## 37. Критерий Колмогорова.

Status Con

Completed

## Теорема Колмогорова

Пусть  $X \sim F$  , F - непрерывна. Если

$$d=\sup_{y}|F_{n}^{*}(y)-F(y)|$$

то для любого y>0 при  $n o\infty$ 

$$\sqrt{n} \sup_{y} |F_n^*(y) - F(y)| \Rightarrow \mathcal{K}$$

 $\mathcal{K}(y)$  - функция Колмогорова, непрерывная, табулированная.



Смотрите на нее

## Критерий Колмогорова

Проверяет, что распределение выборки равно некоторому известному.

Пусть  $ec{X} \sim F$ 

$$H_0 = \{F = F_0\}$$

$$H_a=\{F
eq F_0\}$$

$$\Psi_n = \sqrt{n} \sup_y |F_n^*(y) - F(y)|$$

$$\delta = egin{cases} 0, & \Psi_n < c \ 1, & \Psi_n \geq c \end{cases}$$

где 
$$\mathcal{K}(c) = 1 - \epsilon$$
.

## Свойства

- 1. Критерий состоятельный
  - **б)** Если гипотеза  $H_1$  неверна, то  $X_i$  имеют какое-то распределение  $\mathcal{F}_2$ , отличное от  $\mathcal{F}_1$ . По теореме Гливенко Кантелли  $F_n^*(y) \stackrel{p}{\longrightarrow} F_2(y)$  для любого y при  $n \to \infty$ . Поскольку  $\mathcal{F}_1 \neq \mathcal{F}_2$ , найдется  $y_0$  такое, что  $|F_2(y_0) F_1(y_0)| > 0$ . Но  $\sup_y |F_n^*(y) F_1(y)| \geqslant |F_n^*(y_0) F_1(y_0)| \stackrel{p}{\longrightarrow} |F_2(y_0) F_1(y_0)| > 0.$  Умножая на  $\sqrt{n}$ , получим при  $n \to \infty$ , что  $\rho(\mathbf{X}) = \sqrt{n} \sup_y |F_n^*(y) F_1(y)| \stackrel{p}{\longrightarrow} \infty$ .
- 2. Критерий имеет асимптотический размер  $1-\epsilon$ .
- 3. Реально допустимый уровень значимости:  $\epsilon^*=1-\mathcal{K}(\Psi_n)$ .