

$$\neg(\neg p \vee \neg(r \vee s)) \Leftrightarrow (p \wedge r) \vee (p \wedge s)$$

$$\neg(\neg p \vee \neg(r \vee s))$$

$$\Leftrightarrow \neg\neg p \wedge \neg\neg(r \vee s) \quad \text{by dm}$$

$$\Leftrightarrow p \wedge (r \vee s) \quad \text{by neg}^*2$$

$$\Leftrightarrow (p \wedge r) \vee (p \wedge s) \quad \text{by distr}$$

$$p \vee (p \wedge q) \Leftrightarrow p$$

$$p \vee (p \wedge q)$$

$$\Leftrightarrow (p \vee p) \wedge (p \vee q) \quad \text{by distr}$$

$$\Leftrightarrow p \wedge (p \vee q) \quad \text{by idemp}$$

$$\Leftrightarrow (p \wedge p) \vee (p \wedge q) \quad \text{by distr}$$

$$\Leftrightarrow p \vee (p \wedge q) \quad \text{by idemp}$$

Restart...

$$p \vee (p \wedge q)$$

$$\Leftrightarrow (p \wedge \text{true}) \vee (p \wedge q) \quad \text{by simpl}$$

$$\Leftrightarrow p \wedge (\text{true} \vee q) \quad \text{by distr}$$

$$\Leftrightarrow p \wedge \text{true} \quad \Leftrightarrow p \quad \text{by simpl}$$

$$\begin{aligned}
 & \neg((p \wedge q) \Rightarrow p) \Leftrightarrow \text{false} \\
 & \neg((p \wedge q) \Rightarrow p) \\
 \Leftrightarrow & \neg(\neg(p \wedge q) \vee p) \quad \text{by Impl} \\
 \Leftrightarrow & \neg\neg(p \wedge q) \wedge \neg p \quad \text{by dm} \\
 \Leftrightarrow & (p \wedge q) \wedge \neg p \quad \text{by neg} \\
 \Leftrightarrow & (q \wedge p) \wedge \neg p \quad \text{by comm} \\
 \Leftrightarrow & q \wedge (p \wedge \neg p) \quad \text{by assoc} \\
 \Leftrightarrow & q \wedge \text{false} \quad \text{by contr} \\
 \Leftrightarrow & \text{false} \quad \text{by simpl}
 \end{aligned}$$

don't have to show  
have to show the others tho.

---


$$\begin{aligned}
 & \neg \text{true} \Leftrightarrow \text{false} \\
 & \neg \text{true} \\
 \Leftrightarrow & \neg(p \vee \neg p) \quad \text{by lem} \\
 \Leftrightarrow & \neg p \wedge \neg \neg p \quad \text{by dm} \\
 \Leftrightarrow & \neg p \wedge p \quad \text{by neg} \\
 \Leftrightarrow & \text{false} \quad \text{by contr.}
 \end{aligned}$$

To prove that  $P2$  is dead code.

$$(i \vee \neg 0) \wedge \neg (0 \wedge q) \wedge 0 \wedge \neg q$$

$$\Leftrightarrow (i \vee \neg 0) \wedge (0 \wedge q) \wedge 0 \wedge \neg q \quad \text{by neg}$$

$$\Leftrightarrow (i \vee \neg 0) \wedge 0 \wedge \text{false} \wedge 0 \quad \text{by cont}$$

$$\Leftrightarrow \text{false} \quad \text{by simpl}$$

---

DNF / CNF examples

$$\textcircled{1} (p \wedge q \wedge r) \vee (\neg q \wedge \neg r)$$

DNF

$$\textcircled{2} \neg(p \Rightarrow q) \wedge (r \Leftrightarrow q)$$

neither

$$\textcircled{3} (p \wedge q) \vee \neg q \vee \neg r$$

DNF

$$\textcircled{4} (p \vee q) \wedge \neg r$$

CNF

$$\textcircled{5} \quad p \vee q$$

both

$$\textcircled{6} \quad \neg(p \wedge q) \vee r$$

neither

---

$$x \wedge (y \Rightarrow x) \Leftrightarrow x$$

$$x \wedge (y \Rightarrow x)$$

$$\Leftrightarrow x \wedge (\neg y \vee x) \quad \text{by Impl}$$

$$\Leftrightarrow (x \vee \text{false}) \wedge (\neg y \vee x) \quad \text{by simpl}$$

$$\Leftrightarrow x \vee (\text{false} \wedge \neg y) \quad \text{by distr}$$

$$\Leftrightarrow x \vee \text{false} \quad \text{by simpl}$$

$$\Leftrightarrow x \quad \text{by simpl}$$