

Naloga 8. *Kubični C^2 zlepek.*

Bézierjeva krivulja stopnje 3, ki je sestavljena iz m kosov in je v stikih dvakrat zvezno odvedljiva, je določena z $m + 3$ kontrolnimi točkami $\mathbf{d}_{-1}, \mathbf{d}_0, \dots, \mathbf{d}_{m+1}$. Naj

$$\mathbf{b}^{(i)}(t) = \mathbf{b}_0^{(i)} B_0^3(t) + \mathbf{b}_1^{(i)} B_1^3(t) + \mathbf{b}_2^{(i)} B_2^3(t) + \mathbf{b}_3^{(i)} B_3^3(t)$$

predstavlja i -ti kos sestavljene krivulje. Kontrolne točke krivulj so enolično določene s kontrolnimi točkami zleпка in parametrov delitve $u_0 < u_1 < \dots < u_m$ na podlagi zahtev o redu gladkosti v stikih. Za $i = 1, 2, \dots, m - 2$ je

$$\begin{aligned} \mathbf{b}_1^{(i+1)} &= \frac{\Delta u_i + \Delta u_{i+1}}{\Delta u_{i-1} + \Delta u_i + \Delta u_{i+1}} \mathbf{d}_i + \frac{\Delta u_{i-1}}{\Delta u_{i-1} + \Delta u_i + \Delta u_{i+1}} \mathbf{d}_{i+1}, \\ \mathbf{b}_2^{(i+1)} &= \frac{\Delta u_{i+1}}{\Delta u_{i-1} + \Delta u_i + \Delta u_{i+1}} \mathbf{d}_i + \frac{\Delta u_{i-1} + \Delta u_i}{\Delta u_{i-1} + \Delta u_i + \Delta u_{i+1}} \mathbf{d}_{i+1}, \end{aligned}$$

za $i = 1, 2, \dots, m - 1$ pa še

$$\mathbf{b}_3^{(i)} = \mathbf{b}_0^{(i+1)} = \frac{\Delta u_i}{\Delta u_{i-1} + \Delta u_i} \mathbf{b}_2^{(i)} + \frac{\Delta u_{i-1}}{\Delta u_{i-1} + \Delta u_i} \mathbf{b}_1^{(i+1)}.$$

Na robu velja poseben režim:

$$\begin{aligned} \mathbf{b}_0^{(1)} &= \mathbf{d}_{-1}, & \mathbf{b}_1^{(1)} &= \mathbf{d}_0, & \mathbf{b}_2^{(1)} &= \frac{\Delta u_1}{\Delta u_0 + \Delta u_1} \mathbf{d}_0 + \frac{\Delta u_0}{\Delta u_0 + \Delta u_1} \mathbf{d}_1, \\ \mathbf{b}_3^{(m)} &= \mathbf{d}_{m+1}, & \mathbf{b}_2^{(m)} &= \mathbf{d}_m, & \mathbf{b}_1^{(m)} &= \frac{\Delta u_{m-1}}{\Delta u_{m-2} + \Delta u_{m-1}} \mathbf{d}_{m-1} + \frac{\Delta u_{m-2}}{\Delta u_{m-2} + \Delta u_{m-1}} \mathbf{d}_m. \end{aligned}$$

1. V Matlabu sestavite metodo `beziercubspline`, ki sprejme parametre delitve u_0, u_1, \dots, u_m in kontrolne točke $\mathbf{d}_{-1}, \mathbf{d}_0, \dots, \mathbf{d}_{m+1}$, vrne pa seznam naborov kontrolnih točk

$$\{\mathbf{b}_0^{(i)}, \mathbf{b}_1^{(i)}, \mathbf{b}_2^{(i)}, \mathbf{b}_3^{(i)}\}, \quad i = 1, 2, \dots, m,$$

ki predstavljajo posamezne kose sestavljene Bézierjeve krivulje.

```
function B = beziercubspline(u,D)
% Opis:
% beziercubspline izračuna sestavljeno Bezierjevo krivuljo
% stopnje 3, ki je dvakrat zvezno odvedljiva v stikih
%
% Definicija:
% B = beziercubspline(u,D)
%
% Vhodna podatka:
% u seznam parametrov delitve dolžine m+1,
% D matrika, v kateri vsaka izmed m+3 vrstic predstavlja
% eno kontrolno točko sestavljene krivulje
%
```

```
% Izhodni podatek:
% B seznam dolžine m, v kateri je vsak element matrika s
% štirimi vrsticami, ki določajo kontrolne točke kosa
% sestavljene krivulje
```

2. Narišite primere sestavljenih Bézierjevih krivulj ($m = 4$) s kontrolnimi točkami

$$\begin{aligned} \mathbf{d}_{-1} &= (-5, 0), & \mathbf{d}_0 &= (-4, 1), & \mathbf{d}_1 &= (-2, -1), & \mathbf{d}_2 &= (0, 3), \\ \mathbf{d}_3 &= (3, 0), & \mathbf{d}_4 &= (5, 2), & \mathbf{d}_5 &= (7, -1) \end{aligned}$$

za različne α -parametrizacije, ki so določene na podlagi točk \mathbf{d}_{-1} , \mathbf{d}_1 , \mathbf{d}_2 , \mathbf{d}_3 , \mathbf{d}_5 .

