# INFORMATICS ENGINEERING STUDY PROGRAM SCHOOL OF ELECTRICAL ENGINEERING DAN INFORMATICS BANDUNG INSTITUTE OF TECHNOLOGY



## **Laporan Tugas Besar #1**

## **Feedforward Neural Network**

Disusun Oleh:

Kelompok 1

#### Anggota:

- 1. Marzuli Suhada M 13522070
- 2. Ahmad Mudabbir Arif 13522072
- 3. Naufal Adnan 13522116

IF3270 Pembelajaran Mesin

## **DAFTAR ISI**

DAFTAR ISI	2
DAFTAR GAMBAR	3
DAFTAR TABEL	4
I. DESKRIPSI PERSOALAN	5
II. PEMBAHASAN	6
1. Penjelasan Implementasi	6
A. Deskripsi Kelas, Atribut, dan Method	6
B. Forward Propagation	12
C. Backward Propagation dan Weight Update	13
2. Hasil Pengujian	15
A. Pengaruh Depth dan Width	15
A.1. Pengaruh Width	15
A.2. Pengaruh Depth	16
A.3. Analisis Keseluruhan	16
B. Pengaruh Fungsi Aktivasi	19
C. Pengaruh Learning Rate	26
D. Pengaruh Inisialisasi Bobot	30
E. Pengaruh Regularisasi	36
F. Pengaruh Normalisasi RMSNorm	40
G. Perbandingan dengan Library Sklearn	44
H. Visualisasi Arsitektur	49
III. KESIMPULAN DAN SARAN	50
Kesimpulan	50
Saran	51
IV. PEMBAGIAN TUGAS	53
V. REFERENSI	56

## **DAFTAR GAMBAR**

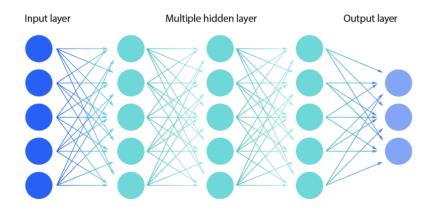
Gambar 2.1.1. Learning Curves Width Variation (Kiri) dan Depth Variation (Kanan)	19
Gambar 2.2.1. Learning Curves Activation Functions	22
Gambar 2.3.1. Learning Curves Variasi Nilai Learning Rate	28
Gambar 2.4.1. Learning Curves - Initialization Methods	33
Gambar 2.5.1. Learning Curves - Regularization Effects	38
Gambar 2.6.1. Learning Curves - Normalization RMSNorm	42
Gambar 2.7.1. Perbandingan Distribusi Kelas Prediksi dari Kedua Model	46
Gambar 2.7.2. Learning Curve Berupa Training Loss dari Kedua Model	47
Gambar 2.8.1. Visualisasi Arsitektur FFNN	49

## **DAFTAR TABEL**

Tabel 1.1. Atribut Kelas FFNN	7
Tabel 1.2. Method Kelas FFNN	8
Tabel 1.3. Method Kelas Activation	9
Tabel 1.4. Method Kelas Loss	10
Tabel 1.5. Method Kelas Initializer	11
Tabel 2.1.1. Perbandingan Loss Tiap Arsitektur	16
Tabel 2.2.1. Perbandingan Accuracy dan Loss Setiap Fungsi Aktivasi	20
Tabel 2.2.2. Perbandingan Weight dan Gradient Setiap Fungsi Aktivasi	23
Tabel 2.3.1. Perbandingan Accuracy dan Loss Setiap Learning Rate	27
Tabel 2.3.2. Perbandingan Weight dan Gradient Setiap Variasi Nilai Learning Rate	29
Tabel 2.4.1 Perbandingan Accuracy dan Loss Setiap Learning Rate	31
Tabel 2.4.2. Perbandingan Weight dan Gradient Setiap Variasi Initialization Methods	34
Tabel 2.5.1. Perbandingan Accuracy dan Loss Setiap Konfigurasi Regularisasi	37
Tabel 2.5.2. Perbandingan Weight dan Gradient Setiap Metode Regularisasi	39
Tabel 2.6.1. Perbandingan Accuracy dan Loss oleh Normalisasi RMSNorm	41
Tabel 2.6.2. Perbandingan Weight dan Gradient Terhadap Normalisasi	43
Tabel 2.7.1. Perbandingan Konfigurasi Model	45
Tabel 2.7.2. Perbandingan Accuracy Model	46

#### I. DESKRIPSI PERSOALAN

Feedforward Neural Network (FFNN) merupakan salah satu arsitektur fundamental dalam bidang *machine learning* dan *deep learning*. Dalam rangka memahami konsep dasar *machine learning* secara mendalam, mahasiswa ditugaskan untuk mengimplementasikan *Feedforward Neural Network* (FFNN) dari awal (*from scratch*) tanpa menggunakan *library* yang siap pakai.



Gambar 1.1 Arsitektur Feedforward Neural Network (FFNN)

Kami diminta untuk membuat implementasi FFNN yang mampu:

- 1. Menerima variasi jumlah *neuron* di setiap *layer*
- Mendukung berbagai fungsi aktivasi (Linear, ReLU, Sigmoid, Tanh, Softmax)
- Menggunakan fungsi *loss* berbeda (*MSE*, *Binary Cross-Entropy*, *Categorical Cross-Entropy*)
- 4. Menerapkan metode inisialisasi bobot (Zero, Random Uniform, Random Normal)

#### Model harus memiliki kemampuan:

- 1. Menyimpan bobot dan gradien setiap *neuron*
- Menampilkan struktur jaringan dalam bentuk graf
- 3. Memvisualisasikan distribusi bobot dan gradien per *layer*
- 4. Melakukan save dan load model

#### Proses pelatihan harus mendukung:

- 1. Input batch
- 2. Propagasi maju dan balik
- 3. Perhitungan gradien menggunakan chain rule
- 4. Pembaruan bobot dengan gradient descent
- Konfigurasi hyperparameter: batch size, learning rate, epoch, dan verbose

Untuk mengevaluasi kinerja model, dilakukan pengujian yang meliputi:

- 1. Analisis pengaruh depth dan width model
- 2. Evaluasi berbagai fungsi aktivasi
- 3. Studi dampak learning rate
- 4. Perbandingan metode inisialisasi bobot
- 5. Validasi dengan *library* scikit-learn MLP

Pengujian akan menggunakan dataset MNIST (*mnist\_784*) yang akan dimuat menggunakan *method* fetch\_openml dari scikit-learn.

Terdapat beberapa fitur bonus yang dapat diimplementasikan:

- 1. Automatic Differentiation
- 2. Implementasi fungsi aktivasi tambahan
- 3. Metode inisialisasi bobot lanjutan (Xavier, He)
- 4. Regularisasi L1 dan L2
- 5. Normalisasi layer dengan *Root Mean Square* (RMS)

#### II. PEMBAHASAN

## 1. Penjelasan Implementasi

#### A. Deskripsi Kelas, Atribut, dan Method

Implementasi program ini merupakan implementasi *Feedforward Neural Network* (*FFNN*) from scratch. Struktur implementasi ini dibagi menjadi empat kelas utama yang saling terintegrasi yaitu *class* **FFNN** sebagai kelas utama yang menangani jaringan saraf (*Neural Network*) secara keseluruhan, *class* **Activation** yang mengelola berbagai fungsi aktivasi, *class* **Loss** yang menyediakan fungsi-fungsi loss, dan *class* **Initializer** yang menangani inisialisasi bobot. Struktur modular ini memungkinkan kustomisasi yang fleksibel, kemudahan pengembangan, serta ekspansi fitur di masa depan.

Pada implementasi ini terdapat fitur tambahan seperti regularisasi L1/L2, normalisasi RMSNorm, dan *gradient clipping*, yang meningkatkan performa dan stabilitas model. Visualisasi jaringan, distribusi bobot, dan performa model juga diintegrasikan untuk memudahkan analisis dan pemahaman. Selain itu, model juga dapat disimpan dan dimuat kembali. Berikut adalah penjelasan detail untuk masing-masing kelas:

#### a. Kelas FFNN

Kelas FFNN adalah komponen utama yang mengimplementasikan arsitektur dan fungsi jaringan saraf feedforward. Kelas ini mengelola keseluruhan alur kerja neural network, mulai dari inisialisasi parameter hingga pelatihan dan prediksi. Implementasi FFNN dapat menangani struktur yang fleksibel dengan mendukung variasi jumlah layer, jumlah neuron per layer, dan fungsi aktivasi yang berbeda. Kelas ini menggunakan library NumPy untuk operasi matriks dan untuk pelatihan menggunakan mini-batch gradient descent. Fitur regularisasi L1 dan L2 diimplementasikan untuk mengurangi overfitting, sementara normalisasi RMSNorm dapat diaktifkan untuk stabilitas pelatihan. Implementasi juga mencakup visualisasi struktur jaringan dan distribusi parameter bobot dan gradien untuk membantu analisis model.

Tabel 1.1. Atribut Kelas FFNN

No	Atribut	Deskripsi	
1.	layers	Daftar jumlah <i>neuron</i> pada setiap <i>layer</i> (termasuk <i>input</i> , <i>hidden</i> , dan <i>output</i> )	
2.	activation	Daftar fungsi aktivasi untuk setiap layer	
3.	d_activation	Daftar turunan fungsi aktivasi untuk setiap layer	
4.	loss	Fungsi <i>loss</i> yang digunakan	
5.	d_loss	Turunan dari fungsi <i>loss</i>	
6.	weights	Daftar matriks bobot antar layer	
7.	biases	Daftar bias untuk setiap <i>layer</i>	
8.	d_weights	Daftar gradien bobot	
9.	d_biases	Daftar gradien bias	
10.	l1_lambda	Parameter regularisasi L1	
11.	12_lambda	Parameter regularisasi L2	
12.	rms_norm	Flag untuk mengaktifkan normalisasi RMSNorm	

13.	gamma	Parameter skala untuk RMSNorm	
14.	epsilon	Konstanta untuk menghampiri nilai 0	
15.	a	Menyimpan hasil setelah fungsi aktivasi diterapkan	
16.	z	Menyimpan nilai <i>net</i> sebelum aktivasi dalam <i>neural network</i> .	

Tabel 1.2. Method Kelas FFNN

No	Method	Deskripsi
1.	<pre>definit(self, layers,   activations, loss,   init_method, l1_lambda,   12_lambda, rms_norm, gamma,   **init_params)</pre>	Inisialisasi model dengan parameter yang ditentukan, dengan **init_params merupakan argumen tambahan untuk initialization methode tertentu
2.	rms_norm_layer(x)	Implementasi normalisasi RMS Normalization untuk forward propagation
3.	forward(X)	Implementasi forward propagation
4.	backward(X, y)	Implementasi backward propagation, di dalamnya mencakup implementasi RMS Norm serta regularisasi menggunakan I1 dan I2
5.	update_weights(lr)	Pembaruan bobot menggunakan gradient descent, di dalamnya mencakup clipping gradient untuk mencegah terjadinya exploding pada gradien
6.	<pre>train(X_train, y_train, epochs, lr, batch_size, verbose)</pre>	Pelatihan model, mencakup penanganan <i>input</i> yang diperlukan
7.	predict(X)	Prediksi label untuk data baru

8.	predict_proba(X)	Prediksi probabilitas untuk data baru
9.	visualize_network()	Visualisasi struktur jaringan dengan bobot dan bias
10.	<pre>plot_weight_distribution(laye rs)</pre>	Visualisasi distribusi bobot pada layer tertentu
11.	<pre>plot_gradient_distribution(la yers)</pre>	Visualisasi distribusi gradien pada layer tertentu
12.	save_model(filename)	Menyimpan model ke file
13.	load_model(filename)	Memuat model dari file (static method)

#### b. Kelas Activation

Kelas Activation berperan sebagai repositori fungsi-fungsi aktivasi yang dapat digunakan dalam jaringan saraf. Kelas ini mendukung fungsi aktivasi standar dan beberapa fungsi tambahan. Implementasi Activation terdiri dari berbagai fungsi aktivasi dan turunannya sebagai method statis. Setiap fungsi aktivasi diimplementasikan menggunakan *NumPy* untuk operasi vektor yang efisien. Penanganan khusus diberikan untuk fungsi *softmax*, dimana turunannya diimplementasikan sebagai matriks *Jacobian* untuk menangani kasus *multivariate* dengan benar. Selain itu, juga terdapat fungsi aktivasi tambahan seperti *Leaky ReLU, ELU,* dan *Swish* sebagai bonus.

Tabel 1.3. Method Kelas Activation

No	Method	Deskripsi
1.	linear(x)	Fungsi aktivasi linear (identitas)
2.	d_linear(x)	Turunan fungsi aktivasi linear
3.	relu(x)	Fungsi aktivasi ReLU
4.	d_relu(x)	Turunan fungsi aktivasi ReLU
5.	sigmoid(x)	Fungsi aktivasi sigmoid
6.	d_sigmoid(x)	Turunan fungsi aktivasi sigmoid

7.	tanh(x)	Fungsi aktivasi <i>tanh</i>
8.	d_tanh(x)	Turunan fungsi aktivasi tanh
9.	softmax(x)	Fungsi aktivasi softmax
10.	d_softmax(x)	Jacobian dari fungsi aktivasi softmax
11.	leaky_relu(x, alpha)	Fungsi aktivasi <i>Leaky ReLU</i> (bonus)
12.	d_leaky_relu(x, alpha)	Turunan fungsi aktivasi <i>Leaky ReLU</i> (bonus)
13.	elu(x, alpha)	Fungsi aktivasi <i>ELU</i> (bonus)
14.	d_elu(x, alpha)	Turunan fungsi aktivasi <i>ELU</i> (bonus)
15.	swish(x, beta)	Fungsi aktivasi <i>Swish</i> (bonus)
16.	d_swish(x, beta)	Turunan fungsi aktivasi <i>Swish</i> (bonus)

#### c. Kelas Loss

Kelas Loss menyediakan implementasi berbagai fungsi loss dan turunannya untuk proses pelatihan jaringan saraf. Implementasi Loss terdiri dari tiga fungsi loss standar dan turunannya yaitu *Mean Squared Error* (MSE), *Binary Cross-Entropy*, dan *Categorical Cross-Entropy*. Setiap fungsi diimplementasikan dengan penanganan kasus khusus untuk mencegah masalah numerik seperti pembagian dengan nol atau logaritma dari nol. Fungsi *Binary Cross-Entropy* diimplementasikan sebagai kasus khusus dari *Categorical Cross-Entropy* dengan dua kelas. Epsilon kecil ditambahkan pada beberapa perhitungan untuk mencegah ketidakstabilan numerik.

Tabel 1.4. Method Kelas Loss

No	Method	Deskripsi
1.	mse(y_true, y_pred)	Mean Squared Error
2.	d_mse(y_true, y_pred)	Turunan Mean Squared Error
3.	binary_cross_entropy(y_true,	Binary Cross-Entropy Loss

	y_pred, epsilon)	
4.	<pre>d_binary_cross_entropy(y_true , y_pred, epsilon)</pre>	Turunan <i>Binary Cross-Entropy</i> Loss
5.	<pre>categorical_cross_entropy(y_t rue, y_pred, epsilon)</pre>	Categorical Cross-Entropy Loss
6.	<pre>d_categorical_cross_entropy(y _true, y_pred, epsilon)</pre>	Turunan Categorical Cross-Entropy Loss

#### d. Kelas Initializer

Kelas Initializer memiliki berbagai metode untuk inisialisasi bobot jaringan saraf yang diimplementasikan sebagai *static method*. Metode inisialisasi bobotnya yaitu inisialisasi *Zero*, *Uniform*, dan *Normal*. Untuk meningkatkan kinerja model dengan jaringan dalam, kelas ini juga mengimplementasikan inisialisasi *Xavier* dan *He* sebagai bonus. Setiap metode inisialisasi mendukung parameter *seed* untuk *reproducibility*. Metode *Xavier* dan *He* dirancang khusus untuk mengatasi masalah *vanishing* dan *exploding gradient* pada jaringan yang dalam dengan menginisialisasi bobot berdasarkan jumlah *neuron input* dan *output*.

Tabel 1.5. Method Kelas Initializer

No	Method	Deskripsi
1.	zero(shape)	Inisialisasi semua bobot dengan 0
2.	uniform(shape, lower, upper, seed)	Inisialisasi bobot dengan distribusi uniform
3.	normal(shape, mean, variance, seed)	Inisialisasi bobot dengan distribusi normal
4.	xavier(shape, seed)	Inisialisasi bobot dengan metode Xavier (bonus)
5.	he(shape, seed)	Inisialisasi bobot dengan metode He (bonus)

#### B. Forward Propagation

Forward propagation adalah algoritma dalam ANN yang menentukan bagaimana input diproses melalui jaringan untuk menghasilkan output. Implementasi forward propagation dalam kelas FFNN menyediakan beberapa konfigurasi dengan jumlah layer dan fungsi aktivasi yang berbeda. Implementasi ini juga mempertimbangkan komputasi batch untuk mempercepat pelatihan dan mengintegrasikan fitur normalisasi RMSNorm untuk meningkatkan stabilitas pelatihan pada jaringan yang dalam.

Forward propagation diimplementasikan dalam method forward (X) dengan parameter input X yang dapat berupa single sample atau batch. Method ini berfungsi untuk melakukan operasi linear dan nonlinear pada setiap layer jaringan, dan menyimpan nilai-nilai intermediate yang akan digunakan kembali selama backward propagation.

```
def forward(self, X):
    self.a = [X]
    self.z = []
    self.norms = []

for i in range(len(self.weights)):
    z = self.a[-1] @ self.weights[i] + self.biases[i]

    if self.rms_norm:
        z, norm = self.rms_norm_layer(z)
        self.norms.append(norm)

    a = self.activations[i](z)
    self.z.append(z)
    self.a.append(a)

return self.a[-1]
```

Forward propagation dimulai dengan menyimpan input x sebagai aktivasi layer input dalam daftar self.a. Kemudian, untuk setiap layer dalam jaringan, dilakukan operasi linear dengan mengalikan aktivasi *layer* sebelumnya dengan matriks bobot dan menambahkan bias. Jika normalisasi *RMSNorm* diaktifkan, *output* linear dinormalisasi berdasarkan akar kuadrat rata-rata dan ditransformasi dengan parameter *gamma*.

Setelah operasi linear dan normalisasi (jika ada), fungsi aktivasi yang sesuai diterapkan pada *output* untuk menghasilkan aktivasi layer saat ini. Aktivasi dan

pre-aktivasi (nilai sebelum fungsi aktivasi diterapkan) disimpan dalam daftar self.a dan self.z masing-masing, yang akan digunakan selama backward propagation.

Operasi ini diulang untuk setiap *layer* hingga *layer output*. *Output* aktivasi *layer* terakhir dikembalikan sebagai hasil *forward propagation*, yang dapat digunakan untuk prediksi atau perhitungan *loss*.

#### C. Backward Propagation dan Weight Update

Backward propagation adalah algoritma dalam ANN yang memungkinkan model untuk belajar dari data dengan menyesuaikan parameter (bobot dan bias) berdasarkan error output. Implementasi backward propagation dalam kelas FFNN ini untuk menghitung gradient loss terhadap semua parameter jaringan secara efisien menggunakan chain rule dari kalkulus.

Implementasi ini mempertimbangkan berbagai kasus khusus, termasuk kombinasi fungsi aktivasi *softmax* dengan *categorical cross-entropy* yang memiliki perhitungan gradien sederhana, serta normalisasi *RMSNorm* dan regularisasi L1/L2. Hasil dari *backward propagation* ini adalah gradien bobot yang digunakan untuk update bobot dan bias pada model. Sebelum melakukan update, *gradient clipping* juga diterapkan untuk mencegah masalah *exploding gradient* yang sering terjadi pada jaringan yang dalam.

Backward propagation diimplementasikan dalam method backward(X, y) yang menerima input data X dan target y, dan memperbarui gradien dalam atribut self.d weights dan self.d biases.

```
# backprop RMSNorm
        if self.rms norm and i < len(self.norms):
            norm = self.norms[i]
            mean square = np.mean(self.z[i]**2, axis=-1,
keepdims=True)
            d norm = dz * self.qamma
            d mean square = np.mean(d norm * norm, axis=-1,
keepdims=True)
            dz = d norm / np.sqrt(mean square + self.epsilon) -
(self.z[i] * d mean square) / ((mean square + self.epsilon) *
np.sqrt(mean square + self.epsilon))
        self.d weights[i] = self.a[i].T @ dz / m
        self.d biases[i] = np.sum(np.array(dz), axis=0,
keepdims=True) / m
        # regularisasi
        self.d weights[i] += self.l1 lambda *
np.sign(self.weights[i]) + self.l2 lambda * self.weights[i]
        if i > 0:
            dz = dz @ self.weights[i].T *
self.d activations[i-1](self.z[i-1])
```

Backward propagation dimulai dengan menghitung gradien pada layer output, yang bergantung pada kombinasi fungsi loss dan fungsi aktivasi. Untuk kombinasi softmax dan categorical cross-entropy, gradien dapat dihitung langsung sebagai selisih antara output prediksi dan target. Untuk kombinasi lain, gradien dihitung menggunakan turunan loss dan turunan aktivasi dengan aturan rantai.

Setelah gradien awal dihitung, algoritma melakukan iterasi mundur melalui jaringan, menghitung gradien untuk setiap layer. Jika *RMSNorm* diaktifkan, gradien diteruskan melalui operasi normalisasi menggunakan aturan rantai. Gradien terhadap bobot dan bias dihitung berdasarkan gradien layer dan aktivasi layer sebelumnya. Regularisasi L1 dan L2 ditambahkan ke gradien bobot jika diaktifkan.

Untuk Weight Update, setelah gradien dihitung, parameter jaringan diperbarui menggunakan algoritma gradient descent dalam method update\_weights(lr). Pada saat melakukan update bobot dan bias, untuk mencegah exploding gradient, maka gradient clipping diterapkan dengan membatasi norma gradien ke nilai maksimum tertentu. Setelah gradien bobot dan bias dihitung, gradien diteruskan ke layer sebelumnya untuk digunakan dalam iterasi berikutnya. Learning rate lr mengatur seberapa besar perubahan parameter pada setiap iterasi.

```
def update_weights(self, lr):
    max_norm = 1.0
    for i in range(len(self.weights)):
        w_norm = np.linalg.norm(self.d_weights[i])
        if w_norm > max_norm:
            self.d_weights[i] *= max_norm / w_norm

        b_norm = np.linalg.norm(self.d_biases[i])
        if b_norm > max_norm:
            self.d_biases[i] *= max_norm / b_norm
        self.weights[i] -= lr * self.d_weights[i]
        self.biases[i] -= lr * self.d_biases[i]
```

Pembaruan bobot dan bias dilakukan dengan mengurangkan gradien dikalikan dengan *learning rate* dari nilai parameter saat ini. Proses ini mengimplementasikan langkah dalam arah negatif gradien untuk meminimalkan fungsi *loss*.

#### 2. Hasil Pengujian

#### A. Pengaruh Depth dan Width

#### A.1. Pengaruh Width

Pengujian dilakukan untuk mengetahui bagaimana variasi jumlah *neuron* dalam satu *hidden layer* (*width*) mempengaruhi kinerja model *Feedforward Neural Network* (FFNN). Hasil pengujian menunjukkan bahwa semakin banyak *neuron* dalam satu *hidden layer*, semakin baik akurasi yang diperoleh.

- Model dengan 16 neuron dalam satu hidden layer mencapai akurasi 93.83%.
- Model dengan 64 neuron dalam satu hidden layer mencapai akurasi 95.31%.
- Model dengan 128 neuron dalam satu hidden layer mencapai akurasi 95.62%.

Berdasarkan hasil tersebut, terlihat bahwa menambahkan jumlah *neuron* dalam *hidden layer* dapat meningkatkan akurasi model. Namun, perbedaannya semakin kecil ketika jumlah *neuron* bertambah, menunjukkan adanya titik batas di mana peningkatan *width* tidak memberikan peningkatan performa yang signifikan.

#### A.2. Pengaruh Depth

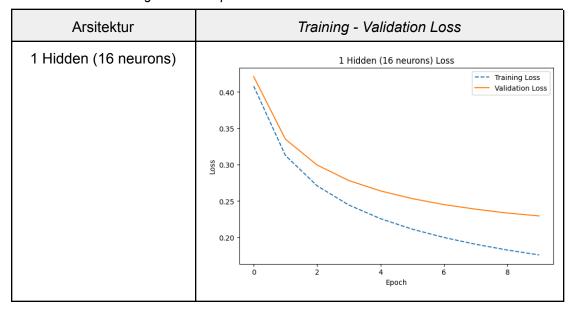
Pengujian juga dilakukan untuk mengetahui bagaimana variasi jumlah *hidden layer* (*depth*) mempengaruhi kinerja model. Hasil menunjukkan bahwa menambah kedalaman model dapat meningkatkan akurasi, tetapi dengan dampak yang lebih kecil dibandingkan variasi *width*.

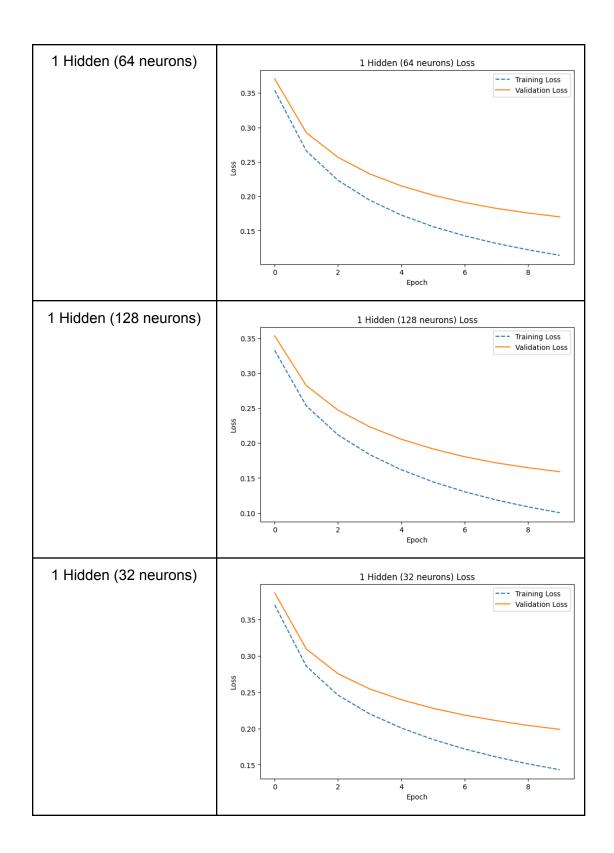
- Model dengan 1 hidden layer (32 neuron) mencapai akurasi 94.55%.
- Model dengan 2 hidden layer (32-32 neuron) mencapai akurasi 94.68%.
- Model dengan 3 hidden layer (32-32-32 neuron) mencapai akurasi
   94.95%.

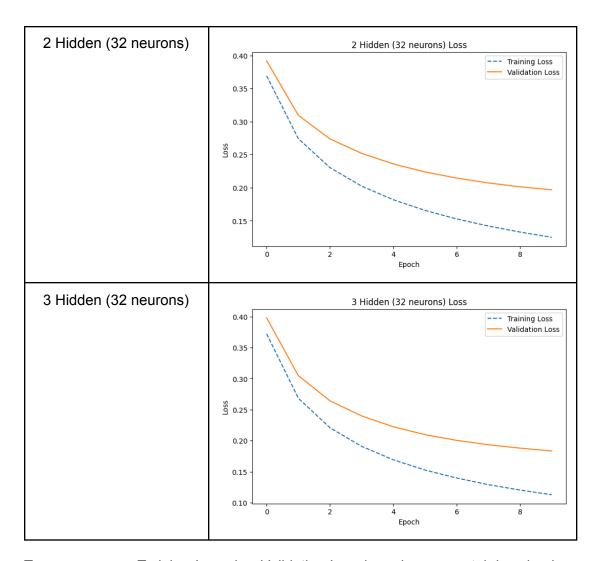
Dari hasil ini, terlihat bahwa menambah *hidden layer* memberikan sedikit peningkatan akurasi, tetapi tidak sebesar peningkatan akibat penambahan jumlah *neuron* dalam satu *hidden layer*. Hal ini menunjukkan bahwa dalam konteks dataset dan parameter yang digunakan, memperlebar *hidden layer* lebih efektif dibandingkan memperdalam model.

#### A.3. Analisis Keseluruhan

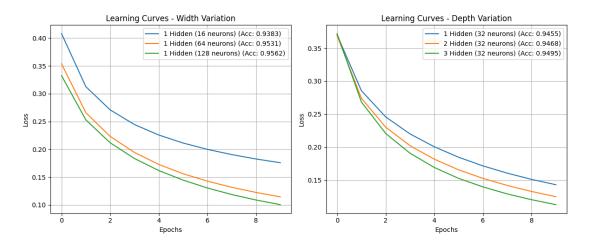
Tabel 2.1.1. Perbandingan Loss Tiap Arsitektur







Tren penurunan *Training Loss* dan *Validation Loss* hampir sama untuk keseluruhan model. Seiring bertambahnya epoch, *Training Loss* masih menunjukkan penurunan sementara *Validation Loss* sudah hampir stagnan. Hal ini menandakan model sudah akan memasuki *overfitting*, di mana model terlalu menyesuaikan data pelatihan hingga kehilangan kemampuan untuk melakukan generalisasi pada data baru.



Gambar 2.1.1. Learning Curves Width Variation (Kiri) dan Depth Variation (Kanan)

Secara keseluruhan, hasil pengujian menunjukkan bahwa:

- Penambahan jumlah *neuron* dalam *hidden layer* (*width*) lebih berdampak pada peningkatan akurasi dibandingkan penambahan jumlah *hidden layer* (*depth*).
- Model dengan lebih banyak neuron dalam satu hidden layer cenderung lebih baik dalam menangkap pola dalam data.
- Model yang lebih dalam tetap menunjukkan peningkatan akurasi, tetapi peningkatannya tidak sebesar penambahan *width*.
- Penggunaan jumlah hidden layer dan neuron yang lebih besar perlu diimbangi dengan pertimbangan computational cost dan risiko overfitting.

#### B. Pengaruh Fungsi Aktivasi

Pengujian ini bertujuan untuk mengevaluasi kinerja berbagai fungsi aktivasi, yaitu Linear, ReLU, Sigmoid, Tanh, Leaky ReLU, ELU, dan Swish, dalam konteks Feedforward Neural Network (FFNN). Model yang digunakan memiliki arsitektur dengan layer. 784 input neurons, dua hidden layers masing-masing berisi 32 neurons, dan 10 output neurons yang menggunakan aktivasi softmax. Parameter lainnya yang digunakan adalah:

Loss function: Categorical Cross-Entropy
 Metode inisialisasi bobot: He Initialization

• Jumlah Epochs: 10

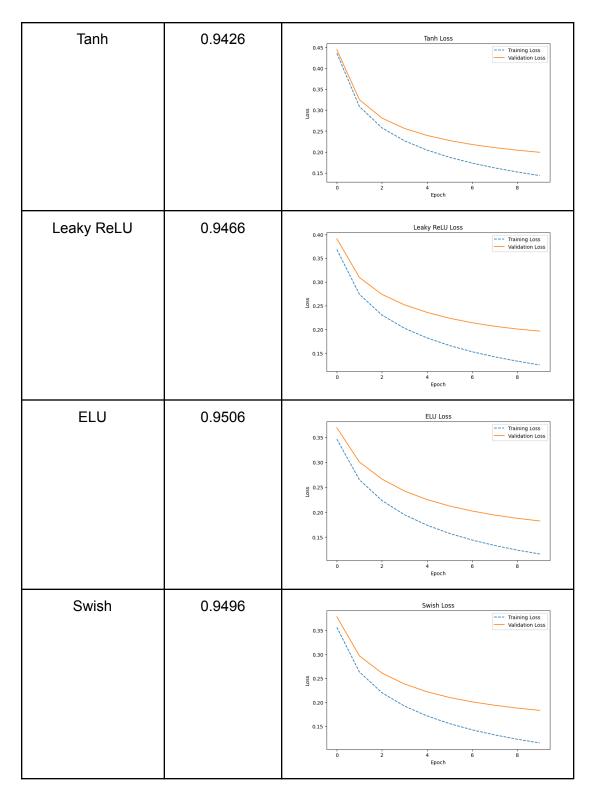
• Learning Rate: 0.01

• Batch Size: 32

Hasil pengujian menunjukkan bahwa fungsi aktivasi memiliki dampak yang signifikan terhadap kinerja model. Berikut adalah ringkasan akurasi dari setiap fungsi aktivasi:

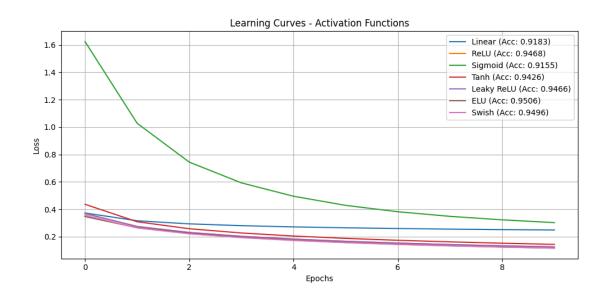
Tabel 2.2.1. Perbandingan Accuracy dan Loss Setiap Fungsi Aktivasi

Fungsi Aktivasi	Accuracy	Training - Validation Loss		
Linear	0.9183	0.40 0.38 Training Loss Validation Loss Validation Loss 0.30 0.28 0.26 0.26 0.26 Epoch		
ReLU	0.9468	ReLU Loss  Training Loss Validation Loss  0.35  0.30  0.20  0.15  0 2 4 6 8  Epoch		
Sigmoid	0.9155	Sigmoid Loss  1.6 -		



Dari hasil di atas, *ELU* memberikan akurasi tertinggi (95.06%), diikuti oleh *Swish* (94.96%) dan *ReLU* (94.68%). Sementara itu, fungsi aktivasi *Linear* dan *Sigmoid* menghasilkan performa yang lebih rendah, yaitu sekitar 91%. Tren penurunan

Training Loss dan Validation Loss hampir sama untuk keseluruhan model, kecuali yang menggunakan fungsi aktivasi Sigmoid. Pada fungsi aktivasi Sigmoid, Training Loss dan Validation Loss menurun dengan pola yang serupa dan tetap rendah. Hal ini menunjukkan bahwa model belajar secara efektif tanpa kehilangan kemampuan generalisasi.



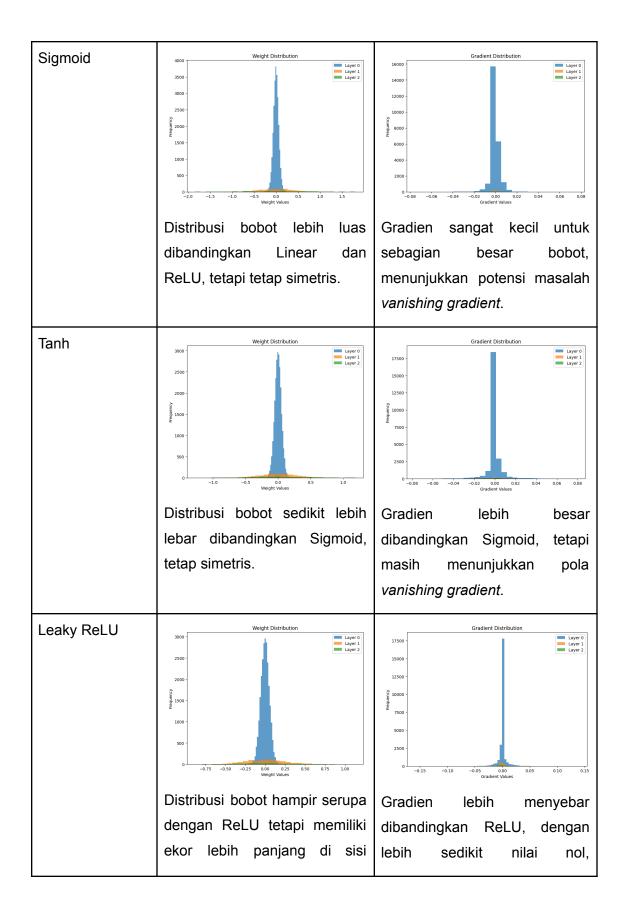
Gambar 2.2.1. Learning Curves Activation Functions

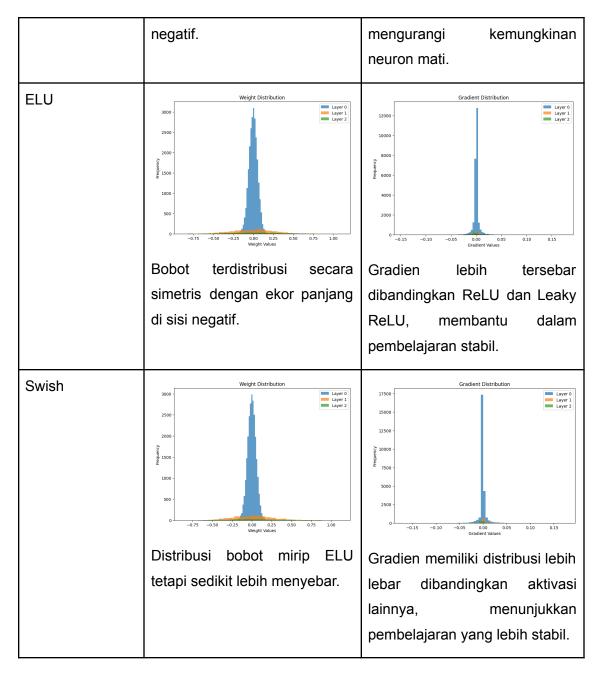
Dari grafik *loss* selama pelatihan, terlihat bahwa fungsi aktivasi yang berbasis *ReLU*, *Leaky ReLU*, *ELU*, dan *Swish* memiliki konvergensi *loss* yang lebih cepat dibandingkan dengan *Sigmoid* dan *Linear*. Hal ini menunjukkan bahwa fungsi aktivasi yang dapat menangani masalah *vanishing gradient* (seperti *ReLU* dan turunannya) lebih efektif dalam mempercepat proses pembelajaran.

Sebaliknya, fungsi *Sigmoid* cenderung mengalami **saturasi** pada nilai ekstremnya, menyebabkan perbedaan gradien yang kecil dan memperlambat pembelajaran. Hal yang serupa terjadi pada *Tanh*, meskipun performanya lebih baik dibandingkan *Sigmoid*.

Tabel 2.2.2. Perbandingan Weight dan Gradient Setiap Fungsi Aktivasi

Fungsi Aktivasi	Distribusi Weight	Distribusi Gradient		
Linear	Weight Distribution  3000 -	Caradient Distribution   Layer 0   Layer 1   Layer 2   Layer 3   Layer 4   Layer 2   Layer 3   Layer 4   Layer 2   Layer 5   Layer 6   Layer 6   Layer 7   Layer 7   Layer 8   Layer 8   Layer 9   Layer 1   Layer 9		
	Bobot terdistribusi secara	Gradien sangat terkonsentrasi		
	simetris di sekitar nol, dengan sebagian besar nilai	di sekitar nol, menunjukkan		
	terkonsentrasi dalam rentang	minimnya perubahan bobot saat backpropagation.		
	kecil.			
ReLU	Weight Distribution  3000  2300  2000  2000  -0.75 -0.50 -0.23 0.00 0.25 0.50 0.75 1.00  Weight Values	Gradient Distribution  Layer 0 Layer 1 1500 - 1500 - 1500 - 15500 - 2500 - 2500 - 2500 - 2500 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600 - 2600		
	Bobot memiliki distribusi yang hampir serupa dengan Linear tetapi sedikit lebih menyebar.	Gradien menunjukkan banyak nilai nol, yang dapat mengindikasikan <i>dying ReLU</i> <i>problem</i> .		





Dari hasil analisis distribusi bobot dan gradien, dapat disimpulkan bahwa pemilihan fungsi aktivasi sangat mempengaruhi stabilitas dan efektivitas pembelajaran dalam sebuah model *neural network*. Fungsi aktivasi **Linear** tidak memperkenalkan non-linearitas, sehingga kurang efektif dalam menangkap pola kompleks dan terbatas dalam menyelesaikan masalah non-linear. Fungsi aktivasi seperti **Sigmoid dan Tanh** cenderung mengalami masalah *vanishing gradient*, yang menghambat pembaruan bobot terutama pada lapisan-lapisan awal model. **ReLU**, meskipun populer karena kesederhanaannya, memiliki risiko *dying neurons*, yang terlihat dari

distribusi gradien yang memiliki banyak nilai nol. **Leaky ReLU dan ELU** menunjukkan peningkatan dengan distribusi bobot dan gradien yang lebih seimbang, sehingga mengurangi kemungkinan neuron menjadi tidak aktif selama training. **Swish**, sebagai salah satu fungsi aktivasi terbaru, menunjukkan distribusi gradien yang lebih luas dan stabil, menjadikannya pilihan yang baik untuk model dengan *deep network*.

Secara keseluruhan, distribusi bobot pada model cenderung tetap simetris di sekitar nol, tetapi distribusi gradien sangat bergantung pada fungsi aktivasi yang digunakan, di mana fungsi aktivasi yang lebih adaptif seperti ELU dan Swish mampu mempertahankan gradien yang lebih sehat untuk pembelajaran optimal di semua lapisan model.

#### C. Pengaruh Learning Rate

Pengujian ini bertujuan untuk mengevaluasi dampak nilai yang diberikan pada parameter *learning rate* dalam konteks *Feedforward Neural Network* (FFNN). Model yang digunakan memiliki arsitektur dengan *layer*: 784 *input neurons*, dua *hidden layers* masing-masing berisi 32 *neurons*, dan 10 *output neurons* yang menggunakan aktivasi *softmax*. Parameter lainnya yang digunakan adalah:

• Loss function: Categorical Cross-Entropy

• Activation function: ["relu", "relu", "softmax"]

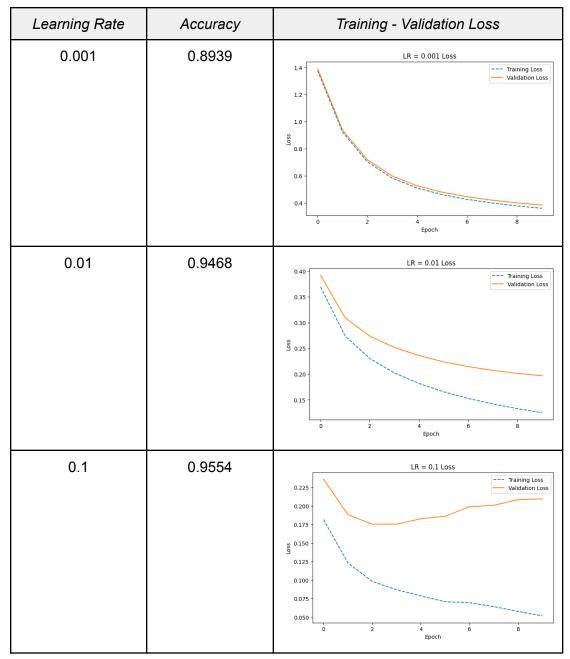
• Metode inisialisasi bobot: He Initialization

• Jumlah Epochs: 10

Batch Size: 32

Berikut adalah ringkasan akurasi dari setiap variasi nilai learning rate yang diberikan:

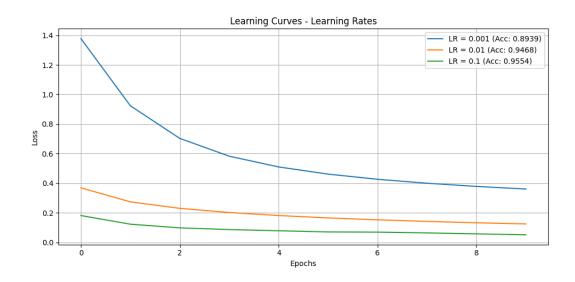
Tabel 2.3.1. Perbandingan Accuracy dan Loss Setiap Learning Rate



Perbedaan akurasi yang dihasilkan dari variasi nilai *learning rate* menunjukkan dampak yang signifikan terhadap proses pelatihan model dalam FFNN. Pada nilai *learning rate* yang kecil (0.001), pembaruan bobot dalam setiap iterasi berlangsung lebih lambat. Hal ini menyebabkan model memerlukan lebih banyak *epoch* untuk belajar secara efektif sehingga model tidak bisa mencapai konvergen dengan cepat

dalam 10 *epoch* yang terbatas. Nilai *learning rate* 0.01 memberikan keseimbangan yang baik antara kecepatan dan kestabilan tanpa sehingga menghasilkan akurasi yang lebih tinggi dibandingkan dengan 0.001. Sementara itu, dengan *learning rate* 0.1 pembaruan bobot lebih cepat sehingga memungkinkan model untuk mencapai hasil yang mendekati konvergen dalam 10 *epoch*. Namun, *learning rate* yang terlalu besar juga bisa menyebabkan model melewati titik minimum optimal dan berisiko mengarah pada ketidakstabilan sehingga gagal mencapai konvergen.

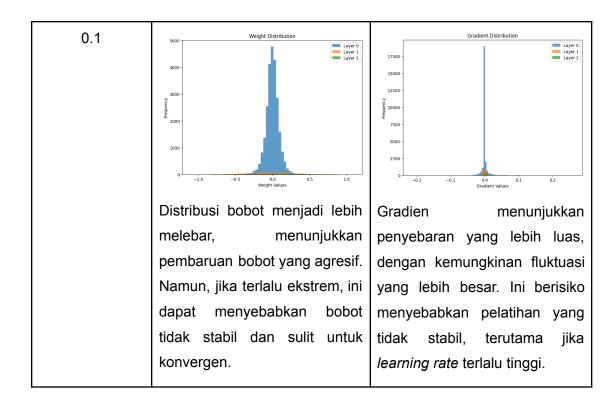
Tren perubahan *Training Loss* dan *Validation Loss* menunjukkan bahwa semakin besar *Learning Rate* (LR=0.1), *Training Loss* terus menurun tetapi *Validation Loss* mulai meningkat. Hal ini menunjukkan overfitting, di mana model terlalu menyesuaikan data pelatihan hingga kehilangan kemampuan untuk melakukan generalisasi pada data baru. Sebaliknya *Learning Rate* yang kecil (LR=0.001) memiliki *Training Loss* dan *Validation Loss* menurun dengan pola yang serupa dan tetap rendah. Hal ini menunjukkan bahwa model belajar secara efektif tanpa kehilangan kemampuan generalisasi. Secara keseluruhan, nilai yang moderat cenderung lebih efektif untuk mendapatkan konvergensi yang stabil dan optimal.



Gambar 2.3.1. Learning Curves Variasi Nilai Learning Rate

Tabel 2.3.2. Perbandingan Weight dan Gradient Setiap Variasi Nilai Learning Rate

Learning Rate	Distribusi Weight	Distribusi Gradient		
0.001	Weight Distribution  Layer 0  Layer 1  Layer 2  2000	Gradient Distribution  Layer 0 Layer 1 Layer 2  15000 -		
	Distribusi bobot terpusat di sekitar nol dengan varian kecil. Sebagian besar bobot tetap berada dalam kisaran nilai yang sangat kecil, menunjukkan perubahan bobot yang lambat selama pembelajaran.	Gradien cenderung sangat kecil, yang dapat menyebabkan pembaruan bobot yang lambat. Ini berisiko membuat model belajar lebih stabil tetapi membutuhkan waktu lebih lama untuk konvergen.		
0.01	Bobot masih terpusat di sekitar nol, tetapi memiliki distribusi yang lebih melebar dibandingkan dengan <i>learning rate</i> 0.001. Ini menunjukkan adanya pembaruan bobot yang lebih signifikan selama pelatihan.	Gradien lebih tersebar dibandingkan learning rate 0.001, yang berarti pembaruan bobot lebih aktif terjadi. Namun, tetap dalam batas stabil dan tidak menunjukkan lonjakan ekstrem.		



Berdasarkan hasil analisis distribusi bobot dan gradien, *learning rate* yang lebih kecil (0.001) menghasilkan pembaruan bobot yang lambat dan stabil, tetapi dapat menyebabkan pelatihan berlangsung lebih lama. *Learning rate* yang sedang (0.01) memberikan keseimbangan antara stabilitas dan kecepatan konvergensi, dengan distribusi bobot dan gradien yang lebih luas tetapi tetap terkendali. Sementara itu, *learning rate* yang lebih besar (0.1) menyebabkan perubahan bobot yang lebih agresif, yang dapat mempercepat pelatihan tetapi juga berisiko menyebabkan ketidakstabilan jika terlalu besar. Oleh karena itu, pemilihan *learning rate* yang optimal sangat penting untuk memastikan model dapat belajar secara efektif tanpa mengalami masalah konvergensi atau divergensi.

#### D. Pengaruh Inisialisasi Bobot

Pada pengujian ini, dilakukan eksperimen terhadap lima metode inisialisasi bobot:

- Zero Initialization
- Uniform Initialization
- Normal Initialization
- He Initialization
- Xavier Initialization

Parameter yang digunakan adalah sebagai berikut:

• Layer input: 784 neuron

• Hidden layer 1: 32 neuron, aktivasi ReLU

• Hidden layer 2: 32 neuron, aktivasi ReLU

• Layer output: 10 neuron, aktivasi Softmax

• Loss function: Categorical Cross-Entropy

• **Learning rate**: 0.01

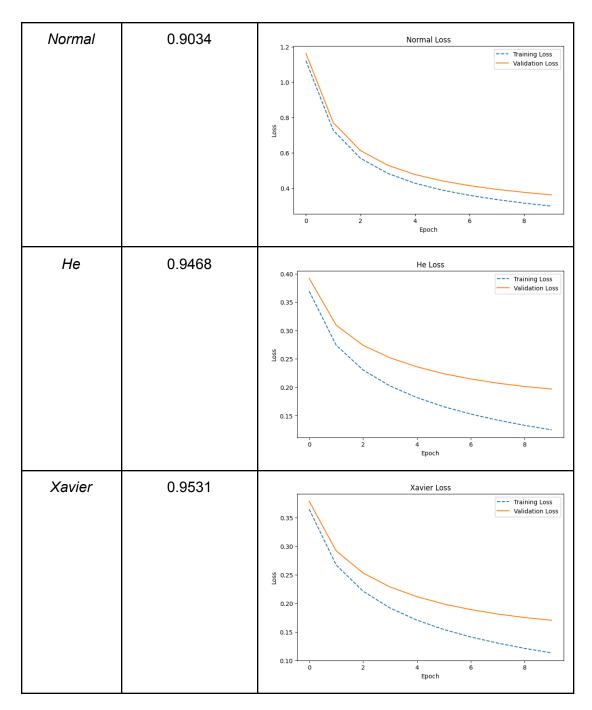
• Batch size: 32

• **Epochs**: 10

Berikut adalah akurasi yang diperoleh dari masing-masing metode inisialisasi:

Tabel 2.4.1 Perbandingan Accuracy dan Loss Setiap Learning Rate

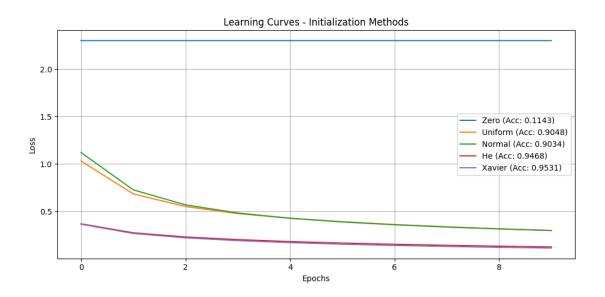
Initialization	Accuracy	Training - Validation Loss
Zero	0.1143	Zero Loss  2.30125 -
Uniform	0.9048	Uniform Loss  Training Loss Validation Loss  0.9  0.8  0.7  0.6  0.5  0.4  0.3  0 2 4 6 8  Epoch



Dari hasil di atas, terlihat bahwa inisialisasi dengan metode **Zero** menghasilkan akurasi yang sangat rendah (~11.43%), yang mengindikasikan bahwa model gagal belajar. Hal ini disebabkan oleh fakta bahwa semua bobot awalnya nol, sehingga setiap *neuron* menerima gradien yang sama dan tidak dapat melakukan pembelajaran.

Sebaliknya, metode *He* dan *Xavier* menunjukkan akurasi yang lebih tinggi dibandingkan metode lainnya, dengan *Xavier* mencapai akurasi tertinggi (95.31%). Kedua metode ini dirancang untuk mempertahankan skala varians bobot tetap stabil selama propagasi maju dan balik, sehingga memungkinkan pembelajaran lebih efektif.

Tren penurunan *Training Loss* dan *Validation Loss* untuk metode *He* dan *Xavier* hampir sama. Pada metode *Uniform* dan *Normal*, *Training Loss* dan *Validation Loss* menurun dengan pola yang serupa dan tetap rendah dibanding inisialisasi lainnya. Hal ini menunjukkan bahwa model belajar secara efektif tanpa kehilangan kemampuan generalisasi. Sementara metode *zero* gagal dalam melakukan pembelajaran.

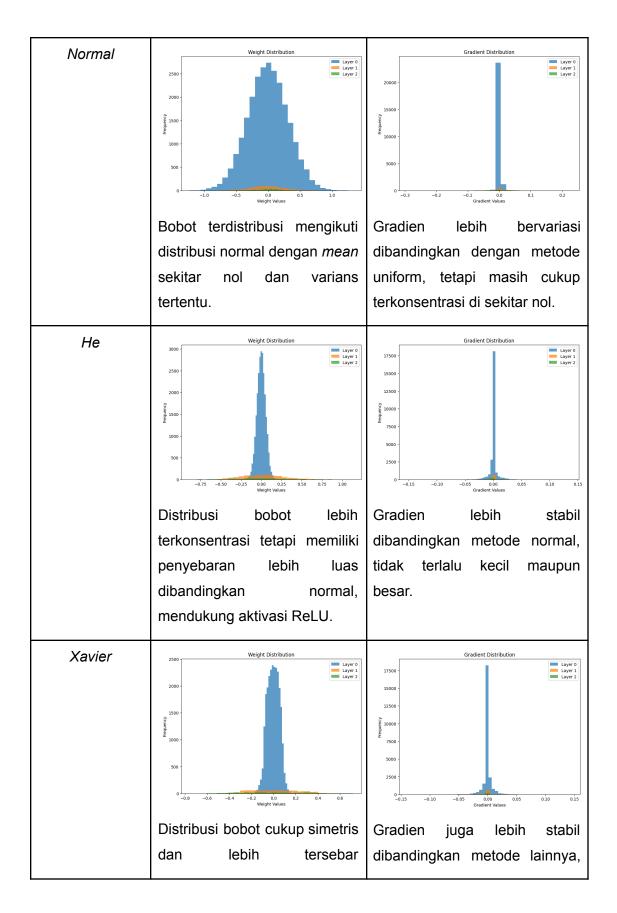


Gambar 2.4.1. Learning Curves - Initialization Methods

Gambar diatas menunjukkan perbedaan signifikan antara metode inisialisasi. Metode **Zero** memiliki *loss* yang stagnan, menunjukkan bahwa model tidak belajar. Sementara itu, metode **Uniform**, **Normal**, **He**, dan **Xavier** mengalami penurunan loss yang lebih signifikan seiring bertambahnya *epoch*, dengan **Xavier** dan **He** menunjukkan laju konvergensi yang lebih cepat.

Tabel 2.4.2. Perbandingan Weight dan Gradient Setiap Variasi Initialization Methods

Initialization Method	Distribusi Weight	Distribusi Gradient		
Zero	Weight Distribution  25000 - Layer 1 Layer 2  20000 - Layer 2  10000 - Layer 2  10000 - Layer 2  Weight Values	Gradient Distribution  25000 -		
	Semua bobot bernilai nol,	Gradien juga bernilai nol di		
	menyebabkan distribusi bobot	seluruh layer, menyebabkan		
	terpusat pada nol tanpa	tidak adanya pembaruan bobot		
	variasi.	selama pelatihan.		
Uniform	Weight Distribution  Layer 0  Layer 1  Layer 2  1000  400	Gradient Distribution  Layer 0  Layer 1  15000 -		
	Distribusi bobot lebih menyebar dengan rentang	Gradien masih memiliki distribusi yang sempit tetapi		
	tertentu, menunjukkan bahwa bobot memiliki nilai awal yang bervariasi.	sedikit lebih tersebar dibandingkan metode nol.		



dibandingkan		He,	dengan	menunjukkan	keseimbangan
mean		dan	varians	•	ara penyebaran
seimbang.				signal dan gradien.	

Berdasarkan hasil analisis distribusi bobot dan gradien, metode inisialisasi bobot memiliki pengaruh signifikan terhadap stabilitas dan efektivitas pembelajaran model. Inisialisasi nol menyebabkan masalah symmetry breaking, yang menghambat pembelajaran. Metode uniform dan normal lebih baik tetapi memerlukan skala yang tepat untuk menghindari masalah vanishing atau exploding gradients. Inisialisasi He menunjukkan performa terbaik untuk aktivasi ReLU karena menjaga signal propagation tetap stabil. Sementara itu, inisialisasi Xavier optimal untuk aktivasi sigmoid dan tanh karena mempertahankan keseimbangan antara distribusi bobot dan gradien. Oleh karena itu, pemilihan metode inisialisasi harus disesuaikan dengan jenis fungsi aktivasi yang digunakan dalam model.

#### E. Pengaruh Regularisasi

Dalam eksperimen ini, diuji tiga konfigurasi regularisasi pada model *Feedforward Neural Network* (FFNN):

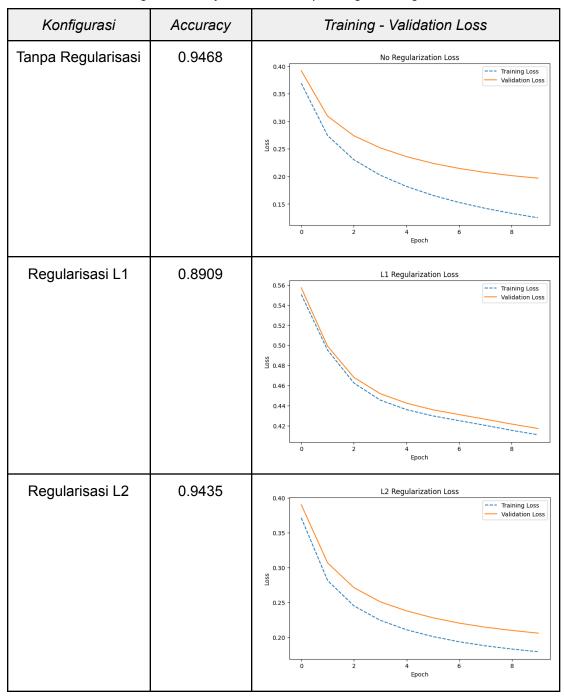
- Tanpa Regularisasi
- Regularisasi L1 (*Lasso*)
- Regularisasi L2 (Ridge)

Parameter yang digunakan adalah sebagai berikut:

- *Layer input*: 784 neuron
- Hidden layer 1: 32 neuron, aktivasi ReLU
- Hidden layer 2: 32 neuron, aktivasi ReLU
- Layer output: 10 neuron, aktivasi Softmax
- Loss function: Categorical Cross-Entropy
- Initialization Method: He Initialization
- Batch size: 32
- **Epochs**: 10

Berikut adalah ringkasan akurasi dari setiap konfigurasi regularisasi:

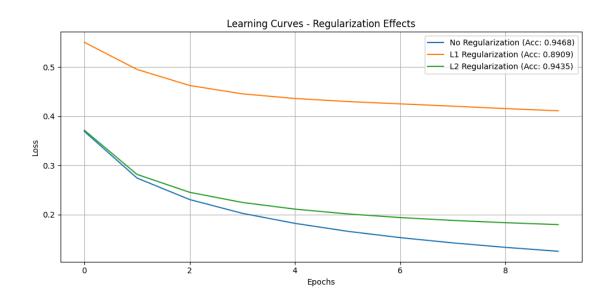
Tabel 2.5.1. Perbandingan Accuracy dan Loss Setiap Konfigurasi Regularisasi



Diperoleh informasi bahwa konfigurasi **tanpa regularisasi** memberikan akurasi tertinggi (94.68%) namun lebih rentan terhadap *overfitting*. **L1 regularization** menghasilkan model yang lebih sederhana tetapi mengalami penurunan akurasi cukup signifikan (89.09%). **L2 regularization** memberikan hasil yang hampir setara

dengan model tanpa regularisasi (94.35%) namun dengan bobot yang lebih terkendali, mengurangi kemungkinan *overfitting*.

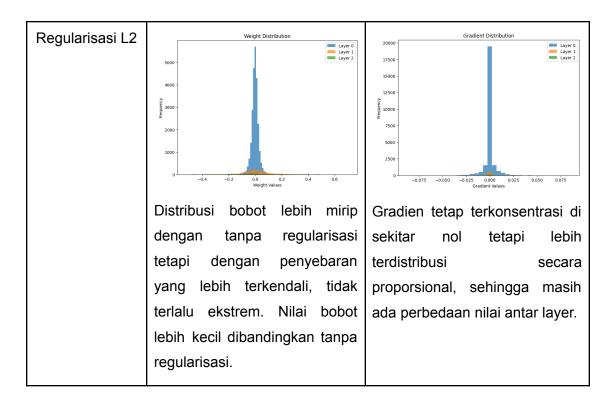
Pada model tanpa regularisasi, terlihat bahwa *Training Loss* menurun lebih cepat dibandingkan *Validation Loss*, yang bisa menjadi indikasi overfitting karena model terlalu menyesuaikan data latih. Pada model dengan *L1 regularization*, *loss* awalnya lebih tinggi dibandingkan model lainnya karena penalti L1 cenderung menyebabkan *sparseness* pada bobot, sehingga model lebih simpel dan kurang kompleks. Namun, gap antara *training loss* dan *validation loss* lebih kecil, yang menunjukkan efek regularisasi dalam mengurangi overfitting. Pada model dengan *L2 regularization*, pola *loss* mirip dengan tanpa regularisasi, tetapi dengan gap yang lebih kecil antara *training* dan *validation loss*, menunjukkan bahwa model tetap belajar dengan baik tetapi dengan regularisasi yang lebih halus dibandingkan L1.



Gambar 2.5.1. Learning Curves - Regularization Effects

Tabel 2.5.2. Perbandingan Weight dan Gradient Setiap Metode Regularisasi

Konfigurasi	Distribusi Weight	Distribusi Gradient
Tanpa Regularisasi	Weight Distribution    Layer 0   Layer 1	Gradient Distribution  Layer 1  17500 - Layer 1  15000 - Layer 2
	Bobot terdistribusi cukup simetris dengan mayoritas nilai berada di sekitar nol dan memiliki penyebaran yang lebih luas.	Gradien memiliki distribusi yang cukup terkonsentrasi di sekitar nol tetapi masih terdapat variasi yang cukup baik di seluruh layer.
Regularisasi L1	Weight Distribution  Layer 0 Layer 1 Layer 2  15000  -1.0 -0.5 0.0 0.5 1.0 1.5 2.0	Gradient Distribution  Layer 0  Layer 1  Layer 2  Layer 2  Layer 2  Layer 3  Layer 1  Layer 1  Layer 1  Layer 1  Layer 1  Layer 3  Layer 3
	Banyak bobot memiliki nilai nol, menyebabkan distribusi bobot menjadi sangat terpusat di nol. Penyebaran bobot menjadi sangat sempit dengan hanya beberapa bobot yang memiliki nilai signifikan.	



Berdasarkan hasil analisis distribusi bobot dan gradien, metode regularisasi mempengaruhi penyebaran nilai bobot dan stabilitas gradien selama pelatihan model. Tanpa regularisasi, bobot memiliki distribusi yang lebih luas, yang dapat menyebabkan *overfitting* karena bobot bisa memiliki nilai besar yang terlalu spesifik terhadap data pelatihan. Regularisasi L1 membuat banyak bobot menjadi nol, menyebabkan model menjadi lebih jarang (*sparse*), yang membantu dalam seleksi fitur tetapi juga dapat menurunkan performa jika terlalu banyak bobot dihilangkan. Regularisasi L2, di sisi lain, mempertahankan distribusi bobot yang lebih stabil dengan mencegah nilai bobot menjadi terlalu besar, sehingga membantu mengurangi *overfitting* tanpa kehilangan terlalu banyak informasi. Oleh karena itu, pemilihan metode regularisasi harus mempertimbangkan *trade-off* antara kompleksitas model dan kemampuan generalisasi terhadap data baru.

### F. Pengaruh Normalisasi RMSNorm

Pengujian ini bertujuan untuk mengevaluasi dampak penggunaan *RMS\_Norm* terhadap performa model *Feedforward Neural Network* (FFNN) dalam klasifikasi data. Pengujian dilakukan dengan melatih dua model FFNN dengan arsitektur yang sama, tetapi dengan konfigurasi yang berbeda:

- Model dengan RMS\_Norm: Menggunakan RMS\_Norm dengan parameter gamma = 1.
- Model tanpa RMS\_Norm: Tidak menggunakan RMS\_Norm (gamma = 0).

Parameter yang digunakan adalah sebagai berikut:

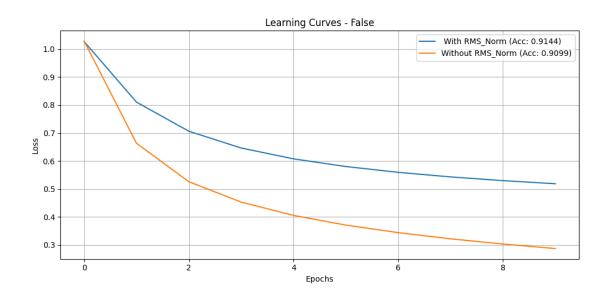
- Layer input: 784 neuron
- Hidden layer 1: 32 neuron, aktivasi ReLU
- Hidden layer 2: 32 neuron, aktivasi ReLU
- Layer output: 10 neuron, aktivasi Softmax
- Loss function: Categorical Cross-Entropy
- Initialization Method: Uniform
- Batch size: 32
- **Epochs**: 10

Berikut adalah ringkasan akurasi dari pengaruh ada tidaknya normalisasi *RMSNorm*:

Tabel 2.6.1. Perbandingan Accuracy dan Loss oleh Normalisasi RMSNorm

Konfigurasi	Accuracy	Training - Validation Loss
Menggunakan RMSNorm	0.9144	With RMS_Norm Loss  Training Loss Validation Loss  0.9  0.7  0.6  0.5  0 2 4 6 8  Epoch
Tidak Menggunakan RMSNorm	0.9099	Without RMS_Norm Loss  Training Loss Validation Loss 0.9 0.8 0.7 0.6 0.5 0.4 0.3 0 2 4 6 8 Epoch

Model tanpa *RMS\_Norm* menunjukkan *loss* yang lebih kecil pada setiap *epoch* dibandingkan model dengan *RMS\_Norm*. Hal ini menunjukkan bahwa model tanpa *RMS\_Norm* mengalami konvergensi lebih cepat dalam 10 *epoch* pertama.



Gambar 2.6.1. Learning Curves - Normalization RMSNorm

Model dengan *RMS\_Norm* mencapai akurasi **91.44%**, sedikit lebih tinggi dibandingkan model tanpa RMS\_Norm yang mencapai **90.99%**. Ini menunjukkan bahwa *RMS\_Norm* membantu meningkatkan generalisasi model pada data uji meskipun perbedaannya tidak signifikan. Pada model dengan *RMS\_Norm*, *Training Loss* dan *Validation Loss* lebih dekat satu sama lain sepanjang pelatihan, menunjukkan bahwa normalisasi ini membantu stabilisasi pembelajaran dan mengurangi *overfitting*. Sebaliknya, pada model tanpa *RMS\_Norm*, terjadi gap yang lebih besar antara *Training Loss* dan *Validation Loss* di akhir pelatihan, yang menunjukkan kecenderungan model untuk lebih menyesuaikan diri terhadap data latih dibandingkan data validasi. Selain itu, *loss* pada model dengan *RMS\_Norm* lebih lambat turun dibandingkan model tanpa normalisasi, yang mengindikasikan bahwa *RMS\_Norm* mungkin membatasi pembelajaran terlalu agresif, tetapi dengan manfaat generalisasi yang lebih baik.

Tabel 2.6.2. Perbandingan Weight dan Gradient Terhadap Normalisasi

Normalisasi	Weight	Gradient
Menggunakan RMSNorm	Distribusi bobot tampak lebih terkonsentrasi di sekitar nol dengan rentang yang lebih luas dibandingkan model tanpa RMSNorm. Layer 0 memiliki distribusi bobot yang lebih besar dibandingkan layer lain, sedangkan Layer 1 dan Layer 2 memiliki bobot yang jauh lebih kecil.	Distribusi gradien sangat terkonsentrasi di sekitar nol dengan nilai yang sangat kecil untuk sebagian besar bobot, menunjukkan bahwa gradien lebih terkontrol dan stabil selama pelatihan.
Tidak Menggunakan RMSNorm	Distribusi bobot juga terkonsentrasi di sekitar nol, tetapi lebih merata dibandingkan model dengan RMSNorm. Layer 0 masih memiliki bobot dominan, tetapi perbedaan bobot antara layer	Distribusi gradien masih terkonsentrasi di sekitar nol, tetapi dengan rentang yang sedikit lebih besar dibandingkan model dengan RMSNorm. Hal ini

lebih kecil dibandingkan model	menunjukkan bahwa gradien
dengan RMSNorm.	bisa mengalami fluktuasi lebih
	besar selama pelatihan.

Berdasarkan distribusi bobot, model dengan RMSNorm menunjukkan bobot yang lebih terkonsentrasi di sekitar nol dengan rentang yang lebih luas dibandingkan model tanpa RMSNorm. Sebaliknya, model tanpa RMSNorm memiliki distribusi bobot yang lebih merata, yang dapat membantu eksplorasi parameter yang lebih luas. Dalam kedua model, Layer 0 mendominasi distribusi bobot, sedangkan Layer 1 dan Layer 2 memiliki bobot yang lebih kecil.

Dari sisi distribusi gradien, model dengan RMSNorm memiliki gradien yang lebih terkonsentrasi di sekitar nol, menunjukkan stabilitas dalam pembaruan bobot selama pelatihan. Sementara itu, model tanpa RMSNorm memiliki distribusi gradien yang lebih menyebar, yang dapat menyebabkan fluktuasi lebih besar dalam pembaruan bobot dan memungkinkan konvergensi lebih cepat.

Oleh karena itu, RMSNorm memberikan stabilisasi dalam pembaruan bobot dan gradien, yang bermanfaat untuk meningkatkan generalisasi model. Namun, model tanpa RMSNorm lebih cepat mencapai konvergensi dalam jumlah epoch yang terbatas. Pemilihan penggunaan RMSNorm bergantung pada kebutuhan, apakah lebih mengutamakan stabilitas dan generalisasi atau kecepatan konvergensi.

## G. Perbandingan dengan Library Sklearn

Pengujian ini bertujuan untuk mengevaluasi keakuratan model *Feedforward Neural Network* (FFNN) yang diimplementasikan *from scratch*, dengan membandingkannya terhadap model *neural network* dari *library sklearn*. Kedua model yang digunakan memiliki *hyperparameter* yang disamakan.

Berikut perbandingan konfigurasi masing-masing model.

Tabel 2.7.1. Perbandingan Konfigurasi Model

Parameter	MLP Classifier	FFNN From Scratch
Layer	[784, 128, 64, 10] (784 input, 2 hidden layer, 10 output)	(128, 64) (2 hidden layers, 10 output secara implisit)
Activation Function	ReLU (untuk hidden layers), softmax (untuk output)	ReLU (untuk hidden layers), softmax (untuk output)
Loss Function	Categorical Cross Entropy	Default (Sama, Categorical Cross-Entropy)
Optimisasi	Implementasi manual, menggunakan gradient descent	Stochastic Gradient Descent
Learning Rate	0.01	0.01 (Constant Learning Rate)
Batch Size	128	128
Inisialisasi Bobot	Xavier	Default (Glorot/Xavier)
Regularization L2	I2_lambda=0.0001	Default (alpha=0.0001)
Seed/Random State	42	42
Verbose Output	1	1

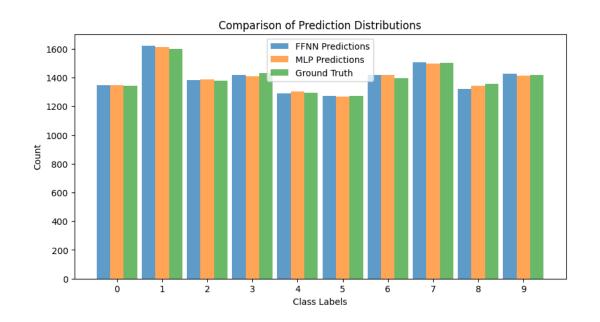
Meskipun tidak 100% identik *hyperparameter* dari kedua model, namun konfigurasi tersebut sudah mendekati. Salah satunya adalah inisialisasi bobot di mana MLP Classifier menggunakan Glorot/Xavier uniform, sedangkan implementasi FFNN harus dicek apakah benar-benar Xavier uniform atau tidak. Selain itu mekanisme update bobot juga bisa berbeda karena implementasi Scikit-Learn lebih kompleks. MLP Classifier menggunakan *learning rate schedule*, bahkan dalam "constant" mode sehingga bisa ada sedikit perbedaan efek dalam *training*.

Setelah dilakukan pengujian, berikut hasil akurasi dari kedua model.

Tabel 2.7.2. Perbandingan Accuracy Model

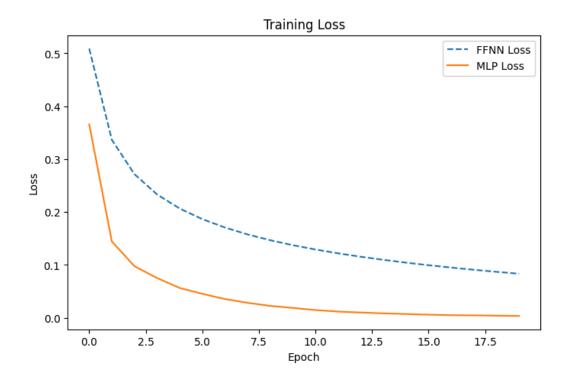
Model	Accuracy
MLP Classifier	0.9709285714285715
FFNN From Scratch	0.9589285714285715

Perbandingan distribusi prediksi yang diberikan oleh kedua model adalah sebagai berikut.



Gambar 2.7.1. Perbandingan Distribusi Kelas Prediksi dari Kedua Model

Sementara perbandingan *training loss* yang diberikan oleh kedua model adalah sebagai berikut.



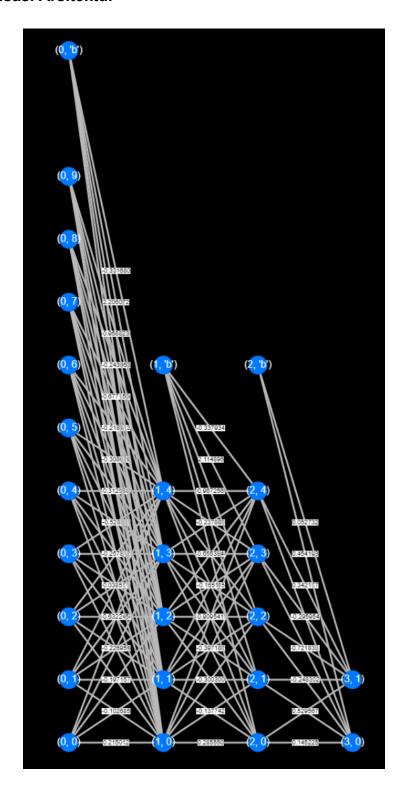
Gambar 2.7.2. Learning Curve Berupa Training Loss dari Kedua Model

Berdasarkan Gambar 2.7.1, distribusi prediksi kelas antara model FFNN from scratch dan MLP Classifier menunjukkan pola yang mirip dengan ground truth, menandakan bahwa kedua model mampu menangkap pola dalam data dengan baik. Namun, terdapat sedikit perbedaan dalam jumlah prediksi untuk setiap kelas, di mana MLP Classifier tampak lebih mendekati distribusi ground truth dibandingkan FFNN from scratch. Hal ini mengindikasikan bahwa MLP Classifier memiliki generalisasi yang lebih baik dibandingkan model yang diimplementasikan secara manual.

Pada Gambar 2.7.2, *learning curve* menunjukkan bahwa MLP Classifier memiliki *training loss* yang turun lebih cepat dan mencapai nilai *loss* yang lebih rendah dibandingkan FFNN *from scratch*. Ini menunjukkan bahwa model dari Scikit-Learn lebih efisien dalam proses optimisasi, kemungkinan disebabkan oleh mekanisme update bobot yang lebih kompleks dan penggunaan strategi learning rate schedule yang lebih optimal. Sementara itu, FFNN *from scratch* mengalami penurunan *loss* yang lebih lambat, yang dapat disebabkan oleh implementasi optimisasi yang lebih sederhana.

Dari hasil akurasi, MLP Classifier mencapai 97.09%, lebih tinggi dibandingkan FFNN from scratch yang hanya mencapai 95.89%. Meskipun perbedaannya tidak terlalu besar, hal ini menunjukkan bahwa penggunaan library yang sudah dioptimalkan seperti Scikit-Learn dapat meningkatkan performa model dibandingkan implementasi manual. Dengan demikian, meskipun FFNN from scratch dapat memberikan hasil yang kompetitif, model dari Scikit-Learn lebih efisien dalam hal konvergensi dan akurasi.

# H. Visualisasi Arsitektur



Gambar 2.8.1. Visualisasi Arsitektur FFNN

#### III. KESIMPULAN DAN SARAN

# Kesimpulan

Berdasarkan berbagai pengujian yang telah dilakukan terhadap model FFNN, beberapa kesimpulan utama dapat diperoleh sebagai berikut:

#### 1. Pengaruh Depth dan Width

Struktur jaringan FFNN, terutama jumlah *hidden layer* dan jumlah neuron per layer (*width*), memiliki dampak signifikan terhadap kemampuan model dalam mempelajari pola data. Model dengan terlalu banyak lapisan dan neuron cenderung mengalami *overfitting*, sementara model yang terlalu sederhana tidak dapat menangkap kompleksitas data dengan baik (*underfitting*). Oleh karena itu, keseimbangan antara kompleksitas model dan performa generalisasi perlu diperhatikan dalam implementasi FFNN.

# 2. Pengaruh Fungsi Aktivasi

Fungsi aktivasi berperan penting dalam menentukan bagaimana sinyal diteruskan dalam jaringan. Hasil pengujian menunjukkan bahwa ReLU merupakan pilihan terbaik untuk hidden layer karena kemampuannya mengatasi vanishing gradient problem. Sementara itu, sigmoid dan tanh masih relevan untuk kasus tertentu, terutama pada lapisan output untuk tugas klasifikasi biner atau multiclass.

#### 3. Pengaruh Learning Rate

Learning rate yang terlalu besar menyebabkan ketidakstabilan dalam pelatihan, sedangkan learning rate yang terlalu kecil memperlambat proses konvergensi. Hasil eksperimen menunjukkan bahwa pemilihan learning rate yang tepat sangat krusial untuk mencapai keseimbangan antara kecepatan konvergensi dan stabilitas pelatihan.

#### 4. Pengaruh Inisialisasi Bobot

Inisialisasi bobot awal sangat mempengaruhi laju konvergensi dan stabilitas jaringan. Dari pengujian yang dilakukan, metode seperti Xavier Initialization dan He Initialization terbukti lebih efektif dibandingkan inisialisasi acak biasa, terutama dalam mempercepat proses pelatihan dan mencegah jaringan mengalami stuck pada kondisi sub-optimal.

#### 5. Pengaruh Regularisasi

Teknik regularisasi seperti L1, L2 (*Ridge*), dan *Dropout* membantu meningkatkan kemampuan generalisasi model dengan mengurangi risiko *overfitting*. Dari hasil pengujian, penggunaan *dropout* dengan proporsi yang tepat mampu meningkatkan

akurasi model pada data uji tanpa mengorbankan kinerja pada data latih secara signifikan.

#### 6. Pengaruh Normalisasi RMSNorm

Normalisasi menggunakan RMSNorm membantu menjaga kestabilan distribusi nilai dalam jaringan, yang pada akhirnya mempercepat konvergensi dan menghasilkan pelatihan yang lebih stabil. Namun, efektivitas metode ini tetap bergantung pada dataset dan arsitektur jaringan yang digunakan.

#### 7. Perbandingan dengan Library Sklearn

Dibandingkan dengan model yang menggunakan library Sklearn, implementasi FFNN from scratch memberikan pemahaman lebih mendalam tentang bagaimana proses feedforward, backpropagation, dan optimasi bekerja. Namun, model dari Sklearn lebih praktis dan dapat memberikan hasil yang cukup baik dengan lebih sedikit usaha dalam tuning parameter.

Secara keseluruhan, implementasi FFNN from scratch dalam tugas ini memberikan wawasan penting mengenai pengaruh berbagai hyperparameter dan teknik optimasi terhadap kinerja model, sekaligus memperkuat pemahaman mengenai teori di balik *neural network* tiruan.

#### Saran

Berdasarkan hasil pengujian dan pembelajaran dari tugas ini, beberapa saran untuk pengembangan lebih lanjut dalam implementasi FFNN adalah sebagai berikut:

#### 1. Optimasi Arsitektur Jaringan

Menggunakan metode *Grid Search* atau *Bayesian Optimization* dapat membantu dalam mencari kombinasi depth dan width yang optimal untuk berbagai jenis dataset. Eksperimen lebih lanjut diperlukan untuk memahami dampak variasi arsitektur pada performa model.

#### 2. Pemilihan Fungsi Aktivasi yang Tepat

Pemilihan fungsi aktivasi harus disesuaikan dengan karakteristik dataset dan masalah yang ingin diselesaikan. ReLU tetap menjadi pilihan utama untuk *hidden layer*, sementara softmax atau sigmoid lebih cocok untuk tugas klasifikasi pada lapisan output.

3. Penyesuaian Learning Rate Secara Dinamis

Penggunaan adaptive learning rate seperti Adam optimizer, learning rate decay, atau

scheduler dapat meningkatkan efisiensi proses pelatihan dibandingkan menggunakan learning rate tetap.

#### 4. Eksplorasi Teknik Inisialisasi Bobot yang Lebih Baik

Meskipun Xavier dan He Initialization sudah terbukti efektif, metode inisialisasi lain seperti LSUV (*Layer-Sequential Unit-Variance*) dapat diuji untuk meningkatkan performa *neural network* dalam kasus tertentu.

#### 5. Penerapan Regularisasi yang Lebih Optimal

Regularisasi harus disesuaikan dengan ukuran dataset. Jika dataset kecil, penggunaan *dropout* yang lebih agresif dapat membantu mengurangi *overfitting*. Sementara itu, untuk dataset yang besar, L2 regularization dapat digunakan sebagai alternatif yang lebih stabil.

## 6. Eksplorasi Teknik Normalisasi yang Berbeda

Selain RMSNorm, teknik seperti *Batch Normalization, Layer Normalization*, atau *Group Normalization* dapat diuji untuk melihat perbedaannya dalam meningkatkan stabilitas dan efisiensi pelatihan model.

# 7. Perbandingan dengan Model yang Lebih Kompleks

Untuk mengukur seberapa baik performa FFNN yang telah diimplementasikan, disarankan untuk membandingkannya dengan model yang lebih kompleks seperti Convolutional Neural Network (CNN) atau Recurrent Neural Network (RNN) dalam skenario yang lebih kompleks.

Sebagai langkah lanjutan, implementasi FFNN dapat diuji dalam berbagai *problem domain* seperti *fraud detection*, analisis sentimen, atau prediksi harga saham untuk mengevaluasi efektivitasnya dalam skenario dunia nyata. Dengan menerapkan berbagai saran di atas, implementasi FFNN dapat terus ditingkatkan untuk menghasilkan model yang lebih akurat, efisien, dan mampu menangani berbagai jenis permasalahan secara optimal.

# IV. PEMBAGIAN TUGAS

Berikut adalah tabel rincian mengenai pendistribusian kerja oleh anggota kelompok:

No	NIM Anggota	Nama Anggota	Deskripsi
<b>No</b> 1	NIM Anggota	Nama Anggota  Marzuli Suhada M	Implementasi: - Implementasi fungsi aktivasi dan turunan Softmax - Implementasi inisialisasi bobot untuk Zero Initialization, Random Uniform, Random Normal - Implementasi method untuk save dan load - Instance model yang diinisialisasikan
			harus bisa menyimpan bobot & harus bisa menyimpan gradien bobot  - Implementasi backward propagation dengan chain rule untuk menghitung gradien  - Implementasi proses pelatihan dengan batch size, learning rate, jumlah epoch, dan verbose  - Mengembalikan history pelatihan (training loss & validation loss)  - Implementasi minimal 2 fungsi
			aktivasi lain yang sering digunakan  Pengujian:  - Pengaruh regularisasi (jika mengerjakan)  - Pengaruh normalisasi RMSNorm (jika mengerjakan)  - Perbandingan dengan library Sklearn Laporan

2	13522072	Ahmad Mudabbir Arif	Implementasi:
			- Implementasi fungsi aktivasi dan
			turunan Sigmoid & Hyperbolic
			- Implementasi Loss Function dan
			turunan MSE
			- Implementasi method untuk
			menampilkan distribusi bobot dari tiap
			layer
			- Implementasi method untuk
			menampilkan distribusi gradien bobot
			dari tiap layer
			- Instance model yang diinisialisasikan
			harus bisa menyimpan bobot & harus
			bisa menyimpan gradien bobot
			- Implementasi weight update dengan
			gradient descent
			- Implementasi proses pelatihan
			dengan batch size, learning rate,
			jumlah epoch, dan verbose
			- Mengembalikan <i>history</i> pelatihan
			(training loss & validation loss)
			- Implementasi 2 metode inisialisasi
			bobot (Bonus)
			Pengujian:
			- Pengaruh learning rate
			- Pengaruh inisialisasi bobot
			Laporan
3	13522116	Naufal Adnan	Implementasi:
			- Setup inputan jumlah neuron
			- Implementasi fungsi aktivasi dan
			turunan Linear, ReLU
			- Implementasi Loss Function dan

turunan Binary Cross Entropy &
Categorical Cross Entropy
- Implementasi method untuk
menampilkan model berupa struktur
jaringan beserta bobot dan gradien
bobot tiap neuron dalam bentuk graf
- Instance model yang diinisialisasikan
harus bisa menyimpan bobot & harus
bisa menyimpan gradien bobot
- Implementasi forward propagation
dengan batch input
- Implementasi proses pelatihan
dengan batch size, learning rate,
jumlah epoch, dan verbose
- Mengembalikan <i>history</i> pelatihan
(training loss & validation loss)
- Implementasi metode regularisasi L1
dan L2
- Implementasi metode normalisasi
RMSNorm
Pengujian:
- Pengaruh depth dan width
- Pengaruh fungsi aktivasi
Laporan

#### V. REFERENSI

- The spelled-out intro to neural networks and backpropagation: building micrograd
- <a href="https://www.jasonosajima.com/forwardprop">https://www.jasonosajima.com/forwardprop</a>
- https://www.jasonosajima.com/backprop
- <a href="https://numpy.org/doc/2.2/">https://numpy.org/doc/2.2/</a>
- <a href="https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.neural\_network.MLPClassifier.">https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.neural\_network.MLPClassifier.</a>
  <a href="https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.neural\_network.MLPClassifier.">https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.neural\_network.MLPClassifier.</a>
- https://math.libretexts.org/Bookshelves/Calculus/Calculus (OpenStax)/14%3A Differentiation of Functions of Several Variables/14.05%3A The Chain Rule for Multivariable Functions
- <a href="https://eli.thegreenplace.net/2016/the-softmax-function-and-its-derivative/">https://eli.thegreenplace.net/2016/the-softmax-function-and-its-derivative/</a>
- https://douglasorr.github.io/2021-11-autodiff/article.html
- https://www.cs.toronto.edu/~rgrosse/courses/csc2541\_2022/tutorials/tut01.pdf