# 量子场论 |

第十九课 脑洞大开系列 (一)

课件下载 https://github.com/zqhuang/SYSU\_QFTI

### 解决物理问题的正确方法

解决物理问题的正确方法:

- 1 理解问题中的物理量的量纲和含义
- 2 用对称性分析,量纲分析,简单的物理原则,或者取某些特殊情况估算答案的形式或数量级
- 3 写下系统的运动方程并求解
- 4 将答案和第2步做比较

步骤1,2,4往往被跳过,那是因为你解的题目有意被设计成书上例题的翻版。总是这样学习的话,遇到不熟悉的问题只会束手无策。

试估算地球表面的大气分子之间的势能大小。

一个半径约为100光年的球状星团中恒星的典型速度约为100 km/s。假设恒星的典型质量为太阳质量(~10<sup>30</sup> kg)。估算该球状星团中大约有多少颗恒星。

一维无限深势阱的宽度为L,试计算势阱中质量为m的粒子的基态能量。

黑洞可以看成一个把物质束缚在视界内的"势阱"

- ▶ 中性不旋转的黑洞的视界是什么形状
- ▶ 估算质量为*M*的中性不旋转的黑洞的视界大小
- ► Hawking通过把量子理论在平直时空外推的方法计算出黑洞 有辐射且有温度,试估算估算质量为*M*的中性不旋转的黑洞 的温度(假设观测者在远处)

### 课堂讨论: 例子5

相对论里能量动量张量 $T^{\mu\nu}$ 是对牛顿力学里的质量密度的推广。对静止的理想流体 $T^{\mu\nu} = \mathrm{diag}(\rho, p, p, p)$ ,其中 $\rho$ 是流体的能量密度,p是流体的压强。

牛顿引力理论里的质量密度就被推广为能量动量张量的 迹 $\text{Tr}(T^{\mu\nu}) = \rho + 3p$ 。质量为M的大质量天体对附近物质的牛顿引力公式可以推广到

$$F = -\int d^3\mathbf{x} \frac{GM(\rho + 3p)\vec{r}}{r^3}$$

光子通过太阳附近由于受到太阳引力而造成的偏折角分别为 $\theta_{\gamma}$ ,问用牛顿引力公式计算出的 $\theta_{\gamma}$ 比实际小了多少?



#### 理科PhD学生第一守则

拿到问题不知道该干嘛时,先做个傅立叶变换。

## 养成到"对角化"空间考虑问题的习惯

任何拉氏量为二次型的系统都是"自由场"。把拉氏量对角化是透过迷雾看本质的有效方法。

第一守则的由来: 当拉氏量里包含了空间偏导时, 傅立叶变换往往能成功地把拉氏量对角化。

#### 课堂讨论

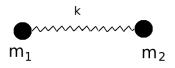
怎样把变量为 $x^1, x^2, \ldots, x^n$ 的拉氏量

$$L = \frac{1}{2}\dot{x}^{i}K_{ij}\dot{x}^{j} - \frac{1}{2}(x^{i} - b^{i})V_{ij}(x^{j} - b^{j})$$

通过变量替换的方法变为n个独立谐振子的拉氏量之和?



如图,无重力的空间中,质量为 $m_1$ 和 $m_2$ 的两个质点固定在弹性系数为k,长度为L的弹簧两端。如果在t=0时刻把弹簧压缩到L/2后释放,求两个质点之后的位置随时间的变化。



如图,无重力的空间中,质量为 $m_1$ 和 $m_2$ 的两个质点固定在弹性系数为k的弹簧两端。求该系统的量子零点能。

思考:该结果和弹簧长度或者参考系有关吗?

