Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого Институт прикладной математики и механики **Кафедра «Прикладная математика»**

ОТЧЁТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ «РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ ЛИНЕЙНОГО ПРОГРАММИРОВАНИЯ СИМПЛЕКС-МЕТОДОМ» ПО ДИСЦИПЛИНЕ «МЕТОДЫ ОПТИМИЗАЦИИ»

Выполнили студенты группы 3630102/70401

Зуев В. А. Курова А. Н. Мельникова А. Н. Стоян А. С.

Руководитель к. ф.-м. н., доц.

Родионова Елена Александровна

Санкт-Петербург 2020

1 Постановка задачи

- 1. Составить задачу линейного программирования следующего вида:
 - 4 переменные
 - 2 ограничения в виде равенств
 - 1 ограничение в виде неравенства со знаком \geq и одно со знаком \leq
 - 1 переменная имеет ограничение на знак.
- 2. Привести задачу к виду, необходимому для применения симплекс-метода.
- 3. Построить к данной задаче двойственную и также привести к виду, необходимому для применения симплекс-метода.
- 4. Решить обе задачи симплекс-методом с выбором начального приближения методом искусственного базиса.
- 5. Решить обе задачи методом перебора крайних точек.
- 6. Разработать схему восстановления прямой задачи по решению двойственной.

Алгоритмы, требуемые для решения задачи, реализовать в таком виде, чтобы их можно было использовать в качестве подпрограмм в следующих лабораторных работах.

2 Исследование применимости метода

3 Описание алгоритмов

Апорити симпине-метода

2. Bbegin
$$N_{\kappa}^{\circ} := \{ i \in N_{\kappa} \mid \chi_{\kappa} [i] = 0 \}$$
 (because $k = 0$, $\chi_{\kappa} = \chi_{0}$, $N_{\kappa} = N_{0}$)
$$N_{\kappa}^{\dagger} := \{ i \in N_{\kappa} \mid \chi_{\kappa} [i] > 0 \}$$

- Byunce que rassegoro bison lax om o go C'IN+1:
 - 3a. Ungen ungenen Nx CN, bx C \$N: N=Nx abx; Nx > Nx; Nx = m; Nx отшается от Nx такко одним индексам. DIX zmoro zanychowy npoyegypy subset By Index, naroskub eë napawemps 69 = 69, i= binom ldx, $M = N \cdot N_K^+ = N_N^\circ$] Eë peggumam Nx° => Nx:= Nx+ U Nx° Lk:= NINk
 - 35. East enjegatiment det [A [M, N,]) = 0, represengent i aleggionisting binom, ldx', т. к. текущие индексы не ногум быть базисными индексами базисных стальцов О. в.
 - 36. Eau binom lax = 0, Han uzbecmna B [No, M]. Bunau cyrae uyen B[No, M]. oneparco na Un-1 [Nn-1]:
 - 3. b. I. Taconeur in: = "Nº ungenea & Na, upnenennous no crobnemuo C Na. "

$$\begin{bmatrix}
1 & 0 & \cdots & 0 & -u_{\kappa}[1] / u_{\kappa}[i_{\kappa}] & 0 & \cdots & 0 \\
0 & & & & & & & \\
1 & -u_{\kappa}[j_{\kappa}i] / u_{\kappa}[i_{\kappa}] & 0 & & & \\
0 & & & & & & & \\
1 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & & & & \\
0 & & & &$$

3,2. Harogun benmonu
$$y_k [M] := B^T [N_k, M] \cdot c[N_k]$$

 $d_k [N] := C[N] - A^T [M, N] \cdot y_k [M]$

- 3.9. Eau du [i] 30 di E Lu, mo Xu-peavenve (zabepurosu auropunu).
- 3e. $\leq j_{\kappa} := \text{" nephow ungere us } L_{\kappa} : d_{\kappa} [j_{\kappa}] < 0$ $U_{\kappa} = U_{\kappa} [N_{\kappa}] := B [N_{\kappa}, M] \cdot A [M, j_{\kappa}]$
- 3 ж. Еем $U_* [N_*]$ не содержит паняжительных канпонент, останавшваем угоцес: целевая функция $c^T[N] \cdot x[N]$ не ощаничена снизу
- 33. Ease $N_k^+ = N_k$ [0.8. releposegeration) when $U_k [N_k \setminus N_k^+] \le 0$: $3.3.I. \theta_k := \min_{\substack{i \in N_k, U_k[i] > 0}} \frac{\chi_k[i]}{U_k[i]}$
 - 3.3. II. Donamum $U_k [N_k] go u_k [N] max$: $U_k [j_k] = -1$ $U_k [U_k \setminus j_k] := 0$ $\times_{k+1} [N] := \times_k [N] \theta_k U_k [N]$ 3.3. III. Vemanahubaen k := k+1 u repexogun k many (2).

Вспологатемние процедуры

· Subset By Index:

1. Brog: madinya sunamansınıx козоронументов $bg = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & (bg_{ij}) \end{bmatrix}$ $bg_{ij} = bg_{ij} + bg_{ij}$

ungencide $\in \{0; C_n^k-1\}$ - naven nogunosceemba ynopagorennoe un-bo (naccub) π -mob M: |M| = n

2. Обходин матрицу "вд", начиная в меван нижения уку. Объявим

t:= idx
i:= n-k
#= j:= k
res:= { 0}

3. Byune go men non, nona j >0:

3.a. Ecu t < bg[i,j-1]:

3.a.s. goodburen M = b res'

3.a.z. j := j-1 (reprogue b kuemky npabel)

3.5, Unace:

3. δ . 1. t = t - bg[i, j-1]t := t-1

4. Boz branjaer "res"

Thuman paromen: $n = \frac{3}{4}$, $k = \frac{3}{5}$, idx = 7. n = 5 k = 2 idx = 7

Апорити выбора начального прибшжения

Boxog:
$$A E M, NJ$$
 - napamempor zagaru $C^T E NJ \cdot x E NJ \rightarrow min$, $E E MJ = C E MJ$

- 1. Composer $\overline{A} := (A [M, N] : E [M, M])$, rge E [M, M] ugenomerror nampuya $\overline{c} := (\underbrace{0 \dots 0}_{n} \underbrace{1 \dots 1}_{m})$
- 2. Если в [М] содержит отрицатывные канпонения, умножен соответствующие спутоки системы $(\overline{A}16)$ на -1.
- 3. Compour $\bar{x}_0 := \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}^n \text{onoprusii beamon } \kappa \bar{S} = \{\bar{x} \ge 0 \mid \bar{A}\bar{x} = 6\}$ $\bar{B} := \bar{B} \bar{S} = 0$
 - 4a. Jewaly zagary min ET X & cummune-nemogan.

Tyens pemerue – \vec{x}_* , a \vec{N}_* -coombenensyowee unouceenso ungencob sa-zuchsix character \vec{A} .

< x* := X* [N], N* := N* ON

- 48. Eas $N_* = N_+ := \{i \mid x_*[i]>0\}$, mo x_* movere branche uchanoro raranereoro prudiuncenus.
- 48. Eau N* > N+ (X[N]- recogenbennous 0.6).
 - 4. B. I. Buganen nogunoncecondo ungencos L:= N. N.
 - 4. 8. II. Compoun Suramaishyro madinyy bg: & who remains your warene your war (2) cumaienc-nemoga).
 - 4. в. III. Повторяем шах (3) амгоритма симплекс-метода, испальзуя

 эту бинамиальную таблицу и индексы ь в какестве множества
 индексов, которыми допанняем Ак.

 Затем возвращаемся к (45).

- 4 Результаты решения задачи
- 5 Оценка достоверности полученного результата