Naloga 3. Odvodi Bézierjeve krivulje.

Za računanje r-tega odvoda Bézierjeve krivulje

$$b(t) = \sum_{i=0}^{n} b_i B_i^n(t), \qquad t \in [0, 1],$$

stopnje n lahko uporabimo njegovo izražavo v obliki Bézierjeve krivulje

$$\frac{\mathrm{d}^r}{\mathrm{d}t^r} \boldsymbol{b}(t) = \frac{n!}{(n-r)!} \sum_{i=0}^{n-r} \Delta^r \boldsymbol{b}_i B_i^{n-r}(t)$$

stopnje n-r, kjer $\Delta^r \mathbf{b}_i$ označuje r-to deljeno diferenco kontrolne točke \mathbf{b}_i ,

$$\Delta^0 \mathbf{b}_i := \mathbf{b}_i, \quad \Delta^r \mathbf{b}_i := \Delta^{r-1} \mathbf{b}_{i+1} - \Delta^{r-1} \mathbf{b}_i, \quad r = 1, 2, \dots$$

Če imamo že na voljo de Casteljaujevo shemo za krivuljo \boldsymbol{b} pri parametru t, pa je učinkoviteje vrednost odvoda določiti kar na podlagi vmesnih kontrolnih točk $\boldsymbol{b}_i^{n-r}(t), i = 0, 1, \dots, r$, v(n-r)-tem koraku postopka kot

$$\frac{\mathrm{d}^r}{\mathrm{d}t^r} \boldsymbol{b}(t) = \frac{n!}{(n-r)!} \Delta^r \boldsymbol{b}_0^{n-r}(t).$$

1. V Matlabu pripravite metodo bezierder, ki s pomočjo metode decasteljau izračuna r-ti odvod Bézierjeve krivulje **b** pri danih parametrih.

```
function db = bezierder(B,r,t)
                                                            % Opis:
%
   bezierder vrne točke na krivulji, ki predstavlja odvod
   dane Bezierjeve krivulje
%
% Definicija:
%
   db = bezierder(B,r,t)
%
%
 Vhodni podatki:
%
        matrika kontrolnih točk Bezierjeve krivulje, v
%
        kateri vsaka vrstica predstavlja eno kontrolno
%
        točko,
%
        stopnja odvoda, ki ga računamo,
%
        seznam parameterov, pri katerih računamo odvod
%
% Izhodni podatek:
%
        matrika, v kateri vsaka vrstica predstavlja točko
%
        r-tega odvoda pri istoležnem parametru iz seznama t
```

2. Na primeru preverite pravilnost delovanja metode bezierder tako, da izračunate odvode kot vrednosti ustrezne Bézierjeve krivulje stopnje n-r.

3. Oglejte si Bézierjevo krivuljo \boldsymbol{b} stopnje 4 s kontrolnimi točkami

$$\boldsymbol{b}_0 = (-\frac{2}{3}, -\frac{4}{5}), \quad \boldsymbol{b}_1 = (\frac{1}{3}, \frac{1}{5}), \quad \boldsymbol{b}_2 = (0, 0), \quad \boldsymbol{b}_3 = (-\frac{1}{3}, \frac{1}{5}), \quad \boldsymbol{b}_4 = (\frac{2}{3}, -\frac{4}{5}).$$

Pri parametru t=1/2 ima špico. Narišite krivuljo, ki predstavlja odvod \boldsymbol{b} , in si oglejte, kaj se dogaja v okolici tega parametra.





