

KMP 哈希

zty

zucc ACM Group

2022.01.28



目录

1 KMP

2 哈希



目录

1 KMP

2 哈希



- KMP算法是一种字符串匹配算法



- KMP算法是一种字符串匹配算法
- 主串长为 n ，子串长为 m ，用朴素的匹配算法就要 $O(n*m)$ 的时间
主串为 s ，要匹配的子串为 t ;
for(int $i = 0$; $i < s.size()$; ++ i)
for (int $j = 0$; $j < t.size()$; ++ j)



- KMP算法是一种字符串匹配算法
- 主串长为 n ，子串长为 m ，用朴素的匹配算法就要 $O(n*m)$ 的时间
主串为 s ，要匹配的子串为 t ;

```
for(int i = 0; i < s.size(); ++i)
for (int j = 0; j < t.size(); ++j)
```
- KMP算法就可以降到 $O(n+m)$ ，KMP算法主要就是找一个最长公共前后缀
一个字符串abcdef
前缀是a, ab, abc, abcd, abcde, abcdef
后缀就是f, ef, def, cdef, bcdef, abcdef
对于字符串abcabc
遍历他，在a的时候最长公共前后缀是a，ab的时候没有，abc也没有，abca就是a因为前面和后面都有a，abcab就是ab，abcabc就是abc



- 你abccabcbabd和abccabd匹配



- 你abccababd和abccabd匹配
- **abccab**abd
abccabd s[5]!=t[5]你就不需要回溯到第1个位置



- 你abccababd和abccabd匹配
- abccababd
abccabd s[5]!=t[5]你就不需要回溯到第1个位置
- abccababd
.....abccabd



- 你abccababd和abccabd匹配
- abccababd
abccabd s[5]!=t[5]你就不需要回溯到第1个位置
- abccababd
.....abccabd
- 只需要比较10次而朴素的要14次



- 你abccababd和abccabd匹配
- abccababd
abccabd s[5]≠t[5]你就不需要回溯到第1个位置
- abccababd
.....abccabd
- 只需要比较10次而朴素的要14次
- 那么现在要解决的就是怎么去求这个next数组，next数组表示的不仅是最长公共子序列的长度还是你匹配失败时要回溯到的位置，比如说next[5]就是2



- abcabcabd



- abcabcabd
- 我们现在手动求一下这个next数组，比较第一个b失败的时候你就要去比较这个字符失败是否第一个a相同，所以 $\text{next}[1] = 0$ ；你第一个c和第二个a比较失败时也是要去比较第一个a， $\text{next}[2] = \text{next}[3] = 0$ ；当你第二个b失配的时候你可以知道你已经有有一个a与模式串匹配了，所以 $\text{next}[4] = 1$ ； $\text{next}[5] = 2$ ； $\text{next}[6] = 3$ ； $\text{next}[7] = 4$ ； $\text{next}[8] = 5$ ；



- abcbababd
- 我们现在手动求一下这个next数组，比较第一个b失败的时候你就要去比较这个字符失败是否第一个a相同，所以 $\text{next}[1] = 0$ ；你第一个c和第二个a比较失败时也是要去比较第一个a， $\text{next}[2] = \text{next}[3] = 0$ ；当你第二个b失配的时候你可以知道你已有一个a与模式串匹配了，所以 $\text{next}[4] = 1$ ； $\text{next}[5] = 2$ ； $\text{next}[6] = 3$ ； $\text{next}[7] = 4$ ； $\text{next}[8] = 5$ ；
- 那么程序该怎么写呢，我们可以用两个变量i，j分别指向前缀和后缀
一开始 $i = -1$ ， $j = 0$ ，初始 $\text{next}[0] = -1$ 因为第一个字符前面没东西， $i = -1$ 就意味着现在没有公共前后缀，所以 $\text{next}[j+1] = 0$ ；而当 $s[i] = s[j]$ 的时候表面前后缀匹配成功了，那么当这个位置后一个位置失配的时候前面也有i个已经成功匹配，所以 $\text{next}[j+1] = i+1$ 匹配失败的时候 $\text{next}[i] = i$ ；



目录

1 KMP

2 哈希



- 哈希其实就类似于进制转换



- 哈希其实就类似于进制转换
- 1111B转10进制就是 $1 + 1 * 2 + 1 * 4 + 1 * 8 = 15$



- 哈希其实就类似于进制转换
- 1111B转10进制就是 $1 + 1 * 2 + 1 * 4 + 1 * 8 = 15$
- 字符串哈希就改成p进制，这个p一般取素数（131，13331），但是你这么乘肯定会爆，所以就在对 $1e9+7$ 取个模,p的指数次也可以预处理存在数组里



- 哈希其实就类似于进制转换
- 1111B转10进制就是 $1 + 1 * 2 + 1 * 4 + 1 * 8 = 15$
- 字符串哈希就改成p进制，这个p一般取素数（131，13331），但是你这么乘肯定会爆，所以就在对 $1e9+7$ 取个模，p的指数次也可以预处理存在数组里
- abcd哈希， $hash[0] = 0 * p[0]$, $hash[1] = hash[0] + 1 * p[1]$
 $hash[2] = hash[1] + 2 * p[2]$, $hash[3] = hash[2] + 3 * p[3]$; 想要知道(l,r)是多少可以用 $(hash[r] - hash[l-1]) / p[l]$;



- 哈希其实就类似于进制转换
- 1111B转10进制就是 $1 + 1 * 2 + 1 * 4 + 1 * 8 = 15$
- 字符串哈希就改成p进制，这个p一般取素数（131，13331），但是你这么乘肯定会爆，所以就在对 $1e9+7$ 取个模，p的指数次也可以预处理存在数组里
- abcd哈希， $hash[0] = 0 * p[0]$, $hash[1] = hash[0] + 1 * p[1]$
 $hash[2] = hash[1] + 2 * p[2]$, $hash[3] = hash[2] + 3 * p[3]$; 想要知道(l,r)是多少可以用 $(hash[r] - hash[l-1]) / p[l]$;
- 当然两个不同的数取模以后可能会相同，所以会有冲突，hash值相同可能是不同的串，(wa了可以尝试换个模数)



- 哈希其实就类似于进制转换
- 1111B转10进制就是 $1 + 1 * 2 + 1 * 4 + 1 * 8 = 15$
- 字符串哈希就改成p进制，这个p一般取素数（131，13331），但是你这么乘肯定会爆，所以就在对 $1e9+7$ 取个模，p的指数次也可以预处理存在数组里
- abcd哈希， $hash[0] = 0 * p[0]$, $hash[1] = hash[0] + 1 * p[1]$
 $hash[2] = hash[1] + 2 * p[2]$, $hash[3] = hash[2] + 3 * p[3]$; 要知道(l,r)是多少可以用 $(hash[r] - hash[l-1]) / p[l]$;
- 当然两个不同的数取模以后可能会相同，所以会有冲突，hash值相同可能是不同的串，(wa了可以尝试换个模数)
- 最万无一失的办法就是双哈希，你用不同的p和模数取两个哈希值，然后用 $map_i \text{ pair}_i hash1, hash2_i, int_i$ 去映射，基本上不可能冲突了，很安全

