

H So Many Problems——李晨豪&户建坤

Description

这是 Thor 与 Arthur 之间的博弈。

Thor 经常和 Arthur 比对出题事业的贡献程度。但是题目考点是有限的，只有 n 个，于是他们规定轮流出题。

对于第 i 个题目，他们规定了一种题目质量指数 $a[i]$ 。然后他们发现题目之间都是有联系的，比如如果题目 A 和题目 B 是同一个人出的，那么这两个题目的质量都会有所上升。他们发现了 m 条这样的关系，对于第 j 条关系所能增加的题目质量为 $b[j]$ 。

所以，两个人都想比对方的贡献值多尽量多，在这个决策标准下，问如果两个人都足够聪明，且在 Arthur 先选的情况下，Arthur 的贡献程度 - Thor 的贡献程度是多少。

Input

多组数据。

每组数据第一行两个整数 n, m ($0 \leq n \leq 100000, 0 \leq m \leq 100$) 表示有 n 个题目考点， m 个关系。

接下来 n 行。每行一个整数 $a[i]$ ($0 \leq a[i] \leq 10000$) 表示第 i 个题目的贡献。

接下来 m 行。每行三个整数 $x[i], y[i], b[i]$ ($0 \leq b[i] \leq 200$) 表示如果第 $x[i]$ 和 $y[i]$ 个题都是同一个人出的可以为这个人增加 $b[i]$ 的贡献。保证 $b[i]$ 为偶数。

Output

对于每组数据输出一个数，即 Arthur 的贡献程度 - Thor 的贡献程度。

Input Sample

```
5 2
1
2
3
4
5
1 2 4
2 3 2
1 0
```

```
2
3 1
1
1
2
1 2 4
```

Output Sample

```
3
2
2
```

Hint

仔细阅读样例，明确决策标准。

就是给一堆点一些边（无重边），两个人博弈。点有点权，边有边权，选了一边的端点可以得到边权。问两人都取最优的情况下，两个人得分的差值。两个人决策的标准是让自己的得分比对方的得分尽量高。

比如第3组样例，Arthur 选了1点，那么 Thor 会去选择2点而不是3点，然后 Arthur 选择3点，如此答案为2。

分析 1:

这是一种博弈的思想,通过使对方的得分尽可能低来实现自身的胜利。这道题中困扰我们的是 $b[i]$ 的加成。我们分析如下情形:

作为 Thor, 我们有 $a[k]$ $a[m]$ 两种选择, 其中 $a[k]+b1$ (对应的) $> a[m] + b2$ (对应的), $b1$ 和 $b2$ 可能为 0。但是 $a[k] < a[m] + b2$, (我们假设 $b1, b2$ 是确定的值) 这时我们首先要考虑的是 $a[k]$ 能否对 thor 有加成(因为就结果来看, 若是不对 Thor 有加成那么即对 Arthur 有加成)

如果有加成的话, 那么无论 $a[m]$ 是对自己的加成还是 Arthur 的, 我们作为机智的 Thor 都会选择 $a[k]$ 。

如果没有加成的话, 但是 $a[m]$ 却有加成。我们可能会让自己的分大而选择 $a[m]$ 。但是我们应该这样想, 我们不要 $a[k]$, $a[k]$ 就要去 Arthur 那里了啊!!! 于是乎,

$Ans_Arthur += a[k] + b1, Ans_Thor += a[m] + b2, Ans_Delta += a[k] - a[m] + b1 - b2;$

选 $a[k]$ 的话:

$Ans_Arthur += a[m], Ans_Thor += a[k], Ans_Delta += a[m] - a[k];$

于是 Thor 令 Ans_delta 尽可能小,

选 $a[m]$ $a[m] - a[k] > a[k] - a[m] + b1 - b2$ 即 $2 * a[m] + b2 > 2 * a[k] + b1$; 即 $a[m] + 1/2 b2 > a[k] + 1/2 b1$

选 $a[k]$ $a[m] - a[k] < a[k] - a[m] + b1 - b2$ 即 $2 * a[m] + b2 < 2 * a[k] + b1$; 即 $a[m] + 1/2 b2 < a[k] + 1/2 b1$

咦?! 貌似有规律, 于是我们回到第一种情况:

我们同样得到了如果 $a[m] + 1/2 b2 > a[k] + 1/2 b1$ 就选 $a[m]$, 否则就选 $a[k]$ 的结论。

方案选取的正确性得到了证明, 然后我们再看答案的正确性:

令 $a[i] = a[i] + \sum b/2$

若有 $x[i], y[i], b[i]$, 那么只有两种情况:

$x[i]$ 与 $y[i]$ 不在一起, 那么因为 Thor 和 Arthur 两人都被多加了 $b[i]/2$, 所以答案并不影响。

$x[i]$ 与 $y[i]$ 在一起, 那么其中一人存在加成 $b[i]/2 + b[i]/2 = b[i]$, 仍然正确。

所以我们修改各题目原值后, 只需进行一次排序即可。然后由大到小按顺序抽取。

这时候我们发现数据规模 100000。。。冒泡排序肯定是过不去的, 所以我们可以用更快的排序, 例如快速排序, 堆排序, 归并排序。

然后这次大家都还没学过这些, 就用函数 `sort(<algorithm>)`, 或者 `qsort(<stdlib>)` 吧。

用法(从大到小):

```
bool com(int a, int b)
{
    return a > b;
}
Sort(a+1, a+n+1, com);
////////////////////////////////////
int cmp(const void* a, const void* b)
{
    return (*(int*)b - *(int*)a);
}
```

```
qsort(a+1, n, sizeof(int), cmp);
```

分析 2:

主要分为两部分。一，弄清楚博弈的意思，并找到该题的解法。二，在不超时情况下完成代码。

First: 1.考虑增加贡献度对原来每道题贡献度的影响。(结论在下面) 设 a, b, z 分别为第 $x[i]$ 和 $y[i]$ 个题都是同一个人出的可以会为这个人增加 $b[i]$ 的贡献中的想 $x[i], y[i], b[i]$. 为了比较，在引入一个 c (任意的一个贡献度)。现在开始讨论并归纳结论：

设 A 先选，并为了方便，不妨设 $b \geq a$;

A	a		b		c
B	b	c	a	c	a
A	c	b	c	a	b
	$a+c-b$	$a+b+z-c$	$b+c-a$	$a+b+z-c$	$b+c-a$
	第一组		第二组		第三组

以上是所有可能。A,B 足够聪明，指的是：B 能够在 A 选过后选出两个结果中最小的，而 A 因为知道 B 会选最小的，所以他会选三个最小的中的最大的。结果就是分类讨论各组最小值中的最大值。

经过简单的计算和化简可以知道：

当： $z > 2*(c-a)$, 最优解为 $b+c-a$;

当： $2*(c-b) < z < 2*(c-a)$, 最优解为 $a+b+z-c$;

当： $z < 2*(c-b)$, 最优解为 $c+a-b$;

观察一下，可以整理为：

当： $a+z/2 > c$, 最优解为 $(b+z/2)+c-(a+z/2)$;

当： $a+z/2 < c < b+z/2$, 最优解为 $(a+z/2)+(b+z/2)-c$;

当： $c > b+z/2$, 最优解为 $c+(a+z/2)-(b+z/2)$;

将 $a+z/2$ $b+z/2$ 换元为 A,B;

结论就很明显了：

当： $c < A$, 最优解为 $B+c-A$;

当： $A < c < B$, 最优解为 $A+B-c$;

当： $c > B$, 最优解为 $c+A-B$;

即：第 $x[i]$ 和 $y[i]$ 个题都是同一个人出的可以会为这个人增加 $b[i]$ 的贡献 等价于 $x[i]$ 题贡献度变为原来的加上 $b[i]/2$, $y[i]$ 题贡献度变为原来的加上 $b[i]/2$ 。

2.现在就简单多了，将等价过得序列降序排序，肯定是 Arthur 拿走奇数，Thor 拿走偶数==不解释。基本的算法就是这样。

Second : 代码的实现，详见参考代码。最重要的是排序快慢会影响超时。

三. 参考代码

```
#include <iostream>
#include <stdio.h>
#include <algorithm>
using namespace std;
int a[100010],x,y,b;
bool p ;
bool com(int a,int b)
{
    return a>b;
}
int main()
{
    int n,m,t,x,ans1,ans2;
    while ( scanf("%d %d",&n,&m) != EOF )
    {
        for ( int i = 1;i <= n;i++ )
            scanf("%d",&a[i]);
        for ( int i = 0;i < m ;i++ )
        {
            scanf("%d %d %d",&x,&y,&b);
            a[x] += b / 2;
            a[y] += b / 2;
        }
        sort(a+1,a+n+1,com);
        ans1 = 0;
        ans2 = 0;
        for ( int i = 1;i <= n;i = i+ 2)
            ans1 = ans1 + a[ i ];
        for ( int i = 2;i <= n;i = i+ 2)
            ans2 = ans2 + a[ i ];
        printf("%d\n",ans1 - ans2);

    }

    return 0;
}
```