

Подсказки

ОПРЕДЕЛЕНИЕ 18.14. Следующие функции называются **Клиниевскими скобками**: $[x, y] = c(l(x), c(r(x), y))$.

Тогда

$$[x_1, \dots, x_{n+1}] = [[x_1, \dots, x_n], x_{n+1}];$$

$$[k]_{21} = c(l(k), l(r(k)));$$

$$[k]_{22} = r(r(k));$$

$$[k]_{n,1} = [[k]_{21}]_{n-1,1};$$

...

$$[k]_{n,n-1} = [[k]_{21}]_{n-1,n-1};$$

$$[k]_{n,n} = [k]_{2,2}.$$

Определение 8.9. Базовые Машины Тьюринга:

А. Перенос нуля: $q_1 001^x 0 \mid \Rightarrow q_0 01^x 00$;

Б⁺. Правый сдвиг: $q_1 01^x 0 \mid \Rightarrow 01^x q_0 0$;

Б⁻. Левый сдвиг: $01^x q_1 0 \mid \Rightarrow q_0 01^x 0$;

В. Транспозиция: $01^x q_1 01^y 0 \mid \Rightarrow 01^y q_0 01^x 0$;

Г. Удвоение: $q_1 01^x 0^{x+2} \mid \Rightarrow q_0 01^x 01^x 0$;

Ц_n. Циклический сдвиг:

$$q_1 01^{x_1} 01^{x_2} 0 \dots 01^{x_n} 0 \mid \Rightarrow q_0 01^{x_2} 0 \dots 01^{x_n} 01^{x_1} 0;$$

К_n. Копирование:

$$\frac{q_1 01^{x_1} \dots 01^{x_n} 0^{x_1 + \dots + x_n + n + 1}}{q_0 01^{x_1} \dots 01^{x_n} 01^{x_1} \dots 01^{x_n} 0} \mid \Rightarrow$$

Л. Ликвидация: $q_1 01^x 0 \mid \Rightarrow q_0 0^{x+2}$;

Р. Вычитание единицы: $q_1 01^{x+1} 0 \mid \Rightarrow q_0 01^x 00$;

С. Добавление единицы: $q_1 01^x 00 \mid \Rightarrow q_0 01^{x+1} 0$.

Правила вывода:

$$1) \frac{\Gamma \vdash \varphi; \Gamma \vdash \psi}{\Gamma \vdash (\varphi \& \psi)}$$

$$2) \frac{\Gamma \vdash (\varphi \& \psi)}{\Gamma \vdash \varphi}$$

$$3) \frac{\Gamma \vdash (\varphi \& \psi)}{\Gamma \vdash \psi}$$

$$4) \frac{\Gamma \vdash \varphi}{\Gamma \vdash (\varphi \vee \psi)}$$

$$5) \frac{\Gamma \vdash \psi}{\Gamma \vdash (\varphi \vee \psi)}$$

$$6) \frac{\Gamma, \varphi \vdash \xi; \Gamma, \psi \vdash \xi; \Gamma \vdash (\varphi \vee \psi)}{\Gamma \vdash \xi}$$

$$7) \frac{\Gamma, \varphi \vdash \psi}{\Gamma \vdash (\varphi \rightarrow \psi)}$$

$$8) \frac{\Gamma \vdash \varphi; \Gamma \vdash (\varphi \rightarrow \psi)}{\Gamma \vdash \psi} \text{ (modus ponens)}$$

$$9) \frac{\Gamma, \neg \varphi \vdash}{\Gamma \vdash \varphi}$$

$$10) \frac{\Gamma \vdash \neg \varphi; \Gamma \vdash \varphi}{\Gamma \vdash}$$

$$11) \frac{\Gamma, \varphi, \psi, \Gamma_1 \vdash \xi}{\Gamma, \psi, \varphi, \Gamma_1 \vdash \xi}$$

$$12) \frac{\Gamma \vdash \varphi}{\Gamma, \psi \vdash \varphi}$$

ЗАМЕЧАНИЕ 10.10. Следующие правила вывода являются допустимыми:

$$a) \frac{\psi_1, \dots, \psi_n \vdash \varphi}{\xi_1, \dots, \xi_k \vdash \varphi}, \{\psi_1, \dots, \psi_n\} \subseteq \{\xi_1, \dots, \xi_k\}$$

$$6) \frac{\psi_1, \dots, \psi_n \vdash}{\xi_1, \dots, \xi_k \vdash}, \{\psi_1, \dots, \psi_n\} \subseteq \{\xi_1, \dots, \xi_k\}$$

$$b) \frac{\Gamma \vdash \varphi; \Gamma, \varphi \vdash \psi}{\Gamma \vdash \psi}$$

$$c) \frac{\Gamma \vdash}{\Gamma \vdash \varphi}$$

$$u) \frac{\Gamma, \varphi \vdash \psi}{\Gamma, \neg \psi \vdash \neg \varphi}$$

$$r) \frac{\Gamma_1, \varphi, \psi, \Gamma_2 \vdash \xi}{\Gamma_1, (\varphi \& \psi), \Gamma_2 \vdash \xi}$$

$$ж) \frac{\Gamma, \varphi \vdash}{\Gamma \vdash \neg \varphi}$$

$$к) \frac{\Gamma, \neg \varphi \vdash \neg \psi}{\Gamma, \psi \vdash \varphi}$$

$$л) \frac{\Gamma \vdash (\varphi \& \neg \varphi)}{\Gamma \vdash}$$

$$з) \frac{\Gamma \vdash \varphi}{\Gamma, \neg \varphi \vdash}$$

правила вывода

③ а) $\frac{\Gamma_1 \vdash A; \Gamma_2, A \vdash B}{\Gamma_1 \vdash A; \Gamma_2 \vdash A \rightarrow B}$ (→)
 стр 66 (ссылка) $\frac{\Gamma_1 \vdash A; \Gamma_2 \vdash A \rightarrow B}{\Gamma_1, \Gamma_2 \vdash B}$ (→)

б) $\frac{\Gamma, A, B \vdash C}{\Gamma, (A \wedge B) \vdash C}$ объединение посылок

(3) $\frac{\Gamma, A, B \vdash C; (A \wedge B) \vdash (A \wedge B)}{\Gamma, A, B \vdash C; A \wedge B \vdash B}$

(7) $\frac{\Gamma, A, \neg(B \rightarrow C); A \wedge B \vdash B}{\Gamma, A, A \wedge B \vdash C}$ $A \wedge B \vdash A \wedge B$

(3) $\frac{\Gamma, A, A \wedge B \vdash C; A \wedge B \vdash A}{\Gamma, A \wedge B \vdash A \rightarrow C; A \wedge B \vdash A}$

(7) $\frac{\Gamma, A \wedge B \vdash A \rightarrow C; A \wedge B \vdash A}{\Gamma, A \wedge B, A \wedge B \vdash C}$

(15) $\frac{\Gamma, A \wedge B \vdash C}{\Gamma, A \wedge B \vdash C}$

в) $\frac{\Gamma, A \wedge B \vdash C}{\Gamma, A, B \vdash C}$ раскрытие посылки

$A \vdash A, B \vdash B$

(1) $\frac{\Gamma, (A \wedge B) \vdash C}{\Gamma, (A \wedge B) \vdash C}$ $A, B \vdash A \wedge B$

(7) $\frac{\Gamma, \neg(A \wedge B) \rightarrow C; A, B \vdash (A \wedge B)}{\Gamma, A, B \rightarrow C}$

2) $\frac{\Gamma, A \vdash C; \Gamma, B \vdash C}{\Gamma, (A \vee B) \vdash C}$ разбор случая

(6) $\frac{\Gamma_1 A \vdash C; \Gamma_2 B \vdash C}{(A \vee B), \Gamma, \Gamma \vdash C}$ Γ_1
 $(A \vee B) \vdash (A \vee B)$

(15) $\frac{(A \vee B), \Gamma, \Gamma \vdash C}{\Gamma, (A \vee B) \vdash C}$

г) $\frac{\Gamma, A \vdash B}{\Gamma, \neg B \vdash \neg A}$ контрапозиция

(10) $\frac{\Gamma, A \vdash B}{\Gamma, A, \neg B \vdash \neg B}$

(14) $\frac{\Gamma, \neg B, A \vdash \neg B}{\Gamma, \neg B \vdash \neg A}$

правила вывода $\rightarrow, \wedge, \vee, \neg, \rightarrow$ $\rightarrow, \wedge, \vee, \neg, \rightarrow$ $\rightarrow, \wedge, \vee, \neg, \rightarrow$

а) $\frac{\Gamma \vdash \varphi; \Gamma \vdash \psi}{\Gamma \vdash (\varphi \vee \psi)}$ (разбор случая)

б) $\frac{\Gamma \vdash \varphi; \Gamma \vdash \psi}{\Gamma \vdash (\varphi \wedge \psi)}$ (объединение посылок)

в) $\frac{\Gamma \vdash \varphi; \Gamma \vdash \psi}{\Gamma \vdash (\varphi \rightarrow \psi)}$ (контрапозиция)

г) $\frac{\Gamma \vdash \varphi; \Gamma \vdash \psi}{\Gamma \vdash (\varphi \rightarrow \psi)}$ (контрапозиция)