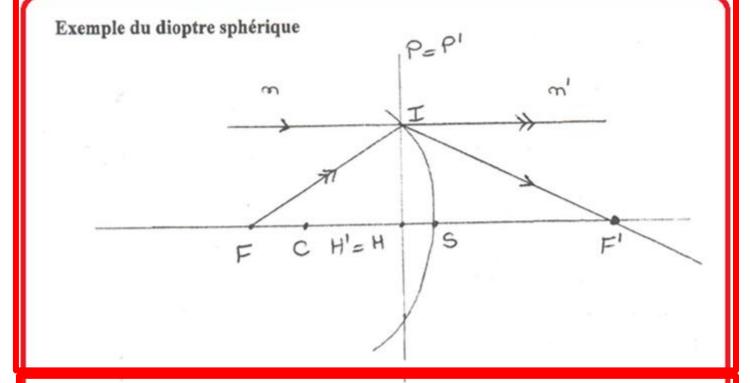
-Cas particulier: Dioptre sphérique

Dans l'approximation de Gauss, les points principaux du dioptre sphérique H et H' sont confondus et très proche du sommet S; donc nous aurons l'approximation suivante  $\mathbf{H} = \mathbf{H'} = \mathbf{S}$ .





### Par calcul



Dans les conditions de Gauss, I # S. Soit H = H' = S

Calcul des distances focales :

$$f = HF = SF$$
,  $f' = H'F' = SF'$ 

La relation de conjugaison avec origine en S: n'/SA' - n/SA = (n'-n)/SC

$$F = A \operatorname{si} A' = \infty$$
,  $SF = n SC / (n-n')$ 

$$F' = A', A = \infty, f' = SF' = n' SC / (n'-n)$$

Et l'interstice e = HH' = 0

un objet HB plan et perpendiculaire à l'axe principal.

La correspondance de plan à plan dans les systèmes centrés, donnera une image H'B' plane et perpendiculaire à l'axe principal.

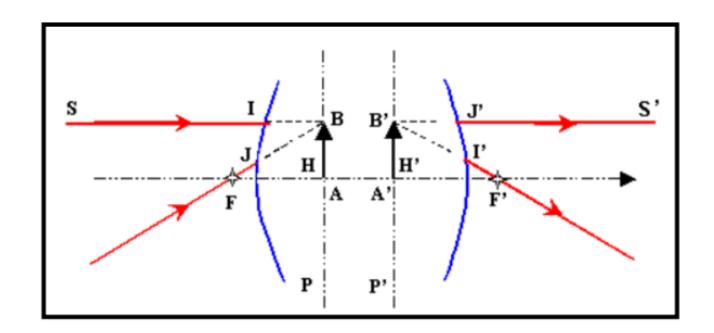
Pour tout système centré à foyer

l'objet virtuel HB est situé sur le plan P



une image H'B' virtuelle située sur un plan P'

le grandissement égale à 1.



- ➤ AB appartient alors au plan principal objet P: lieu des points d'intersection des incidents parallèles à l'axe avec les émergents correspondants passants par le foyer F'
- ➤ A'B' appartient alors au plan principal image P': lieu des points d'intersection des incidents passants par F' et des émergents // à l'axe principal.
- > H est le point d'intersection du plan principal objet avec l'axe principal
- > H' est le point d'intersection du plan principal image avec l'axe principal,

### la distance focale

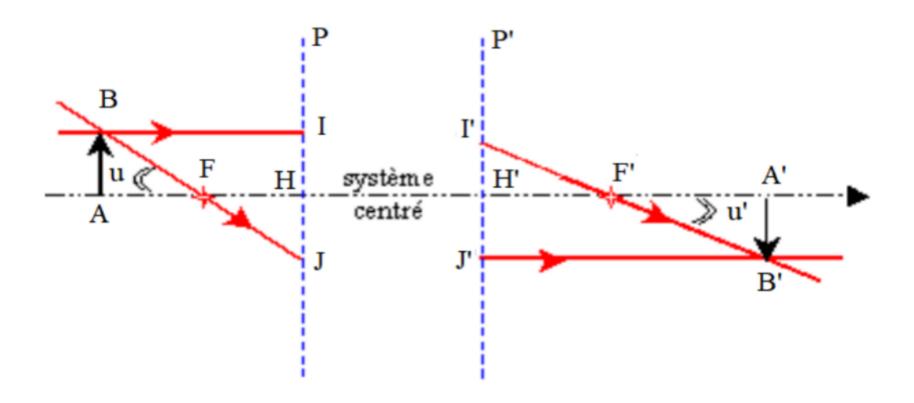
Distance focale objet f = HF et la distance focale image f' = H'F'.

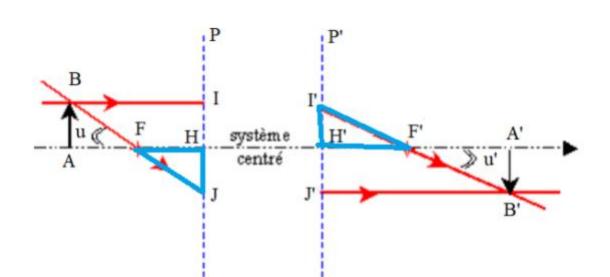
L'ensemble des points (F, F', H et H') sont appelés les points cardinaux d'un système centré.

### III. Construction de l'image d'un objet AB à travers un système centré :

### 1. Formule de conjugaison d'un système centré :

On considère un système centré de points cardinaux (F, F', H et H') et soit un objet AB réel situé sur l'axe principal du système.





Exprimons (HJ/JI)

On considère les triangles semblables (BIJ) et (HFJ), nous avons :

$$\frac{\overline{JH}}{\overline{JI}} = \frac{\overline{HF}}{\overline{IB}}$$
 avec  $\overline{IB} = \overline{HA}$  donc  $\frac{\overline{HF}}{\overline{HA}} = \frac{\overline{HJ}}{\overline{IJ}}$  1

On considère les triangles semblables (H'F'I') et (J'B'I'), nous avons :

$$\frac{\overline{H'F'}}{\overline{J'B'}} = \frac{\overline{H'I'}}{\overline{J'I'}} \quad \text{avec} \quad \overline{J'B'} = \overline{H'A'} \quad \text{donc} \quad \frac{\overline{H'F'}}{\overline{H'A'}} = \frac{\overline{HI}}{\overline{II}}$$

En sommant membre à membre les équations (1) et (2) on obtient :

$$\frac{\overline{HF}}{\overline{HA}} = \frac{\overline{HJ}}{\overline{IJ}} \qquad (1)$$

$$\frac{\overline{H'F'}}{\overline{H'A'}} = \frac{\overline{HI}}{\overline{JI}} \qquad (2)$$

$$\frac{\overline{HF}}{\overline{HA}} + \frac{\overline{H'F'}}{\overline{H'A'}} = \frac{\overline{HJ}}{\overline{IJ}} + \frac{\overline{HI}}{\overline{JI}} = \frac{\left(\overline{HJ} - \overline{HI}\right)}{\overline{IJ}} = \frac{\overline{IJ}}{\overline{IJ}} = 1$$

Donc : 
$$\frac{\overline{HF}}{\overline{HA}} + \frac{\overline{H'F'}}{\overline{H'A'}} = 1$$

C'est la relation de conjugaison des systèmes centrés à foyers avec origine aux points principaux H et H'. Si on pose f = HF et f' = H'F' alors cette formule devient :

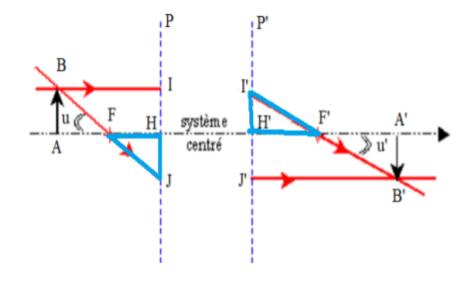
$$\frac{\overline{HF}}{\overline{HA}} + \frac{\overline{H'F'}}{\overline{H'A'}} = 1$$
 Alors :  $\frac{f}{\overline{HA}} + \frac{f'}{\overline{H'A'}} = 1$ 

#### Grandissement

Dans les triangles ABF et A'B'F on a :

$$tanu = \frac{\overline{AB}}{\overline{AF}} = \frac{\overline{HJ}}{\overline{HF}} = \frac{\overline{H'J'}}{\overline{HF}} \quad \text{ce qui donne} \quad \gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = \frac{f}{\overline{AF}}$$

$$tanu' = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{A'F'}} = \frac{\overline{H'I'}}{\overline{H'F'}} = \frac{\overline{AB}}{f'} \quad \text{ce qui donne} \quad \gamma = \frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{A'F'}}{f'}$$

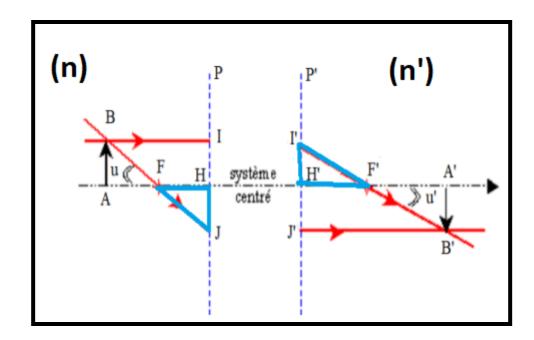


### 2. La vergence d'un système centré :

$$V_{s} = \frac{n'}{f'} = \frac{n}{f}$$
 : exprimée en dioptrie (m<sup>-1</sup>).

Un système centré est convergent si sa vergence est positive : Vs > 0

Un système centré est divergent si sa vergence est négative : Vs < 0



### IV. Association de deux systèmes centrés à foyers :

### 1. Association de deux systèmes dioptriques :

Quand on associe deux systèmes centrés de manière à ce que leurs axes principaux soient confondus on obtient un seul système S centré équivalent.

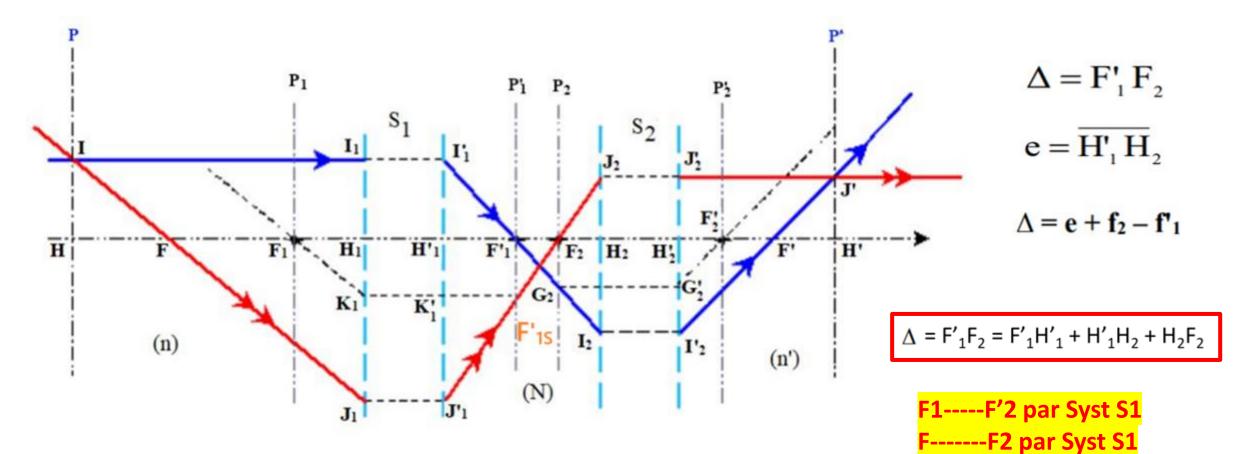
Soient 2 systèmes centrés S1 et S2 de points cardinaux (H1, F1, H'1, F'1) et (H2, F2, H'2, F'2)

#### Déterminer

Pour le système S équivalent les points cardinaux (H, H', F et F').

#### a. Construction géométrique :

$$f_1 = \overline{H_1 F_1}$$
 ,  $f_2 = \overline{H_2 F_2}$  ,  $f_1' = \overline{H_1' F_1'}$  ,  $f_2' = \overline{H'_2 F_2'}$ 



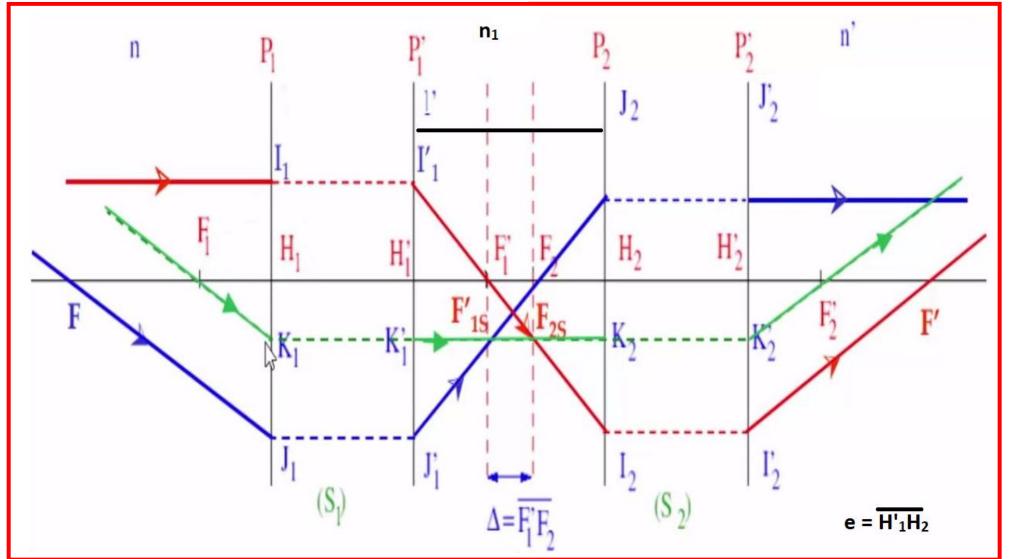
G2: foyer secondaire: Tout rayon passant par G2 émerge // rayon passant par F2

J<sub>1</sub>F//K<sub>1</sub>F<sub>1</sub>: J'<sub>1</sub>J<sub>2</sub> passe par le foyer secondaire Image de S<sub>1</sub>

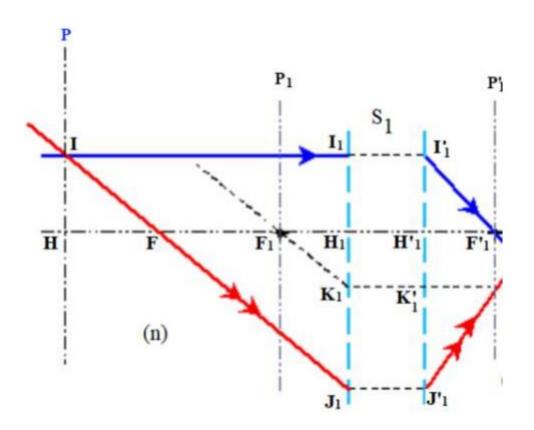
F'1---- F par syst S2

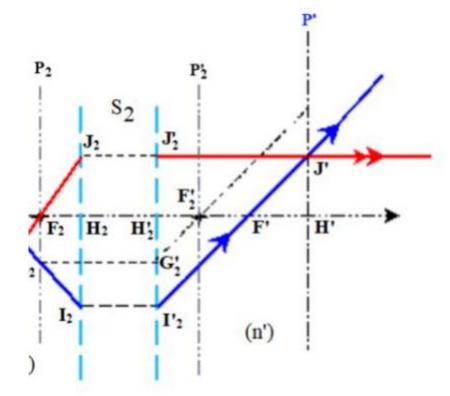
#### a. Construction géométrique :

$$f_1 = \overline{H_1 F_1}$$
 ,  $f_2 = \overline{H_2 F_2}$  ,  $f_1' = \overline{H_1' F_1'}$  ,  $f_2' = \overline{H'_2 F_2'}$   
 $\Delta = F'_1 F_2$  ;  $e = \overline{H'_1 H_2}$  ;  $\Delta = e + f_2 - f'_1$ 



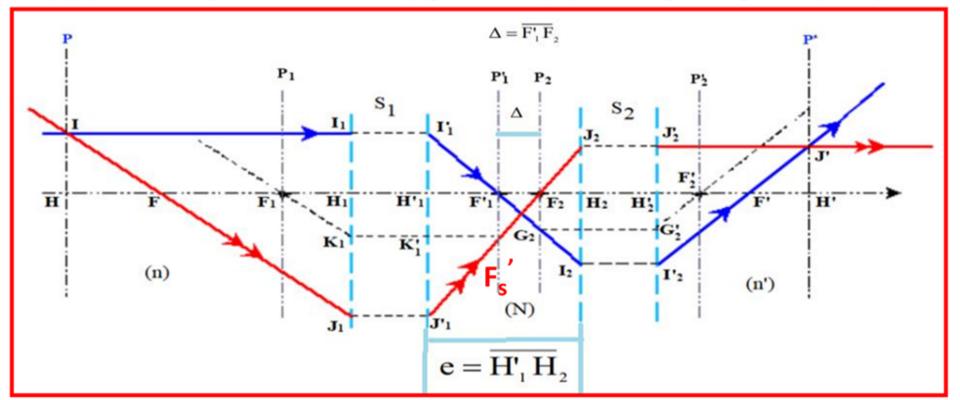
# Schémas simplifiées





#### **Explications:**

- les indices de réfraction des milieux extrêmes sont n et n'
- l'indice du milieu compris entre S<sub>1</sub> et S<sub>2</sub> est N.
- Bleu: L'incident II<sub>1</sub> // à l'axe principal émerge en I'<sub>1</sub>F'<sub>1</sub> à la traversée du système S<sub>1</sub>.
- Bleu: I'<sub>1</sub>F'<sub>1</sub>I<sub>2</sub> est alors un nouveau incident qui va émerger en I'<sub>2</sub>F' // à G'<sub>2</sub>F'<sub>2</sub>.
- Rouge: Le rayon J'<sub>2</sub>J'// à l'axe principal est l'émergent d'un faisceau incident J'<sub>1</sub>F<sub>2</sub>J<sub>2</sub> traversant le système !
- Rouge:  $J'_1F_2J_2$  est un émergent d'un incident  $FJ_1$ , qui est // à  $F_1K_1$ , incident passant par le foyer objet de  $S_1$ .



### **Explications:**

- les indices de réfraction des milieux extrêmes sont n et n'
- l'indice du milieu compris entre S<sub>1</sub> et S<sub>2</sub> est N.
- L'incident II<sub>1</sub> // à l'axe principal émerge en I'<sub>1</sub>F'<sub>1</sub> à la traversée du système S<sub>1</sub>.
- I'<sub>1</sub>F'<sub>1</sub>I<sub>2</sub> est alors un nouveau incident qui va émerger en I'<sub>2</sub>F' // à G'<sub>2</sub>F'<sub>2</sub>.
- Le rayon J'<sub>2</sub>J'// à l'axe principal est l'émergent d'un faisceau incident J'<sub>1</sub>F<sub>2</sub>J<sub>2</sub> traversant le système S<sub>2</sub>.
- J'<sub>1</sub>F<sub>2</sub>J<sub>2</sub> est un émergent d'un incident FJ<sub>1</sub>, qui est // à F<sub>1</sub>K<sub>1</sub>, incident passant par le foyer objet de S<sub>1</sub>.
- On appelle l'intervalle optique  $\Delta$  du système équivalent S, la quantité  $\Delta = \overline{F'_1} \overline{F}_2$
- On appelle l'épaisseur du système équivalent S, la quantité  $H'_1H_2$ :  $e = H'_1H_2$

$$\Delta = \mathbf{e} + \mathbf{f_2} - \mathbf{f'_1}$$

### 2. La vergence de deux systèmes centrés à foyers

$$f' = \overline{H'F'} = -\frac{f'_2 f'_1}{\Delta}$$

$$f = \frac{f_1 f_2}{\Delta} = HF$$

La Vergence du système S équivalent :

$$V_{s} = \frac{n'}{f'} = \frac{n}{f} = n' \frac{\Delta}{f'_{2} f'_{1}}$$
 (\*)

Les vergences V<sub>S1</sub> et V<sub>S2</sub> des deux systèmes S<sub>1</sub> et S<sub>2</sub> respectivement sont données par :

$$V_{s_1} = \frac{N}{f_1'} = -\frac{n}{f_1}$$
 ;  $V_{s_2} = \frac{n'}{f_2'} = -\frac{N}{f_2}$ 

En remplaçant  $\Delta$  par son expression dans l'équation (\*) et en développant  $V_s$ , on trouve

$$V_{s} = V_{s1} + V_{s2} - e \frac{V_{s1} \cdot V_{s2}}{N}$$

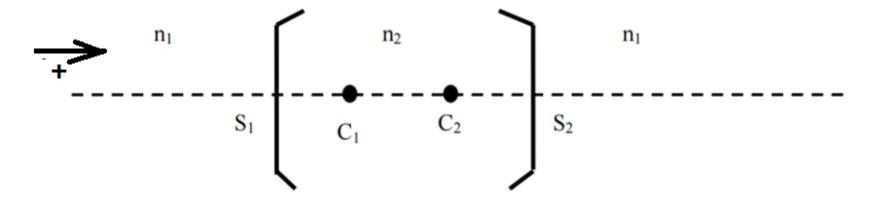
C'est la formule de Gullstrand, avec e est l'épaisseur et N l'indice du milieu compris entre S1 et S2

#### Exercice1 : Système dioptrique

Soient deux dioptres sphériques que l'on représente sur la figure ci-dessous

On pose: 
$$\overline{S_1C_1} = -\overline{S_2C_2} = \overline{C_1C_2} = R$$
  $(n_1 = 1 \text{ et } n_2 = 1,5)$ 

- 1- Déterminer les positions des foyers de chacun des dioptres.
- 2- Déterminer les plans principaux de chacun des dioptres.
- **3-** Déterminer les foyers du système
- 4- Quelles relations doivent vérifier les distances focales du système.
- 5- Déterminer géométriquement la position du plan principal image et en déduire la position du plan principal objet. Vérifier ce dernier résultat à partir de construction géométrique.



#### Correction de l'exercice 1

### Pour le 1<sup>er</sup> dioptre 1- a- Position des foyers F<sub>1</sub> et F<sub>1</sub> du 1<sup>er</sup> dioptre

$$A \xrightarrow{D_1(S_1, C_1)} A_1 \xrightarrow{D_2(S_2, C_2)} A' \quad (avec : \overline{S_1C_1} = -\overline{S_2C_2} = \overline{C_1C_2} = R)$$

$$(n_1) \qquad (n_2) \qquad (n_1)$$

Formules de conjugaison :

Pour D<sub>1</sub>: 
$$\frac{n_1}{\overline{S_1 A}} - \frac{n_2}{\overline{S_1 A_1}} = \frac{n_1 - n_2}{\overline{S_1 C_1}} = \frac{n_1 - n_2}{R}$$
 (1)

Pour D<sub>2</sub>: 
$$\frac{n_2}{\overline{S_2 A_1}} - \frac{n_1}{\overline{S_2 A'}} = \frac{n_2 - n_1}{\overline{S_2 C_2}} = \frac{n_1 - n_2}{R}$$
 (2)

$$\overline{S_1F_1} = \frac{n_1\overline{S_1C_1}}{n_1-n_2} = \frac{n_1R}{n_1-n_2}$$
 AN:  $\overline{S_1F_1} = -2R$ 

$$\overline{S_1F_1'} = \frac{n_2\overline{S_1C_1}}{n_2-n_1} = \frac{n_2R}{n_2-n_1}$$
 AN:  $\overline{S_1F_1'} = 3 R$ 

# Pour le 2<sup>eme</sup> dioptre

# b- Position des foyers F<sub>2</sub> et F<sub>2</sub> du 2<sup>ème</sup> dioptre

$$\overline{S_2F_2} = \frac{n_2\overline{S_2C_2}}{n_2-n_1} = \frac{n_2R}{n_1-n_2}$$

AN:

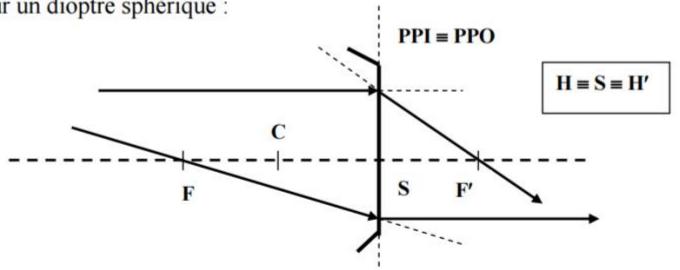
$$\overline{S_2F_2} = -3 R$$

$$\overline{S_2F_2} = \frac{n_1\overline{S_2C_2}}{n_1-n_2} = \frac{n_1R}{n_2-n_1}$$

AN:

$$\overrightarrow{S_2F_2} = 2 R$$

2- Pour un dioptre sphérique :



Donc les plans principaux sont confondus et passent par le sommet S du D.S:

Pour 
$$D_1(S_1,C_1)$$
 :  $H_1 \equiv S_1 \equiv H_1'$ 

Pour 
$$D_2(S_2,C_2)$$
 :  $H_2 \equiv S_2 \equiv H_2'$ 

- 3- Déterminons les foyers du système : (F et F')
- Foyer objet F:

$$A \xrightarrow{D_1(S_1, C_1)} A_1 \xrightarrow{D_2(S_2, C_2)} A'$$

$$A \equiv F \longrightarrow A_1 \equiv F_2 \longrightarrow A' \rightarrow \infty$$

Voir cours Système centré (F/S1 a pour image F2) (F1/S1 a pour image F'1)

F<sub>2</sub> est l'image de F à travers le 1<sup>er</sup> dioptre (D<sub>1</sub>)

Appliquons la formule de Newton à  $D_1 \Rightarrow \overline{F_1F}$ .  $\overline{F_1F_2} = \overline{S_1F_1}$ .  $\overline{S_1F_1} = f_1 f_1'$   $\Rightarrow \overline{F_1F} = \frac{f_1 f_1'}{\overline{F_1F_2}}$ 

AN: 
$$f_1 = \overline{S_1 F_1} = -2 R$$
;  $f'_1 = \overline{S_1 F'_1} = 3 R$  et  $\overline{F'_1 F_2} = -3 R$ .

$$\Rightarrow \qquad \overline{F_1F} = 2R \qquad \Rightarrow \qquad F \equiv S_1 \equiv F_2$$

Appliquons la formule de Newton à  $D_1 \Rightarrow \overline{F_1F}$ .  $\overline{F_1F_2} = \overline{S_1F_1}$ .  $\overline{S_1F_1} = f_1 f_1'$ 

$$\Rightarrow \overline{F_1F} = \frac{f_1 f_1'}{\overline{F_1'F_2}}$$

AN:  $f_1 = \overline{S_1 F_1} = -2 R$ ;  $f_1' = \overline{S_1 F_1'} = 3 R$  et  $\overline{F_1 F_2} = -3 R$ .

$$\Rightarrow \overline{F_1F} = 2R \Rightarrow$$

$$F = S_1 = F_2$$

$$F_1'F_2 = F_1S_1 + S_2 + S_2F_2$$

$$= -3R + 3R - 3R$$

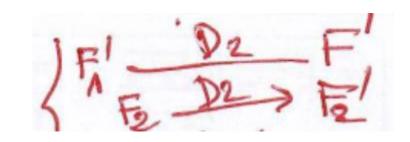
$$= S = F_2$$

$$= -3R$$

### Foyer image F'

$$A \xrightarrow{D_1(S_1, C_1)} A_1 \xrightarrow{D_2(S_2, C_2)} A'$$

$$A \rightarrow \infty \longrightarrow A_1 \equiv F_1' \longrightarrow A' \rightarrow F'$$



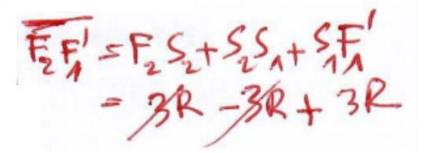
F' est l'image de F<sub>1</sub> à travers "D<sub>2</sub>"

Appliquons la formule de Newton à  $D_2 \Rightarrow \overline{F_2F_1} \overline{F_2F'} = \overline{S_2F_2} \overline{S_2F_2} = f_2 f_2'$ 

$$\Rightarrow \overline{F_2'F'} = \frac{f_2 f_2'}{F_2 F_1'}$$

AN:  $f_2 = \overline{S_2 F_2} = -3 R$ ;  $f'_2 = \overline{S_2 F'_2} = 2 R$  et  $\overline{F_2 F'_1} = 3 R$ .

$$\Rightarrow \overline{F_2'F'} = -2R \Rightarrow F' \equiv S_2 \equiv F_1'$$



4- La relation entre les distances focales du système :

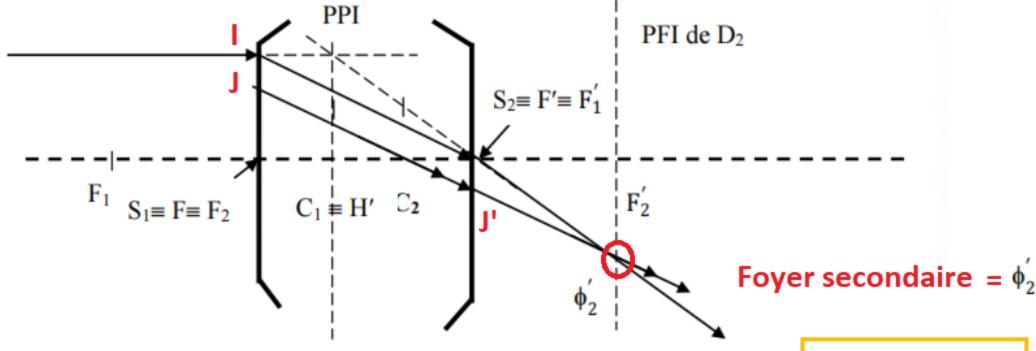
$$\frac{\overline{H'F'}}{\overline{HF}}$$
 = -1 (Les milieux extrêmes sont identiques)  $\Rightarrow$   $\overline{\overline{H'F'}}$  = -  $\overline{HF}$ 

HF = distance focale objet du syteme total H'F' = distance focale image du systeme total

parce que pour un dioptre (systeme optique

$$f/f' = -n/n'$$

5- Détermination du plan principal image :



D'après la construction géométrique, on mesure :  $\overline{H'F'} = 2 R \Rightarrow \overline{HF} = -2R$ 

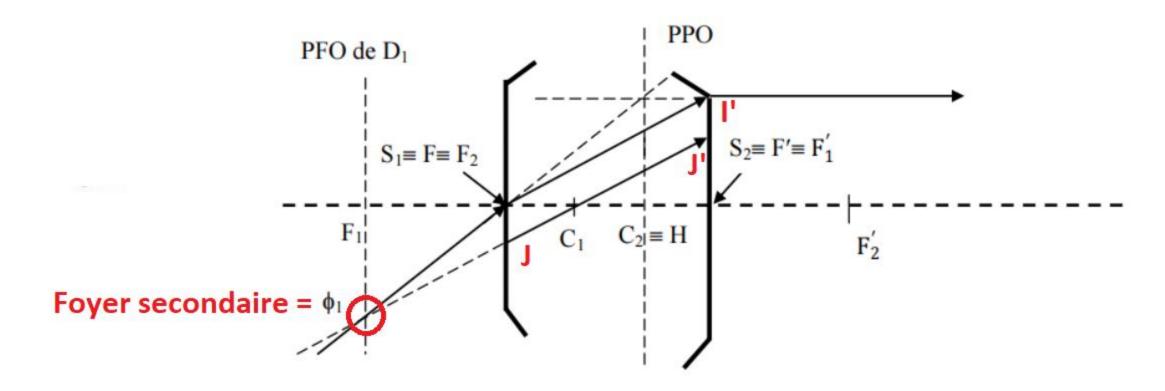
JJ' // IS<sub>2</sub> donc ils convergent vers un point foyer secondaire (D<sub>2</sub>).

JJ' passe par le centre C<sub>2</sub> du Dioptre D<sub>2</sub>

### question N° 4

$$\overline{H'F'} = -\overline{HF}$$

Détermination du plan principal objet (Vérification géométrique) :



S<sub>1</sub>I' // JJ' donc ils se rencontrent au foyer objet secondaire JJ' passe par centre C<sub>1</sub> du dioptre D<sub>1</sub>