

宽度优先搜索 Breadth First Search

课程版本 v4.1 主讲 令狐冲



扫描二维码关注微信/微博
获取最新面试题及权威解答

微信: [ninechapter](#)

微博: <http://www.weibo.com/ninechapter>

知乎: <http://zhuoanlan.zhihu.com/jiuzhang>

官网: <http://www.jiuzhang.com>

- 二叉树上的宽搜 BFS in Binary Tree
- 图上的宽搜 BFS in Graph
 - 拓扑排序 Topological Sorting
- 棋盘上的宽搜 BFS

什么时候应该使用BFS？

图的遍历 Traversal in Graph

- 层级遍历 Level Order Traversal
- 由点及面 Connected Component
- 拓扑排序 Topological Sorting

最短路径 Shortest Path in Simple Graph

- 仅限简单图求最短路径
- 即，图中每条边长度都是1，且没有方向

如果题目问最短路径

除了BFS还可能是什么算法？

如果问最长路径呢？

二叉树上的宽度优先搜索

BFS in Binary Tree

令狐师兄带你写代码之 Binary Tree Level Order Traversal

<http://www.lintcode.com/problem/binary-tree-level-order-traversal/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/binary-tree-level-order-traversal/>

图的遍历(层级遍历)

注:树是图的一种特殊形态,树属于图

使用队列作为主要的数据结构 Queue

思考: 用栈(Stack)是否可行? 为什么行 or 为什么不行?

是否需要实现分层?

需要分层的算法比不需要分层的算法多一个循环

size=queue.size()

如果直接 `for (int i = 0; i < queue.size(); i++)` 会怎么样?

Binary Tree Serialization (M+Y)

问:什么是序列化?

什么是序列化？

将“**内存**”中结构化的数据变成“**字符串**”的过程

序列化: object to string

反序列化: string to object

什么时候需要序列化？

1. 将内存中的数据持久化存储时

内存中重要的数据不能只是呆在内存里，这样断电就没有了，所需需要用一种方式写入硬盘，在需要的时候，能否再从硬盘中读出来在内存中重新创建

2. 网络传输时

机器与机器之间交换数据的时候，不可能互相去读对方的内存。只能讲数据变成字符流数据(字符串)后通过网络传输过去。接受的一方再将字符串解析后到内存中。

常用的一些序列化手段：

- XML
- Json
- Thrift (by Facebook)
- ProtoBuf (by Google)

一些序列化的例子：

- 比如一个数组，里面都是整数，我们可以简单的序列化为"[1,2,3]"
- 一个整数链表，我们可以序列化为，"1->2->3"
- 一个哈希表(HashMap)，我们可以序列化为，"{\"key\": \"value\"}"

序列化算法设计时需要考虑的因素：

- **压缩率**。对于网络传输和磁盘存储而言，当然希望更节省。
 - 如 Thrift, ProtoBuf 都是为了更快的传输数据和节省存储空间而设计的。
- **可读性**。我们希望开发人员，能够通过序列化后的数据直接看懂原始数据是什么。
 - 如 Json, LintCode 的输入数据

二叉树如何序列化？

你可以使用任何你想要用的方法进行序列化，只要保证能够解析回来即可。

LintCode 采用的是 BFS 的方式对二叉树数据进行序列化，这样的好处是，你可以更为容易的自己画出整棵二叉树。

算法描述：

<http://www.lintcode.com/en/help/binary-tree-representation/>

题目及解答：

<http://www.lintcode.com/en/problem/binary-tree-serialization/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/binary-tree-serialization/>

Binary Tree Level Order Traversal II

<http://www.lintcode.com/en/problem/binary-tree-level-order-traversal-ii/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/binary-tree-level-order-traversal-ii/>

Binary Tree Zigzag Order Traversal

<http://www.lintcode.com/en/problem/binary-tree-zigzag-level-order-traversal/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/binary-tree-zigzag-level-order-traversal/>

Convert Binary Tree to Linked Lists by Depth

<http://www.lintcode.com/en/problem/convert-binary-tree-to-linked-lists-by-depth/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/convert-binary-tree-to-linked-lists-by-depth/>

图上的宽度优先搜索

BFS in Graph

问:和树上有什么区别?

HashMap

图中存在环

存在环意味着, 同一个节点可能重复进入队列

Graph Valid Tree

<http://www.lintcode.com/problem/graph-valid-tree/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/graph-valid-tree/>

图的遍历(由点及面)

条件1:刚好N-1条边 条件2:N个点连通

问:如何用基本数据结构表示一个图?

Clone Graph (F)

<http://www.lintcode.com/problem/clone-graph/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/clone-graph/>

图的遍历(由点及面)

独孤九剑——破枪式

能够用 BFS 解决的问题，一定**不要用** DFS 去做！

因为用 Recursion 实现的 DFS 可能造成 StackOverflow!

(NonRecursion 的 DFS 一来你不会写，二来面试官也看不懂)

休息5分钟

take a break

Search Graph Nodes (A)

<http://www.lintcode.com/problem/search-graph-nodes/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/search-graph-nodes/>

图的遍历(由点及面)

问:为什么不需要做分层遍历?

follow up: 如何找**所有**最近的value=target的点?

Topological Sorting

<http://www.lintcode.com/problem/topological-sorting/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/topological-sorting/>

几乎每个公司都有一道拓扑排序的面试题！

问：可以使用 DFS 来做么？

Course Schedule I & II (G+A+F+Z)

<http://www.lintcode.com/en/problem/course-schedule/>

<http://www.lintcode.com/problem/course-schedule-ii/>

裸拓扑排序

Sequence Reconstruction (G+A)

<http://www.lintcode.com/problem/sequence-reconstruction/>

判断是否只存在一个拓扑排序的序列

只需要保证队列中一直最多只有1个元素即可

矩阵中的宽度优先搜索

BFS in Matrix

图 Graph

N个点, M条边

M最大是 $O(N^2)$ 的级别

图上BFS时间复杂度 = $O(N + M)$

- 说是 $O(M)$ 问题也不大, 因为M一般都比N大

所以最坏情况可能是 $O(N^2)$

矩阵 Matrix

R行C列

$R \times C$ 个点, $R \times C \times 2$ 条边(每个点上下左右4条边, 每条边被2个点共享)。

矩阵中BFS时间复杂度 = $O(R * C)$

Number of Islands

<http://www.lintcode.com/problem/number-of-islands/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/number-of-islands/>

图的遍历(由点及面)

坐标变换数组

`int[] deltaX = {1,0,0,-1};`

`int[] deltaY = {0,1,-1,0};`

问：写出八个方向的坐标变换数组？

Zombie in Matrix

<http://www.lintcode.com/problem/zombie-in-matrix/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/zombie-in-matrix/>

图的遍历(层级遍历)

Knight Shortest Path

<http://www.lintcode.com/problem/knight-shortest-path/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/knight-shortest-path/>

简单图最短路径

follow up: speed up?

Build Post Office II

<http://www.lintcode.com/problem/build-post-office-ii/>

<http://www.jiuzhang.com/solutions/build-post-office-ii/>

简单图最短路径

方法1:从空格出发

- 循环枚举所有的office修建位置的可能性(空格)
- 计算从这个位置出发到达所有房子的距离之和
- 在所有方案中找到最小的距离和

方法2:从房子出发

- 循环枚举所有的房子的位置
- 从房子出发, 计算每个空格到达房子的距离
- 累加某个空格到达其他所有房子的距离之和
- 在所有空格中, 找到最小距离和

图的遍历(由点及面)

- 无向图联通块
- <http://www.lintcode.com/problem/connected-component-in-undirected-graph/>
- 覆盖黑点的最小矩阵(BFS无法AC但是可以作为BFS的练习题)
- <http://www.lintcode.com/problem/smallest-rectangle-enclosing-black-pixels/>

简单图最短路径

- 单词阶梯
- <http://www.lintcode.com/problem/word-ladder/>

- 能用 BFS 的一定不要用 DFS (除非面试官特别要求)
- BFS 的两个使用条件
 - 图的遍历 (由点及面, 层级遍历)
 - 简单图最短路径
- 是否需要层级遍历
 - `size = queue.size()`
- 拓扑排序必须掌握!
- 坐标变换数组
 - `deltaX, deltaY`
 - `inBound`