Operaciones Básicas con Matrices

Indique el tamaño de cada matriz.

1.	2.	3.	4.
$\begin{bmatrix} 1 & -8 \\ 6 & -2 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} -9 & -8 \\ 2 & 17 \\ 11 & -6 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 10 & 12 & 25 & 48 \\ 53 & 62 & 74 & 89 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} -5 & -9 & 4 \\ -7 & 12 & 1 \\ 14 & 6 & -8 \end{bmatrix}$

Encuentre el valor de cada elemento en

5. a ₂₂ 6. a ₂₁ 7. a ₄₃	8. <i>a</i> ₁₃	9. <i>a</i> ₃₂	10. a ₃₄	
--	---------------------------	---------------------------	---------------------	--

Encuentre cada uno de los siguientes usando las siguientes matrices. Si la matriz no existe, escribir no es posible.

$$W = \begin{bmatrix} 13 & -6 \\ 2 & -10 \\ -4 & 8 \end{bmatrix}, \ X = \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ -5 & 9 \\ 12 & 7 \end{bmatrix}, \ Y = \begin{bmatrix} 5 & -2 & 1 \\ -6 & 14 & 8 \end{bmatrix}, \ and \ Z = \begin{bmatrix} -11 & 3 & 7 \\ 4 & -9 & 16 \end{bmatrix}$$

11. $W + X$	12. <i>Z</i> – <i>X</i>	13. <i>Z</i> − <i>Y</i>	14. $X + Y$	15. $W - X$	16. $Y + Z$

17. Un concesionario de automóviles tiene dos lotes de autos usados. Las siguientes matrices representan la cantidad de automóviles en cada lote por edad autonomía i y tipo de vehículo j. Escriba una matriz que muestre el número total de automóviles de cada rango de edad y tipo de vehículo en ambos lotes.

$$A_{ij} = \begin{bmatrix} 42 & 56 & 85 \\ 41 & 57 & 89 \\ 45 & 53 & 84 \end{bmatrix} \qquad B_{ij} = \begin{bmatrix} 51 & 45 & 79 \\ 53 & 48 & 81 \\ 56 & 46 & 83 \end{bmatrix}$$

Encuentre cada producto

$ \begin{bmatrix} 18.2 \begin{bmatrix} 6 & -18 & 7 \\ 3 & 4 & 11 \end{bmatrix} \end{bmatrix} $	$19.9\begin{bmatrix} -1 & -5 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$	$20.3 \begin{bmatrix} 2 & 8 \\ -7 & 15 \\ 12 & -6 \end{bmatrix}$
21. 6[-3 10 -5 9]	$22.7 \begin{bmatrix} 20 & -9 & 4 \\ -1 & 5 & 11 \end{bmatrix}$	$23.4 \begin{bmatrix} -4 & 6 \\ -12 & 5 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$

24. Jessica llevó a sus dos hijos a la piscina comunitaria una vez por semana durante 6 semanas. El diario las tarifas de admisión son \$4.50 para un niño y \$6.75 para un adulto. Escribe una matriz de 1 x 3 con un múltiplo escalar que representa el costo total de la entrada. ¿Cuál es el costo total?

Encuentre cada una de las siguientes matrices utilizando la información proporcionada a continuación.

$$D = \begin{bmatrix} -2 & 5 \\ 9 & -11 \\ 4 & -7 \end{bmatrix}, E = \begin{bmatrix} 8 & 10 \\ -5 & 5 \\ 1 & -12 \end{bmatrix}, and F = \begin{bmatrix} 5 & -1 \\ -4 & 2 \\ 6 & 10 \end{bmatrix}$$

$$25. 2D + E$$

$$26. 3(E - F)$$

$$27. \frac{1}{2}(D + F)$$

$$28. 3D - 2E$$

$$29. D + E - F$$

$$30. 2(D + F) - E$$

Resuelva cada ecuación para X dadas las siguientes matrices.

$$J = \begin{bmatrix} 8 & -10 & 3 \\ -4 & 1 & 12 \end{bmatrix}, \quad K = \begin{bmatrix} 2 & 5 & -9 \\ -6 & 7 & -3 \end{bmatrix}, \text{ and } L = \begin{bmatrix} 4 & 1 & -8 \\ 11 & -7 & 6 \end{bmatrix}$$

$$31. \ 2X = J + K \qquad \qquad 32. \ L - K = \frac{1}{3}X \qquad \qquad 33. \ 2J - L = 3X$$

$$34. \ 3K - X = J \qquad \qquad 35. \ 3L - 2K = X \qquad \qquad 36. \ 2(J - X) = -L$$

37. Utilice inducción matemática para demostrar la siguiente expresión.

$$1^{2} \times 2 + 2^{2} \times 2 + 3^{2} \times 2 + \dots + n^{2} \times n = \frac{n(n+1)(n+2)(3n+1)}{12}$$