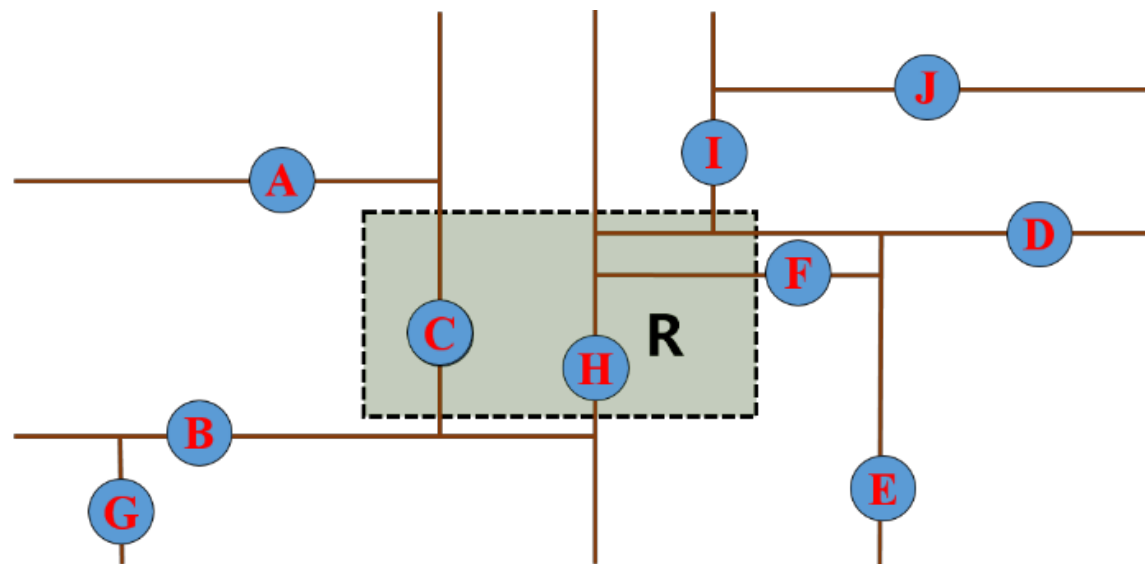


一、单选题

1. 在如图所示的 2d-树（根节点为 H）中进行范围 R 的查询，则哪些节点因为减枝而没有访问到？（C）



A . E

B . J

C . G

D . A

2. 一个栈的输入序列为 a,b,c,d,e,f, 则下列序列中不可能是输出序列的是（D）

A . b,c,e,d,f,a

B . d,c,e,f,b,a

C . a,d,c,f,e,b

D . c,d,e,a,b,f

3. 在无向图中，边用邻接表存储，点数 N 边数 E ，要获取两两之间的最短距离（边值皆为正），考虑到复杂度影响，当 $E \sim N$ 时采用 a 算法复杂度较低；当 $E \sim N^2$ 时，采用 b 算法，复杂度较低并且实现简易。则 a,b 分别为（B）。

A . dijkstra, dijkstra

B . dijkstra, floyd

C . floyd, dijkstra

D . floyd, floyd

4. 从 n 个未排序的数中寻找中位数，采用平均复杂度最低的算法，复杂度为（B）

A . $O(1)$

B . $O(n)$

C . $O(n \log n)$

D . $O(n^2)$

5. 下面的序列中，（D）是堆

A . 1, 5, 10, 6, 7, 8, 9, 2

B . 9, 8, 7, 6, 4, 8, 2, 1

C . 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 7

D . 1, 2, 8, 4, 3, 9, 10, 5

6. 由权值分别为 11, 8, 6, 2, 5 的叶子结点生成一棵哈夫曼树，它的带权路径长度为（B）

A . 73

B . 71

C . 48

D . 53

7 . 具有 60 个结点的二叉树，其叶子结点有 12 个，则度为 1 的结点数为 (D)

A . 11

B . 13

C . 48

D . 37

8 . 对给定的关键字序列 110, 119, 007, 911, 114, 120, 122 进行基数排序，则第 2 趟分配收集后得到的关键字序列是 (B)

A . 007,110,114,119,120,122,911

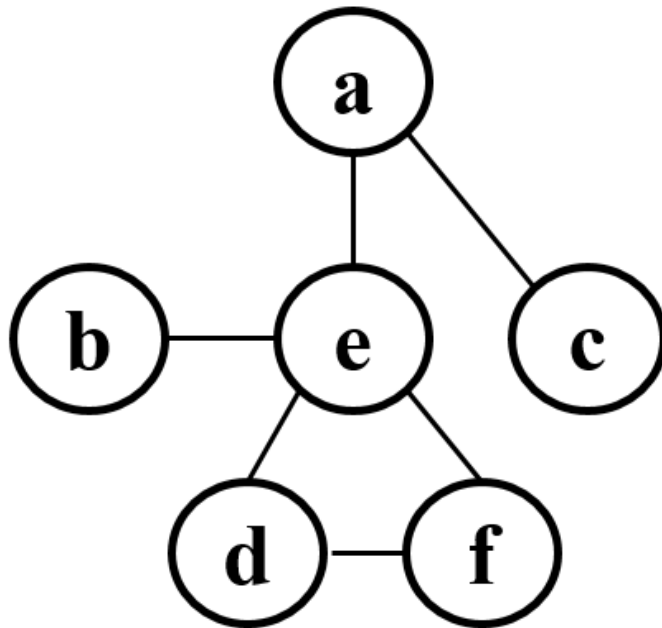
B . 007,110,911,114,119,120,122

C . 007,110,119,114,911,120,122

D . 110,120,911,122,114,007,119

E . 911,122,120,119,114,110,007

9 . 对下面无向图进行深度优先遍历，在序列 edfab, acefdb, caedfb, aedfcb, aebcdf 中，符合遍历的结果数目为 (B) 个



A . 1 个

B . 2 个

C . 3 个

D . 4 个

10 . 若序列的原始状态为 (1, 2, 3, 4, 5, 10, 6, 7, 8, 9)，则以下排序方法 (从小到大) 比较次数最少的为 (A)。

A . 插入排序

B . 希尔排序

C . 冒泡排序

D . 快速排序

二、填空题

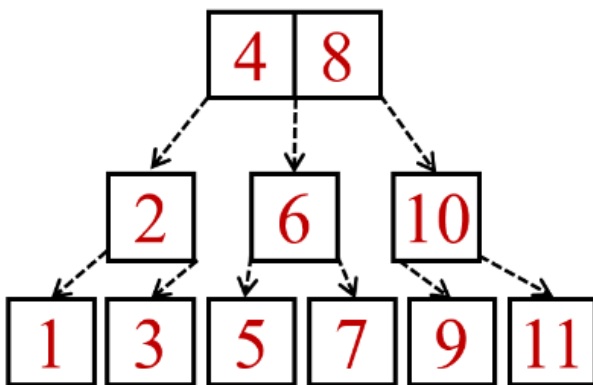
1. 若一个算法的时间复杂度由以下递推式决定，且其时间复杂度为 $T(n) = 2n^2$ (为简单起见，假设 n 为 2 的幂次)， $k > 0$ 。那么， $k = \underline{2}$ 。

$$T(n) = \begin{cases} 1 & (n = 1) \\ kT\left(\frac{n}{2}\right) + n^2 & (n > 1) \end{cases}$$

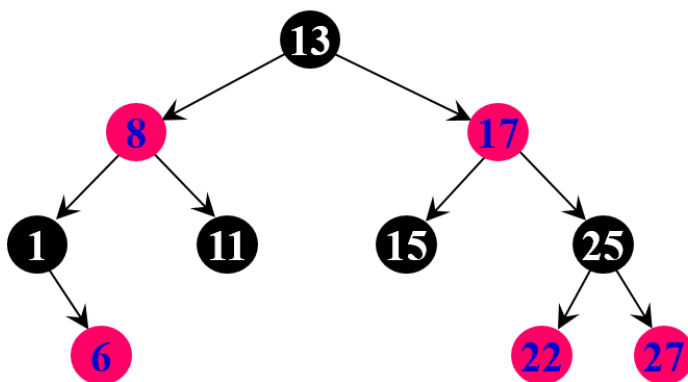
2. 前缀表达式为 $x, +, x, 2, 5, 9, +, 3, 4$ 的表达式值为 133，后缀表达式为 $0, !, 3, +, 1, 2, !, 4, +, ^, \times, 5, !, 9, -, 8, 6, +, -, +$ 的表达式值为 101。

3. 以 {1, 10, 3, 5, 2, 4, 9, 8, 6, 7} 的输入顺序建立 AVL 树，根节点的值为 5，依次删除 7, 5, 3, 1 后 (删除时，用中序直接前驱替代)，根节点的值为 8。

4. 以下 3 阶 B 树，删除节点 4 后，则关键码 8 的左子树节点所包含的关键码是 (替换使用直接后继，左右皆可合并时选取左边合并) 2，5。



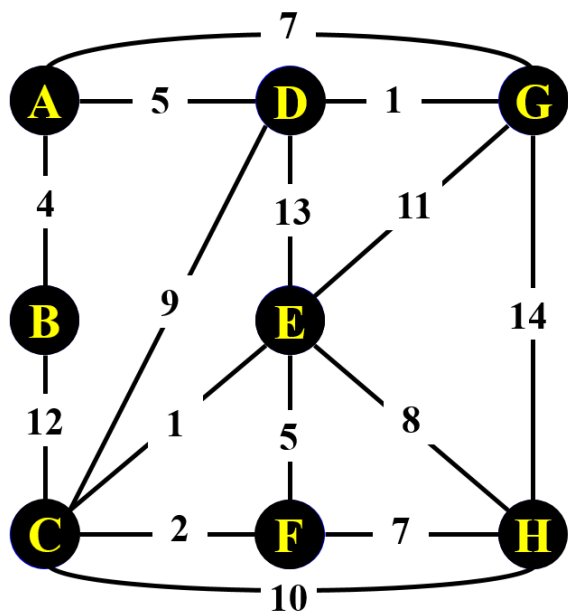
5. 下图的红黑树，转化为对应的四阶 B 树后，删除关键码 15，则根节点的关键码为 8，13，22。该红黑树插入节点 28 后，根节点为 13。



6. 字符串“aabaabaaa”的 next 数组是 (采用改进后的) -1-11-1-11-1-15。【数字之间不要加空格，负号紧接前一数字，例如“-1,1,0,-1”写成“-110-1”】

7. 设哈希表长 $m=14$ ，哈希函数为 $H(\text{key}) = \text{key} \bmod 11$ 。表中已有 5 个节点 $H(37)=4$ ， $H(38)=5$ ， $H(61)=6$ ， $H(84)=7$ ， $H(20)=9$ ，其余地址为空。如用双向平方探测法处理冲突，则关键字为 49 的节点地址是 1。

8. 对以下无向图求解从 A 出发的迪杰斯特拉最短路径树，采用优先级队列方式，则在提取完 A, B 和 D 节点之后，优先级队列中的数据元素个数为 5。



本题可参考以下代码：

```
int Dij(int Star, int End){
    Node P, Pn;
    P.end = Star; P.weight = 0;
    priority_queue<Node> Q;
    Q.push(P);           //把顶点放入优先级队列
    while (!Q.empty()){
        P = Q.top(); Q.pop(); //提取优先级最高顶点
        if (visited[P.end]) continue; // 若该顶点被访问过，则返回
        visited[P.end] = true; // 设置该顶点访问标记
        int nEdge = G[P.end].size(); // 该顶点的邻域表个数
        for (int i = 0; i < nEdge; i++){
            Pn.end = G[P.end][i].end; // 取出第i个邻域顶点的秩
            Pn.weight = G[P.end][i].weight + P.weight; // 对应权重修改
            if (!visited[Pn.end]) // 若该邻域顶点未被访问，则放入队列
                Q.push(Pn);
        }
    }
    return -1;
}
```

三、主观题

1. 代码补充：对于一个链表，请设计一种思路，判断是否有环。

```

bool hasCycle(ListNode *head) {
    if (head == NULL || head->next == NULL) {
        return false;
    }
    ListNode* fast = head;
    ListNode* slow = head;
    while (fast->next != NULL && fast->next->next != NULL) {
        _____(1)_____ fast = fast -> next -> next;
        _____(2)_____ slow = slow -> next;
        if (slow == fast) {
            return true;
        }
    }
    return false;
}

```

2. 代码补充：带头节点单链表，L 为指向头节点的指针，P 不为首元素，以下代码删除 P 的直接前驱及 P 本身，请完成代码。（注：以下 Q 和 K 为指向链表节点的指针）

```

Q = P; P = L;
_____(1)_____; while (P->next->next != Q) P = P->next;
K = P->next;
P->next = Q->next;
free(K); free(Q);

```

3. 代码补充：给定一个无向连通图，图中每个节点代表一个地点，每条边代表两个地点之间的一条道路，边的权重代表道路的最大负重。现在一辆卡车要从一个地点开往另一个地点，保证卡车的载重要不大于其所经过的每一条道路的最大负重（例如，边 AB 的最大负重为 3，边 BC 的最大负重为 5，则从 A 经过 B 再到 C，卡车的最大负重为 3）。求卡车的最大载货重量是多少。输入：第一行两个数 N 和 M，其中 N 代表图中的地点个数，M 代表查询的个数。N 和 M ≤ 100。接下来一个 N*N 的对称矩阵，矩阵的第 I 行和第 J 列代表地点 I 和 J 之间道路的最大负重，其值小于 10000，若 I 和 J 之间不存在道路，则为 -1。接下来 M 行，每行两个数 x 和 y，代表一个卡车要从地点 x 运输到地点 y。输出：M 行，每行输出卡车的最大载重。

```

#include <iostream>
using namespace std;

int min(int a, int b)
{
    if (a>b) return b;
    else return a;
}

int main()
{
    int N, M;
    cin >> N >> M;
    int e[N][N]; //储存负重
    for (int i = 0; i<N; i++)
        for (int j = 0; j<N; j++)
            cin >> e[i][j]; //输入各边负重, -1为不存在
    for (int k = 0; k < N; k++)
        for (int i = 0; i < N; i++)
            for (int j = 0; j < N; j++)
                if (_____(1)_____) //若有更大的负载则更新, 注意e[i][i]不更新
                    _____(2)_____  $e[i][j] = \min(e[i][k], e[k][j]);$ 
    /*查询结果*/
    for (int k = 0; k < M; k++)
    {
        cin >> i;
        cin >> j;
        cout << _____(3)_____  $e[i][j];$ 
    }
    return 0;
}

```

4. 分析回答题。二叉树的存储结构类型定义如下, 阅读算法函数 A33, 1) 说明该算法的功能。2) 给出对下图二叉树执行 A33(root,6,100,0)的输出结果。其中, root 指向该树的根节点。

1) 输出二叉树中序遍历序列中第1个大于 k_2 的元素之前所有大于等于 k_1 的元素, 若存在大于 k_2 的元素, 则 end 在运行后为 1, 否则为 0。

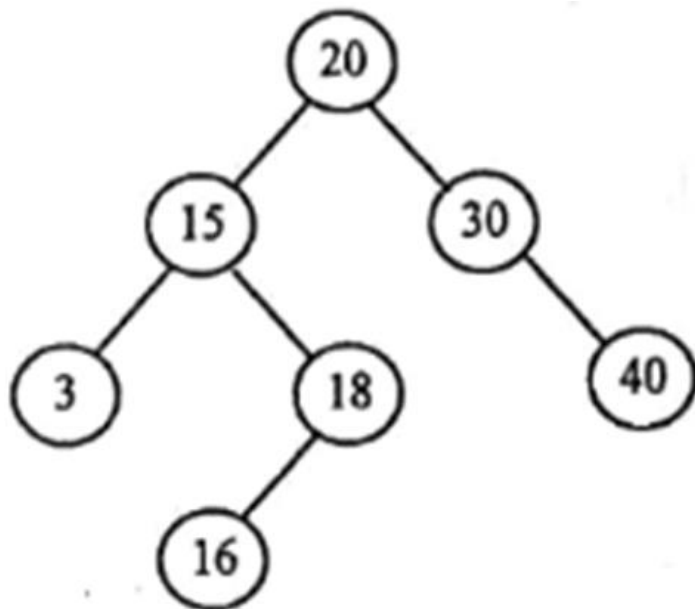
2) 15 16 18 20 30 40

```

typedef int DataType;
typedef struct node{
    DataType key;
    struct node* lchild;
    struct node* rchild;
}BinTNode;
typedef BinTNode* BinTree;

void A33(BinTree root, int k1, int k2, int& end){
    if(root==NULL) return;
    A33(root->lchild, k1, k2, end);
    if(end) return;
    if(root->key>k2){
        end = 1; return;
    }
    if(root->key>=k1) printf("%d ", root->key);
    A33(root->rchild, k1, k2, end);
}

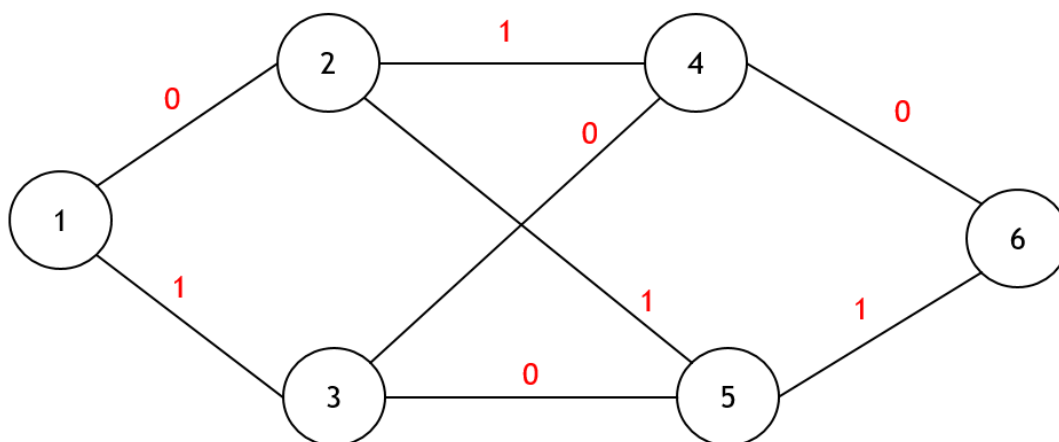
```



5. 算法设计题：给定一棵 n 个节点的满二叉树 T ，所有的叶子节点除了叶子节点 x 都具有相同的权值 w ，叶子节点 x 具有另一个权值 w_2 ， $w \neq w_2$ ，每个非叶子节点的权值为它的孩子的权值之和。现在给定这颗二叉树 T ，遍历到一个节点可以获得该节点的权值，请从根节

点出发，通过尽量少的遍历次数找到叶子结点 x 。注意： w 和 w_2 未知，只知道 $w \neq w_2$ ，以及每个节点的权值。要求：在算法正确的前提下，尽量是复杂度达到最优。【请写出复杂度最小的算法设计思路，分析复杂度，并尽可能写出代码】

6. 算法设计：给定一个无向图 G ，图上的每条边由 0 和 1 进行标号，若从 A 到 B 的路径上依次经过的边为 01010，那么该路径的长度为 01010 代表的二进制串的值，即长度为 10。现在给定起点 A 和终点 B ，请用尽量快的方式求出 A 到 B 的最短路径。要求：在算法正确的前提下，尽量使得复杂度最优。【请写出复杂度最小的算法设计思路，分析复杂度，并尽可能写出代码】下面是一种情况示例，从 1 到 6 的最短路径长度为 2，走法为 $1 \rightarrow 2 \rightarrow 4 \rightarrow 6$ ，路径二进制表示为 010，值为 2。具体值的计算忽略前导零。



5. 思路：该满二叉树深度必 ≥ 2 （至少有 3 层）。

比较 $root \rightarrow lchild \rightarrow lchild$, $root \rightarrow lchild \rightarrow rchild$, $root \rightarrow rchild \rightarrow lchild$, $root \rightarrow rchild \rightarrow rchild$ 的权值，确定 w 与 w_2 的大小关系（假设 $w > w_2$ ）

设当前遍历到的节点为 i 。 x 在 i 为根的子树中。

1) 若 i 为叶子节点，则 $x=i$ ，结束

2) 否则，若 $i \rightarrow lchild \rightarrow key < i \rightarrow rchild \rightarrow key$ 。则 $i = i \rightarrow lchild$ ，否则 $i = i \rightarrow rchild$ 。

i 从根节点开始递归即可

复杂度：递归层数为 T 的层数，每次递归复杂度 $O(1)$ ，因此总的复杂度为 $O(\log n)$

代码：略。

6. 思路: 修改 Dijkstra 算法, $e[i][j]$ 表示从 i 到 j 边上的权值.

用 $d[i]$ 表示从 A 到 i 的最短路径长, $p[i]$ 表示从 A 到 i 的最短路径中 i 的前驱节点.

初始化: $d[A] = 0$. $d[i] = \text{inf}$ (某个不可能达到的路径长, 我用 -1 作为标记).

用优先队列维护数组 d . 每次找出未激活的最小的 $d[i]$, 激活 i , 用 $2 \times d[i] + e[i][j] \rightarrow d[j]$ 比较. 若更小, 则更新 $d[j]$, $p[j]$. 直到所有节点被激活 (或节点 B 被激活.)

复杂度: 与 Dijkstra 算法相同, 为 $O(e \log n)$, 其中 n 是 G 的顶点数, e 是 G 的边数.
 $O(n^2)$ (不用优先队列)

代码: 略.