### Modelowanie klimatu

Axel Zuziak, Marcin Węglarz

AGH WFiIS Fizyka Techniczna

17 marca 2015

### Co to jest klimat?

#### Klimat

Klimatem nazywamy średnie warunki pogodowe obserwowane w danym miejscu na przestrzeni lat.

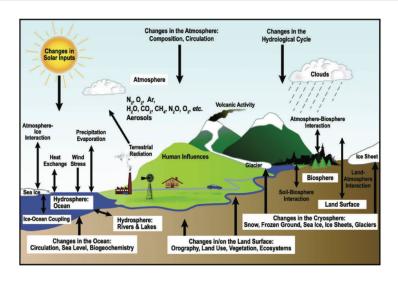
Modele klimatu są uproszonym opisem skomplikowanych procesów.

#### Klimat dzielimy na:

- Atmosfera
- Hydrosfera
- Kriosfera
- Powierzchnia lądowa
- Biosfera

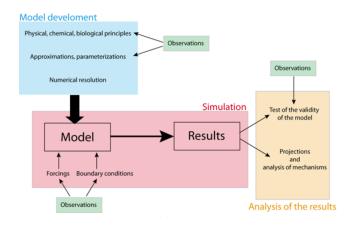
#### Składniki klimatotwórcze:

- Temperatura
- Opady
- Zachmurzenie
- Wilgotność
- Wiatr



Rysunek : Czynniki definiujące i wpływające na klimat

### Tworzenie modelu klimatu



Rysunek: Proces tworzenia i weryfikowania modelu klimatu

### Podział modeli

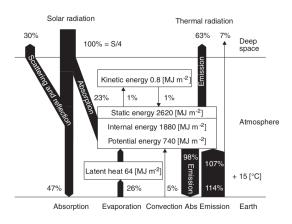
Ogólnie modele klimatu możemy podzielić na:

- zerowymiarowe
- 1-wymiarowe
- 2-wymiarowe
- 3-wymiarowe

Spośród powyższych najdokładniejsze są modele 3-wymiarowe, z których należy wyróżnić

- GCM (general circulation model), AGCM,OGCM,CGCM lub AOGCM
- RCM (regional climate model)

### Zerowymiarowy model cieplarniany



Rysunek: Zerowymiarowy model bilansu promieniowania.[2]

### Matematyczne spojrzenie na bilans energetyczny

#### Bardzo prosty model bilansu radiacyjnego

$$(1-a)\frac{S}{4} = \sigma T_a^4 + t\sigma T_s^4$$

#### Bilans dla powierzchni Ziemi

$$(-t_a)(1-a_s)\frac{S}{4}+c(T_s-T_a)+\sigma T_s^4(1-a_a')-\sigma T_a^4=0$$

#### Bilans dla atmosfery

$$-(1-a_{a}-t_{a}+a_{s}t_{a})\frac{S}{4}-c(T_{s}-T_{a})-\sigma T_{s}^{4}(1-t_{a}^{'}-a_{a}^{'})+2\sigma T_{a}^{4}=0$$

(Wartości z primem to wartości dla fal długich.)



# Wymuszenie radiacyjne i sprzężenie zwrotne

**Wymuszeniem radiacyjnym** nazywamy zjawisko zmiany temperatury na powierzchni Ziemi celem wyrównania bilansu radiacyjnego.

#### Wzory do ilościowego opisu zmian temperatury

$$\Delta I = \frac{\partial I}{\partial T_s} \Delta T_s$$

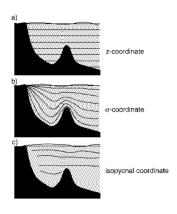
$$\frac{\partial I}{\partial T_s} = \frac{4}{T_s} (1 - a) \frac{S}{4}$$

#### Modelowanie oceanu

#### Na ocean wpływa:

- Siła mechaniczna wiatru
- Wypadkowy efekt gęstości i zasolenia wody
- Wymiana ciepła z atmosferą
- Wilgotność

Skutkiem ruchu obrotowego są prądy(pływy) oceanu.



Rysunek: Opis

### Modelowanie oceanu

$$\frac{dT}{dt} = F_{sol} + F_{diff}$$

$$\frac{dS}{dt} = F_{diff}$$

### Modelowanie kriosfery

#### Własności kriosfery:

- Śnieg i lód mają wysokie albedo są istotne w globalnym bilansie ciepła.
- Zwiększają wymianę ciepła i gazów pomiędzy oceanami a atmosferą.

$$\rho_c c_{pc} \frac{\partial T_c}{\partial t} = k_c \frac{\partial^2 T_c}{\partial z^2}$$

$$m\frac{d\vec{u_i}}{dt} = \vec{\tau_{ai}} + \vec{\tau_{wi}} - m\vec{f}e_z \times \vec{u_i} - mg\vec{\nabla}\mu + \vec{F_{int}}$$

# Modelowanie atmosfery

#### Prawo zachowania pędu

$$\frac{D\vec{v}}{Dt} = -2\Omega \times \vec{v} - \frac{1}{\rho} \vec{\nabla} \rho + \vec{g} + \vec{F_{tar}}$$

#### Prawo zachowania masy

$$\frac{D\rho}{Dt} = -\rho \vec{\nabla} \cdot \vec{\mathbf{v}}$$

#### Zasada zachowania masy wody

$$\frac{D\rho q}{Dt} = -(\rho \nabla \cdot q \cdot \vec{v}) + \rho (E - C)$$

Zmienne: 
$$p, \rho, T, q$$
 oraz  $\vec{v} = (u, v, w)$ 

Prawo zachowania energii - I zasada termodynamiki

$$Q = c_p \frac{dT}{dt} - \frac{1}{\rho} \frac{dp}{dt}$$

Równanie stanu gazu doskonałego

$$p = \rho RT$$

### Modelowanie atmosfery - opady

#### Prawo zachowania pędu

$$\frac{D\mathbf{v}}{Dt} = -2\mathbf{\Omega} \times \mathbf{v} - \rho^{-1} \nabla p + \mathbf{g} + \mathbf{F}$$

#### Prawo zachowania masy

$$\frac{D\rho}{Dt} = -\rho\nabla\cdot\mathbf{v} + C - E$$

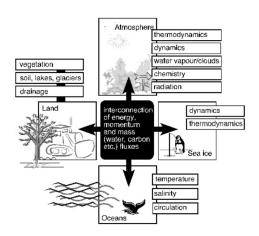
#### Prawo zachowania energii

$$\frac{DI}{Dt} = -p\frac{D\rho^{-1}}{Dt} + Q$$

#### Równanie stanu gazu doskonałego

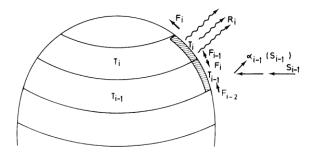
$$p = \rho RT$$

### Połączenie powyższych składników



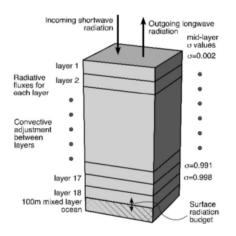
Rysunek: Wymiana wielkości fizycznych pomiędzy składowymi modelu

### Jednowymiarowy EBM(energy balance model)



Rysunek: Schemat jednowymiarowego modelu bilansu energii.[3]

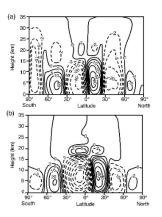
### Jednowymiarowy RCM(radiative-convective model)



Rysunek: Schemat jednowymiarowego modelu radiacyjno-konwekcyjnego.[1]



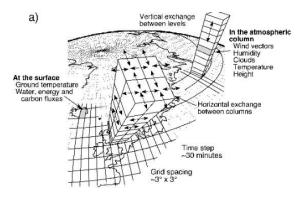
### Przykład dwuwymiarowego modelu SD



Rysunek : Rysunek przedstawia średni roczny przepływ masy. a) obserwowany, b) przewidziany modelem[1]

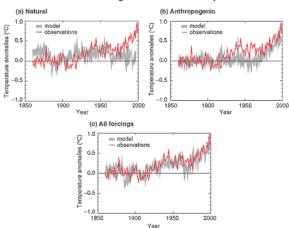
### Implementacja modelu GCM

W celu implementacji naszych równań musimy im nadać wartości dyskretne. Modelujemy atmosferę, dzieląc ją na pudła.

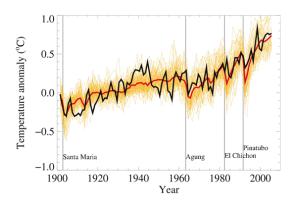


Rysunek: Model podziału atmosfery na pudła. Dopuszczamy wymiany wertykalne i horyzontalne.[1]

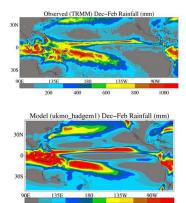
#### Simulated annual global mean surface temperatures



Rysunek : Porównanie średniej temperatury obserwowanej oraz wynikającej z modelu.[5]



Rysunek : Wykres przedstawia anomalie temperatury w minionym stuleciu (z zaznaczonymi wybuchami wulkanów.)[4]

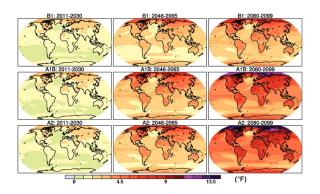


Rysunek : Porównanie opadów deszczu - modelowanych i obserwowanych. [4]

1000

400 600

200



Rysunek : Przewidywany wzrost temperatury dla różnych prognoz wzrostu stężenia  $CO^2$ .[6]

### Teoria Chaosu na przykładzie układu Lorentza

$$\begin{cases} \dot{x} = \sigma(y - x) \\ \dot{y} = x(\rho - z) - y \\ \dot{z} = xy - \beta z \end{cases}$$



Rysunek : Trajektoria układu Lorenza

### Bibliografia



[1] K.McGuffie, A. Henderson-Sellers

A Climate Modelling Primer

John Wiley & Sons, Chichester, wydanie trzecie, 2005



[2] E. Boeker, R. Grondelle

Fizyka środowiska

PWN, Warszawa, 2002



[3] https://www.e-education.psu.edu



[4] https://www.niwa.co.nz



[5] http://www.skepticalscience.com



[6] http://www.epa.gov

The End