Trabajo Autónomo 2.13 - Cálculo I

Primer Ciclo "A" - Ingeniería de Software

Estudiante: Ariel Alejandro Calderón

Resolver todos los ejercicios propuestos de cada tema presentado en esta semana.

1. Encontrar las derivadas de las siguientes funciones:

a.
$$f(x) = 2x^2 - 3x + 4$$

b.
$$f(x) = cos^{2}(x)$$

c.
$$f(x) = x\sqrt[3]{x}$$

d.
$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1}$$

$$e. \ f(x) = x * cos(x)$$

f.
$$f(x) = \frac{\sin(x)}{x}$$

Respuesta:

a.
$$f'(x) = 4x - 3$$

b.
$$f'(x) = 2\cos(x)(-\sin(x)) = -2\cos(x)\sin(x)$$

c.
$$f'(x) = x^{1/3} + \frac{1}{3}x^{1/3-1}x = x^{1/3} + \frac{1}{3}x^{-2/3}x = x^{1/3} + \frac{1}{3}x^{-1/3} = \frac{4}{3}x^{1/3}$$

d.
$$f'(x) = \frac{(2x)(x^2+1) - (x^2-1)(2x)}{(x^2+1)^2} = \frac{2x(x^2+1-x^2+1)}{(x^2+1)^2}$$
$$= \frac{2x(1+1)}{(x^2+1)^2} = \frac{4x}{(x^2+1)^2}$$

$$e. f'(x) = \cos(x) - x\sin(x)$$

f.
$$f'(x) = \frac{x\cos(x) - \sin(x)}{x^2} = \frac{x\cos(x) - \sin(x)}{x^2}$$

2. Encontrar las derivadas de las siguientes funciones:

a.
$$f(x) = \sqrt{x^3 - 2x^2 + x - 2}$$

b.
$$f(x) = \sec\left(\frac{x-1}{x+1}\right)$$

c.
$$f(x) = \sqrt{\sqrt{\sqrt{x^3 + x - 2}}}$$

d.
$$f(x) = \ln(x+1)^2$$

Respuesta:

a.
$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x^3 - 2x^2 + x - 2}} \cdot (3x^2 - 4x + 1)$$

b.
$$f'(x) = \sec\left(\frac{x-1}{x+1}\right) \tan\left(\frac{x-1}{x+1}\right) \cdot \frac{(x+1) - (x-1)}{(x+1)^2}$$

= $\sec\left(\frac{x-1}{x+1}\right) \tan\left(\frac{x-1}{x+1}\right) \cdot \frac{2}{(x+1)^2}$

c.
$$f'(x) = \frac{1}{6}(x^3 + x - 2)^{-5/6} \cdot (3x^2 + 1)$$

d.
$$f'(x) = \frac{2\ln(x+1)}{x+1}$$

3. Encontrar las derivadas de las siguientes funciones:

a.
$$y = sen^{-1}(x^2)$$

b.
$$y = tq^{-1}\sqrt{x^2 + 2}$$

c.
$$\sin x = x(1 + \tan y)$$

$$d. \ y = cos(xy)$$

Respuesta:

a.
$$y' = \frac{2x}{\sqrt{1 - (x^2)^2}} = \frac{2x}{\sqrt{1 - x^4}}$$

b.
$$y' = \frac{x}{(x^2+3)\sqrt{x^2+2}}$$

$$c. \cos x = x(1 + \tan y)$$

Derivando ambos lados respecto a x:

$$-\sin x = (1 + \tan y) + x \sec^2 yy'$$

Universidad de Bolívar Calculo I

$$x \sec^2 yy' = -\sin x - 1 - \tan y$$
$$y' = \frac{-\sin x - 1 - \tan y}{x \sec^2 y}$$

d.
$$y' = -\frac{y\sin(xy)}{x\sin(xy) + \cos(xy)}$$