# Campo Eléctrico de un Dipolo

#### Ariel Alejandro Calderón

#### 15 de Octubre del 2024

## Definición de un Dipolo Eléctrico

Un **dipolo eléctrico** es un sistema formado por dos cargas puntuales de igual magnitud pero signo opuesto, separadas por una distancia d. Las cargas son +q y -q, y el momento dipolar  $\mathbf{p}$  está dado por:

$$\mathbf{p} = q\mathbf{d}$$

donde  $\mathbf{d}$  es el vector que va desde la carga negativa hasta la carga positiva, y su magnitud es d.

### Potencial Eléctrico de un Dipolo

El potencial eléctrico en un punto (x,y) debido a un dipolo se aproxima como:

$$V(x,y) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\mathbf{p} \cdot \hat{r}}{r^2}$$

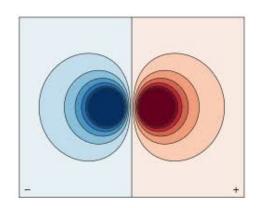


Figure 1: Carga por fricción.

donde:

- **p** es el momento dipolar.
- $\hat{r}$  es el vector unitario que apunta hacia el punto (x, y).
- $r = \sqrt{x^2 + y^2}$  es la distancia desde el origen (ubicación del dipolo) hasta el punto (x, y).

## Campo Eléctrico de un Dipolo

El campo eléctrico  $\mathbf{E}(x,y)$  está relacionado con el potencial V(x,y) por la siguiente expresión:

$$\mathbf{E}(x,y) = -\nabla V(x,y)$$

Para un dipolo ubicado en el origen, las componentes del campo eléctrico  $E_x$  y  $E_y$  en un punto P(x,y) se pueden escribir como:

$$E_x = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{3pxy}{r^5} \right)$$

$$E_y = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{p(2y^2 - x^2)}{r^5} \right)$$

Donde:

- p = qd es el momento dipolar.
- $r = \sqrt{x^2 + y^2}$  es la distancia al punto P(x, y).

# Bibliografía

- Tipler, P. A., & Mosca, G. (2008). Física para la ciencia y la tecnología. Volumen 2. Reverté.
- Serway, R. A., & Jewett, J. W. (2014). Física para ciencias e ingeniería. Cengage Learning.
- Young, H. D., & Freedman, R. A. (2012). Sears y Zemansky: Física universitaria. Pearson Educación.