學號:R06921084 系級: 電機碩一 姓名:陳治言

請實做以下兩種不同 feature 的模型,回答第 (1) ~ (3) 題:

- (1) 抽全部 9 小時內的污染源 feature 的一次項(加 bias)
- (2) 抽全部 9 小時內 pm2.5 的一次項當作 feature(加 bias)

備註:

- a. NR 請皆設為 0, 其他的數值不要做任何更動
- b. 所有 advanced 的 gradient descent 技術(如: adam, adagrad 等) 都是可以用的
- 1. (2%)記錄誤差值 (RMSE)(根據 kaggle public+private 分數)‧討論兩種 feature 的影響 (考慮 training 次數為 15000 次‧且 learning_rate 為 0.1)

All feature → Public: 8.44 / Private: 5.64 / RMSE: 7.18

PM2.5 → Public: 7.44 / Private: 5.63 / RMSE: 6.6

可以發現到如果只使用 PM2.5 的話,會得到較正確的預測值。可能是因為所有 feature 之中,有些比較不相關的 feature 會影響到預測的準確性。

2. (1%)將 feature 從抽前 9 小時改成抽前 5 小時,討論其變化

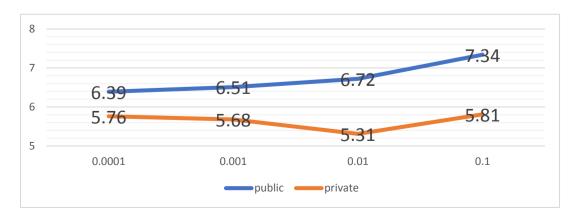
(考慮 training 次數為 15000 次,且 learning rate 為 0.1)

All feature → Public: 8.41 / Private: 5.56 / RMSE: 7.13

PM2.5 → Public: 7.58 / Private: 5.8 / RMSE: 6.75

發現到 All feature 的準確率提升了,有可能是因為維度減少,把較不相關的資料也一併除去了,然而,對於 PM2.5 來說,準確率卻下降了,代表著 PM2.5 可能是一項非常相關而且關鍵的資料。

3. (1%)Regularization on all the weight with λ =0.1、0.01、0.001、0.0001,並作圖



4. (1%)在線性回歸問題中,假設有 N 筆訓練資料,每筆訓練資料的特徵 (feature) 為一向量 \mathbf{x}^n ,其標註(label)為一存量 \mathbf{y}^n ,模型參數為一向量 w (此處忽略偏權值 b),則線性回歸的損失函數(loss function)為 $\sum_{n=1}^N (\mathbf{y}^n - \mathbf{x}^n \cdot \mathbf{w})^2$ 。若將所有訓練資料的特徵值以矩陣 $\mathbf{X} = [\mathbf{x}^1 \mathbf{x}^2 \dots \mathbf{x}^N]^\mathsf{T}$ 表示,所有訓練資料的標註以向量 $\mathbf{y} = [\mathbf{y}^1 \mathbf{y}^2 \dots \mathbf{y}^N]^\mathsf{T}$ 表示,請問如何以 X 和 y 表示可以最小化損失函數的向量 w ?請寫下算式並選出正確答案。(其中 $\mathbf{X}^\mathsf{T}\mathbf{X}$ 為 invertible)

- (a) $(X^TX)X^Ty$
- (b) $(X^{T}X)^{-0}X^{T}y$
- (c) $(X^{T}X)^{-1}X^{T}y$
- (d) $(X^{T}X)^{-2}X^{T}y$

Proof:

Loss function = L =
$$||y - Xw||^2 = (y - Xw)^T (y - Xw) = y^T y - 2y^T Xw + w^T X^T Xw$$

$$\frac{\partial L}{\partial w} = -2X^T y + 2X^T Xw = 0$$

$$X^T Xw = X^T y$$

$$w = (X^T X)^{-1} X^T y$$