



## 第4章不确定性推理方法

- 现实世界中日子客观上存在的随机性多模糊性,反映 到知识以及自观察所得到的证据上来。就分别形成了 不确定性的知识及不确定性的证据。因而还必须对不 确定性知识的表示及他理进行的方态这就是本学的要 讨论的不确定性制理。
- 下面首分計论不确定性能理學的基本问题,然后有重 介绍基字概率论的有美理论发展起来的不确定性值理 方法。主要介绍可信度方法多证据理论。或后介绍目 前往专家系统合信息处理多量的控制等领域直径应用 (依据模制理论发展起来的模制的制分法》

# 第4章 不确定性推理方法

# 第4章 不确定性推理方法

- 在专家系统中知识的不确定性一般是中域就去家给出的一通常是一个
- 用户在求解问题时提供的初始证据。
- ① 能充分表达相应知识及证据不确定性的程度。
- ② 度量范围的指定便于领域专家及用户对不确定性的估计。
- ③ 便于对不确定性的传递进行计算,而且对结论算出的不确定性量度不能超出量度规定的范围。
- ④ 度量的确定应当是直观的,同时应有相应的理论依据。

- 最大成为 法 Lamacher 并是 概率 注入 - 有界方法 Einstein 方法等。

# 第4章 不确定性推理方法

- □ 1975年肖得里市(E. H. Shortiffe)等人在 前定性理论(theory of confirmation)的基础 上,结合顺密论等提出的三种运输定性组建 方法。

■ 产生式规则表示:

IF E THEN H (CF(H,E))

CF(H,E):可信度因子(certainty factor),反映前提

条件与结论的联系强度。

IF 头痛 AND 流涕 THEN 感冒 (0.7)

- **CF (H, E)** 的取值范围:[-1,1]。
- 若由于相应证据的出现增加结论 H 为真的可信度,则 CF (H, E) > 0,证据的出现越是支持 H 为真,就使 CF (H, E) 的值越大。
- 反之,CF (H, E) < 0,证据的出现越是支持 H 为假,CF (H, E) 的值就越小。
- 若证据的出现与否与 H 无关,则 CF (H, E) = 0 。

$$CF(E) = 0.6$$
: E的可信度为 0.6

- ■证据 *E* 的可信度取值范围: [-1, 1]。
- ■对于初始证据,若所有观察S能肯定它为真,则CF(E)=1。
- ■若肯定它为假,则 *CF(E)* = -1。
- 若以某种程度为真,则 0 < CF(E) < 1。
- 若以某种程度为假,则 -1 < CF(E) < 0。
- 若未获得任何相关的观察,则 CF(E) = 0。

■ 静态强度 CF (H, E): 知识的强度,即当 E 所对应

的证据为真时对 H 的影响程度。

■ 动态强度 CF (E): 证据 E 当前的不确定性程度

0

- 组合证据: 多个单一证据的合取

$$E=E_1 \quad \text{AND} \quad E_2 \quad \text{AND} \quad \cdots \quad \text{AND} \quad E_n$$

$$\text{III} \quad CF(E)=\min\{CF(E_1),CF(E_2),...,CF(E_n)\}$$

■ 组合证据: 多个单一证据的析取

$$E=E_1$$
 OR  $E_2$  OR  $\cdots$  OR  $E_n$ 

[I]  $CF(E)=\max\{CF(E_1),CF(E_2),\cdots,CF(E_n)\}$ 

■C - F 模型中的不确定性推理: 从不确定的初始证据出发, 通过运用相关的不确定性知识, 最终推出结论并求出结论的可信度值。结论 *H* 的可信度由下式计算:

$$CF(H) = CF(H, E) \times \max\{0, CF(E)\}$$

当
$$CF(E)$$
 < 0时,则 $CF(H)$  = 0

当
$$CF(E)$$
=1时,则 $CF(H)=CF(H,E)$ 

```
IF = I_1 - TITEN - I - TITEN
```

求: *CF(H)* 

□ **例 4.1** 设有如下一组知识:  $r_1$ : IF  $E_1$  THEN H (0.8) IF  $E_2$  THEN H (0.6)  $r_2$ :  $r_3$ : IF  $E_3$  THEN H (-0.5)  $r_4$ : IF  $E_4$  AND  $(E_5$  OR  $E_6)$  THEN  $E_1$  (0.7)  $r_5$ : IF  $E_7$  AND  $E_8$  THEN  $E_3$  (0.9) 已知:  $CF(E_2) = 0.8$ ,  $CF(E_4) = 0.5$ ,  $CF(E_5) = 0.6$ ,  $CF(E_6) = 0.7$ ,  $CF(E_7) = 0.6$ ,  $CF(E_8) = 0.9$ .

揮

$$F_{ij} := CF_{ij}(H) == 0.5 \times \max\{0, CF(E_{ij})\}$$

$$= -0.5 \times \max\{0, 0.54\}$$

$$= -0.27$$

# 第4章 不确定性推理方法

# 4.3 证据理论

- 1901年里排售(I.A.Barner) 指该理论引入专家 系统里具固年巨威 (J.Garvey) 省人用它实现了不 倾定性健康。

# 4.3 证据理论

- · 431 # 457 | 19 2

## 4.3.1 概率分配函数

- U 设力是变量来所有可能放射的集合。LDU中的定象 是石序的,全倍与时刻来得以出失能以力中的某些合元 蒸为低,则称 D 为 x 的样本空间。

#### 4.3.1 概率分配函数

$$\sum_{A\subseteq D} M(A) = 1$$

 $2^{D}$ 

则 M: 上的基本概率分配函数, M (A): A

#### 4.3.1 概率分配函数

```
几点说明:
```

```
(1) 设样本空间 D 中有 n 个元素,则 D 中子集的个数为
                                                                                                                                                                                    ■ 设 D={红,黄,蓝}
                                                                                                                                             ●设 D={红, 黄, 蓝}
                                                                                                                                                           则其子集个数 23 = 8, 具体为:
                                                                                                                                                          A={\{{\bf 1}\}}, \quad A={
                                                                                                                A = \{ \text{红, 蓝} \}, A = \{ \text{黄, 蓝} \}, A = \{ \text{红, 黄, 蓝} \}, \Delta_{\Phi} = \{ \text{红, 黄, 蓝} \}, \Delta_{\Phi} = \{ \text{U, J} \}, \Delta_{\Phi} = \{ \text{
信任度 • 例如,设 A={红},
                                                                                                                                                                                           M (A) =0.3: 命题 "x 是红色"的信任度是 0.3。
                       (3) 概率分配函数与概率不同。
```

#### 4.3.2 信任函数

定义 4.2 命题的信任函数 (belief function) Bel:

$$2^{D} \rightarrow [0,1]$$
  $Be(A) = \sum_{B \subseteq A} M(B)$   $\forall A \subseteq D$ 

Bel(A) : 对命题 A 为真的总的信任程度。 Bel 函数又 称为下限函数。

■ 由 设 D = {红, 黄, 蓝}

M ({红}) = 0.3, M ({黄}) = 0, M ({红, B}) = 0, M ({红, B}) = M({红}) + M({黄}) + M({红, 黄})

B = 0.3 + 0.2 = 0.5

#### 4.3.3 似然函数

定义 4.3 似然函数
$$Pl:2^D \rightarrow [0,1]$$
 且  $Pl(A) = 1 - Bel(\neg A)$  因对证明的

#### 4.3.4 概率分配函数的正交和(证据的组合)

定义 4.4 设 $M_1$  和 $M_2$  是两个概率分配函数;则其正

交和 
$$= M_1 \oplus M_2$$
  $M(\Phi) = 0$ 

$$M(A) = K^{-1} \sum_{x \cap y = A} M_1(x) M_2(y)$$

$$\underset{x \cap y = \Phi}{\text{$\not$$}} \quad K = 1 - \sum_{x \cap y = \Phi} M_1(x) M_2(y) = \sum_{x \cap y \neq \Phi} M_1(x) M_2(y)$$

如果  $K \neq 0$  ,则正交和 M 也是一个概率分配函数;

如果K=0,则不存在正交和M,即没有可能存在概率函数,M,场 矛盾。

#### 4.3.4 概率分配函数的正交和

**□ 例 4.2** 设 **D** ={ 黑, 白 }, 且设  $M_1(\{ \mathbb{R} \}, \{ \triangle \}, \{ \mathbb{R}, \triangle \}, \Phi) = (0.3, 0.5, 0.2, 0)$  $M_{2}(\{\mathbb{R}\},\{\dot{\Pi}\},\{\mathbb{R},\dot{\Pi}\},\Phi)=(0.6,0.3,0.1,0)$  $K = 1 - \sum M_1(x) M_2(y)$ 贝1:  $=1-[M_1({\{X\}})M_2({\{\dot{\Pi}\}})+M_1({\{\dot{\Pi}\}})M_2({\{X\}})]$  $=1 - [0.3 \times 0.3 + 0.5 \times 0.6] = 0.61$  $M(\{\mathbb{X}\}) = K^{-1} \sum M_1(x)M_2(y)$  $= \frac{1}{0.61} \sum_{x \in y = \{\$\}}^{x \cap y = \{\$\}} [M_1(\{\$\})M_2(\{\$\}) + M_1(\{\$\})M_2(\{\$\})M_2(\{\$\}) + M_2(\{\$\})M$  $M_1(\{黑,白\})M_2(\{黑\})]$  $=\frac{1}{10.3\times0.6+0.3\times0.1+0.2\times0.6} = 0.54$ 

#### 4.3.4 概率分配函数的正交和

□ 同理可得: *M*({白}) = 0.43

$$M(\{黑,白\})=0.03$$

□ 组合后得到的概率分配函数:

$$M(\{\mathbb{R}\}),\{\dot{\Pi}\},\{\mathbb{R},\dot{\Pi}\},\Phi)=(0.54,0.43,0.03,0)$$

# 4.3.5 基于证据理论的不确定性推理

## 4.3.5 基于证据理论的不确定性推理

## 4.3.5 基于证据理论的不确定性推理

### 

$$De(\{h_i\}) = M(\{h_i\}) = 0.07$$

### 以然复数:

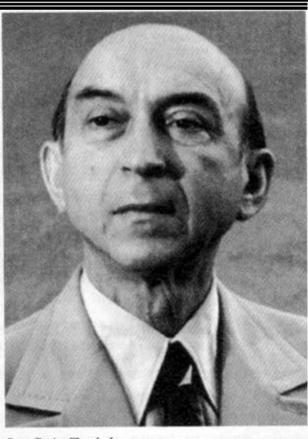
$$H(h, l) = \operatorname{Fel}(-|h, l) = \operatorname{Fel}(|h, h, l)$$

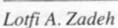
## 第4章 不确定性推理方法

## 4.4 模糊推理方法

- **◎ 442 以利**康會

1965年,美国L.A.Zadel 发表 filluzzy set 的论







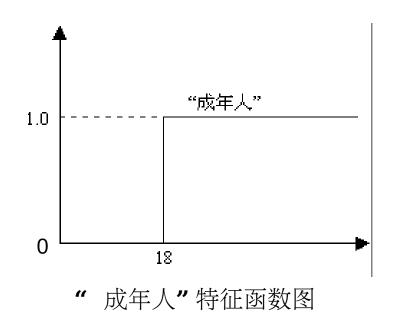


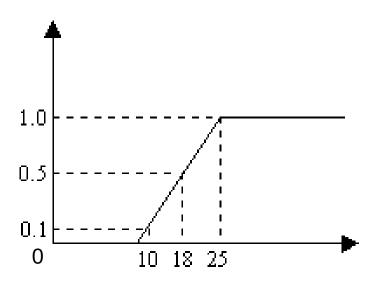
- 从1965年到20世纪80年代,在美国国政洲国 国和日本,又有多数科学家研究模糊现论。
- 1974年,英国Mandani 首次省模制理论应用于法 电厂的基件机构制。
- 1976年,Mandani X将煤棚里论应用于水泥堆铁 炉价控制。

- | 1983年||本町|| Electric 公司实现了发展到表置 | 19機制控制。
- II 1987年日本Iffiachi 公司併制出地铁的模糊控制系统。
- 1987年 1990年末日本甲银的模糊产品专利協法 - 319利。
- □ 目前,各种模糊产品充满日本。西欧和美国印场。 — 如模糊的表别。模糊吸作器。模糊电水箱和模糊摄 — 像机等。

- 论域: 所讨论的全体对象, 用 U 等表示。
- 元素: 论域中的每个对象, 常用 a,b,c,x,y,z 表示。
- 集合: 论域中具有某种相同属性的确定的、可以彼此区别的元素的全体,常用A, B等表示。
- 元素 a 和集合 A 的关系: a 属于 A 或 a 不属于 A , 即只有两个真值"真"和"假"。
- 模糊逻辑给集合中每一个元素赋予一个介于 0 和 1 之间的实数 ,描述其属于一个集合的强度,该实数称为元素属于一个集合 的隶属度。集合中所有元素的隶属度全体构成集合的隶属函数

■ 例如,"成年人"集合:  $\mu_{\text{成年人}}(x) = \begin{cases} 1 & x \ge 18 \\ 0 & x < 18 \end{cases}$ 





■ 当论域中元素数目有限时,模糊集合 的数学描述为

$$A = [(x, \mu_A(x)), x \in X]$$

 $\mu_{A}(x)$  : 元素 属于模糊集 的隶属度x 是元素

的论域。

- - (1) 论域是离散且元素数目有限:

$$A = \mu_A(x_1)/x_1 + \mu_A(x_2)/x_2 + \dots + \mu_A(x_n)/x_n = \sum_{i=1}^n \mu_A(x_i)/x_i$$

或

$$A = \{\mu_A(x_1)/x_1, \mu_A(x_2)/x_2, \dots, \mu_A(x_n)/x_n\}$$

(2) 论域是连续的,或者元素数目无限:

$$A = \int_{x \in U} \mu_A(x) / x$$

$$A = [u_{\star}(x), u_{\star}(x), \cdots, u_{\star}(x)]$$

### 

### (1)=Zadel=72732

A=0.2/1.10.4/2.10.6/3.10.3/4.11/5.10.4/6.10.6/2.10.4/8.10.2/9.10.1/10

• 例如: 以年龄作论域,取 U = [0,200] ,扎德给出了 "年老" O 与"年青" Y 两个模糊集合的隶属函数为

$$\mu_{O}(u) = \begin{cases} 0 & 0 \le u \le 50 \\ \left[1 + \left(\frac{5}{u - 50}\right)^{2}\right]^{-1} & 50 < u \le 200 \end{cases} \qquad \mu_{Y}(u) = \begin{cases} 1 & 0 \le u \le 25 \\ \left[1 + \left(\frac{u - 25}{5}\right)^{2}\right]^{-1} & 25 < u \le 200 \end{cases}$$

■ 采用 Zadeh 表示法:

$$O = \int_{50 < \mu \le 200} \left[1 + \left(\frac{u - 50}{5}\right)^{-2}\right]^{-1} / u \qquad Y = \int_{0 < \mu \le 25} \left[1 + \left(\frac{u - 25}{5}\right)^{2}\right]^{-1} / u$$

- (1) 模糊集合的包含关系

- (2) 模糊集合的相等关系
- - (3) 模糊集合的交并补运算
    - ① 交运算 (intersection) ∩ B

$$\mu_{A \cap B}(x) = \min \{ \mu_A(x), \mu_B(x) \} = \mu_A(x) \wedge \mu_B(x)$$

② 并运算 (union)A∪B

$$\mu_{A\cup B}(x) = \max \left\{ \mu_A(x), \mu_B(x) \right\} = \mu_A(x)^{\vee} \mu_B(x)$$

③ 补运算 (complement)  $\overline{A}$  或者 $A^C$ 

$$\mu_{\overline{A}}(x) = 1 - \mu_{A}(x)$$

**例 4.4** 设论域 $U = x_1, x_2, x_3, x_4$  ,  $A \mathcal{D} B$  是论域上的

两个模糊集合,已知:  $A=0.3/x_1+0.5/x_2+0.7/x_3+0.4/x_4$  $B=0.5/x_1+1/x_2+0.8/x_3$ 

$$求 A B \land A \cap B \land A \cup B$$

解:

$$\overline{A} = 0.7/x_1 + 0.5/x_2 + 0.3/x_3 + 0.6/x_4$$

$$\overline{B} = 0.5/x_1 + 0.2/x_3 + 1/x_4$$

$$A \cap B = \frac{0.3^{\circ} 0.5}{x_1} + \frac{0.5^{\circ} 1}{x_2} + \frac{0.7^{\circ} 0.8}{x_3} + \frac{0.4^{\circ} 0}{x_4}$$

$$= 0.3/x_1 + 0.5/x_2 + 0.7/x_3$$

$$A \cup B = \frac{0.3^{\circ} 0.5}{x_1} + \frac{0.5^{\circ} 1}{x_2} + \frac{0.7^{\circ} 0.8}{x_3} + \frac{0.4^{\circ} 0}{x_4}$$

$$= 0.5/x_1 + 1/x_2 + 0.8/x_3 + 0.4/x_4$$

- ① 代数积:  $\mu_{AB}(x) = \mu_{A}(x)\mu_{B}(x)$
- ② 代数和:  $\mu_{A+B}(x) = \mu_A(x) + \mu_B(x) \mu_{AB}(x)$
- ③ 有界和:

$$\mu_{A \oplus B}(x) = \min\{1, \mu_A(x) + \mu_B(x)\} = 1^{\mu_A(x) + \mu_B(x)}$$

④ 有界积:

$$\mu_{A \otimes B}(x) = \max\{0, \mu_A(x) + \mu_B(x) - 1\} = 0^{\vee} [\mu_A(x) + \mu_B(x) - 1]$$

• **例 4.5** 设论域 =  $x_1, x_2, x_3, x_4, x_5$ 

A 及 B

是论域上的两个模糊集合,已知:

$$A = 0.2/x_1 + 0.4/x_2 + 0.9/x_3 + 0.5/x_5$$

$$B = 0.1/x_1 + 0.7/x_3 + 1.0/x_4 + 0.3/x_5$$

求 $A \cdot B$ 、A + B、 $A \oplus B$ 、 $A \otimes B_{\circ}$ 

#: A-B=0.02/x,+0.63/x,+0.15/x,

A⊗B=0.6/x,

■ **例 4.6** 某地区人的身高论域 *X*={140,150,160,170,180} (单

位: cm),体重论域 Y={40,50,60,70,80}。

|                                 |     |     |     | 4-1-4-1 |     |
|---------------------------------|-----|-----|-----|---------|-----|
| RY                              | 40  | 50  | б0  | 70      | 80  |
| 140                             | 1   | 0.8 | 0.2 | 0.1     | 0   |
| 150                             | 0.8 | 1   | 0.8 | 0.2     | 0.1 |
| 160                             | 0.2 | 0.8 | 1   | 0.8     | 0.2 |
| 170                             | 0.1 | 0.2 | 0.8 | 1       | 0.8 |
| 140<br>150<br>160<br>170<br>180 | 0   | 0.1 | 0.2 | 0.8     | 1   |

|         |             | <del>-/</del> |               |
|---------|-------------|---------------|---------------|
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         | T 77. T 7 T |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
| <br>    |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             | ~ ~ ~         |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         | $\sim$      |               |               |
| <br>++- |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
| <br>    |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             | _             |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               | $\overline{}$ |
|         |             |               |               |
| •       |             |               |               |
| <br>    |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
| <br>    |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |
|         |             |               |               |

- 模糊关系的定义:
- $^{\bullet}$  A 、 B : 模糊集合,模糊关系用叉积 (cartesian product) 表示

$$R:A\times B\to [0,1]$$

- $\mathbb{Z}$  叉积常用最小算子运算:  $\mu_{A\times B}(a,b)=\min[\mu_{A}(a),\mu_{B}(b)]$
- $\mu_{A} = B: 离散模糊集,其隶属函数分别为:$   $\mu_{A} = [\mu_{A}(a_{1}), \mu_{A}(a_{2}), \dots, \mu_{A}(a_{n})], \quad \mu_{B} = [\mu_{B}(b_{1}), \mu_{B}(b_{2}), \dots, \mu_{B}(b_{n})]$

$$\mu_{A\times B}(a,b) = \mu_A^T \circ \mu_B$$

则其叉积运算:

■ 例 4.7 已知输入的模糊集合 A 和输出的模糊集合 B:

$$A = 1.0 / a_1 + 0.8 / a_2 + 0.5 / a_3 + 0.2 / a_4 + 0.0 / a_5$$
  
$$B = 0.7 / b_1 + 1.0 / b_2 + 0.6 / b_3 + 0.0 / b_4$$

求A到B的模糊关系R。

$$R = A \times B = \mu_A^{\mathrm{T}} \circ \mu_B = \begin{vmatrix} 0.8 \\ 0.5 \\ 0.2 \end{vmatrix} \circ [0.7 \quad 1.0 \quad 0.6 \quad 0.0]$$

$$R = \begin{bmatrix} 1.0 & 0.7 & 1.0 & 1.0 & 1.0 & 0.6 & 1.0 & 0.0 \\ 0.8 & 0.7 & 0.8 & 1.0 & 0.8 & 0.6 & 0.8 & 0.0 \\ 0.5 & 0.7 & 0.5 & 1.0 & 0.5 & 0.6 & 0.5 & 0.0 \\ 0.2 & 0.7 & 0.2 & 1.0 & 0.2 & 0.6 & 0.2 & 0.0 \\ 0.0 & 0.7 & 0.0 & 1.0 & 0.0 & 0.6 & 0.0 & 0.0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.7 & 1.0 & 0.6 & 0.0 \\ 0.7 & 0.8 & 0.6 & 0.0 \\ 0.5 & 0.5 & 0.5 & 0.5 \\ 0.2 & 0.2 & 0.2 & 0.0 \\ 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \end{bmatrix}$$

**•例8** 设模糊集合  $X = \{x_1, x_2, x_3, x_4\}, Y = \{y_1, y_2, y_3\}, Z = \{z_1, z_2\}$ 

$$Q \in X \times Y, R \in Y \times Z, S \in X \times Z, \Re S_{\circ}$$

$$Q = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.6 & 0.3 \\ 0.7 & 0.4 & 1 \\ 0 & 0.8 & 0 \\ 1 & 0.2 & 0.9 \end{bmatrix}$$

$$R = \begin{bmatrix} 0.2 & 1 \\ 0.8 & 0.4 \\ 0.5 & 0.3 \end{bmatrix}$$

■ 解:

$$S = Q \circ R = \begin{bmatrix} 0.5 & 0.6 & 0.3 \\ 0.7 & 0.4 & 1 \\ 0 & 0.8 & 0 \\ 1 & 0.2 & 0.9 \end{bmatrix} \circ \begin{bmatrix} 0.2 & 1 \\ 0.8 & 0.4 \\ 0.5 & 0.3 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} (0.5^{\circ} 0.2)^{\vee} (0.6^{\circ} 0.8)^{\vee} (0.3^{\circ} 0.5) & (0.5^{\circ} 1)^{\vee} (0.6^{\circ} 0.4)^{\vee} (0.3^{\circ} 0.3) \\ (0.7^{\circ} 0.2)^{\vee} (0.4^{\circ} 0.8)^{\vee} (1^{\circ} 0.5) & (0.7^{\circ} 1)^{\vee} (0.4^{\circ} 0.4)^{\vee} (1^{\circ} 0.3) \\ (0^{\circ} 0.2)^{\vee} (0.8^{\circ} 0.8)^{\vee} (0^{\circ} 0.5) & (0^{\circ} 1)^{\vee} (0.8^{\circ} 0.4)^{\vee} (0^{\circ} 0.3) \\ (1^{\circ} 0.2)^{\vee} (0.2^{\circ} 0.8)^{\vee} (0.9^{\circ} 0.5) & (1^{\circ} 1)^{\vee} (0.2^{\circ} 0.4)^{\vee} (0.9^{\circ} 0.3) \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 0.6 & 0.5 \\ 0.5 & 0.7 \\ 0.8 & 0.4 \\ 0.5 & 1 \end{bmatrix}$$

- 模糊规则: 从条件论域到结论论域的模糊关系矩阵 **R**。通过条件模糊向量与模糊关系 **R** 的合成进行模糊推理,得到结论的模糊向量,然后采用"清晰化"方法将模糊结论转换为精确量。

### 

- 若已知输入为 A ,则输出为 B ;若现在已知输入为 ,则输出 用合成规则求取  $B' = A' \circ R$  其中模糊关系 R:  $\mu_R(x,y) = \min[\mu_A(x),\mu_B(y)]$
- 控制规则库的 N 条规则有 N 个模糊关系:  $R_1, R_2, \dots, R_n$  对于整个系统的全部控制规则所对应的模糊关系 R:

$$R = R_1 \bigcup R_2 \bigcup \cdots \bigcup R_n = \bigcup_{i=1}^n R_i$$

■  $\mathbf{M}$  **9** 已知输入的模糊集合  $\mathbf{A}$  和输出的模糊集合  $\mathbf{B}$ :

$$A = 1.0 / a_1 + 0.8 / a_2 + 0.5 / a_3 + 0.2 / a_4 + 0.0 / a_5$$
  
$$B = 0.7 / b_1 + 1.0 / b_2 + 0.6 / b_3 + 0.0 / b_4$$

■前面已经求得模糊关系为:

$$R = \begin{bmatrix} 0.7 & 1.0 & 0.6 & 0.0 \\ 0.7 & 0.8 & 0.6 & 0.0 \\ 0.5 & 0.5 & 0.5 & 0.0 \\ 0.2 & 0.2 & 0.2 & 0.0 \\ 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \end{bmatrix}$$

### 

■ 当输入:  $A' = 0.4/a_1 + 0.7/a_2 + 1.0/a_3 + 0.6/a_4 + 0.0/a_5$ 

$$B' = A' \circ R = \begin{bmatrix} 0.4 \\ 0.7 \\ 1.0 \\ 0.6 \\ 0.0 \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} 0.7 & 1.0 & 0.6 & 0.0 \\ 0.7 & 0.8 & 0.6 & 0.0 \\ 0.5 & 0.5 & 0.5 & 0.5 & 0.0 \\ 0.2 & 0.2 & 0.2 & 0.0 \\ 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \end{bmatrix} = (0.7, 0.7, 0.6, 0.0)$$

则:  $B' = 0.7/b_1 + 0.7/b_2 + 0.6/b_3 + 0.0/b_4$ 

- 例如,得到模糊向量:

$$U' = 0.5/-3 + 0.5/-2 + 0.5/-1 + 0.0/0 + 0.0/1 + 0.0/2 + 0.0/3$$

取结论: 
$$U = \frac{-3 - 2 - 1}{3} = -2$$

• 例如 U'=0.1/2+0.6/3+0.5/4+0.4/5+0.2/6

$$U' = \frac{0.1 \times 2 + 0.6 \times 3 + 0.5 \times 4 + 0.4 \times 5 + 0.2 \times 6}{0.1 + 0.6 + 0.5 + 0.4 + 0.2} = 4$$

• 例如

$$U' = 0.1/- 4 + 0.5/- 3 + 0.1/- 2 + 0.0/- 1 + 0.1/0 + 0.2/1 + 0.4/2 + 0.5/3 + 0.1/4$$

$$u^* = u_6$$
  $\exists t$ ,  $\sum_{u_1}^{u_6} \mu(u_i) = \sum_{u_7}^{u_9} \mu(u_i) = 1$ 

所以中位数 $u^* = u_6$ ,则U = 1

• 例如

$$U' = 0.1/-4 + 0.5/-3 + 0.3/-2 + 0.1/-1 + 0.1/0 + 0.4/1 + 0.5/2 + 0.1/3 + 0.2/4$$

用线性插值处理, 即  $\Delta u = 1.2/(1.1+1.2) = 0.522$ 

**M** 所以 
$$u^* = u_5 + \Delta u = 0.522$$

## 4.4.7 模糊推理的应用

- "如果温度低,则将风门开入"。凌温度和风门开度的论 一块为(1, 2, 3, 4, 5)。

## 4.4.7 模糊推理的应用

## 4.4.7 模糊推理的应用

$$\begin{vmatrix} 0.8 & | & 0.0 & 0.0 & 0.3 & 0.6 & 0.6 \\ 1.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.3 & 0.6 & 0.6 \\ B & | & 0.0 & 0.0 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.3 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0 & 0.0 \\ 0.0 & | & 0.0$$

## 思考题



