

座号: 考场教室号: 授课教师: 专业年级: 姓名: 学号:

中国海洋大学全日制本科课程期末考试试卷

2012 年 秋 季 学 期 考试科目: 高等数学II-1 学院 数学科学学院

试卷类型 B 卷 命题人: 《高等数学II-1》课题组 审核人: _____

考试说明: 本课程为闭卷考试, 共 2 页, 总计 100 分 .

题号	一	二	三	四	五	六	七	八	总分
得分									

一、填空题(共 6 题, 每题 3 分, 共 18 分)

1. 已知 $f'(1) = 1$, 则 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x)}{f(1+x) - f(1-2x)} =$ _____.

2. 已知 $y = f(x)$ 满足 $f(0) = 2$ $f'(0) = 2$, 则 $\left. \frac{d^2 x}{dy^2} \right|_{y=f(0)} =$ _____.

3. 已知 $f(x)$ 连续, $F(x) = \int_0^x (x-t)f(t)dt$, 则 $F''(x) =$ _____.

4. 过原点及点 $(6, -3, 2)$ 且与平面 $4x - y + 2z = 8$ 垂直的平面方程为 _____.

5. 若方程 $x^3 - 3x + k = 0$ 在 $(-1, 1)$ 内只有一个实根, 则 k 的取值范围为 _____.

6. 不定积分 $\int \frac{dx}{x^2 + 2x + 3} =$ _____.

二、选择题(共 4 题, 每题 3 分, 共 12 分)

1. 已知 $f(x)$ 在 $x = 0$ 的某邻域内有定义, $F(x) = |x|f(x)$, 则 $F(x)$ 在 $x = 0$ 处可导的充要条件是 $f(x)$ 在 $x = 0$ 处 ().

(A) 连续 (B) 可导 (C) 可导且 $f'(0) = 0$ (D) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 0$

2. 已知 $f(x)$ 在 $x = 0$ 的某邻域内有定义, 满足 $|f(x)| \leq x^2$, 则 $f(x)$ 在 $x = 0$ 处 ().

(A) 不一定连续 (B) 不一定可导 (C) 可导 $f'(0) = 0$ (D) 可导 $f'(0) \neq 0$

3. 若 $\sqrt{1-x^2}$ 是 $xf(x)$ 的一个原函数, 则 $\int_0^1 \frac{1}{f(x)} dx = (\quad)$.

- (A) -1 (B) $\frac{\pi}{4}$ (C) $-\frac{\pi}{4}$ (D) 1

4. 已知 $f(x)$ 在区间 I 上存在原函数 $F(x)$, 则 $f(x)+F(x)$ 在 I 上必 (\quad) .

- (A) 可导 (B) 不可导 (C) 存在原函数 (D) 不一定存在原函数

三、计算题(共 6 题, 每题 9 分, 共 54 分)

1. 求函数 $f(x) = \int_0^1 |x^2 - t^2| dt$ 在 $(0, +\infty)$ 上的极值.

2. 计算 $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{1}{1 + \sin x} dx$.

3. 求 $\lim_{x \rightarrow 1} (1-x) \tan \frac{\pi x}{2}$.

4. 求曲线 $y = (x-5)x^{\frac{2}{3}}$ 的拐点.

5. 已知 $\int_0^{+\infty} e^{-x^2} dx = \frac{\sqrt{\pi}}{2}$, 求 $\int_0^{+\infty} \frac{e^{-x} - e^{-\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$.

6. 从原点向曲线 $y = 1 - \ln x$ 作切线, 求由切线、曲线及 x 轴所围成的图形的面积.

四、证明题(共 2 题, 每题 8 分, 共 16 分)

1. 证明: 当 $x > 0$ 时, $e^x - 1 > (1+x)\ln(1+x)$.

2. 已知 $f(0) = 0$, $f'(0) = 2$, 证明 $\lim_{x \rightarrow 0} \left[\frac{\ln(1+x)}{x} \right]^{\frac{1}{f(x)}} = e^{\frac{1}{4}}$.