

E RecTangles ! RecTangles ! RecTangles !

张星尧，樊伟富，渣诚

题目描述

Arthur 这次也准备走一次简单路线，于是题面很简单。

给你平面直角坐标系下两个矩形中位于对角线上两个顶点的坐标，请判断这两个矩形是否会相互重叠。

矩形的两边与坐标轴平行，也就是说不会出现斜置的矩形。

输入

多组测试数据，每组数据为两行。

对于每组数据，第一行为四个整数，表示第一个矩形的两个对角顶点的坐标(x_1, y_1)与(x_2, y_2)。

第二行为四个整数，表示第二个矩形的两个对角顶点的坐标 (x_3, y_3) 与(x_4, y_4)。

($0 \leq x_1, y_1, x_2, y_2, x_3, y_3, x_4, y_4 \leq 100$)

输出

对于每组数据，如果相交，则输出 “YES”，否则输出 “NO”

输入样例

0 0 2 2

1 1 3 3

0 0 0 1

1 1 1 2

输出样例

YES

NO

HINT

重叠一个顶点或者一条边也算重叠

请考虑矩形合理性

解题思路

咳咳，这道题跟第四次上机里某道题的题目基本类似，说差别的话大家可能都会注意到合理性和边相切的判断。不过不知道大家有没有发现一个细节： $(0 \leq x_1, y_1, x_2, y_2, x_3, y_3, x_4, y_4 \leq 100)$ ，这个范围是上次题里木有的，刨除掉 Arthur&Thor 闲的没事恶作剧的可能，这个很可能是一种新思路的成立条件。于是顺着这个角度想，我们就能发现：**矩形可以化简成一个个点构成的点阵，两个矩形相交的充要条件就是两个点阵有公共点。**这样就很好的避免了对各种蛋疼情况的讨论。

参考代码：

上面两位同学的思路是非常好的，但是其代码却使用了四层嵌套，这样就不是很好喽，其实这四层嵌套完全可以变成两层的。于是这一次使用渣诚的代码.....

```
#include <iostream>
#include<fstream>
#include<algorithm>
#include<cmath>
using namespace std;
typedef struct{
    int x,y;
}Point;    //结构体，不用被吓到了，就当成一个坐标就好了
char map[111][111]; //全局地图，用来绘图的
void Init()    //初始化的时候全置为' 0'
{
    for(int i=0;i<=100;i++)
        for(int j=0;j<=100;j++)
            map[i][j]=' 0';
}
class Rect{//上次说的矩形类
public:
    Rect(int x1,int y1,int x2,int y2){    //构造函数
        legal=true;
        if(x1==x2||y1==y2)
            legal=false;    //legal 记录矩形是否合理，不合理为 false
        else{    //否则构造矩形四个顶点
            p1.x=min(x1,x2);
            p1.y=min(y1,y2);
            p2.x=min(x1,x2);
            p2.y=max(y1,y2);
            p3.x=max(x1,x2);
            p3.y=max(y1,y2);
            p4.x=max(x1,x2);
            p4.y=min(y1,y2);
        }
    }
    bool isLegal(){return legal;}    //返回是否合理
    Point getP1(){return p1;}    //下面四个函数分别返回四个顶点
    Point getP2(){return p2;}
    Point getP3(){return p3;}
    Point getP4(){return p4;}
private:
```

```

        bool legal;          //legal 记录是否合理
        Point p1, p2, p3, p4; //四个顶点坐标
    };

bool draw(Rect r, int sign)
{
    //从左下绘制到右上
    for(int i=r.getP1().x; i<=r.getP3().x; i++)
        for(int j=r.getP1().y; j<=r.getP3().y; j++)
            if(map[i][j]!='0') //如果出现不是最初的'0'的情况
                return false; //说明不可以填充
            else
                map[i][j]=(char)('0'+sign); //否则, 标记, 表明已填充
    return true; //如果上述填充完毕, 则返回 true, 说明完整填充
}

int main()
{
    int x1, x2, x3, x4, y1, y2, y3, y4;
    while(cin>>x1>>y1>>x2>>y2>>x3>>y3>>x4>>y4)
    {
        Init();
        Rect r1(x1, y1, x2, y2), r2(x3, y3, x4, y4); //构造矩形
        //四个判断条件, 顺序很重要, 可以省略不必要的计算
        (r1.isLegal()&& r2.isLegal()&&!(draw(r1, 1)&&draw(r2, 2)))?cout<<"YES"<<endl:cout<<"NO"<<endl;
    }
    return 0;
}

```