Лабораторная 2

Структуры данных

Шалыгин Г. Э.

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

Докладчик

- Шалыгин Георгий Эдуардович
- студент НФИ-02-20
- Российский университет дружбы народов

Вводная часть

Цели и задачи

• Основная цель работы — изучить несколько структур данных, реализованных в Julia, научиться применять их и операции над ними для решения задач.

Материалы и методы

- Процессор pandoc для входного формата Markdown
- Результирующие форматы
 - pdf
 - html
- Автоматизация процесса создания: Makefile
- Компилятор Julia
- OpenModelica

Результаты

Кортежи

Повторим примеры кода работы с кортежами

```
In [7]: ()
        favoritelang = ("Python", "Julia", "R")
        # кортеж из целых чисел:
        x1 = (1, 2, 3)
        # кортеж из элементов разных типов:
        x2 = (1, 2.0, "tmp")
        # именованный кортеж:
        x3 = (a=2, b=1+2)
        #Примеры операций над кортежами:
        # длина кортежа х2:
        @show length(x2)
        # обратиться к элементам кортежа х2:
        @show x2[1], x2[2], x2[3]
        # произвести какую-либо операцию (сложение)
        # с вторым и третьим элементами кортежа х1:
        @show c = x1[2] + x1[3]
        # обрашение к элементам именованного кортежа х3:
        @show x3.a, x3.b, x3[2]
        # проверка вхождения элементов tmp и 0 в кортеж х2
        # (два способа обращения к методу in()):
        @show in("tmp", x2), 0 in x2
        length(x2) = 3
        (x2[1], x2[2], x2[3]) = (1, 2.0, "tmp")
```

Примеры код работы со словарями

```
In [10]: phonebook = Dict("Иванов И.И." => ("867-5309","333-5544"),
             "Бухгалтерия" => "555-2368")
         # вывести ключи словаря:
         @show_keys(phonebook)
         # вывести значения элементов словаря;
         @show values(phonebook)
         # вывести заданные в словате пары "ключ - значение":
         @show pairs(phonebook)
         # проверка вхождения ключа в словарь:
         @show haskey(phonebook, "Иванов И.И.")
         # добавить элемент в словать:
         phonebook["Сидоров П.С."] = "555-3344"
         # удалить ключ и связанные с ним значения из словаря
         pop!(phonebook, "Иванов И.И.")
         @show_nhonebook
         # Объединение словарей (функция merge()):
         a = Dict("foo" => 0.0, "bar" => 42.0);
         b = Dict("baz" => 17, "bac" => 13.0):
         @show merge(a, b), merge(b,a)
         keys(phonebook) = ["Бухгалтерия", "Иванов И.И."]
         values(phonebook) = Any["555-2368", ("867-5309", "333-5544")1
         pairs(phonebook) = Dict(String, Any)("Бухгалтерия" => "555-2368", "Иванов И.И." => ("867-5309", "333-5544"))
         haskev(phonebook, "Иванов И.И.") = true
         phonebook = Dict(String, Any)("Сидоров П.С." => "555-3344", "Бухгалтерия" => "555-2368")
         (merge(a, b), merge(b, a)) = (Dict(String, Real)("bar" => 13.0, "bar" => 17. "foo" => 0.0), Dict(String, Real)("bar" =>
         "haz" => 17. "foo" => 0.0))
```

Figure 2: Словари

Работа с множествами

```
In [11]: @show A = Set([1, 3, 4, 5])
         @show B = Set("abrakadabra")
         # проверка эквивалентности двух множеств:
         S1 = Set([1,2]);
         S2 = Set([3,4]);
         @show issetequal(S1.S2)
         S3 = Set([1,2,2,3,1,2,3,2,1]);
         S4 = Set([2,3,1]);
         @show issetequal(53,54)
         #объединение
         @show C=union(S1.S2)
         # пересечение множеств:
         @show D = intersect(S1.S3)
         # разность множеств:
         @show E = setdiff(S3.S1)
         # проверка вхождения элементов одного множества в другое:
         @show issubset(S1,S4)
         # добавление элемента в множество:
         push1($4, 99)
         # удаление последнего элемента множества:
         pop1(54)
         @show 54
         A = Set([1, 3, 4, 5]) = Set([5, 4, 3, 1])
         B = Set("abrakadabra") = Set(['a', 'd', 'r', 'k', 'b'])
         issetequal(S1, S2) = false
         issetequal(S3, S4) = true
         C = union(S1, S2) = Set([4, 2, 3, 1])
         D = intersect(S1, S3) = Set([2, 1])
         E = setdiff(S3, S1) = Set([3])
         issubset(S1, S4) = true
         S4 = Set([99, 3, 1])
```

Figure 3: Множества

Массивы

Создание массивов

```
# массий из мбадратимых корней всек целых чисел от 1 до 10:

#khow roots = [sqrt(1) for i in 1:10]

# массий с элементами видо 3*x*2,

#khow roots = [3*1*2* for i in 1:29]

#khow an_1 = [3*1*2* for i in 1:29]

#khow an_1 = [3*1*2* for i in 1:29]

#khow an_1 = [3*1*2* for i in 1:29]

#khow an_2 = [1*2* for i in 1:29]

#khow an_2 = [1*2* for i in 1:29]

#khow an_2 = [1*2* for i in 1:10] = [1.0, 1.4142135623736951, 1.7320508075688772, 2.0, 2.23606797749979, 2.449489742783178, 2.6457

$3131106439907, 2.8284271247461903, 3.0, 3.1622776601683795]

an_2 = [3*i ^2 for i = 1:10] = [3, 27, 75, 147, 243]

an_2 = [4*i ^2 for i = 1:10] i i 2 % 5*i = 0 & 84*i ^2 2 % 4 | e0] = [1, 9, 49, 81]
```

Figure 4: Массивы

Создание массивов

```
# одномерный массив из пяти единии:
ones(5)
# двумерный массив 2х3 из единиц:
@show ones(2,3)
# одномерный массив из 4 нулей:
@show zeros(4)
# заполнить массив 3х2 цифрами 3.5
@show fill(3.5,(3,2))
# заполнение массива посредством функции repeat():
@show repeat([1,2],3,3)
@show repeat([1 2],3,3)
# преобразование одномерного массива из целых чисел от 1 до 12
# в двумерный массив 2х6
a = collect(1:12)
b = reshape(a,(2,6))
# транспонирование
@show b''
# транспонирование
@show c = transpose(b)
```

ones(2, 3) = $[1.0 \ 1.0 \ 1.0; \ 1.0 \ 1.0 \ 1.0]$ zeros(4) = $[0.0, \ 0.0, \ 0.0, \ 0.0]$

fill(3.5, (3, 2)) = [3.5, 3.5; 3.5, 3.5; 3.5, 3.5]

Создание массивов

```
ж миссио тохо целых чисел о оцинизоне гто, гот.
 @show ar = rand(10:20, 10, 5)
# выбор всех значений строки в столбие 2:
arf:, 21
# выбор всех значений в столбиах 2 и 5:
 arf:, [2, 511
# все значения строк в столбцах 2, 3 и 4:
 arf:, 2:41
# значения в строках 2, 4, 6 и в столбцах 1 и 5:
 ar[[2, 4, 6], [1, 5]]
# значения в строке 1 от столбиа 3 до последнего столбиа:
@show ar[1, 3:end]
# сортировка по столбиам:
@show sort(ar.dims=1)
 # сортировка по строкам:
@show sort(ar.dims=2)
# поэлементное сравнение с числом
# (результат - массив логических значений):
@show ar → 14
# возврат индексов элементов массива, удовлетворяющих условию:
@show findall(ar .> 14)
 ar = rand(10:20, 10, 5) = [15 16 20 10 13: 17 10 15 13 18: 18 10 20 13 12: 15 11 20 14 16: 11 14 16 20 19: 10 15 13 15 15: 13 1
 3 10 18 12: 12 18 16 13 11: 11 12 15 18 13: 13 11 20 14 171
 ar[1, 3:end] = [20, 10, 13]
 sort(ar, dims = 1) = [10 10 10 10 11; 11 10 13 13 12; 11 11 15 13 12; 12 11 15 13 13; 13 12 16 14 13; 13 13 16 14 15; 15 14 20
 15 16: 15 15 20 18 17: 17 16 20 18 18: 18 18 20 20 191
 sort(ar, dims = 2) = [10 13 15 16 20; 10 13 15 17 18; 10 12 13 18 20; 11 14 15 16 20; 11 14 16 19 20; 10 13 15 15 15; 10 12 13
 13 18; 11 12 13 16 18; 11 12 13 15 18; 11 13 14 17 201
 findall(ar .> 14) = CartesianIndex(2)[CartesianIndex(1, 1), CartesianIndex(2, 1), CartesianIndex(3, 1), CartesianIndex(4, 1), C
 artesianIndex(1, 2), CartesianIndex(6, 2), CartesianIndex(8, 2), CartesianIndex(1, 3), CartesianIndex(2, 3), CartesianIndex(3, 3), C
```

Figure 6: Массивы

```
1. Даны множества: A = \{0, 3, 4, 9\}, B = \{1, 3, 4, 7\}, C = \{0, 1, 2, 4, 7, 8, 9\}. Найти P = A \cap B \cup A \cap B \cup A \cap C \cup B \cap C.

In [33]:

A = Set([0,3,4,9])
B = Set([1,3,4,7])
C = Set([0,1,2,4,7,8,9])
@show P = union(intersect(A, B), intersect(A, B), intersect(A, C), intersect(C, B))
P = union(intersect(A, B), intersect(A, B), intersect(A, C), intersect(C, B)) = Set([0,4,7,9,3,1])
```

2. Приведите свои примеры с выполнением операций над множествами элементов разных типов.

```
A = Set([1, 3, 4, 5])
B = Set("abrakadabra1")
@show union(A, B)
@show intersect(A, B)
@show setdiff(A, B)
@show issubset(A, union(A, B))
union(A, B) = Set(Any[5, 4, '1', 'a', 'd', 'r', 'k', 3, 1, 'b'])
intersect(A, B) = Set{Any}()
setdiff(A, B) = Set([5, 4, 3, 1])
issubset(A, union(A, B)) = true
```

@show a5 = fill(tmp[1], 10)
@show a5 = repeat([tmp[1]], inner=10)
@show a6 = repeat(tmp, 10)

@show a7 = [fill(tmp[1], 11); fill(tmp[2], 10); fill(tmp[3], 10)]
@show a8 = [fill(tmp[1], 10); fill(tmp[2], 20); fill(tmp[3], 30)]

```
3.4) массив с именем tmp вида (4, 6, 3);

3.5) массив, в котором первый элемент массива tmp повторяется 10 раз;

3.6) массив, в котором все элементы массива tmp повторяется 10 раз;

3.7) массив, в котором первый элемент массива tmp встречается 11 раз, второй элемент — 10 раз, третий элемент — 10 раз;

3.8) массив, в котором первый элемент массива tmp встречается 11 раз, второй элемент — 10 раз, третий элемент — 10 раз;

3.8) массив, в котором первый элемент — 30 раз подряд;

3.9) массив из элементов вида 2<sup>(myll)</sup>, (= 1, 2, 3, где элемент 2<sup>(myll)</sup>) встречается 4 раза; посчитайте в полученном векторе, сколько раз встречается цифра 6, и выведите это значение на экран;
```

```
3.8) массив, в котором первый элемент массива tmp встречается 10 раз подряд, второй
элемент — 20 раз полряд, третий элемент — 30 раз полряд:
3.9) массив из элементов вида 2^{tmp[i]}, i = 1, 2, 3, где элемент 2^{tmp[3]} встречается 4 раза; посчитайте в полученном векторе, сколько раз встречается
цифра 6, и вывелите это значение на экран:
@show a8 = [tmp[i] for i in 1:3 for in 1:10*i]
@show a9 = [2^tmp[i] for i in 1:3 for in 1:(i==3 ? 4 : 1)]
@show count(q -> q=='6', string(a9))
a9 = [2 ^ tmp[i] for i = 1:3 for _ = 1:if i == 3
            else
            end] = [16, 64, 8, 8, 8, 8]
count((a->begin
         #= In[79]:3 =#
         0 == '6'
      end), string(a9)) = 2
```

```
3.10) вектор значений y = e^x \cos(x) в точках x = 3, 3, 1, 3, 2, \dots, 6, найдите среднее значение y
3.11) вектор вида (x^i, y^i), x = 0.1, i = 3, 6, 9, ..., 36, y = 0.2, i = 1, 4, 7, ..., 34;
3.12) вектор с элементами \frac{2^i}{i}, i = 1, 2, ..., M, M = 25;
3.13) вектор вида ("fn1", "fn2", .... "fnN"), N = 30:
xx = 3:0.1:6
Ashow all = [exp(x)*cos(x) for x in xx]
Ashow all = [(0.1^{\circ}i, 0.2^{\circ}(i-2))] for i in 3:3:36]
a10 = [exp(x) = cos(x)] for x = xx^2 = [-19.884530844146987, -22.178753389342127, -24.490696732801293, -26.77318244299338, -28.96
9237768093574, -31.011186439374516, -32.819774760338504, -34.30336011037369, -35.35719361853035, -35.86283371230767, -35.687732
48011913, -34,68504225166807, -32,693695428321746, -29,538816297262983, -25,032529229039966, -18,975233154958957, -11,157417389
647478. -1.3620985182057503. 10.632038010191998. 25.046704998273004. 42.09920106253839. 61.99663027669454. 84.92906736250268. 1
11.0615860420258, 140.5250750527875, 173.40577640857734, 209.73349424783467, 249.46844055885668, 292.4867067371223, 338.5643778
585117. 387.360340290930761
545690990994e=29), (1.909999999999999918e=33, 2.147483648999994e=22), (1.9099999999992e=36, 1.7179869184999935e=24)]
```

"fn30"]

```
векторы х и у цело-инсленного типа длины n=250 как случайные выборки из совокуйности 0,1,\dots,999; на его основе: - \text{сформируйте вектор } (y_2-x_1,\dots,y_n-x_{n-1}); - \text{сформируйте вектор } (x_1+2x_2-x_3,x_2+2x_3-x_4,\dots,x_{n-2}+2x_{n-1}-x_n); - \text{сформируйте вектор } (\frac{\text{dis}(i)}{\text{cos}(i,2)},\dots,\frac{\text{dis}(y_{n-1})}{\text{cos}(i,2)}); - \text{вычислите } \sum_{i=1}^{n-1} \frac{e^{-ix_{i+1}}}{x_i+10} | x_i| = x_i = x_i
```

- выберите элементы вектора у, значения которых больше 600, и выведите на экран; определите индексы этих элементов
- определите значения вектора x, соответствующие значениям вектора y, значения которых больше 600 (под соответствием понимается расположение на аналогичных индексных позициях);
- сформируйте вектор ($|x_1-x|^{0.5},\ldots,|x_n-x|^{0.5}$), где x обозначает среднее значение вектора x
- определите, сколько элементов вектора у отстоят от максимального значения не более, чем на 200;

```
@show yly .> 600]
@show xind1l(y .> 600)
@show xiy .> 600]
w4 = [abs(x[i] - sum(x)/n)^0.5 for i in 1:n]
w6 = [abs(x[i] - maximum(y)) for i in 1:n] .<= 200)</pre>
```

y[y .> 600] - [984, 656, 869, 619, 714, 920, 756, 672, 805, 752, 696, 640, 926, 863, 787, 681, 776, 976, 949, 711, 852, 892, 707, 847, 622, 889, 739, 983, 932, 794, 847, 847, 689, 956, 855, 852, 948, 657, 850, 971, 670, 869, 604, 752, 702, 634, 669, 920, 913, 769, 999, 968, 736, 722, 858, 850, 804, 976, 850, 764, 684, 886, 889, 623, 717, 918, 758, 756, 787, 817, 747, 620, 962, 83, 78, 817, 777, 765, 721, 829, 868, 763, 989, 877, 992, 888, 826, 946, 901, 640, 896, 702, 816, 736, 665, 860, 721, 904, 934, 960, 955, 739, 921, 945, 651, 997, 862]

findal(\$\(\gamma\): 600\) = (2, \(^3\), \(^8\), \(^9\), \(^1\)

 $\begin{array}{c} x[y \ . \ 500] = [352, 348, 394, 102, 598, 669, 848, 368, 89, 914, 927, 589, 704, 29, 221, 16, 188, 2, 41, 931, 685, 93, 361, 36, 947, 563, 417, 594, 128, 344, 339, 182, 367, 865, 118, 97, 667, 369, 402, 383, 836, 927, 867, 451, 877, 823, 380, 481, 841, 76, 7607, 733, 738, 482, 189, 50, 214, 116, 651, 412, 80, 115, 913, 180, 175, 932, 335, 812, 177, 503, 458, 525, 553, 760, 368, 943, 64, 561, 485, 737, 750, 22, 745, 814, 668, 336, 600, 943, 859, 85, 761, 816, 766, 747, 410, 435, 479, 277, 491, 635, 375, 19, 586, 294, 750, 463] \\ \end{array}$

sum([abs(y[i] - maximum(y)) for i = 1:n] <= 200) = 59

```
    определите, сколько чётных и нечётных элементов вектора х;

    определите, сколько элементов вектора x кратны 7;

    отсортируйте элементы вектора у в порядке возрастания элементов вектора у:

    выведите элементы вектора х. которые входят в десятку наибольших (top-10)?

    сформируйте вектор, содержащий только уникальные (неповторяющиеся) элементы вектора x.

println(count(x -> x \% 2 == 0, x), " четные")
println(count(x -> x % 2 == 1, x), " нечетные")
println(count(x \rightarrow x % 7 == 0, x), " session Ha 7")
@show x[sortperm(v)]
println("10 максимальных: ", sort(x, revetrue)[1:10])
unique x = unique(x)
120 потино
130 нечетные
29 делятся на 7
x[sortperm(v)] = [564, 244, 889, 988, 88, 152, 491, 696, 933, 266, 21, 318, 668, 575, 815, 591, 769, 725, 221, 885, 610, 599, 8
61, 592, 718, 331, 233, 623, 286, 886, 871, 410, 671, 257, 596, 783, 747, 221, 86, 285, 277, 360, 280, 859, 360, 906, 79, 668,
397, 919, 522, 941, 711, 207, 645, 656, 410, 456, 577, 279, 524, 45, 968, 804, 90, 682, 66, 434, 481, 453, 377, 289, 258, 10, 3
65, 956, 359, 494, 745, 50, 976, 538, 526, 746, 963, 568, 374, 2, 392, 670, 357, 755, 662, 204, 14, 423, 775, 790, 364, 681, 57
2, 639, 401, 276, 552, 400, 678, 865, 153, 49, 926, 557, 323, 859, 454, 307, 1, 106, 296, 773, 673, 750, 308, 41, 171, 624, 97
9, 899, 22, 142, 674, 363, 659, 197, 980, 928, 774, 558, 733, 637, 905, 434, 35, 659, 867, 102, 525, 497, 180, 823, 589, 859, 3
48. 294. 369. 747. 380. 836. 368. 16. 80. 367. 927. 877. 761. 361. 931. 598. 175. 561. 435. 482. 738. 766. 417. 375. 458. 848.
914. 451. 812. 335. 750. 412. 64, 767, 188, 943, 221, 177, 344, 214, 89, 816, 503, 336, 485, 760, 368, 36, 182, 402, 50, 651, 6
85, 97, 118, 189, 410, 463, 29, 737, 394, 927, 339, 745, 115, 668, 563, 913, 93, 85, 943, 479, 841, 932, 649, 481, 19, 128, 70
4, 277, 586, 600, 667, 41, 865, 635, 491, 553, 733, 383, 2, 116, 594, 352, 22, 814, 750, 6071
10 максимальных: [988, 980, 979, 976, 968, 963, 956, 943, 943, 941]
```

```
Coздайте массив squares, в котором будут храниться квадраты всех целых чисел от 1 до 100.

squares = [x^2 for x in 1:100]

100-element Vector{Int64}:

1
4
```

Подключате пакет Primes (функции для вычисления простых чисел). Стенерируйте массив myprimes, в котором будут храниться первые 168 простых чисел. Опередените 89-е наименьшее простое число. Получите срез массива с 89-го до 99-го элемента включительно, содержащий наименьшие простье числа.

```
import Pkg; Pkg.add("Primes")
 Warning: could not download https://pkg.julialang.org/registries
   exception = InterruptException:
  @ Pkg.Registry C:\workdir\usr\share\iulia\stdlib\v1.8\Pkg\src\Registry\Registry.il:68
   Updating registry at 'D:\julia\depot\registries\General.toml'
   Resolving package versions...
   Installed IntegerMathUtils - v0.1.2
   Installed Primes ---- v0.5.4
   Updating `D:\iulia\depot\environments\v1.8\Project.toml`
  [27ebfcd6] + Primes v0.5.4
   Updating `D:\julia\depot\environments\v1.8\Manifest.toml`
  [18e54dd8] + IntegerMathUtils v0.1.2
  [27ebfcd6] + Primes v0.5.4
Precompiling project...
 ✓ IntegerMathUtils
  √ Primos
 2 dependencies successfully precompiled in 5 seconds, 272 already precompiled, 2 skipped during auto due to previous errors.
```

using Primes

```
myprimes = primes(1000)[1:168]
println(myprimes[89])
println(myprimes[89:99])

461
[461, 463, 467, 479, 487, 491, 499, 503, 509, 521, 523]
```

Вывод

Вывод

В ходе работы были изучены несколько структур данных, реализованных в Julia, научились применять их и операции над ними для решения задач.