# LU3EE200

Techniques et dispositifs pour l'électronique analogique et l'électronique numérique

Chapitre n°9. Photonique









Licence EEA - UE LU3EE200 - © A. DÉGARDIN - 2021-2022

Chapitre n°9 - Photonique

# 1. Photoconduction

- 1.1 Injection de porteurs minoritaires
- 1.2 Application aux photo-détecteurs

Question-clé : que se passe-t-il si on éclaire un semi-conducteur dopé avec des photons d'énergie  $h\nu$  au moins égale à la largeur du gap  $E_a$ ?

Nous allons considérer dans la suite un semi-conducteur dopé N (par exemple, du silicium dopé avec des atomes donneurs en concentration  $N_D = 5 \times 10^{16}$  cm<sup>-3</sup>, à 300 K)

Licence EEA - UE LU3EE200 - © A. DÉGARDIN - 2021-2022

Chapitre n°9 - Photonique

# .1 Injection de porteurs minoritaires (1/3)

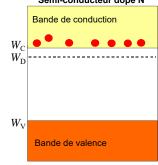
- ❖ Si on n'éclaire pas le semi-conducteur dopé N, celui-ci est à l'équilibre :
  - $\checkmark$  Concentration en porteurs de charges majoritaires (électrons) :  $n_{N0}$
  - $\checkmark$  Concentration en porteurs de charges minoritaires (trous) :  $p_{N0}$

La loi d'action de masse est vérifiée :  $| n_{
m N0} | p_{
m N0} = n_{
m i}^2$ 



Convention pour les indices : N pour indiquer le dopage de type N 0 pour indiquer une situation à l'équilibre

Semi-conducteur dopé N

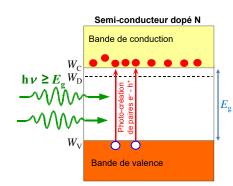


 $N_{\rm D} = 5 \times 10^{16} \, {\rm cm}^{-3}$ ;  $n_{\rm i} \approx 10^{10} \, {\rm cm}^{-3}$  à  $T = 300 \, {\rm K}$ 

d'où  $n_{\rm N0}$  = 5×10 $^{16}$  cm $^{-3}$  et  $p_{\rm N0}$  = 2×10 $^{3}$  cm $^{-3}$  <<  $n_{\rm N0}$ Les électrons libres dans la bande conduction viennent majoritairement du

# 1.1 Injection de porteurs minoritaires (2/3)

- On éclaire désormais le semi-conducteur : on est dans une situation hors-équilibre.
  - ✓ Comme  $h v \ge E_{\alpha}$ , il y a création de paires électrons-trous en excès (photo-création, selon un taux de création  $G_{\rm ph}$ )



comme il s'agit de paires e-h+.  $\Delta n = \Delta p$ .

Attention! La loi d'action de masse hors équilibre n'est plus vérifiée :  $n_N p_N \neq n_i^2$ 

Exemple numérique

 $N_{\rm D} = 5 \times 10^{16} \, {\rm cm}^{-3}$ ;  $n_{\rm i} \approx 10^{10} \, {\rm cm}^{-3}$  à  $T = 300 \, {\rm K}$ d'où  $n_{\rm N0}$  = 5×10<sup>16</sup> cm<sup>-3</sup> et  $p_{\rm N0}$  = 2×10<sup>3</sup> cm<sup>-3</sup>

Supposons une faible illumination qui crée  $\Delta n = 0.1 n_{N0}$ 

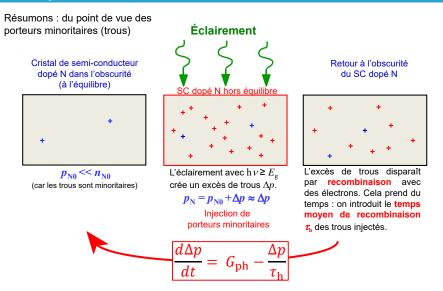
d'où  $\Delta n = 5 \times 10^{15} \text{ cm}^{-3} = \Delta p \text{ (car paires e}^- - \text{h}^+\text{)}$ 

Ainsi :  $n_{\rm N}$  = 5,5×10<sup>16</sup> cm<sup>-3</sup> et  $p_{\rm N}$  ≈ 5×10<sup>15</sup> cm<sup>-3</sup> (car  $\Delta p >> p_{\rm N0}$ ) La concentration en électrons (majoritaires) augmente de 10%, alors que celle en trous (minoritaires) varie d'un facteur 1012!

L'illumination influence fortement la concentration en porteurs minoritaires : on parle d'injection de porteurs minoritaires.

Licence EEA - UE LU3EE200 - © A. DÉGARDIN - 2021-2022

### 1.1 Injection de porteurs minoritaires (3/3)



 $G_{\rm nh}$ : nombre de paires électron-trou créées par unité de volume et par unité de temps

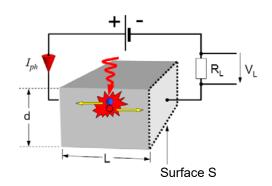


Licence EEA - UE LU3EE200 - © A. DÉGARDIN - 2021-2022

Chapitre n°9 – Photonique

5

#### 1.2 Application aux détecteurs photoconducteurs (ou quantiques)



- \* Variation de la conductivité électrique suite à l'absorption de photons par le matériau (à condition que l'énergie des photons incidents  $h\nu$  soit supérieure ou égale à l'énergie du  $gap E_v$ ).
- Si, Ge, PbSe, PbS, CdSe, HgCdTe, PbSnTe, InGaAs (infrarouge principalement)
- \* Applications : alarmes, astronomie IR, spectroscopie IR.



Licence EEA - UE LU3EE200 - © A. DÉGARDIN - 2021-2022

Chapitre n°9 - Photonique

6

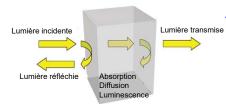
# 2. Propriétés optiques : concepts généraux

- 2.1 Indice de réfraction
- 2.2 Absorption optique

<u>Question-clé</u>: quelles sont les grandeurs optiques à considérer pour un matériau sous illumination?

Le comportement optique d'un matériau est lié à ses propriétés diélectriques. Deux grandeurs sont à considérer : l'indice de réfraction n lié à la polarisation électronique et le coefficient d'absorption  $\alpha$  lié aux pertes diélectriques.

### 2.1 Indice de réfraction (1/2)



Dans un milieu homogène, la vitesse de propagation d'une onde électromagnétique s'écrit :

$$v = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon_{\mu}}} = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon_{0}\varepsilon_{r}\mu_{0}\mu_{r}}} = \frac{c}{\sqrt{\varepsilon_{r}\mu_{r}}}$$

où  $\varepsilon_0$  est la permittivité du vide (F/m).

μ<sub>0</sub> est la perméabilité du vide (H/m),

 $\mathcal{E}_{r}$  est la permittivité relative du matériau (sans unité),

μ<sub>r</sub> est la perméabilité relative du matériau (sans unité), c est la vitesse de la lumière dans le vide (m/s).

$$n = c / v => n^2 = \varepsilon_r$$

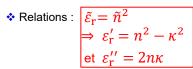
Mais un matériau présente toujours des pertes. Si on le soumet à un champ électrique alternatif, les atomes du réseau cristallin vont osciller autour de leur position d'équilibre, et donc une partie de l'énergie issue du champ électrique sera convertie en énergie de vibrations (son, chaleur). On introduit alors une permittivité relative complexe et donc un indice de réfraction complexe (voir transparent suivant).

#### 2.1 Indice de réfraction (2/2)

❖ Indice de réfraction complexe :  $\tilde{n} = n - i\kappa$ Indice de Coefficient réfraction d'extinction

• Permittivité relative complexe :  $\tilde{\varepsilon}_{\rm r} = \varepsilon_{\rm r}' - {\rm j}\varepsilon_{\rm r}''$ Constante pertes diélectriques (absorption) diélectrique (polarisation diélectrique)

 $\varepsilon_{\rm r}^{\prime\prime}$  dépend de la fréquence. De plus, pour un matériau de conductivité  $\sigma$ finie, il y a des pertes par effet Joule :

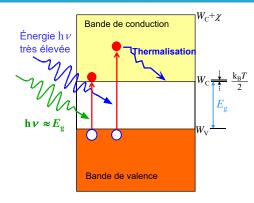




Licence EEA - UE LU3EE200 - © A. DÉGARDIN - 2021-2022

Chapitre n°9 - Photonique

### 2.2 Absorption optique : condition sur l'énergie des photons



Si  $h\nu = E_{\sigma}$ , le photon est absorbé et on observe la transition d'un électron de la bande de valence vers la bande de conduction. Cet électron se place au voisinage du bas de la bande de conduction à  $W \approx W_C + (k_B T / 2)$ .

Si  $h\nu >> E_{\sigma}$ , le photon est absorbé et on observe la transition d'un électron de la bande de valence vers la bande de conduction. Cet électron est situé haut dans la bande de conduction : il perd l'excès d'énergie par thermalisation avant de se placer au voisinage du bas de la bande de conduction.

Si  $h\nu < E_{\alpha}$ , le photon n'est pas absorbé : le semi-conducteur est transparent aux longueurs d'onde plus grandes que  $\lambda_{\rm g}$  = hc /  $E_{\rm g}$ , soit encore  $\lambda_{\rm g}(\mu {\rm m}) = \frac{1,24}{E_{\rm g}\,({\rm eV})}$ 

Pour le silicium :  $E_{oSi}$  = 1,12 eV =>  $\lambda_{oSi}$  = 1,11  $\mu$ m

3. Émission de lumière

3.1 Gap direct vs. gap indirect

3.3 Applications aux LEDs

3.2 Recombinaison

d'où toutes les longueurs d'onde plus grandes que  $\lambda_{\mathrm{gSi}}$  ne seront pas absorbées : on ne peut donc pas utiliser des photodiodes au silicium pour les télécommunications optiques à 1,31 µm, par exemple.



Licence EEA - UE LU3EE200 - © A. DÉGARDIN - 2021-2022

Chapitre n°9 - Photonique

Chapitre n°9 - Photonique

10

## 2.2 Absorption optique : coefficient d'absorption $\alpha$

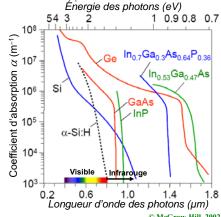
La profondeur de pénétration d'une onde électromagnétique dans le matériau dépend de la fréquence du champ électrique  $\vec{E}$  et des constantes optiques (n et κ) du matériau. On appelle I<sub>0</sub> l'intensité du faisceau incident en surface du matériau (z = 0). La profondeur z à laquelle l'intensité est atténuée de 1/e de sa valeur maximale  $I_0$  est la profondeur de pénétration  $\delta_n$ 

$$\begin{split} I(z) &= I_0 \exp(-\,z/\delta_{\rm p}) \\ &= I_0 \exp(-\alpha z) \propto |E|^2 \\ {\rm où} \, \alpha &= \frac{1}{\delta_{\rm p}} = {\rm coefficient~d'absorption}. \end{split}$$

• On peut relier  $\alpha$  et  $\kappa$  selon :

$$\alpha = \frac{2\kappa\omega}{c} = \frac{4\pi\kappa}{\lambda}$$
où  $\omega = 2\pi f = 2\pi \frac{c}{\lambda}$ 

Visible : 400 nm  $< \lambda < 800$  nm



© McGraw-Hill, 2002

Question-clé : comment émettre de la lumière ?

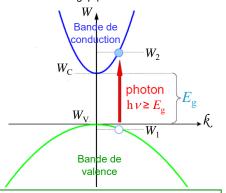
Après l'introduction de quelques notions complémentaires sur le modèle des

bandes, nous donnons quelques éléments de compréhension sur l'émission de

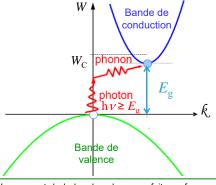
lumière par les diodes électroluminescentes (DEL, ou LED en anglais).

#### 3.1 Gap direct vs. gap indirect

L'étude poussée du modèle des bandes révèle que ces bandes sont de forme parabolique (expression de l'énergie en fonction du nombre d'onde k). Selon le matériau, la forme du gap peut être différente.



Le sommet de la bande valence fait face au minimum d'énergie dans la bande de conduction. Il s'agit d'un semi-conducteur à gap direct. Le photon est directement absorbé créant une paire e- - h+ : cas de GaAs, par exemple.



Le sommet de la bande valence ne fait pas face au minimum d'énergie dans la bande de conduction. Il s'agit d'un semi-conducteur à gap indirect. L'absorption d'un photon s'accompagne de l'absorption d'un phonon (particule associée aux vibrations du réseau) : cas de Si, par exemple.



Licence EEA - UE LU3EE200 - © A. DÉGARDIN - 2021-2022

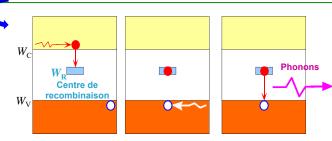
Chapitre n°9 - Photonique

13

#### 3.2 Recombinaison radiative / Recombinaison non radiative

La nature du gap a des conséquences sur le mode de recombinaison des porteurs libres (cf. Transparent 5) une fois l'éclairement stoppé. Ainsi :

- \* Pour un semi-conducteur à gap direct (tel que GaAs), la recombinaison de la paire e<sup>-</sup> – h<sup>+</sup> s'accompagne de l'émission d'un photon d'énergie h $\nu \approx E_a$ : il s'agit d'une recombinaison radiative
- ❖ Pour un semi-conducteur à gap indirect (tel que Si), la recombinaison de la paire e- - h+ est convertie en énergie de vibrations des atomes du réseau (phonons): il s'agit d'une recombinaison non-radiative.



Licence EEA - UE LU3EE200 - © A. DÉGARDIN - 2021-2022

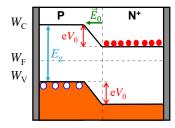
Chapitre n°9 - Photonique

14

# 3.3 Application aux LEDs : principe (1/2)

Une diode électroluminescente émet un rayonnement (photons) sur la base d'un processus de recombinaisons de paires e- - h+. Ce processus exige au préalable l'excitation des électrons, qui s'effectue par polarisation électrique de la diode, d'où le nom de diode électroluminescente. Le photon émis est d'énergie environ égale à la largeur de gap du matériau.

- Soit une jonction PN+ (le côté N est fortement dopé).
- $\checkmark$  À l'équilibre, le niveau de Fermi  $W_{\scriptscriptstyle \rm E}$ est uniforme dans la structure.
- ✓ À l'interface, il y a un champ électrique interne  $\vec{E}_0$  (donc un potentiel interne de jonction  $V_0$ associé) qui empêche les électrons de diffuser de la zone N<sup>+</sup> vers la zone P.
- ✓ La zone de déplétion s'étend principalement du côté P.

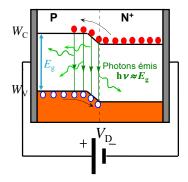


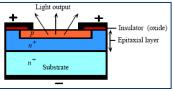
- Électrons dans la BC
- Trous dans la BV

Chapitre n°9 - Photonique

# 3.3 Application aux LEDs: principe (2/2)

- · Quand on polarise en direct la diode, le potentiel interne diminue de  $V_0$  à  $V_0 - V_{D_1}$ ce qui permet aux électrons de la zone N<sup>+</sup> d'être injectés dans la zone P.
- L'injection de trous de la zone P vers la zone N+ est beaucoup plus faible. La recombinaison des électrons injectés dans la zone de déplétion (côté P, sur leur longueur de diffusion) avec les trous conduit à l'émission de photons. On parle d'électroluminescence d'injection.
- Les photons sont émis dans des directions aléatoires (émission spontanée). La structure de la LED doit être telle que les photons émis puissent s'échapper du dispositif sans être réabsorbés par le matériau semi-conducteur.

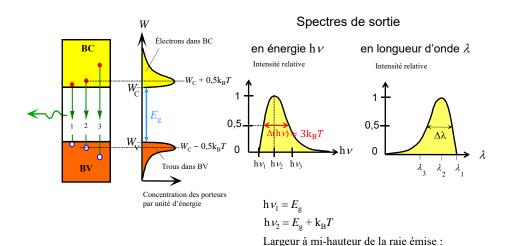




© McGraw-Hill, 2002



# 3.3 Application aux LEDs : caractéristiques de l'émission



© McGraw-Hill, 2002



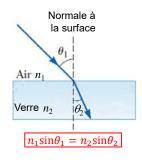
Licence EEA - UE LU3EE200 - © A. DÉGARDIN - 2021-2022

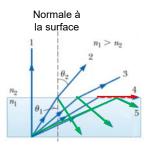
Chapitre n°9 - Photonique

 $\Delta(h \nu) \approx 3 k_B T$ 

17

## 3.3 Application aux LEDs : loi de Snell-Descartes



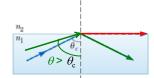


Faisceau 1 : totalement transmis du milieu de 2 vers le milieu 1

Faisceaux 2 et 3 : en partie transmis et réfléchis ( $\theta < \theta_c$ )

Faisceau 4 : rasant (angle critique  $\theta_c$  avec la normale)

Faisceau 5 : totalement réfléchi dans le milieu 1 ( $\theta > \theta_c$ )



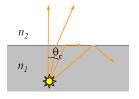
Angle critique :  $\sin \theta_c = n_2 / n_1$ 

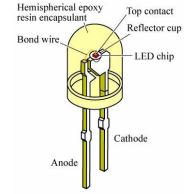
Licence EEA - UE LU3EE200 - © A. DÉGARDIN - 2021-2022

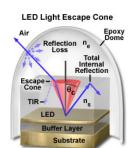
Chapitre n°9 - Photonique

18

## 3.3 Application aux LEDs : packaging d'une LED







Chapitre n°9 - Photonique

# 3.3 Application aux LEDs : matériaux et rendement

Semi-conducteur	Gap D ou I	$\lambda$ (nm)	$\eta_{\text{\tiny external}}(\%)$	Commentaires
GaAs	D	870 - 900	10	LEDs infrarouge
$Al_xGa_{1-x}$ As $(0 \le x \le 0.4)$	D	640 - 870	5 - 20	LEDs rouges à IR
$In_{1-x}Ga_xAs_yP_{1-y}$ $(y \approx 2.20x, 0 \le x \le 0.47)$	D	1 - 1.6 μm	> 10	LEDs pour les communication
Alliages InGaN	D	430 - 460 500 - 530	2 3	LED bleue LED verte
SiC	I	460 - 470	0.02	LED bleue. Rendement faible
$In_{0.49}Al_x\;Ga_{0.51\text{-}x}\;P$	D	590 - 630	1 - 10	LEDs ambres, vertes et rouges
$GaAs_{1-y}P_{y} (y < 0.45)$	D	630 - 870	< 1	LEDs rouges à IR
$\begin{aligned} &GaAs_{1-y}P_{y}\left(y\geq0.45\right)\\ &(dopage\ N\ ou\ Zn) \end{aligned}$	I	560 - 700	< 1	LEDs rouges, oranges et jaune
GaP (Zn-O)	I	700	2 - 3	LED rouge
GaP (N)	I	565	< 1	LED verte

© McGraw-Hill, 2002

 $rac{\mathcal{P}_{out}}{\cdots}$ , où  $\mathcal{P}_{out}$  est la puissance optique fournie

Chapitre n°9 - Photonique