## 实数的连续性

张志聪

2024年11月28日

说明 1. 在《陶哲轩实分析》(第三版)这个本书中,没有证明实数是"连续统"的,在第 9 章开头,作者将实数定义为"连续统",并且没有给出证明。

## 1. 直观

离散集合与连续统是相对的概念。粗略的说,如果集合中的每一个元素与剩余元素之间有一段非零的距离,那么这个集合就是离散的;如果一个集合是连通的并且没有"洞",那么这个集合就是一个连续统。